# Mathematik I für Studierende der Informatik (Diskrete Mathematik)

#### Thomas Andreae

## Wintersemester 2012/13 Blatt 12

## A: Präsenzaufgaben am 17./18. Januar 2013

- 1. Es seien A = (2,5) und B = (4,4) zwei Punkte der Ebene.
  - a) Geben Sie die Vektoren  $\overrightarrow{AB}$  und  $\overrightarrow{BA}$  an.
  - b) Geben Sie zwei verschiedene Parametergleichungen für die Gerade g an, die durch A und B geht; dabei sollen sowohl die Stütz- als auch die Richtungsvektoren unterschiedlich sein.
  - c) Geben Sie zwei weitere Punkte an, die auf g liegen.
  - d) Bestimmen Sie eine Koordinatengleichung für g.
- **2.** Überprüfen Sie, ob der Punkt X=(2,-1,-1) auf der Geraden liegt, die durch die Gleichung  $x=(1,0,1)+t\cdot(1,3,3)$  (für  $t\in\mathbb{R}$ ) beschrieben ist.
- **3.** Geben Sie zwei verschiedene Parametergleichungen der Ebene an, die durch die Punkte A = (2,0,3), B = (1,-1,5) und C = (3,-2,0) festgelegt ist.

## B: Hausaufgaben zum 24./25. Januar 2013

- 1. Gegeben seien die Punkte A = (5, 1, 2), B = (-3, 1, 4) und C = (2, -1, 3).
  - a) Geben Sie die Gerade, die durch B und C geht, in Parameterdarstellung an.
  - b) Geben Sie zwei verschiedene Parametergleichungen für die Ebene an, die durch  $A,\,B$  und C geht:
    - (i) mit  $\overrightarrow{0A}$  als Stützvektor,
    - (ii) mit einem Stützvektor, der von  $\overrightarrow{0A}$ ,  $\overrightarrow{0B}$  und  $\overrightarrow{0C}$  verschieden ist.
  - c) Bestimmen Sie eine Koordinatengleichung für die Ebene, die durch  $A,\ B$  und C geht, und berechnen Sie die Schnittpunkte dieser Ebene mit den drei Koordinatenachsen

**Hinweis**: Es ist möglich, dass die Ebene nicht mit jeder Koordinatenachse einen Schnittpunkt besitzt; in diesem Fall ist nachzuweisen, dass in der Tat kein Schnittpunkt vorhanden ist.

2. Bestimmen Sie eine Parametergleichung der Ebene, die durch die folgende Koordinatengleichung gegeben ist:

$$3x_1 - 2x_2 + 8x_3 - 10 = 0.$$

- **3.** a) Für a=(2,-1,5) und b=(3,2,-3): Berechnen Sie das Skalarprodukt von a und b. Sind die Vektoren a und b orthogonal? Bestimmen Sie  $z\in\mathbb{R}$  derart, dass die Vektoren a=(2,-1,5) und c=(3,2,z) orthogonal sind.
  - b) Für a wie in a): Berechnen Sie die Länge von a. Finden Sie einen Vektor  $d = (d_1, d_2, d_3)$ , für den gilt: d ist ein Einheitsvektor und hat dieselbe Richtung wie a.
  - c) Berechnen Sie den Abstand der beiden Punkte  $P_1 = (4, 2, 1)$  und  $P_2 = (0, 3, 1)$ .
  - d) Berechnen Sie den Winkel zwischen den Vektoren u = (0, 2, 2) und v = (-2, 0, 1).
- **4.** a) Gegeben seien die Vektoren u=(1,2,3) und v=(-4,-7,5) des  $\mathbb{R}^3$ . Bestimmen Sie die Menge U aller Vektoren  $x=(x_1,x_2,x_3)$  des  $\mathbb{R}^3$ , für die  $x\bot u$  sowie  $x\bot v$  gilt. Ist U eine Gerade? Ist U eine Ebene? Falls eines von beiden zutrifft, so gebe man U in Parameterdarstellung an!
  - b) Nun sei nur ein einziger Vektor  $u=(2,4,1)\in\mathbb{R}^3$  gegeben. Bestimmen Sie die Menge U aller Vektoren  $x=(x_1,x_2,x_3)$  des  $\mathbb{R}^3$ , für die  $x\perp u$  gilt. Ist U eine Gerade? Ist U eine Ebene? Falls eines von beiden zutrifft, so gebe man U in Parameterdarstellung an!
  - c) Gegeben seien die Vektoren u=(1,2,-1,2) und v=(1,1,4,2) des  $\mathbb{R}^4$ . Bestimmen Sie die Menge U aller Vektoren  $x=(x_1,x_2,x_3,x_4)$  des  $\mathbb{R}^4$ , für die  $x\perp u$  sowie  $x\perp v$  gilt.
  - d) Für u und v wie in c): Berechnen Sie die Längen |u| und |v|.