Procvičování podílového tvaru II

Úloha 1. Vyřešte nerovnice:

(a)
$$\frac{1}{x} \ge x$$

(f)
$$\frac{1}{2x-1} + \frac{3}{2x+3} \ge 1$$

(b)
$$1 - \frac{2-x}{1+x} > 0$$

(g)
$$\frac{1}{x^3 - x} \ge \frac{1}{x^2 - 1}$$

(c)
$$\frac{x-2}{x-3} \le \frac{x-5}{x-7}$$

(h)
$$\frac{1}{\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2}} > 0$$

(d)
$$\frac{5-x}{x-3} \le \frac{x-5}{x-7}$$

(i)
$$\frac{1}{\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2}} \ge x$$

(e)
$$\frac{6-4x}{x-2} < \frac{x}{2-x}$$

* Trochu související úlohy

Úloha 2. Které číslo je nutné odečíst od čitatele i jmenovatele zlomku $\frac{2}{5}$, aby se jeho hodnota změnila na $\frac{5}{2}$?

Úloha 3. Pro které $n \in \mathbb{N}$ platí, že vnitřní úhel v pravidelném n-úhelníku má velikost 177°?

 \star Úloha 4. Voda v řece teče rychlostí $2 \frac{m}{s}$. Cesta od přístavu k mostu a zpět trvá malému člunu 33 minut a velkému člunu, který má (ve stojaté vodě) dvojnásobnou rychlost, 16 minut. Jak daleko je od přístavu k mostu?

1.

- (a) $(-\infty; -1) \cup (0; 1)$
- (b) $(-\infty; -1) \cup (\frac{1}{2}; \infty)$
- (c) $\langle -1; 3 \rangle \cup (7; \infty)$
- (d) $(-\infty;3) \cup \{5\} \cup (7;\infty)$
- (e) $\mathbb{R}\setminus\{2\}$ neboli $(-\infty;2)\cup(2;\infty)$
- (f) $\left(-\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right) \cup \left(\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right)$
- (g) (-1;0)
- (h) $\left(1; \frac{3}{2}\right) \cup \left(2; \infty\right)$
- (i) $\left(-\infty; -\sqrt{2}\right) \cup \left(\sqrt{2}; \frac{3}{2}\right)$
- **2.** 7
- **3.** 120
- $\mathbf{4.}\ 9504\,\mathrm{m}$