

二次函数 50 题（朱韬老师分享）

填空：

1. 体育加试时，一女生掷实心球，实心球飞行中高度 y (m) 与水平距离 x (m) 之间的关系是 $y = -\frac{1}{12}x^2 + \frac{1}{12}x + \frac{5}{3}$ 。已知女生掷实心球的评分标准如下表：

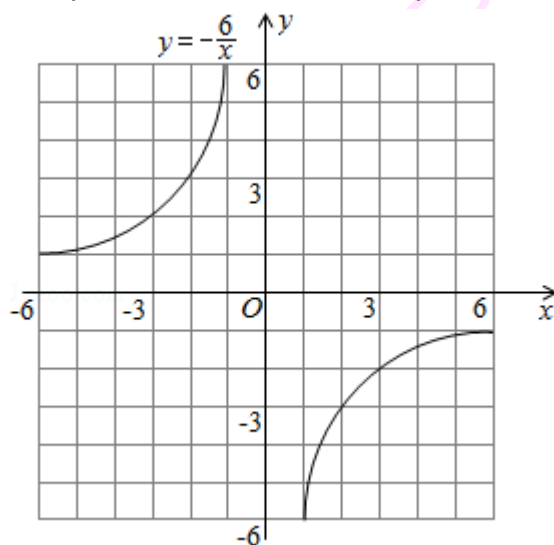
水平距离 x (m)	5.6	5.4	5.2	5.0	4.8	4.6	4.4
分值 (分)	15	14	13.5	13	12	11	10

该女生在此项目中的得分是 ()

2. 利用图象解一元二次方程 $x^2 + x - 3 = 0$ 时，我们采用的一种方法是：在平面直角坐标系中画出抛物线 $y = x^2$ 和直线 $y = -x + 3$ ，两图象交点的横坐标就是该方程的解。

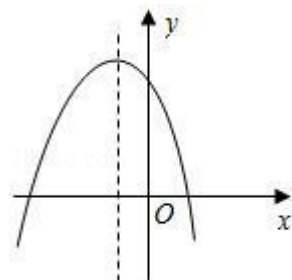
(1) 填空：利用图象解一元二次方程 $x^2 + x - 3 = 0$ ，也可以这样求解：在平面直角坐标系中画出抛物线 $y = \underline{\hspace{2cm}}$ 和直线 $y = -x$ ，其交点的横坐标就是该方程的解。

(2) 已知函数 $y = -\frac{6}{x}$ 的图象 (如图所示)，利用图象求方程 $\frac{6}{x} - x + 3 = 0$ 的近似解。(结果保留两个有效数字)



二次函数 50 题（朱韬老师分享）

3. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象如图所示，则点 $P(a, bc)$ 在第_____象限。



4. 已知抛物线 $y = x^2 - 2x - 3$ 的图象与 x 轴交于 A, B 两点，在 x 轴上方的抛物线上有一点 C ，使 $\triangle ABC$ 的面积为 10，则 C 点坐标为_____。

5. 老师给出一个二次函数，甲，乙，丙三位同学各指出这个函数的一个性质：

甲：函数的图象经过第一、二、四象限；

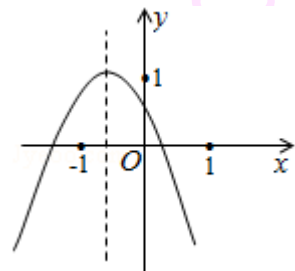
乙：当 $x < 2$ 时， y 随 x 的增大而减小。

丙：函数的图象与坐标轴只有两个交点。

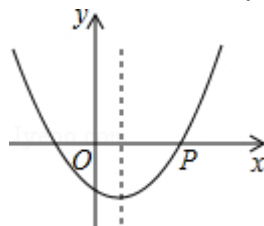
已知这三位同学叙述都正确，请构造出满足上述所有性质的一个函数_____。

6. 如图所示的二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象中，刘星同学观察得出了下面四条信息：

(1) $b^2 - 4ac > 0$; (2) $c > 1$; (3) $2a - b < 0$; (4) $a + b + c < 0$. 你认为其中错误的有 ()



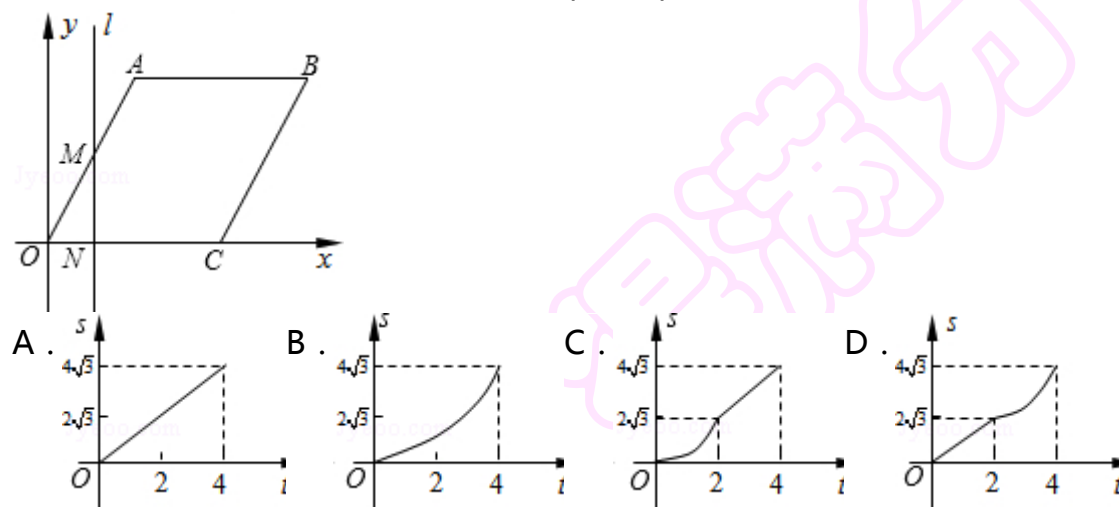
7. 如图，抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ ($a > 0$) 的对称轴是过点 $(1, 0)$ 且平行于 y 轴的直线，若点 $P(4, 0)$ 在该抛物线上，则 $4a - 2b + c$ 的值为_____。



二次函数 50 题（朱韬老师分享）

8. 已知函数 $y = \begin{cases} (x-1)^2 - 1 & (x \leq 3) \\ (x-5)^2 - 1 & (x \geq 3) \end{cases}$ ，若使 $y=k$ 成立的 x 值恰好有三个，则 k 的值为（ ）

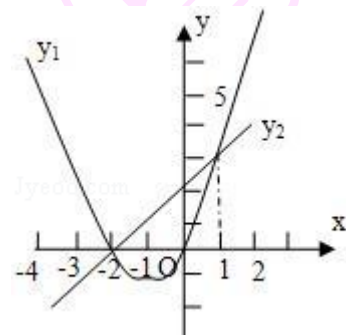
9. 如图，在平面直角坐标系中，四边形 $OABC$ 是菱形，点 C 的坐标为 $(4, 0)$ ， $\angle AOC = 60^\circ$ ，垂直于 x 轴的直线 l 从 y 轴出发，沿 x 轴正方向以每秒 1 个单位长度的速度向右平移，设直线 l 与菱形 $OABC$ 的两边分别交于点 M ， N （点 M 在点 N 的上方），若 $\triangle OMN$ 的面积为 S ，直线 l 的运动时间为 t 秒（ $0 \leq t \leq 4$ ），则能大致反映 S 与 t 的函数关系的图象是（ ）



10. 函数 $y = \sqrt{2x^2 - 4x + 6}$ 的最小值是_____。

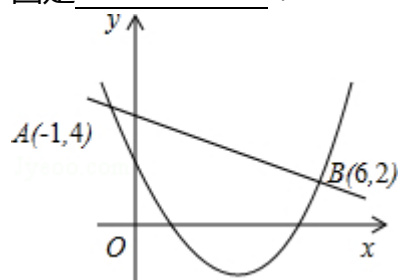
11. 抛物线 $y = ax^2 + ax + x + 1$ 与 x 轴有且只有一个交点，则 $a =$ _____。

12. 如图是二次函数 $y_1 = ax^2 + bx + c$ 和一次函数 $y_2 = mx + n$ 的图象，观察图象写出 $y_2 \geq y_1$ 时， x 的取值范围_____。



二次函数 50 题（朱韬老师分享）

13. 已知二次函数 $y_1 = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 与一次函数 $y_2 = kx + m$ ($k \neq 0$) 的图象交于点 $A(-1, 4)$, $B(6, 2)$ (如图所示), 则能使 $y_1 > y_2$ 成立的 x 的取值范围是_____.



14. 若函数 $y = \begin{cases} x^2 + 2 & (x \leq 2) \\ 2x & (x > 2) \end{cases}$, 则当函数值 $y = 8$ 时, 自变量 x 的值是 ()

解答：

1. 已知抛物线 $y = x^2 - 2x - 8$.

(1) 试说明该抛物线与 x 轴一定有两个交点.

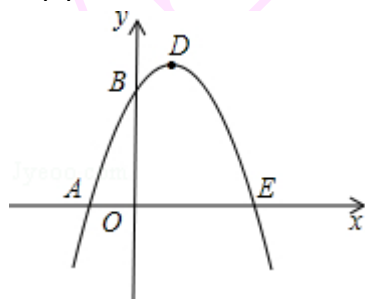
(2) 若该抛物线与 x 轴的两个交点分别为 A 、 B (A 在 B 的左边), 且它的顶点为 P , 求 $\triangle ABP$ 的面积.

2. 如图, 已知抛物线与 x 轴交于 $A(-1, 0)$ 、 $E(3, 0)$ 两点, 与 y 轴交于点 $B(0, 3)$.

(1) 求抛物线的解析式;

(2) 设抛物线顶点为 D , 求四边形 $AEDB$ 的面积;

(3) $\triangle AOB$ 与 $\triangle DBE$ 是否相似? 如果相似, 请给以证明; 如果不相似, 请说明理由.



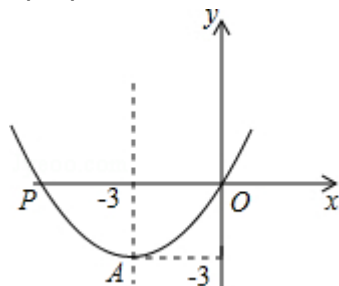
二次函数 50 题（朱韬老师分享）

3. 已知抛物线 $y = ax^2 + bx$ 经过点 $A(-3, -3)$ 和点 $P(t, 0)$, 且 $t \neq 0$.

(1) 若该抛物线的对称轴经过点 A , 如图, 请通过观察图象, 指出此时 y 的最小值, 并写出 t 的值;

(2) 若 $t = -4$, 求 a 、 b 的值, 并指出此时抛物线的开口方向;

(3) 直接写出使该抛物线开口向下的 t 的一个值.



4. 已知函数 $y = (m^2 - m)x^2 + (m - 1)x + 2 - 2m$.

(1) 若这个函数是二次函数, 求 m 的取值范围;

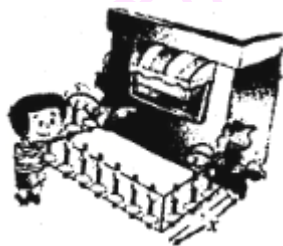
(2) 若这个函数是一次函数, 求 m 的值;

(3) 这个函数可能是正比例函数吗? 为什么?

5. 如图, 用 20m 的篱笆围成一个矩形的花圃. 设连墙的一边为 x (m), 矩形的面积为 y (m^2).

(1) 写出 y 关于 x 的函数解析式;

(2) 当 $x = 3$ 时, 矩形的面积为多少?



二次函数 50 题（朱韬老师分享）

6. 已知：二次函数为 $y = x^2 - x + m$ ，

(1) 写出它的图象的开口方向，对称轴及顶点坐标；

(2) m 为何值时，顶点在 x 轴上方；

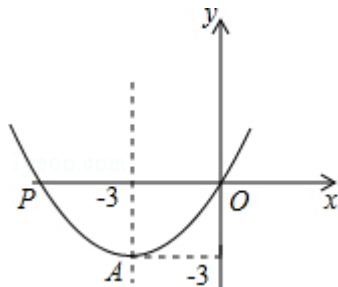
(3) 若抛物线与 y 轴交于 A ，过 A 作 $AB \parallel x$ 轴交抛物线于另一点 B ，当 $S_{\triangle AOB} = 4$ 时，求此二次函数的解析式。

7. 已知抛物线 $y = ax^2 + bx$ 经过点 $A(-3, -3)$ 和点 $P(t, 0)$ ，且 $t \neq 0$ 。

(1) 若该抛物线的对称轴经过点 A ，如图，请通过观察图象，指出此时 y 的最小值，并写出 t 的值；

(2) 若 $t = -4$ ，求 a 、 b 的值，并指出此时抛物线的开口方向；

(3) 直接写出使该抛物线开口向下的 t 的一个值。



8. 已知抛物线 $y = x^2 - 2x + m$ 与 x 轴交于点 $A(x_1, 0)$ 、 $B(x_2, 0)$ ($x_2 > x_1$)，

(1) 若点 $P(-1, 2)$ 在抛物线 $y = x^2 - 2x + m$ 上，求 m 的值；

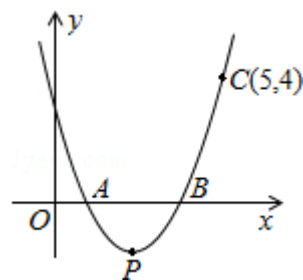
(2) 若抛物线 $y = ax^2 + bx + m$ 与抛物线 $y = x^2 - 2x + m$ 关于 y 轴对称，点 $Q_1(-2, q_1)$ 、 $Q_2(-3, q_2)$ 都在抛物线 $y = ax^2 + bx + m$ 上，则 q_1 、 q_2 的大小关系；

(3) 设抛物线 $y = x^2 - 2x + m$ 的顶点为 M ，若 $\triangle AMB$ 是直角三角形，求 m 的值。

9. 如图抛物线 $y = ax^2 - 5ax + 4a$ 与 x 轴相交于点 A 、 B ，且过点 $C(5, 4)$ 。

(1) 求 a 的值和该抛物线顶点 P 的坐标。

(2) 请你设计一种平移的方法，使平移后抛物线的顶点落在第二象限，并写出平移后抛物线的解析式。



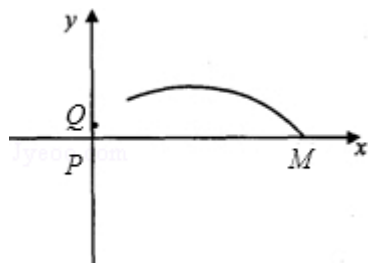
二次函数 50 题（朱韬老师分享）

10. 已知二次函数图象的顶点坐标为 $(1, -1)$ ，且经过原点 $(0, 0)$ ，求该函数的解析式。

11. (1) 在足球比赛中，当守门员远离球门时，进攻队员常常使用“吊射”的战术（把球高高地挑过守门员的头顶射入球门）。一位球员在离对方球门 30 米的 M 处起脚吊射，假如球飞行的路线是一条抛物线，在离球门 14 米时，足球到达最大高度 $\frac{32}{3}$ 米，如图，以球门底部为坐标原点建立坐标系，球门 PQ 的高度为

2.44 米，试通过计算说明，球是否会进入球门？

(2) 在 (1) 中，若守门员站在距球门 2 米远处，而守门员跳起后最多能摸到 2.75 米高处，他能否在空中截住这次吊射？

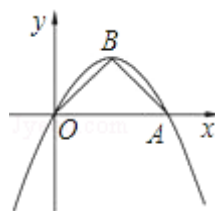


12. 如图，抛物线 $y = ax^2 + bx$ 经过点 $A(4, 0)$ ， $B(2, 2)$ 。连接 OB，AB。

(1) 求该抛物线的解析式；

(2) 求证： $\triangle OAB$ 是等腰直角三角形；

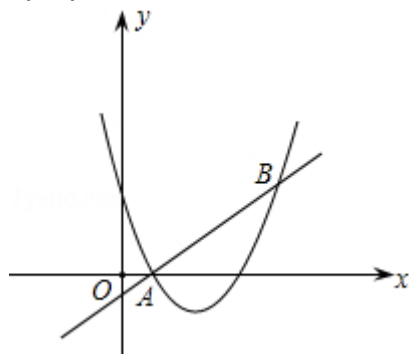
(3) 将 $\triangle OAB$ 绕点 O 按顺时针方向旋转 135° 得到 $\triangle OA'B'$ ，写出 $\triangle OA'B'$ 的边 $A'B'$ 的中点 P 的坐标。试判断点 P 是否在此抛物线上，并说明理由。



13. 如图，直线 $y = x + m$ 和抛物线 $y = x^2 + bx + c$ 都经过点 $A(1, 0)$ ， $B(3, 2)$ 。

(1) 求 m 的值和抛物线的解析式；

(2) 求不等式 $x^2 + bx + c > x + m$ 的解集。



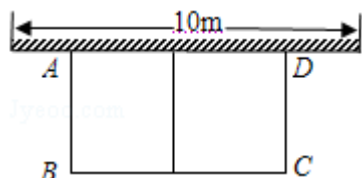
二次函数 50 题（朱韬老师分享）

14.如图，有长为 30m 的篱笆，一面利用墙（墙的最大可用长度为 10m），围成中间隔有一道篱笆（平行于 AB）的矩形花圃。设花圃的一边 AB 为 x m，面积为 y m²。

（1）求 y 与 x 的函数关系式；

（2）如果要围成面积为 63m² 的花圃，AB 的长是多少？

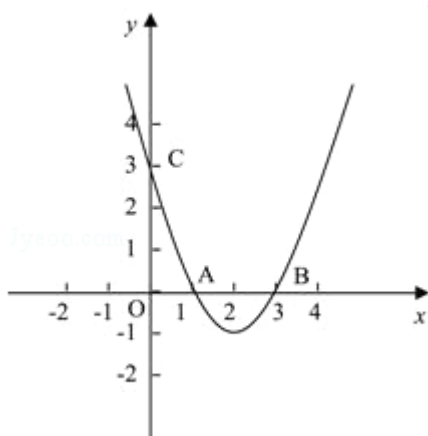
（3）能围成比 63m² 更大的花圃吗？如果能，请求出最大面积；如果不能，请说明理由。



15.已知：如图，抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 与 x 轴相交于两点 $A(1, 0)$, $B(3, 0)$ ，与 y 轴相交于点 $C(0, 3)$ 。

（1）求抛物线的函数关系式；

（2）若点 $D(\frac{7}{2}, m)$ 是抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 上的一点，请求出 m 的值，并求出此时 $\triangle ABD$ 的面积。



16.某商品的进价为每件 50 元，售价为每件 60 元，每个月可卖出 200 件，如果每件商品的售价上涨 1 元，则每个月少买 10 件（每件售价不能高于 72 元），设每件商品的售价上涨 x 元（ x 为正整数），每个月的销售利润为 y 元。

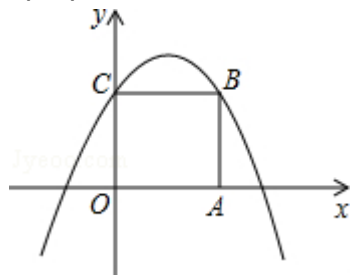
（1）求 y 与 x 的函数关系式并直接写出自变量 x 的取值范围；

（2）每件商品的售价定为多少元时，每个月可获得最大利润？最大月利润是多少元？

二次函数 50 题（朱韬老师分享）

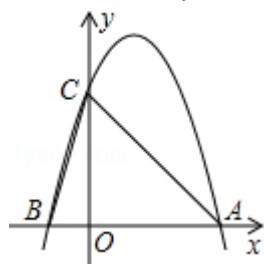
17.如图，在平面直角坐标系 xOy 中，边长为 2 的正方形 $OABC$ 的顶点 A 、 C 分别在 x 轴、 y 轴的正半轴上，二次函数 $y = -\frac{2}{3}x^2 + bx + c$ 的图象经过 B 、 C 两点。

- (1) 求该二次函数的解析式；
- (2) 结合函数的图象探索：当 $y > 0$ 时 x 的取值范围。



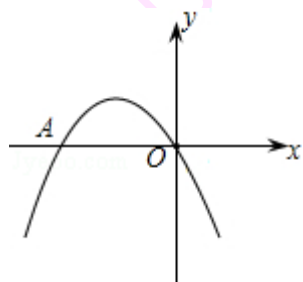
18.如图所示，二次函数 $y = -x^2 + 2x + m$ 的图象与 x 轴的一个交点为 $A(3, 0)$ ，另一个交点为 B ，且与 y 轴交于点 C 。

- (1) 求 m 的值；
- (2) 求点 B 的坐标；
- (3) 该二次函数图象上有一点 $D(x, y)$ (其中 $x > 0, y > 0$) 使 $S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ABC}$ ，求点 D 的坐标。



19.如图，二次函数 $y = ax^2 - 4x + c$ 的图象经过坐标原点，与 x 轴交于点 $A(-4, 0)$ 。

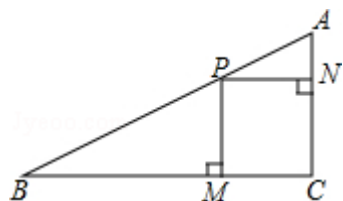
- (1) 求二次函数的解析式；
- (2) 在抛物线上存在点 P ，满足 $S_{\triangle AOP} = 8$ ，请直接写出点 P 的坐标。



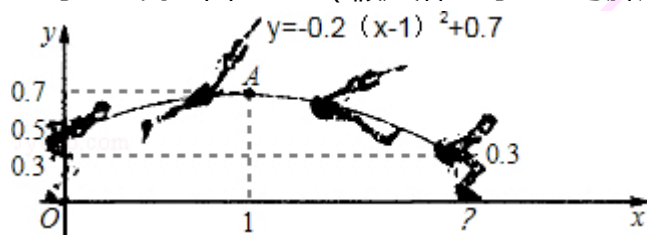
二次函数 50 题（朱韬老师分享）

20. 将抛物线 $y = 2(x - 1)^2 + 3$ 绕着原点 O 旋转 180° ，则计算旋转后的抛物线解析式。

21. 如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中，点 P 在斜边 AB 上移动， $PM \perp BC$ ， $PN \perp AC$ ， M ， N 分别为垂足， $AC = 1$ ， $AB = 2$ ，则何时矩形 $PMCN$ 的面积最大？最大面积是多少？



22. 立定跳远时，以小明起跳时重心所在竖直方向为 y 轴（假设起跳时重心与起跳点在同一竖直方向上），地平线为 x 轴，建立平面直角坐标系（如图），则小明此跳重心所走过的路径是一条形如 $y = -0.2(x - 1)^2 + 0.7$ 的抛物线，在最后落地时重心离地面 $0.3m$ （假如落地时重心与脚后跟在同一竖直方向上）。



(1) 小明在这一跳中，重心离地面最高时距离地面多少米？此时他离起跳点的水平距离有多少米？

(2) 小明此跳在起跳时重心离地面有多高？

(3) 小明这一跳能得满分吗（ $2.40m$ 为满分）？

23. 某宾馆有 50 个房间供游客住宿，当每个房间的房价为每天 180 元时，房间会全部住满。当每个房间每天的房价每增加 10 元时，就会有一个房间空闲。宾馆需对游客居住的每个房间每天支出 20 元的各种费用。根据规定，每个房间每天的房价不得高于 340 元。设每个房间的房价增加 x 元（ x 为 10 的正整数倍）。

(1) 设一天订住的房间数为 y ，直接写出 y 与 x 的函数关系式及自变量 x 的取值范围；

(2) 设宾馆一天的利润为 w 元，求 w 与 x 的函数关系式；

(3) 一天订住多少个房间时，宾馆的利润最大？最大利润是多少元？

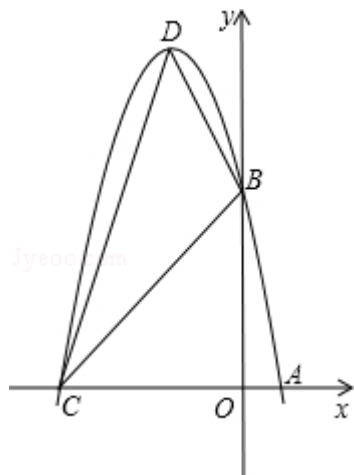
二次函数 50 题（朱韬老师分享）

24. 已知： m 、 n 是方程 $x^2 - 6x + 5 = 0$ 的两个实数根，且 $m < n$ ，抛物线 $y = -x^2 + bx + c$ 的图象经过点 $A(m, 0)$ 、 $B(0, n)$ 。

(1) 求这个抛物线的解析式；

(2) 设(1)中抛物线与 x 轴的另一交点为 C ，抛物线的顶点为 D ，试求出点 C 、 D 的坐标和 $\triangle BCD$ 的面积；

(3) P 是线段 OC 上的一点，过点 P 作 $PH \perp x$ 轴，与抛物线交于 H 点，若直线 BC 把 $\triangle PCH$ 分成面积之比为 $2:3$ 的两部分，请求出 P 点的坐标。



25. 某超市经销一种销售成本为每件 40 元的商品。据市场调查分析，如果按每件 50 元销售，一周能售出 500 件，若销售单价每涨 1 元，每周销售量就减少 10 件。设销售单价为每件 x 元 ($x \geq 50$)，一周的销售量为 y 件。

(1) 写出 y 与 x 的函数关系式。(标明 x 的取值范围)

(2) 设一周的销售利润为 S ，写出 S 与 x 的函数关系式，并确定当单价在什么范围内变化时，利润随着单价的增大而增大？

(3) 在超市对该种商品投入不超过 10 000 元的情况下，使得一周销售利润达到 8 000 元，销售单价应定为多少？

26. 将一条长为 20cm 的铁丝剪成两段，并以每一段铁丝的长度为周长做成一个正方形。

(1) 要使这两个正方形的面积之和等于 17cm^2 ，那么这段铁丝剪成两段后的长度分别是多少？

(2) 两个正方形的面积之和可能等于 12cm^2 吗？若能，求出两段铁丝的长度；若不能，请说明理由。

二次函数 50 题（朱韬老师分享）

27. 已知抛物线 $y=3ax^2+2bx+c$.

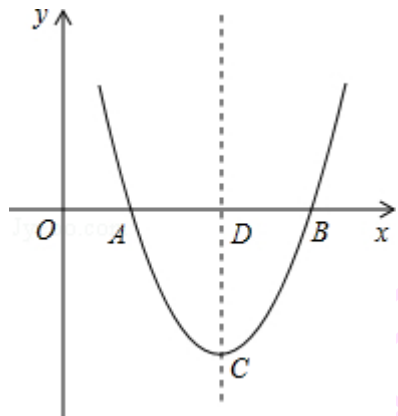
(1) 若 $a=b=1$, $c=-1$, 求抛物线与 x 轴公共点的坐标 ;

(2) 若 $a=b=1$, 且当 $-1 < x < 1$ 时 , 抛物线与 x 轴有且只有一个公共点 , 求 c 的取值范围 .

28. 如图 , 已知抛物线 $y=ax^2+bx+c$ 与 x 轴交于 $A(1, 0)$, $B(3, 0)$ 两点 , 且过点 $(-1, 16)$, 抛物线的顶点是点 C , 对称轴与 x 轴的交点为点 D , 原点为点 O . 在 y 轴的正半轴上有一动点 N , 使以 A 、 O 、 N 这三点为顶点的三角形与以 C 、 A 、 D 这三点为顶点的三角形相似 . 求 :

(1) 这条抛物线的解析式 ;

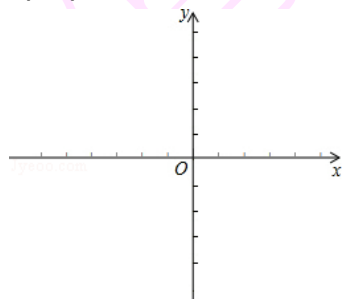
(2) 点 N 的坐标 .



29. 已知二次函数 $y=ax^2+bx+c$ ($a>0$) 的图象与 x 轴交于 $A(x_1, 0)$ 、 $B(x_2, 0)$ ($x_1 < x_2$) 两点 , 与 y 轴交于点 C , x_1, x_2 是方程 $x^2+4x-5=0$ 的两根 .

(1) 若抛物线的顶点为 D , 求 $S_{\triangle ABC} : S_{\triangle ACD}$ 的值 ;

(2) 若 $\angle ADC=90^\circ$, 求二次函数的解析式 .

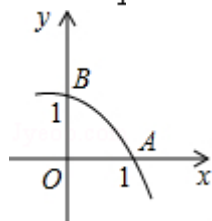


30. 二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的图象的一部分如图 , 已知它的顶点 M 在第二象限 , 且经过点 $A(1, 0)$ 和点 $B(0, 1)$.

(1) 请判断实数 a 的取值范围 , 并说明理由 ;

二次函数 50 题（朱韬老师分享）

(2) 设此二次函数的图象与 x 轴的另一个交点为 C ，当 $\triangle AMC$ 的面积为 $\triangle ABC$ 面积的 $\frac{5}{4}$ 倍时，求 a 的值。



31. 已知二次函数 $y = a(x - m)^2 - a(x - m)$ (a, m 为常数，且 $a \neq 0$)。

(1) 求证：不论 a 与 m 为何值，该函数的图象与 x 轴总有两个公共点。

(2) 设该函数的图象的顶点为 C ，与 x 轴交于 A, B 两点，与 y 轴交于 D 点。

① 当 $\triangle ABC$ 的面积为 1 时，求 a 的值。

② 当 $\triangle ABC$ 的面积与 $\triangle ABD$ 的面积相等时，求 m 的值。

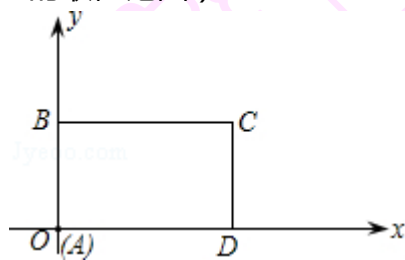
32. 如图所示，在直角坐标系中，矩形 $ABCD$ 的边 AD 在 x 轴上，点 A 在原点， $AB = 3$ ， $AD = 5$ 。若矩形以每秒 2 个单位长度沿 x 轴正方向作匀速运动。同时点 P 从 A 点出发以每秒 1 个单位长度沿 $A - B - C - D$ 的路线作匀速运动。当 P 点运动到 D 点时停止运动，矩形 $ABCD$ 也随之停止运动。

(1) 求 P 点从 A 点运动到 D 点所需的时间；

(2) 设 P 点运动时间为 t (秒)。

① 当 $t = 5$ 时，求出点 P 的坐标；

② 若 $\triangle OAP$ 的面积为 s ，试求出 s 与 t 之间的函数关系式 (并写出相应的自变量 t 的取值范围)。



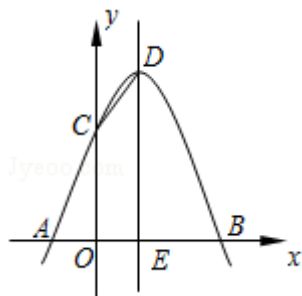
33. 如图，已知抛物线 $y = -x^2 + 2x + 1 - m$ 与 x 轴相交于 A, B 两点，与 y 轴相交于点 C ，其中点 C 的坐标是 $(0, 3)$ ，顶点为点 D ，连接 CD ，抛物线的对称轴与 x 轴相交于点 E 。

(1) 求 m 的值；

(2) 求 $\angle CDE$ 的度数；

二次函数 50 题（朱韬老师分享）

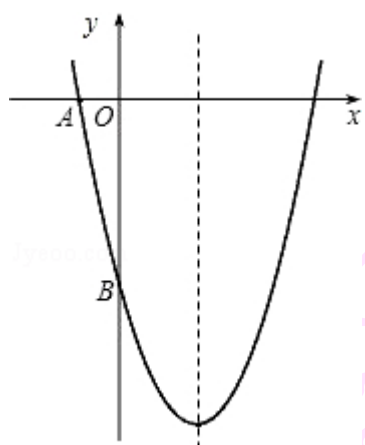
(3) 在抛物线对称轴的右侧部分上是否存在一点 P ，使得 $\triangle PDC$ 是等腰三角形？如果存在，求出符合条件的点 P 的坐标；如果不存在，请说明理由。



34. 如图，已知二次函数 $y = ax^2 - 4x + c$ 的图象与坐标轴交于点 $A(-1, 0)$ 和点 $B(0, -5)$ 。

(1) 求该二次函数的解析式；

(2) 已知该函数图象的对称轴上存在一点 P ，使得 $\triangle ABP$ 的周长最小。请求出点 P 的坐标。



35. 司机在驾驶汽车时，发现紧急情况到踩下刹车需要一段时间，这段时间叫反应时间。之后还会继续行驶一段距离。我们把司机从发现紧急情况到汽车停止所行驶的这段距离叫“刹车距离”（如图）。

已知汽车的刹车距离 s （单位：m）与车速 v （单位：m/s）之间有如下关系： $s = tv + kv^2$ 其中 t 为司机的反应时间（单位：s）， k 为制动系数。某机构为测试司机饮酒后刹车距离的变化，对某种型号的汽车进行了“醉汉”驾车测试，已知该型号汽车的制动系数 $k = 0.08$ ，并测得志愿者在未饮酒时的反应时间 $t = 0.7$ s

(1) 若志愿者未饮酒，且车速为 11m/s，则该汽车的刹车距离为多少 m（精确到 0.1m）；

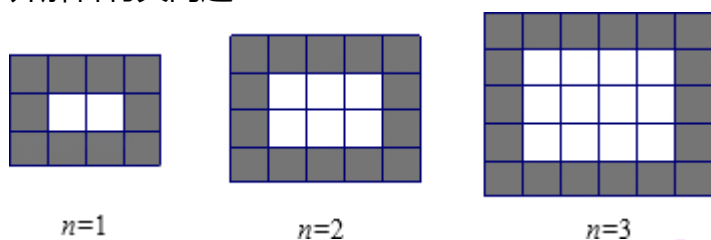
(2) 当志愿者在喝下一瓶啤酒半小时后，以 17m/s 的速度驾车行驶，测得刹车距离为 46m。假如该志愿者当初是以 11m/s 的车速行驶，则刹车距离将比未饮酒时增加多少？（精确到 0.1m）

二次函数 50 题（朱韬老师分享）

(3) 假如你以后驾驶该型号的汽车以 11m/s 至 17m/s 的速度行驶，且与前方车辆的车距保持在 40m 至 50m 之间．若发现前方车辆突然停止，为防止“追尾”，则你的反应时间应不超过多少秒？（精确到 0.01s ）



36. 如图，用同样规格的黑白两色的正方形瓷砖铺设矩形地面，请观察下列图形并解答有关问题．



- (1) 在第 n 个图中，第一横行共_____块瓷砖，第一竖列共有_____块瓷砖；（均用含 n 的代数式表示）
- (2) 设铺设地面所用瓷砖的总块数为 y ，请写出 y 与 (1) 中的 n 的函数；
- (3) 按上述铺设方案，铺一块这样的矩形地面共用了 506 块瓷砖，求此时 n 的值；
- (4) 黑瓷砖每块 4 元，白瓷砖每块 3 元，问题 (3) 中，共花多少元购买瓷砖；
- (5) 是否存在黑瓷砖与白瓷砖块数相等的情形请通过计算说明理由．

答案与解析：

填空：

1.

解 解： \because 一女生掷实心球，实心球飞行中高度 y (m) 与水平距离 x (m) 之

答 间的关系是 $y = -\frac{1}{12}x^2 + \frac{1}{12}x + \frac{5}{3}$,

\therefore 当 $y=0$, 则 $0 = -\frac{1}{12}x^2 + \frac{1}{12}x + \frac{5}{3}$

整理得出： $x^2 - x - 20 = 0$,

$(x - 5)(x + 4) = 0$,

解得： $x_1 = 5$, $x_2 = -4$,

\therefore 该女生的成绩为 5m ,

\therefore 结合评分标准得出：该女生在此项目中的得分是 13 分 .

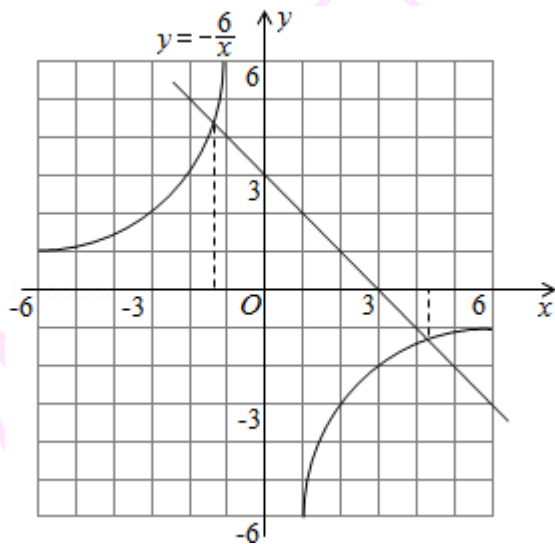
2 .

解 解：(1) 一元二次方程 $x^2 + x - 3 = 0$ 可以转化为 $x^2 - 3 = -x$, 所以一元二

答 次方程 $x^2 + x - 3 = 0$ 的解可以看成抛物线 $y = x^2 - 3$ 与直线交点的横坐标；

答案为： $x^2 - 3$;

(2) 图象如图所示：



由图象可得，方程 $\frac{6}{x} - x + 3 = 0$ 的近似解为： $x_1 = -1.4$, $x_2 = 4.4$.

3 .

解 解： \because 抛物线的开口向下，

答 $\therefore a < 0$,

\therefore 对称轴在 y 轴左边，

$\therefore a, b$ 同号即 $b < 0$,

二次函数 50 题-解析

\therefore 抛物线与 y 轴的交点在正半轴,

$\therefore c > 0$,

$\therefore bc < 0$, \therefore 点 $p(a, bc)$ 在第三象限. 故填空答案: 三.

4.

解 解: 由 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 得 $x_1 = 3$, $x_2 = -1$,

答: 所以 AB 距离为 4,

要使 $\triangle ABC$ 的面积为 10, C 的纵坐标应为 5,

把 $y = 5$ 时代入函数 $y = x^2 - 2x - 3$ 得 $x^2 - 2x - 3 = 5$,

解得 $x_1 = 4$, $x_2 = -2$.

故 C 点坐标为 $(4, 5)$ 或 $(-2, 5)$.

5.

解 解: \therefore 当 $x < 2$ 时, y 随 x 的增大而减小. 当 $x < 2$ 时, $y > 0$.

答: \therefore 可以写一个对称轴是 $x = 2$, 开口向上的二次函数就可以.

\therefore 函数的图象经过第一、二、四象限, 函数的图象与坐标轴只有两个交点.

\therefore 所写的二次函数的顶点可以在 x 轴上,

顶点是 $(2, 0)$, 并且二次项系数大于 0 的二次函数, 就满足条件.

如 $y = (x - 2)^2$, 答案不唯一.

6.

解 解: (1) 根据图示知, 该函数图象与 x 轴有两个交点,

答: $\therefore \Delta = b^2 - 4ac > 0$;

故本选项正确;

(2) 由图象知, 该函数图象与 y 轴的交点在点 $(0, 1)$ 以下,

$\therefore c < 1$;

故本选项错误;

(3) 由图示, 知

对称轴 $x = -\frac{b}{2a} > -1$;

又函数图象的开口方向向下,

$\therefore a < 0$,

$\therefore -b < -2a$, 即 $2a - b < 0$,

故本选项正确;

(4) 根据图示可知, 当 $x = 1$, 即 $y = a + b + c < 0$,

$\therefore a + b + c < 0$;

故本选项正确;

7.

解 解：设抛物线与 x 轴的另一个交点是 Q ，

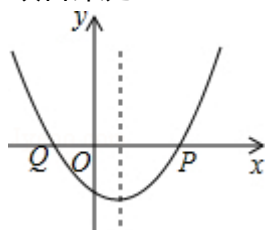
答：∵ 抛物线的对称轴是过点 $(1, 0)$ ，与 x 轴的一个交点是 $P(4, 0)$ ，

∴ 与 x 轴的另一个交点 $Q(-2, 0)$ ，

把 $(-2, 0)$ 代入解析式得： $0 = 4a - 2b + c$ ，

∴ $4a - 2b + c = 0$ ，

故答案为： 0 。



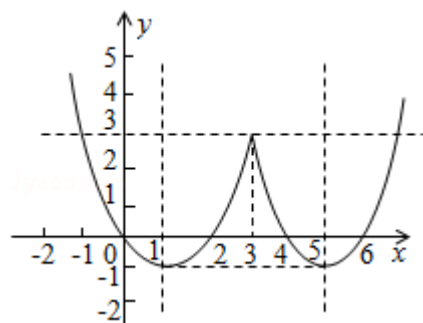
8.

解 解：函数 $y = \begin{cases} (x-1)^2 - 1 & (x \leq 3) \\ (x-5)^2 - 1 & (x \geq 3) \end{cases}$ 的图象如图：

答：

根据图象知道当 $y=3$ 时，对应成立的 x 有恰好有三个，

∴ $k=3$ 。



9.

解 解：过 A 作 $AD \perp x$ 轴于 D ，

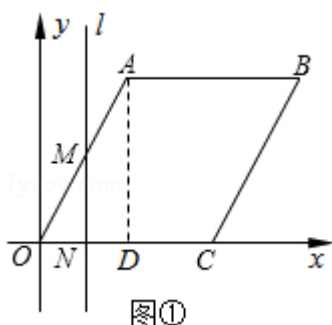
答：∵ $OA = OC = 4$ ， $\angle AOC = 60^\circ$ ，

∴ $OD = 2$ ，

由勾股定理得： $AD = 2\sqrt{3}$ ，

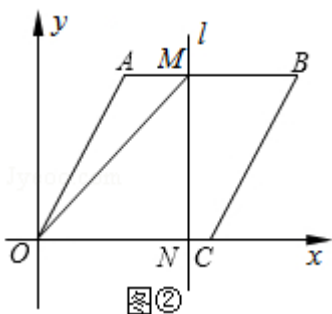
①当 $0 \leq t < 2$ 时，如图所示， $ON = t$ ， $MN = \sqrt{3}ON = \sqrt{3}t$ ， $S = \frac{1}{2}ON \cdot MN = \frac{\sqrt{3}}{2}$

t^2 ；



图①

② $2 \leq t \leq 4$ 时, $ON=t$, $MN=2\sqrt{3}$, $S=\frac{1}{2}ON \cdot 2\sqrt{3}=\sqrt{3}t$.



图②

故选: C.

10. (3 分) (2014 秋•慈溪市校级月考) 函数 $y=\sqrt{2x^2-4x+6}$ 的最小值是 2.

解 解: $\because 2x^2-4x+6=2(x^2-2x+1)+6-2=2(x-1)^2+4$,

答: \therefore 当 $x=1$ 时, y 有最小值, $y=\sqrt{4}=2$.

故答案为: 2.

11. (3 分) (2014 秋•沾化县校级月考) 抛物线 $y=ax^2+ax+x+1$ 与 x 轴有且只有一个交点, 则 $a=$ 1.

解 解: \because 函数图象是抛物线, \therefore 是二次函数,

答: $\because a \neq 0$, $\Delta=(a+1)^2-4a=0$, 解得 $a=1$, 即 $a=1$ 时, 抛物线与 x 轴只有一个交点.

故答案为 1.

12.

解 解: $\because y_1$ 与 y_2 的两交点横坐标为 $-2, 1$,

答: 当 $y_2 \geq y_1$ 时, y_2 的图象应在 y_1 的图象上面, 即两图象交点之间的部分,

\therefore 此时 x 的取值范围是 $-2 \leq x \leq 1$.

13.

解 解: \because 两函数图象的交点坐标为 $A(-1, 4), B(6, 2)$,

答: \therefore 使 $y_1 > y_2$ 成立的 x 的取值范围是 $x < -1$ 或 $x > 6$.

故答案为: $x < -1$ 或 $x > 6$.

14 .

解：把 $y=8$ 代入函数 $y=\begin{cases} x^2+2 & (x\leq 2) \\ 2x & (x>2) \end{cases}$,

答：

先代入上边的方程得 $x=\pm\sqrt{6}$,

$\because x\leq 2$, $x=\sqrt{6}$ 不合题意舍去, 故 $x=-\sqrt{6}$;

再代入下边的方程 $x=4$,

$\because x>2$, 故 $x=4$,

综上, x 的值为 4 或 $-\sqrt{6}$.

解答：

1 .

解：(1) 解方程 $x^2 - 2x - 8 = 0$, 得 $x_1 = -2$, $x_2 = 4$.

答：故抛物线 $y=x^2 - 2x - 8$ 与 x 轴有两个交点 .

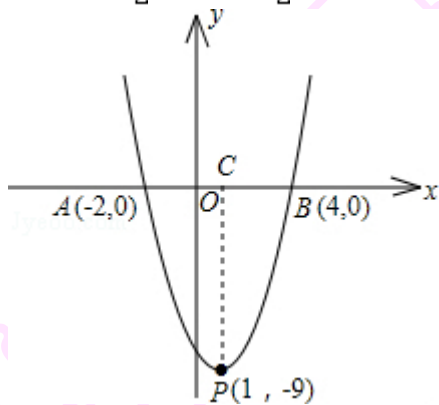
(2) 由 (1) 得 $A(-2, 0)$, $B(4, 0)$, 故 $AB=6$.

由 $y=x^2 - 2x - 8 = x^2 - 2x + 1 - 9 = (x-1)^2 - 9$,

故 P 点坐标为 $(1, -9)$;

过 P 作 $PC \perp x$ 轴于 C , 则 $PC=9$,

$\therefore S_{\triangle ABP} = \frac{1}{2} AB \cdot PC = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$.



2 .

解：(1) \because 抛物线与 y 轴交于点 $(0, 3)$,

答： \therefore 设抛物线解析式为 $y=ax^2 + bx + 3$ ($a \neq 0$)

根据题意, 得 $\begin{cases} a - b + 3 = 0 \\ 9a + 3b + 3 = 0 \end{cases}$,

解得 $\begin{cases} a = -1 \\ b = 2 \end{cases}$.

\therefore 抛物线的解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3$;

(2) 如图, 设该抛物线对称轴是 DF , 连接 DE 、 BD . 过点 B 作 $BG \perp DF$ 于点 G .

由顶点坐标公式得顶点坐标为 $D(1, 4)$

设对称轴与 x 轴的交点为 F

$$\begin{aligned} \therefore \text{四边形 ABDE 的面积} &= S_{\triangle ABO} + S_{\text{梯形 BOFD}} + S_{\triangle DFE} \\ &= \frac{1}{2}AO \cdot BO + \frac{1}{2}(BO + DF) \cdot OF + \frac{1}{2}EF \cdot DF \\ &= \frac{1}{2} \times 1 \times 3 + \frac{1}{2} \times (3 + 4) \times 1 + \frac{1}{2} \times 2 \times 4 \\ &= 9; \end{aligned}$$

(3) 相似, 如图,

$$BD = \sqrt{BG^2 + DG^2} = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2};$$

$$\therefore BE = \sqrt{BO^2 + OE^2} = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2}$$

$$DE = \sqrt{DF^2 + EF^2} = \sqrt{2^2 + 4^2} = 2\sqrt{5}$$

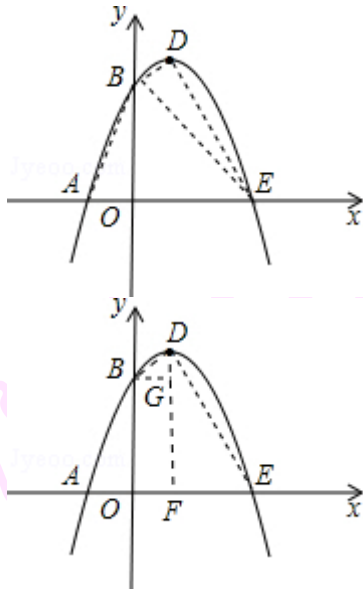
$$\therefore BD^2 + BE^2 = 20, DE^2 = 20$$

$$\text{即: } BD^2 + BE^2 = DE^2,$$

所以 $\triangle BDE$ 是直角三角形

$$\therefore \angle AOB = \angle DBE = 90^\circ, \text{ 且 } \frac{AO}{BD} = \frac{BO}{BE} = \frac{\sqrt{2}}{2},$$

$$\therefore \triangle AOB \sim \triangle DBE.$$



3.

解 解:(1) \because 抛物线的对称轴经过点 A ,

答 $\therefore A$ 点为抛物线的顶点,

$\therefore y$ 的最小值为 -3 ,

$\therefore P$ 点和 O 点对称,

$\therefore t = -6$;

二次函数 50 题-解析

(2) 分别将 $(-4, 0)$ 和 $(-3, -3)$ 代入 $y = ax^2 + bx$, 得:
$$\begin{cases} 16a - 4b = 0 \\ 9a - 3b = -3 \end{cases}$$

解得,
$$\begin{cases} a = 1 \\ b = 4 \end{cases}$$

\therefore 抛物线开口方向向上;

(3) 将 $A(-3, -3)$ 和点 $P(t, 0)$ 代入 $y = ax^2 + bx$,

$$\begin{cases} 9a - 3b = -3 \text{ ①} \\ at^2 + bt = 0 \text{ ②} \end{cases}$$

由①得, $b = 3a + 1$ ③,

把③代入②, 得 $at^2 + t(3a + 1) = 0$,

$\therefore t \neq 0, \therefore at + 3a + 1 = 0$,

$$\therefore a = -\frac{1}{t+3}.$$

\therefore 抛物线开口向下, $\therefore a < 0$,

$$\therefore -\frac{1}{t+3} < 0,$$

$$\therefore t + 3 > 0,$$

$$\therefore t > -3.$$

故 t 的值可以是 -1 (答案不唯一).

(注: 写出 $t > -3$ 且 $t \neq 0$ 或其中任意一个数均给分)

4. 解: (1) 函数 $y = (m^2 - m)x^2 + (m - 1)x + 2 - 2m$ 是二次函数,

解 即 $m^2 - m \neq 0$,

答: 即 $m \neq 0$ 且 $m \neq 1$,

\therefore 当 $m \neq 0$ 且 $m \neq 1$, 这个函数是二次函数;

(2) 函数 $y = (m^2 - m)x^2 + (m - 1)x + 2 - 2m$ 是一次函数,

即 $m^2 - m = 0$ 且 $m - 1 \neq 0$

$$\therefore m = 0$$

\therefore 当 $m = 0$, 函数是一次函数;

(3) 函数 $y = (m^2 - m)x^2 + (m - 1)x + 2 - 2m$ 是正比例函数,

即 $m^2 - m = 0$ 且 $2 - 2m = 0$ 且 $m - 1 \neq 0$

$\therefore m$ 不存在

\therefore 函数 $y = (m^2 - m)x^2 + (m - 1)x + 2 - 2m$ 不可能是正比例函数.

5.

解: (1) 设连墙的一边为 x (m), 矩形的面积为 y (m^2),

答: 则另一边长为: $(20 - 2x)$ m,

二次函数 50 题-解析

$\therefore y$ 关于 x 的函数解析式为： $y = x(20 - 2x) = -2x^2 + 20x$ ；

(2) 当 $x=3$ 时，矩形的面积为： $y = -2 \times 3^2 + 20 \times 3 = 42$ (cm²) .

6 .

解：(1) $\because a=1 > 0$,

答： \therefore 抛物线开口方向向上；

对称轴为直线 $x = -\frac{-1}{2 \times 1} = \frac{1}{2}$;

$$\frac{4 \times 1 \cdot m - (-1)^2}{4 \times 1} = \frac{4m-1}{4} ,$$

顶点坐标为 $(\frac{1}{2}, \frac{4m-1}{4})$;

(2) 顶点在 x 轴上方时， $\frac{4m-1}{4} > 0$,

解得 $m > \frac{1}{4}$;

(3) 令 $x=0$, 则 $y=m$,

所以，点 $A(0, m)$,

$\therefore AB \parallel x$ 轴 ,

\therefore 点 A 、 B 关于对称轴直线 $x = \frac{1}{2}$ 对称 ,

$$\therefore AB = \frac{1}{2} \times 2 = 1 ,$$

$$\therefore S_{\triangle AOB} = \frac{1}{2} |m| \times 1 = 4 ,$$

解得 $m = \pm 8$.

7 .

解：(1) \therefore 抛物线的对称轴经过点 A ,

答： $\therefore A$ 点为抛物线的顶点 ,

$\therefore y$ 的最小值为 -3 ,

$\therefore P$ 点和 O 点对称 ,

$\therefore t = -6$;

(2) 分别将 $(-4, 0)$ 和 $(-3, -3)$ 代入 $y = ax^2 + bx$, 得：
$$\begin{cases} 16a - 4b = 0 \\ 9a - 3b = -3 \end{cases} ,$$

$$\text{解得, } \begin{cases} a=1 \\ b=4 \end{cases}$$

\therefore 抛物线开口方向向上；

(3) 将 $A(-3, -3)$ 和点 $P(t, 0)$ 代入 $y = ax^2 + bx$,

$$\begin{cases} 9a - 3b = -3 \text{ ①} \\ at^2 + bt = 0 \text{ ②} \end{cases} ,$$

由①得, $b=3a+1$ ③,

把③代入②, 得 $at^2+t(3a+1)=0$,

$\because t \neq 0, \therefore at+3a+1=0$,

$$\therefore a = -\frac{1}{t+3}.$$

\because 抛物线开口向下, $\therefore a < 0$,

$$\therefore -\frac{1}{t+3} < 0,$$

$$\therefore t+3 > 0,$$

$$\therefore t > -3.$$

故 t 的值可以是 -1 (答案不唯一).

(注: 写出 $t > -3$ 且 $t \neq 0$ 或其中任意一个数均给分)

8.

解: (1) \because 点 $P(-1, 2)$ 在抛物线 $y=x^2-2x+m$ 上, (1分)

答: $\therefore 2 = (-1)^2 - 2 \times (-1) + m$, (2分)

$$\therefore m = -1. (3分)$$

(2) 解: $q_1 < q_2$ (7分)

$$(3) \because y = x^2 - 2x + m$$

$$= (x-1)^2 + m - 1$$

$$\therefore M(1, m-1). (8分)$$

\because 抛物线 $y=x^2-2x+m$ 开口向上,

且与 x 轴交于点 $A(x_1, 0)$ 、 $B(x_2, 0)$ ($x_1 < x_2$),

$$\therefore m-1 < 0,$$

$\therefore \triangle AMB$ 是直角三角形, 又 $AM=MB$,

$\therefore \angle AMB=90^\circ$ $\triangle AMB$ 是等腰直角三角形, (9分)

过 M 作 $MN \perp x$ 轴, 垂足为 N .

则 $N(1, 0)$,

又 $NM=NA$.

$$\therefore 1-x_1=1-m,$$

$$\therefore x_1=m, (10分)$$

$$\therefore A(m, 0),$$

$$\therefore m^2-2m+m=0,$$

$$\therefore m=0 \text{ 或 } m=1 \text{ (不合题意, 舍去)}. (12分)$$

9 .

解 解 : (1) 把点 C (5 , 4) 代入抛物线 $y = ax^2 - 5ax + 4a$,

答 : 得 $25a - 25a + 4a = 4$,

解得 $a = 1$.

\therefore 该二次函数的解析式为 $y = x^2 - 5x + 4$.

$\therefore y = x^2 - 5x + 4 = (x - \frac{5}{2})^2 - \frac{9}{4}$,

\therefore 顶点坐标为 $P (\frac{5}{2} , -\frac{9}{4})$.

(2) 如先向左平移 3 个单位 , 再向上平移 4 个单位 .

得到的二次函数解析式为 $y = (x - \frac{5}{2} + 3)^2 - \frac{9}{4} + 4 = (x + \frac{1}{2})^2 + \frac{7}{4}$,

即 $y = x^2 + x + 2$.

10 .

解 解 : 设二次函数的解析式为 $y = a(x - 1)^2 - 1 (a \neq 0)$,

答 : \therefore 函数图象经过原点 (0 , 0) ,

$\therefore a(0 - 1)^2 - 1 = 0$,

解得 $a = 1$,

\therefore 该函数解析式为 $y = (x - 1)^2 - 1$.

11 .

解 解 : (1) 由题意可知 , 抛物线的顶点 $(14, \frac{32}{3})$,

答 : 抛物线过点 M (30 , 0) ,

设它的解析式为 $y = a(x - 14)^2 + \frac{32}{3}$,

把点 M (30 , 0) 代入 $y = a(x - 14)^2 + \frac{32}{3}$,

解得 $a = -\frac{1}{24}$, \therefore 抛物线的解析式为 $y = -\frac{1}{24}(x - 14)^2 + \frac{32}{3}$,

令 $x = 0$, 得 $y = \frac{5}{2}$, 即足球到达球门时的高度为 $\frac{5}{2}$ 米 ,

$\frac{5}{2} > 2.44$,

\therefore 球不会进入球门 ;

(2) $y = -\frac{1}{24}(x - 14)^2 + \frac{32}{3}$,

令 $x = 2$, 得 $y = \frac{14}{3}$,

即球在离球门 2 米处得高度为 $\frac{14}{3}$ 米 ,

$\frac{14}{3} > 2.75$, \therefore 守门员不能在空截住这次吊射 .

12 .

解 解 : (1) 由题意得 $\begin{cases} 16a+4b=0 \\ 4a+2b=2 \end{cases}$,

答 : 解得 $\begin{cases} a=-\frac{1}{2} \\ b=2 \end{cases}$;

\therefore 该抛物线的解析式为 : $y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x$;

(2) 过点 B 作 $BC \perp x$ 轴于点 C , 则 $OC=BC=AC=2$;

$\therefore \angle BOC = \angle OBC = \angle BAC = \angle ABC = 45^\circ$;

$\therefore \angle OBA = 90^\circ$, $OB=AB$;

$\therefore \triangle OAB$ 是等腰直角三角形 ;

(3) $\because \triangle OAB$ 是等腰直角三角形 , $OA=4$,

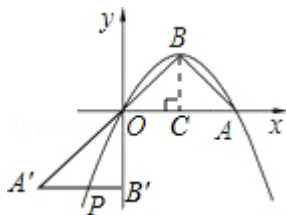
$\therefore OB=AB=2\sqrt{2}$;

由题意得 : 点 A' 坐标为 $(-2\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$

$\therefore A'B'$ 的中点 P 的坐标为 $(-\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$;

当 $x = -\sqrt{2}$ 时 , $y = -\frac{1}{2} \times (-\sqrt{2})^2 + 2 \times (-\sqrt{2}) \neq -2\sqrt{2}$;

\therefore 点 P 不在二次函数的图象上 .



13 .

解 解 : (1) 把点 A (1 , 0) , B (3 , 2) 分别代入直线 $y=x+m$ 和抛物线 $y=x^2$

答 : $+bx+c$ 得 :

$$0=1+m, \begin{cases} 0=1+b+c \\ 2=9+3b+c \end{cases}$$

$\therefore m = -1$, $b = -3$, $c = 2$,

所以 $y=x-1$, $y=x^2-3x+2$;

(2) $x^2-3x+2 > x-1$, 解得 : $x < 1$ 或 $x > 3$.

14 .

解 解 : (1) 由题意得 :

答 : $y=x(30-3x)$, 即 $y=-3x^2+30x$.

(2) 当 $y=63$ 时 , $-3x^2+30x=63$.

解此方程得 $x_1=7$, $x_2=3$.

当 $x=7$ 时 , $30-3x=9 < 10$, 符合题意 ;

二次函数 50 题-解析

当 $x=3$ 时, $30-3x=21>10$, 不符合题意, 舍去;

\therefore 当 AB 的长为 7m 时, 花圃的面积为 63m^2 .

(3) 能.

$$y = -3x^2 + 30x = -3(x-5)^2 + 75$$

而由题意: $0 < 30 - 3x \leq 10$,

$$\text{即 } \frac{20}{3} \leq x < 10$$

又当 $x > 5$ 时, y 随 x 的增大而减小,

\therefore 当 $x = \frac{20}{3}\text{m}$ 时面积最大, 最大面积为 $\frac{200}{3}\text{m}^2$.

15.

解:

答:

$$(1) \text{ 由已知得 } \begin{cases} a+b+c=0 \\ 9a+3b+c=0 \\ c=3 \end{cases}$$

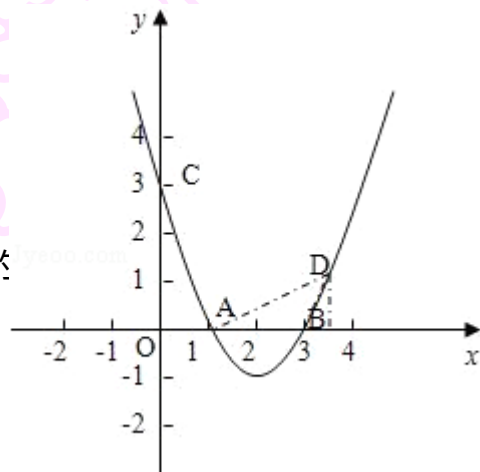
$$\text{解之得 } \begin{cases} a=1 \\ b=-4 \\ c=3 \end{cases}$$

$$\therefore y = x^2 - 4x + 3;$$

(2) $\because D(\frac{7}{2}, m)$ 是抛物线 $y = x^2 - 4x + 3$ 上的

$$\therefore m = \frac{5}{4};$$

$$\therefore S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{5}{4} = \frac{5}{4}.$$



16.

解: (1) 设每件商品的售价上涨 x 元 (x 为正整数),

答: 则每件商品的利润为: $(60 - 50 + x)$ 元,

总销量为: $(200 - 10x)$ 件,

商品利润为:

$$y = (60 - 50 + x)(200 - 10x),$$

$$= (10 + x)(200 - 10x),$$

$$= -10x^2 + 100x + 2000.$$

\therefore 原售价为每件 60 元, 每件售价不能高于 72 元,

$\therefore 0 < x \leq 12$ 且 x 为正整数;

$$(2) y = -10x^2 + 100x + 2000,$$

$$= -10(x^2 - 10x) + 2000,$$

$$= -10(x-5)^2 + 2250.$$

故当 $x=5$ 时, 最大月利润 $y=2250$ 元.

这时售价为 $60+5=65$ (元).

17.

解 解:(1) \because 正方形 OABC 的边长为 2,

答: \therefore 点 B、C 的坐标分别为 $(2, 2), (0, 2)$,

$$\therefore \begin{cases} -\frac{2}{3} \times 4 + 2b + c = 2 \\ c = 2 \end{cases},$$

$$\text{解得} \begin{cases} b = \frac{4}{3} \\ c = 2 \end{cases},$$

\therefore 二次函数的解析式为 $y = -\frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 2$;

(2) 令 $y=0$, 则 $-\frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 2 = 0$,

整理得, $x^2 - 2x - 3 = 0$,

解得 $x_1 = -1, x_2 = 3$,

\therefore 二次函数与 x 轴的交点坐标为 $(-1, 0), (3, 0)$,

\therefore 当 $y > 0$ 时, x 的取值范围是 $-1 < x < 3$.

18.

解 解:(1) \because 二次函数 $y = -x^2 + 2x + m$ 的图象与 x 轴的一个交点为 $A(3, 0)$,

答: $\therefore -9 + 2 \times 3 + m = 0$,

解得: $m = 3$;

(2) \because 二次函数的解析式为: $y = -x^2 + 2x + 3$,

\therefore 当 $y=0$ 时, $-x^2 + 2x + 3 = 0$,

解得: $x_1 = 3, x_2 = -1$,

$\therefore B(-1, 0)$;

(3) 如图, 连接 BD、AD, 过点 D 作 $DE \perp AB$,

\therefore 当 $x=0$ 时, $y=3$,

$\therefore C(0, 3)$,

若 $S_{\triangle ABD} = S_{\triangle ABC}$,

$\therefore D(x, y)$ (其中 $x > 0, y > 0$),

则可得 $OC = DE = 3$,

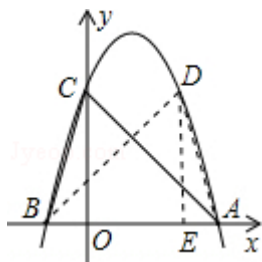
\therefore 当 $y=3$ 时, $-x^2 + 2x + 3 = 3$,

解得: $x=0$ 或 $x=2$,

\therefore 点 D 的坐标为 $(2, 3)$.

另法：点 D 与点 C 关于 $x=1$ 对称，

故 $D(2, 3)$ 。



19.

解
答：

解：(1) 由已知条件得 $\begin{cases} c=0 \\ a \times (-4)^2 - 4 \times (-4) + c = 0 \end{cases}$ ，

解得 $\begin{cases} a = -1 \\ c = 0 \end{cases}$ ，

所以，此二次函数的解析式为 $y = -x^2 - 4x$ ；

(2) \because 点 A 的坐标为 $(-4, 0)$ ，

$\therefore AO = 4$ ，

设点 P 到 x 轴的距离为 h，

则 $S_{\triangle AOP} = \frac{1}{2} \times 4h = 8$ ，

解得 $h = 4$ ，

①当点 P 在 x 轴上方时， $-x^2 - 4x = 4$ ，

解得 $x = -2$ ，

所以，点 P 的坐标为 $(-2, 4)$ ，

②当点 P 在 x 轴下方时， $-x^2 - 4x = -4$ ，

解得 $x_1 = -2 + 2\sqrt{2}$ ， $x_2 = -2 - 2\sqrt{2}$ ，

所以，点 P 的坐标为 $(-2 + 2\sqrt{2}, -4)$ 或 $(-2 - 2\sqrt{2}, -4)$ ，

综上所述，点 P 的坐标是： $(-2, 4)$ 、 $(-2 + 2\sqrt{2}, -4)$ 、 $(-2 - 2\sqrt{2}, -4)$ 。

20.

解 解：根据题意， $-y = 2(-x - 1)^2 + 3$ ，得到 $y = -2(x + 1)^2 - 3$ 。

答：故旋转后的抛物线解析式是 $y = -2(x + 1)^2 - 3$ 。

故答案为： $y = -2(x + 1)^2 - 3$ 。

21.

解 解：设 $PA = x$ 矩形 PMCN 的面积为 y 则 $BP = AB - AP = 2 - x$ ，

答：在直角 $\triangle ABC$ 中： $\because AC = 1$ $AB = 2$ ，

$\therefore BC = \sqrt{3}$ ，

$\therefore PM \perp BC, PN \perp AC,$

$\therefore PM \parallel AC, PN \parallel BC,$

$$\therefore \frac{PM}{AC} = \frac{BP}{BA}, \frac{PA}{AB} = \frac{PN}{BC},$$

$$\therefore \frac{PM}{1} = \frac{2-x}{2}, \frac{x}{2} = \frac{PN}{\sqrt{3}},$$

$$\therefore PM = \frac{2-x}{2}, PN = \frac{\sqrt{3}}{2},$$

$$\therefore y = PM \times PN = \frac{2-x}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} x = \frac{\sqrt{3}}{4} (2x - x^2),$$

$$= -\frac{\sqrt{3}}{4} (x-1)^2 + \frac{\sqrt{3}}{4}$$

\therefore 当 $x=1$ 时, 即 $PA=1$, P 是 AB 的中点时矩形 $PMCN$ 的面积最大, 最大面积是 $\frac{\sqrt{3}}{4}$.

22.

解 解: (1) $\therefore y = -0.2(x-1)^2 + 0.7,$

答: \therefore 抛物线的顶点坐标为 $(1, 0.7),$

\therefore 重心离地面最高时距离地面 0.7 米, 此时他离起跳点的水平距离有 1 米;

(2) 当 $x=0$ 时,

$$y = -0.2(0-1)^2 + 0.7 = 0.5 \text{ 米},$$

\therefore 小明此跳在起跳时重心离地面有 0.5 高;

(3) 当 $y=0.3$ 时,

$$0.3 = -0.2(x-1)^2 + 0.7,$$

$$\text{解得: } x_1 = 1 - \sqrt{2} \text{ (舍去)}, x_2 = 1 + \sqrt{2},$$

小明的成绩为 $1 + \sqrt{2}$ 米.

$$\therefore 1 + \sqrt{2} > 2.4,$$

\therefore 小明这一跳能得满分.

23.

解 解: (1) 由题意得:

答: $y = 50 - \frac{x}{10},$ 且 $0 \leq x \leq 160,$ 且 x 为 10 的正整数倍.

$$(2) w = (180 - 20 + x)(50 - \frac{x}{10}), \text{ 即 } w = -\frac{1}{10}x^2 + 34x + 8000;$$

$$(3) w = -\frac{1}{10}x^2 + 34x + 8000 = -\frac{1}{10}(x-170)^2 + 10890$$

抛物线的对称轴是: 直线 $x=170,$ 抛物线的开口向下, 当 $x < 170$ 时, w 随 x 的增大而增大,

但 $0 \leq x \leq 160,$ 因而当 $x=160$ 时, 即房价是 340 元时, 利润最大,

二次函数 50 题-解析

此时一天订住的房间数是： $50 - \frac{160}{10} = 34$ 间，

最大利润是： $34 \times (340 - 20) = 10880$ 元。

答：一天订住 34 个房间时，宾馆每天利润最大，最大利润为 10880 元。

24.

解：(1) 解方程 $x^2 - 6x + 5 = 0$ ，

答：得 $x_1 = 5$ ， $x_2 = 1$

由 $m < n$ ，有 $m = 1$ ， $n = 5$

所以点 A、B 的坐标分别为 $A(1, 0)$ ， $B(0, 5)$ 。

将 $A(1, 0)$ ， $B(0, 5)$ 的坐标分别代入 $y = -x^2 + bx + c$ 。

$$\text{得} \begin{cases} -1 + b + c = 0 \\ c = 5 \end{cases}$$

解这个方程组，得 $\begin{cases} b = -4 \\ c = 5 \end{cases}$

所以，抛物线的解析式为 $y = -x^2 - 4x + 5$

(2) 由 $y = -x^2 - 4x + 5$ ，令 $y = 0$ ，得 $-x^2 - 4x + 5 = 0$

解这个方程，得 $x_1 = -5$ ， $x_2 = 1$

所以 C 点的坐标为 $(-5, 0)$ 。由顶点坐标公式计算，得点 D $(-2, 9)$ 。

过 D 作 x 轴的垂线交 x 轴于 M。

$$\text{则 } S_{\triangle DMC} = \frac{1}{2} \times 9 \times (5 - 2) = \frac{27}{2}$$

$$S_{\text{梯形 MDBO}} = \frac{1}{2} \times 2 \times (9 + 5) = 14，$$

$$S_{\triangle BOC} = \frac{1}{2} \times 5 \times 5 = \frac{25}{2}$$

$$\text{所以，} S_{\triangle BCD} = S_{\text{梯形 MDBO}} + S_{\triangle DMC} - S_{\triangle BOC} = 14 + \frac{27}{2} - \frac{25}{2} = 15。$$

答：点 C、D 的坐标和 $\triangle BCD$ 的面积分别是： $(-5, 0)$ 、 $(-2, 9)$ 、15；

(3) 设 P 点的坐标为 $(a, 0)$

因为线段 BC 过 B、C 两点，

所以 BC 所在的直线方程为 $y = x + 5$ 。

那么，PH 与直线 BC 的交点坐标为 $E(a, a + 5)$ ，

PH 与抛物线 $y = -x^2 - 4x + 5$ 的交点坐标为 $H(a, -a^2 - 4a + 5)$ 。

由题意，得① $EH = \frac{3}{2}EP$ ，

$$\text{即 } (-a^2 - 4a + 5) - (a + 5) = \frac{3}{2}(a + 5)$$

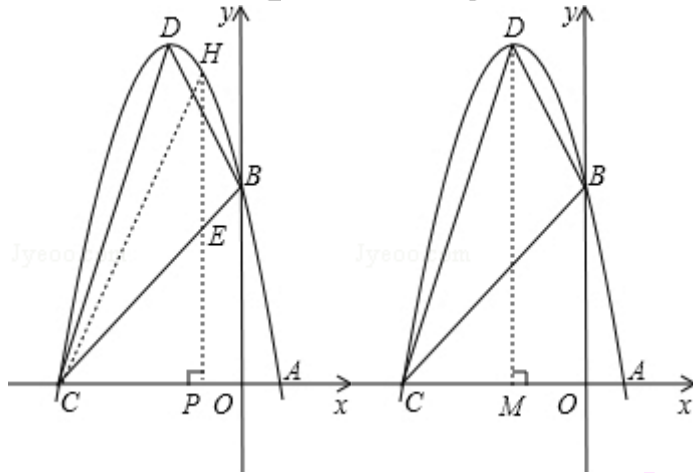
解这个方程，得 $a = -\frac{3}{2}$ 或 $a = -5$ (舍去)

$$\text{② } EH = \frac{2}{3}EP，\text{ 即 } (-a^2 - 4a + 5) - (a + 5) = \frac{2}{3}(a + 5)$$

二次函数 50 题-解析

解这个方程，得 $a = -\frac{2}{3}$ 或 $a = -5$ (舍去)，

P 点的坐标为 $(-\frac{3}{2}, 0)$ 或 $(-\frac{2}{3}, 0)$.



25 .

解 解：

答：(1) 由题意得：

$$y = 500 - 10(x - 50) = 1000 - 10x \quad (50 \leq x \leq 100) \quad (3 \text{ 分})$$

$$(2) S = (x - 40)(1000 - 10x) = -10x^2 + 1400x - 40000 = -10(x - 70)^2 + 9000$$

当 $50 \leq x \leq 70$ 时，利润随着单价的增大而增大。(6分)

$$(3) \text{ 由题意得：} -10x^2 + 1400x - 40000 = 8000$$

$$10x^2 - 1400x + 48000 = 0$$

$$x^2 - 140x + 4800 = 0$$

$$\text{即 } (x - 60)(x - 80) = 0$$

$$x_1 = 60, x_2 = 80 \quad (8 \text{ 分})$$

当 $x = 60$ 时，成本 $= 40 \times [500 - 10(60 - 50)] = 16000 > 10000$ 不符合要求，舍去。

当 $x = 80$ 时，成本 $= 40 \times [500 - 10(80 - 50)] = 8000 < 10000$ 符合要求。

\therefore 销售单价应定为 80 元，才能使得一周销售利润达到 8000 元的同时，投入不超过 10000 元。(10分)

26 .

解 解 : (1) 设其中一个正方形的边长为 $x\text{cm}$, 则另一个正方形的边长为 $(5$

答 : $-x)\text{cm}$,

依题意列方程得 $x^2 + (5 - x)^2 = 17$,

整理得 : $x^2 - 5x + 4 = 0$,

$(x - 4)(x - 1) = 0$,

解方程得 $x_1 = 1$, $x_2 = 4$,

$1 \times 4 = 4\text{cm}$, $20 - 4 = 16\text{cm}$;

或 $4 \times 4 = 16\text{cm}$, $20 - 16 = 4\text{cm}$.

因此这段铁丝剪成两段后的长度分别是 4cm 、 16cm ;

(2) 两个正方形的面积之和不可能等于 12cm^2 .

理由 :

设两个正方形的面积和为 y , 则

$$y = x^2 + (5 - x)^2 = 2\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 + \frac{25}{2} ,$$

$\because a = 2 > 0$,

\therefore 当 $x = \frac{5}{2}$ 时 , y 的最小值 $= 12.5 > 12$,

\therefore 两个正方形的面积之和不可能等于 12cm^2 ;

(另解 : 由 (1) 可知 $x^2 + (5 - x)^2 = 12$,

化简后得 $2x^2 - 10x + 13 = 0$,

$\therefore \Delta = (-10)^2 - 4 \times 2 \times 13 = -4 < 0$,

\therefore 方程无实数解 ;

所以两个正方形的面积之和不可能等于 12cm^2 .)

27 .

解 解 : $\because a = b = 1$, $c = -1$,

答 : \therefore 抛物线的解析式为 $y = 3x^2 + 2x - 1$,

令 $y = 3x^2 + 2x - 1 = 0$, 解得 : $x = -1$ 或 $\frac{1}{3}$,

\therefore 抛物线与 x 轴的交点坐标为 : $(-1, 0)$, $(\frac{1}{3}, 0)$;

(2) $\because a = b = 1$,

\therefore 解析式为 $y = 3x^2 + 2x + c$.

\therefore 对称轴 $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{1}{3}$,

\therefore 当 $-1 < x < 1$ 时 , 抛物线与 x 轴有且只有一个公共点 ,

则①此公共点一定是顶点 ,

$$\therefore \Delta = 4 - 12c = 0,$$

②一个交点的横坐标小于等于 -1, 另一交点的横坐标小于 1 而大于 -1,

$$\therefore 3 - 2 + c \leq 0, 3 + 2 + c > 0,$$

解得 $-5 < c \leq -1$.

综上所述, c 的取值范围是: $c = \frac{1}{3}$ 或 $-5 < c \leq -1$.

28.

解: (1) \therefore 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 经过点 $A(1, 0)$, $B(3, 0)$, $(-1,$

答: $16)$,

$$\therefore \begin{cases} a+b+c=0 \\ 9a+3b+c=0 \\ a-b+c=16 \end{cases},$$

$$\text{解得} \begin{cases} a=2 \\ b=-8 \\ c=6 \end{cases},$$

\therefore 抛物线的解析式为 $y = 2x^2 - 8x + 6$;

(2) $\therefore y = 2x^2 - 8x + 6 = 2(x-2)^2 - 2$, \therefore 顶点 C 的坐标为 $(2, -2)$,

点 D 的坐标为 $(2, 0)$, $\therefore CD = 2$,

$\therefore A(1, 0)$, $\therefore AD = 2 - 1 = 1$,

① ON 和 DC 是对应边时, $\triangle AON \sim \triangle ADC$,

$$\therefore \frac{ON}{DC} = \frac{AO}{AD},$$

$$\text{即} \frac{ON}{2} = \frac{1}{1},$$

解得 $ON = 2$, \therefore 点 $N(0, 2)$;

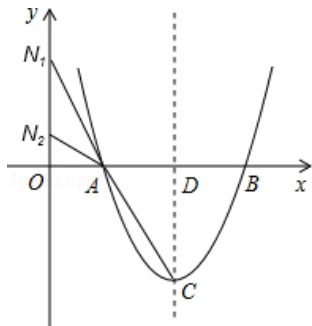
② ON 和 DA 是对应边时, $\triangle AON \sim \triangle CDA$,

$$\therefore \frac{ON}{DA} = \frac{AO}{CD},$$

$$\text{即} \frac{ON}{1} = \frac{1}{2},$$

解得 $ON = \frac{1}{2}$, \therefore 点 $N(0, \frac{1}{2})$,

综上所述, 点 N 的坐标为 $(0, 2)$ 或 $(0, \frac{1}{2})$.



29 .

解 解 : (1) 解方程 $x^2 + 4x - 5 = 0$, 得 $x = -5$ 或 $x = 1$,

答 : 由于 $x_1 < x_2$, 则有 $x_1 = -5$, $x_2 = 1$, $\therefore A(-5, 0)$, $B(1, 0)$.

抛物线的解析式为 : $y = a(x + 5)(x - 1)$ ($a > 0$) ,

\therefore 对称轴为直线 $x = -2$, 顶点 D 的坐标为 $(-2, -9a)$,

令 $x = 0$, 得 $y = -5a$,

\therefore C 点的坐标为 $(0, -5a)$.

依题意画出图形 , 如右图所示 , 则 $OA = 5$, $OB = 1$, $AB = 6$, $OC = 5a$,

过点 D 作 $DE \perp y$ 轴于点 E , 则 $DE = 2$, $OE = 9a$, $CE = OE - OC = 4a$.

$S_{\triangle ACD} = S_{\text{梯形 ADEO}} - S_{\triangle CDE} - S_{\triangle AOC}$

$$= \frac{1}{2}(DE + OA) \cdot OE - \frac{1}{2}DE \cdot CE - \frac{1}{2}OA \cdot OC$$

$$= \frac{1}{2}(2 + 5) \cdot 9a - \frac{1}{2} \times 2 \times 4a - \frac{1}{2} \times 5 \times 5a$$

$$= 15a ,$$

$$\text{而 } S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2}AB \cdot OC = \frac{1}{2} \times 6 \times 5a = 15a , \therefore S_{\triangle ABC} : S_{\triangle ACD} = 15a : 15a = 1 : 1 ;$$

(2) 如解答图 , 过点 D 作 $DE \perp y$ 轴于 E

在 $\text{Rt}\triangle DCE$ 中 , 由勾股定理得 : $CD^2 = DE^2 + CE^2 = 4 + 16a^2$,

在 $\text{Rt}\triangle AOC$ 中 , 由勾股定理得 : $AC^2 = OA^2 + OC^2 = 25 + 25a^2$,

设对称轴 $x = -2$ 与 x 轴交于点 F , 则 $AF = 3$,

在 $\text{Rt}\triangle ADF$ 中 , 由勾股定理得 : $AD^2 = AF^2 + DF^2 = 9 + 81a^2$.

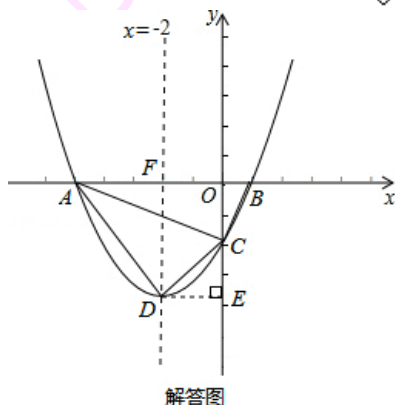
$\therefore \angle ADC = 90^\circ$, $\therefore \triangle ACD$ 为直角三角形 ,

由勾股定理得 : $AD^2 + CD^2 = AC^2$,

$$\text{即 } (9 + 81a^2) + (4 + 16a^2) = 25 + 25a^2 , \text{ 化简得 : } a^2 = \frac{1}{6} ,$$

$$\therefore a > 0 , \therefore a = \frac{\sqrt{6}}{6} ,$$

$$\therefore \text{抛物线的解析式为 : } y = \frac{\sqrt{6}}{6}(x + 5)(x - 1) = \frac{\sqrt{6}}{6}x^2 + \frac{2\sqrt{6}}{3}x - \frac{5\sqrt{6}}{6} .$$



30 .

解 解 : (1) 由图象可知 : $a < 0$

答 : 图象过点 $(0, 1)$,

所以 $c=1$, 图象过点 $(1, 0)$,

则 $a+b+1=0$

当 $x=-1$ 时, 应有 $y>0$, 则 $a-b+1>0$

将 $a+b+1=0$ 代入, 可得 $a+(a+1)+1>0$,

解得 $a>-1$

所以, 实数 a 的取值范围为 $-1<a<0$;

(2) 此时函数 $y=ax^2-(a+1)x+1$,

M 点纵坐标为 : $\frac{4a-(a+1)^2}{4a} = \frac{-(a-1)^2}{4a}$,

图象与 x 轴交点坐标为 : $ax^2-(a+1)x+1=0$,

解得 ; $x_1=1, x_2=\frac{1}{a}$,

则 $AC=1-\frac{1}{a}=\frac{a-1}{a}$,

要使 $S_{\triangle AMC}=\frac{1}{2} \times \frac{-(a-1)^2}{4a} \times \frac{a-1}{a} = \frac{(1-a)^3}{8a^2} = \frac{5}{4} S_{\triangle ABC} = \frac{5}{4} \cdot \frac{a-1}{2a}$

可求得 $a=\frac{-3+\sqrt{5}}{2}$.

31 .

解 (1) 证明 : 令 $y=0$, $a(x-m)^2-a(x-m)=0$,

答 : $\Delta=(-a)^2-4a \times 0=a^2$,

$\because a \neq 0$,

$\therefore a^2 > 0$,

\therefore 不论 a 与 m 为何值, 该函数的图象与 x 轴总有两个公共点;

(2) 解 : ① $y=0$, 则 $a(x-m)^2-a(x-m)=a(x-m)(x-m-1)=0$,

解得 $x_1=m, x_2=m+1$,

$\therefore AB=(m+1)-m=1$,

$y=a(x-m)^2-a(x-m)=a(x-m-\frac{1}{2})^2-\frac{a}{4}$,

$\triangle ABC$ 的面积 $=\frac{1}{2} \times 1 \times |-\frac{a}{4}|=1$,

解得 $a=\pm 8$;

$$\textcircled{2} x=0 \text{ 时, } y=a(0-m)^2-a(0-m)=am^2+am,$$

所以, 点 D 的坐标为 $(0, am^2+am)$,

$$\triangle ABD \text{ 的面积} = \frac{1}{2} \times 1 \times |am^2+am|,$$

$\because \triangle ABC$ 的面积与 $\triangle ABD$ 的面积相等,

$$\therefore \frac{1}{2} \times 1 \times |am^2+am| = \frac{1}{2} \times 1 \times \left| -\frac{3}{4} \right|,$$

$$\text{整理得, } m^2+m-\frac{1}{4}=0 \text{ 或 } m^2+m+\frac{1}{4}=0,$$

$$\text{解得 } m = \frac{-1 \pm \sqrt{2}}{2} \text{ 或 } m = -\frac{1}{2}.$$

32.

解 解:(1) P 点从 A 点运动到 D 点所需的时间 $= (3+5+3) \div 1 = 11$ (秒)

答: (2) ①当 $t=5$ 时, P 点从 A 点运动到 BC 上,

过点 P 作 $PE \perp AD$ 于点 E.

此时 A 点到 E 点的时间 $= 10$ 秒, $AB+BP=5$, $\therefore BP=2$

则 $PE=AB=3$, $AE=BP=2$. $\therefore OE=OA+AE=10+2=12$. \therefore 点 P 的坐标为 $(12, 3)$.

②分三种情况:

i. $0 < t \leq 3$ 时, 点 P 在 AB 上运动, 此时 $OA=2t$, $AP=t$

$$\therefore s = \frac{1}{2} \times 2t \times t = t^2$$

ii. $3 < t \leq 8$ 时, 点 P 在 BC 上运动, 此时 $OA=2t$. $s = \frac{1}{2} \times 2t \times 3 = 3t$

iii. $8 < t < 11$ 时, 点 P 在 CD 上运动, 此时 $OA=2t$, $AB+BC+CP=t$

$$\therefore DP = (AB+BC+CD) - (AB+BC+CP) = 11-t$$

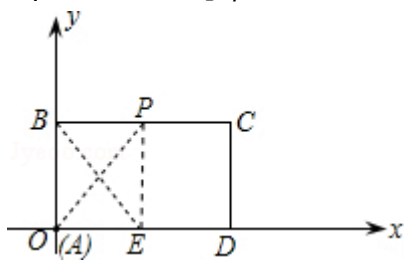
$$\therefore s = \frac{1}{2} \times 2t \times (11-t) = -t^2 + 11t$$

综上所述, s 与 t 之间的函数关系式是:

当 $0 < t \leq 3$ 时, $s = t^2$;

当 $3 < t \leq 8$ 时, $s = 3t$;

当 $8 < t < 11$ 时, $s = -t^2 + 11t$.



33 .

解 (1) ∵ 抛物线过点 C (0 , 3)

答 : ∴ $1 - m = 3$

$$\therefore m = -2$$

(2) 由 (1) 可知该抛物线的解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3 = -(x - 1)^2 + 4$ ∴ 此抛物线的对称轴 $x = 1$

抛物线的顶点 D (1 , 4)

过点 C 作 $CF \perp DE$, 则 $CF \parallel OE$

$$\therefore F (1 , 3)$$

所以 $CF = 1$, $DF = 4 - 3 = 1$

$$\therefore CF = DF$$

又 ∵ $CF \perp DE$

$$\therefore \angle DFC = 90^\circ$$

$$\therefore \angle CDE = 45^\circ$$

(3) 存在 .

① 延长 CF 交抛物线于点 P_1 , 则 $CP_1 \parallel X$ 轴 , 所以 P_1 正好是 C 点关于 DE 的对称点时 ,有 $DC = DP_1$, 得出 P_1 点坐标 (2 , 3) ;由 $y = -x^2 + 2x + 3$ 得 , D 点坐标为 (1 , 4) , 对称轴为 $x = 1$.② 若以 CD 为底边 , 则 $PD = PC$,

设 P 点坐标为 (x , y) , 根据两点间距离公式 ,

$$\text{得 } x^2 + (3 - y)^2 = (x - 1)^2 + (4 - y)^2 ,$$

$$\text{即 } y = 4 - x .$$

又 ∵ P 点 (x , y) 在抛物线上 ,

$$\therefore 4 - x = -x^2 + 2x + 3 ,$$

$$\text{即 } x^2 - 3x + 1 = 0 ,$$

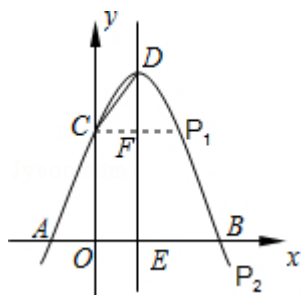
$$\text{解得 : } x = \frac{3 \pm \sqrt{5}}{2} , \frac{3 - \sqrt{5}}{2} < 1 , \text{ 应舍去 ;}$$

$$\therefore x = \frac{3 + \sqrt{5}}{2} ,$$

$$\therefore y = 4 - x = \frac{5 - \sqrt{5}}{2}$$

$$\text{则 } P_2 \text{ 点坐标 } \left(\frac{3 + \sqrt{5}}{2} , \frac{5 - \sqrt{5}}{2} \right) .$$

∴ 符合条件的点 P 坐标为 $\left(\frac{3 + \sqrt{5}}{2} , \frac{5 - \sqrt{5}}{2} \right)$ 和 (2 , 3) .



34 .

解
答 :

解 : (1) 根据题意, 得
$$\begin{cases} 0 = a \times (-1)^2 - 4 \times (-1) + c \\ -5 = a \times 0^2 - 4 \times 0 + c \end{cases} \quad (2 \text{ 分})$$

解得
$$\begin{cases} a = 1 \\ c = -5 \end{cases} \quad (3 \text{ 分})$$

\therefore 二次函数的表达式为 $y = x^2 - 4x - 5$. (4 分)

(2) 令 $y = 0$, 得二次函数 $y = x^2 - 4x - 5$ 的图象与 x 轴的另一个交点坐标 $C(5, 0)$; (5 分)

由于 P 是对称轴 $x = 2$ 上一点,

连接 AB , 由于 $AB = \sqrt{OA^2 + OB^2} = \sqrt{26}$,

要使 $\triangle ABP$ 的周长最小, 只要 $PA + PB$ 最小; (6 分)

由于点 A 与点 C 关于对称轴 $x = 2$ 对称, 连接 BC 交对称轴于点 P , 则 $PA + PB = BP + PC = BC$, 根据两点之间, 线段最短, 可得 $PA + PB$ 的最小值为 BC ;

因而 BC 与对称轴 $x = 2$ 的交点 P 就是所求的点; (8 分)

设直线 BC 的解析式为 $y = kx + b$,

根据题意可得
$$\begin{cases} b = -5 \\ 0 = 5k + b \end{cases}$$

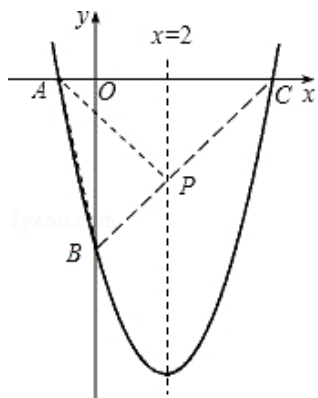
解得
$$\begin{cases} k = 1 \\ b = -5 \end{cases}$$

所以直线 BC 的解析式为 $y = x - 5$; (9 分)

因此直线 BC 与对称轴 $x = 2$ 的交点坐标是方程组
$$\begin{cases} x = 2 \\ y = x - 5 \end{cases}$$
 的解,

解得
$$\begin{cases} x = 2 \\ y = -3 \end{cases}$$

所求的点 P 的坐标为 $(2, -3)$. (10 分)



35 .

解 解 : (1) 由题意得 :

答 : $s = 0.7 \times 11 + 0.08 \times 11^2 = 17.38 \approx 17.4 \text{m}$ (8 分)

(2) 设志愿者饮酒后的反应时间为 t_1 , 则 $t_1 \times 17 + 0.08 \times 17^2 = 46$
 $t_1 \approx 1.35 \text{s}$.

当 $v = 11 \text{m/s}$ 时 , $s = t_1 \times 11 + 0.08 \times 11^2 = 24.53$.

$\therefore 24.53 - 17.38 \approx 7.2 \text{ (m)}$

答 : 刹车距离将比未饮酒时增加 7.2m

(3) 为防止 “ 追尾 ” 当车速为 17m/s 时 , 刹车距离必须小于 40m ,

$\therefore t \times 17 + 0.08 \times 17^2 < 40$

解得 $t < 0.993 \text{ (s)}$

答 : 反应时间不超过 0.99s .

36 .

解 解 : (1) 每 - 横行有 $(n+3)$ 块 , 每 - 竖列有 $(n+2)$ 块 .

答 : (2) $y = (n+3)(n+2)$,

(3) 由题意 , 得 $(n+3)(n+2) = 506$, 解之 $n_1 = 20$, $n_2 = -25$ (舍去) .

(4) 观察图形可知 , 每 - 横行有白砖 $(n+1)$ 块 , 每 - 竖列有白砖 n 块 ,
 因而白砖总数是 $n(n+1)$ 块 , $n = 20$ 时 , 白砖为 $20 \times 21 = 420$ (块) , 黑
 砖数为 $506 - 420 = 86$ (块) .

故总钱数为 $420 \times 3 + 86 \times 4 = 1260 + 344 = 1604$ (元) .

(5) 当黑白砖块数相等时 , 有方程 $n(n+1) = (n^2 + 5n + 6) - n(n+1)$.

整理得 $n^2 - 3n - 6 = 0$.

解之得 $n_1 = \frac{3+\sqrt{33}}{2}$, $n_2 = \frac{3-\sqrt{33}}{2}$.

由于 n_1 的值不是整数 , n_2 的值是负数 , 故不存在黑砖白块数相等的情形 .