Seminář, individuální zábava Jméno:

Úloha 1. Číslo 12345 lze právě jedním způsobem zapsat jako *součet* dvou prvočísel; na pořadí sčítanců nám nezáleží. O jaká prvočísla se jedná? (Stačí uvést ta prvočísla.)

Úloha 2. Rozhodněte, kterými z čísel 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10 je dělitelné číslo 111 222 333 444 555 666 777 888 999 000.

Úloha 3. Z krychlovitého balvanu o objemu $8\,\mathrm{m}^3$ jsme vysekli kvádr o rozměrech $0.5\,\mathrm{m}\times0.5\,\mathrm{m}\times1\,\mathrm{m}$ způsobem naznačeným na obrázku. Jaký má nyní balvan *povrch*?



Úloha 4. Nalezněte všechna reálná řešení soustavy rovnic

$$x^2 + 2y^2 = 12,$$
$$x - y = 3.$$

Úloha 5. Je dána rovnice

$$x^2 - 2dx + 2d^2 - 9 = 0$$

s neznámou x a reálným parametrem d. Určete všechny hodnoty d, pro které rovnice nemá v reálných číslech řešení.