

# Análisis de datos de producción

Energía Solar Fotovoltaica

Oscar Perpiñán Lamigueiro

Universidad Politécnica de Madrid

# Planteamiento

- ▶ La **energía producida por un SFV** durante un período puede ser **estimada** a partir de la **radiación incidente** y de las **características técnicas** del sistema.
- ▶ Teniendo en cuenta el carácter estocástico de la radiación solar, la estimación de la energía que producirá un SFV durante los próximos años es un ejercicio de **predicción con incertidumbre** asociada.
- ▶ El funcionamiento de un SFV puede ser analizado tomando esta estimación como referencia (**comparación modelo-medidas**).
- ▶ En el caso de centrales FV, se pueden detectar problemas de funcionamiento comparando diferentes partes de la central (**coherencia estadística**).

① Estadística

② Gráficos estadísticos

③ Gráficos Fotovoltaicos

④ Comparación entre Datos y Estimación

⑤ Coherencia Estadística

# Variable aleatoria y proceso estocástico

- ▶ Una **variable aleatoria** es una función que asigna un único número real a cada resultado de un espacio muestral en un experimento.
- ▶ Un **proceso estocástico** es una variable aleatoria que evoluciona a lo largo del **tiempo** (p.ej. la radiación).

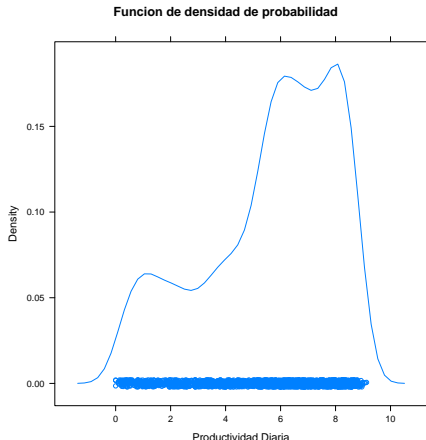
# Función de densidad de probabilidad

La función de densidad de probabilidad,  $f(X)$ , de una variable aleatoria **asigna probabilidad** a un suceso:

$$P(a < X < b) = \int_a^b f(x)dx$$

$$P(X < b) = \int_{-\infty}^b f(x)dx$$

$$P(X > a) = \int_a^{\infty} f(x)dx$$



# Media, varianza y desviación estándar

- ▶ La **media** de una variable aleatoria es el **centro de masas** de su función densidad de probabilidad:

$$\mu_X = \int_{-\infty}^{\infty} x \cdot f(x) dx$$

- ▶ La **varianza** de una variable aleatoria es la **media del cuadrado de las desviaciones** respecto a la media:

$$\sigma_X^2 = \int_{-\infty}^{\infty} (x - \mu_X)^2 \cdot f(x) dx$$

- ▶ La **desviación estándar** es la raíz cuadrada de la varianza:  $\sigma_X = \sqrt{\sigma_X^2}$

# Combinación lineal de variables aleatorias

- ▶ La **media de la suma** de varias variables aleatorias **independientes** es la suma de las medias:

$$\mu_{X_1+\dots+X_n} = \mu_{X_1} + \dots + \mu_{X_n}$$

- ▶ La **varianza de la suma o resta** de varias variables aleatorias **independientes** es la **suma** de las varianzas:

$$\sigma_{X_1\pm\dots\pm X_n}^2 = \sigma_{X_1}^2 + \dots + \sigma_{X_n}^2$$

# Media y varianza de la media muestral

- ▶ Una **muestra de una población** es un conjunto de variables aleatorias independientes  $(X_1 \dots X_n)$ .
- ▶ Si se toma una muestra de una población, la media de la muestra es otra variable aleatoria (que es una suma de variables aleatorias)

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$$



# Media y varianza de la media muestral

Sea una población cuya media es  $\mu$  y su varianza es  $\sigma^2$ :

- ▶ La **media de la media muestral** es la media poblacional:

$$\mu_{\bar{X}} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \mu_{X_i} = \mu$$

- ▶ La **varianza de la media muestral** es la varianza poblacional dividido por el número de muestras.

$$\sigma_{\bar{X}}^2 = \sigma_{\frac{1}{n}X_1}^2 + \dots + \sigma_{\frac{1}{n}X_n}^2 = \frac{\sigma^2}{N}$$

Por tanto, una forma de **reducir la incertidumbre** es realizar la **medida en repetidas ocasiones**.

# Mediana y cuartiles

- ▶ La **mediana** divide el conjunto de valores de la variable en **dos mitades** iguales (divide el area encerrada por la función densidad de probabilidad en dos partes iguales).
- ▶ Los **cuartiles** dividen este area en **cuatro** partes iguales.
- ▶ El area encerrada entre cada par de cuartiles es igual al 25% del total.
- ▶ La **mediana** es el **segundo cuartil**.
- ▶ La **distancia intercuartil** (definida entre los cuartiles 1 y 3) es una **medida de la dispersión** de la variable.

① Estadística

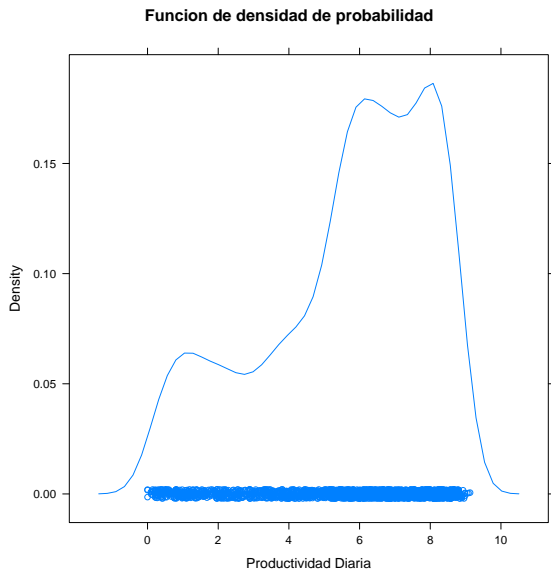
② Gráficos estadísticos

③ Gráficos Fotovoltaicos

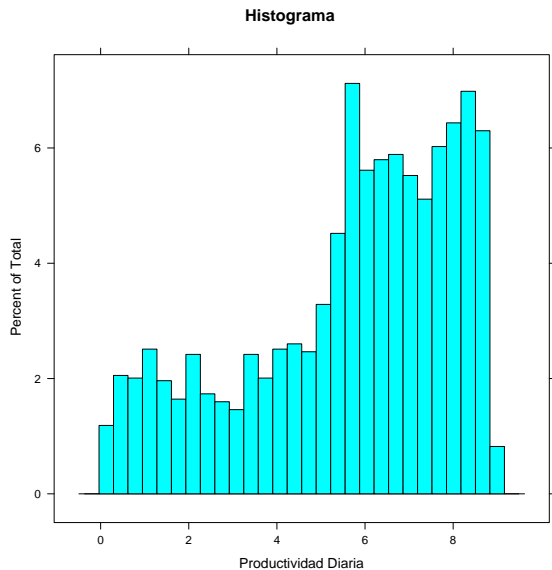
④ Comparación entre Datos y Estimación

⑤ Coherencia Estadística

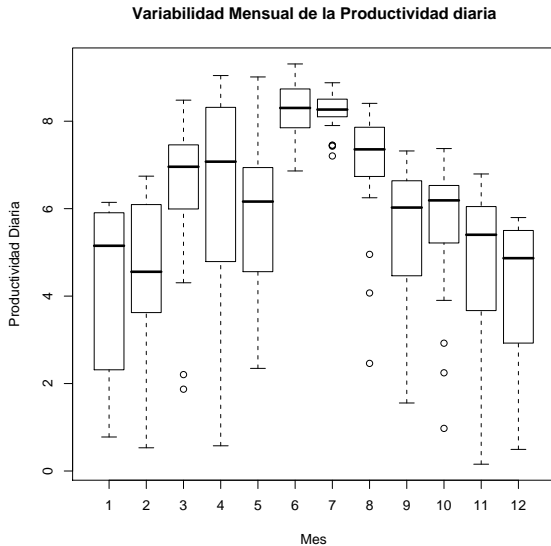
# Función de Densidad de Probabilidad



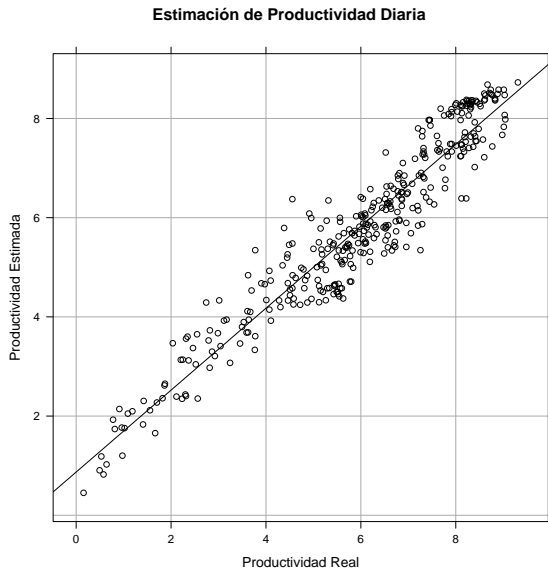
# Histograma



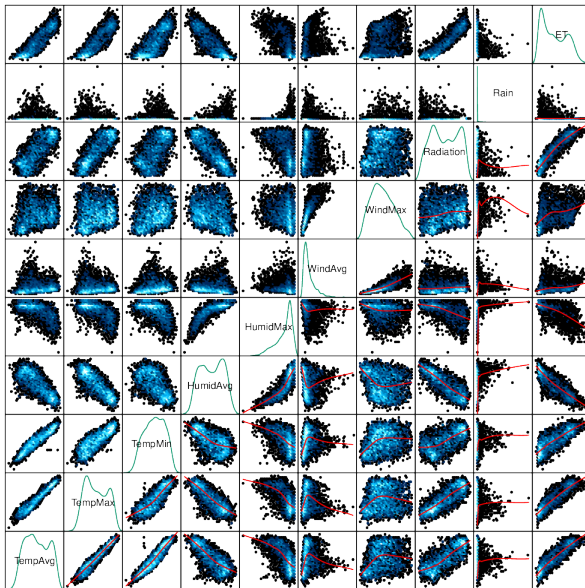
# Gráficos boxplot



# Gráficos de dispersión



# Matrices de gráficos de dispersión





① Estadística

② Gráficos estadísticos

③ Gráficos Fotovoltaicos

④ Comparación entre Datos y Estimación

⑤ Coherencia Estadística

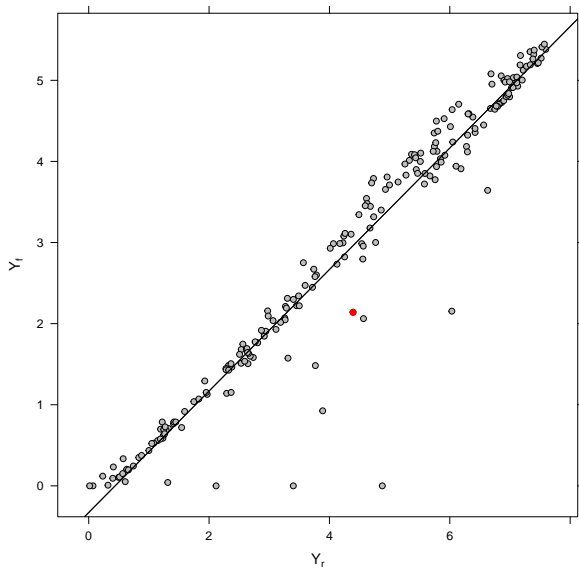
## Inventario\*

- ▶  $Y_f \sim Y_r$  (valores diarios e intradiarios)  
Relación lineal creciente. Detección de sombreado, defectos en cableado DC y AC, fallos o limitación del inversor.
- ▶  $Y_a \sim Y_r$  (valores diarios e intradiarios)  
Relación lineal creciente. Detección de sombreado o defectos en cableado DC.
- ▶  $p_r \sim T_c$  (valores intradiarios)  
Relación lineal decreciente. Detección de sombreado, degradación, o puntos calientes.
- ▶  $(T_c - T_a) \sim y_r$  (valores intradiarios)  
Relación lineal creciente. Detección de problemas de disipación de calor.
- ▶  $V_G \sim T_c$  (valores intradiarios)  
Relación lineal decreciente. Detección de problemas en el MPPT, limitación del inversor, diodos de bypass.

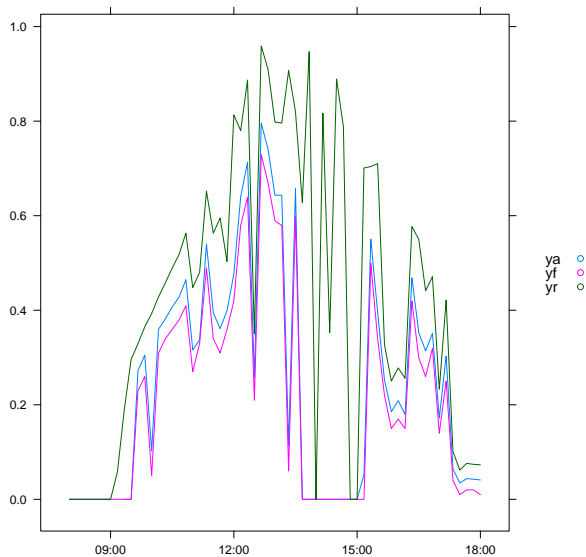
---

\*Más ejemplos en el informe «[Analytical Monitoring of Grid-connected Photovoltaic Systems](#)» de la Task 13 del IEA-PVPS.

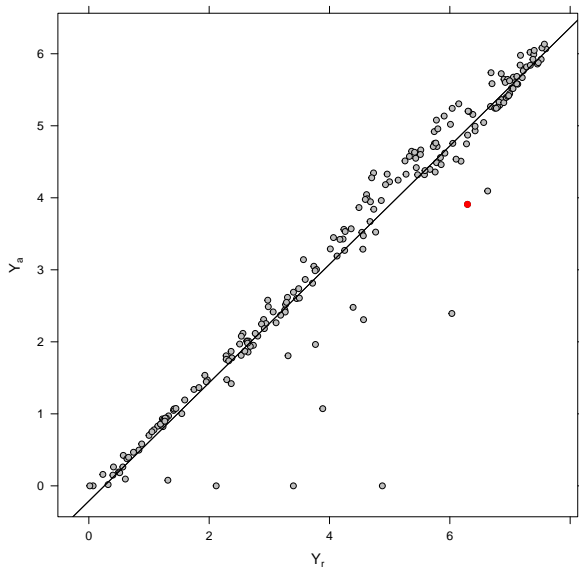
$$Y_f \sim Y_r$$



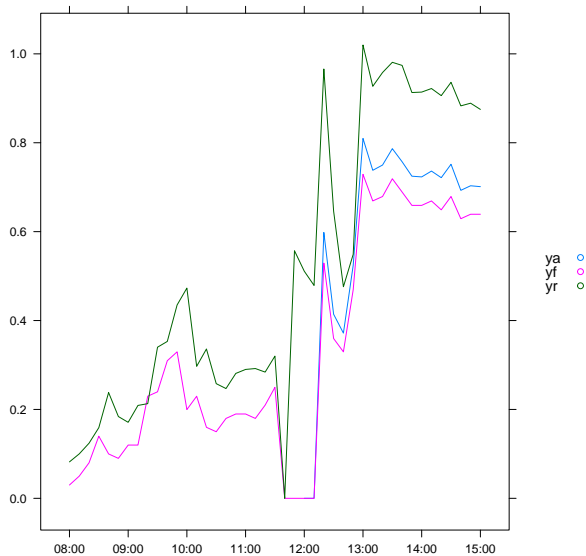
# Error de funcionamiento $Y_f \sim Y_r$



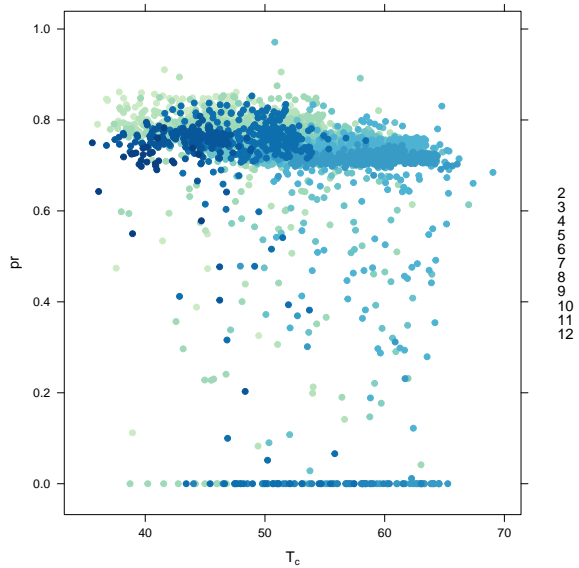
$$Y_a \sim Y_r$$



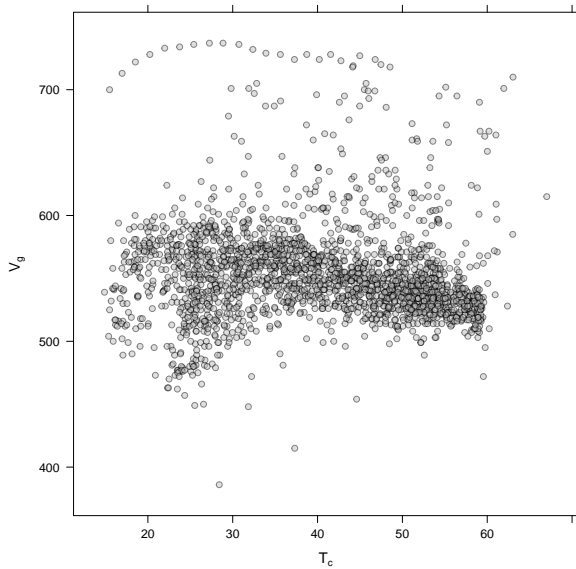
## Error de funcionamiento $Y_a \sim Y_r$



$$pr \sim T_c$$

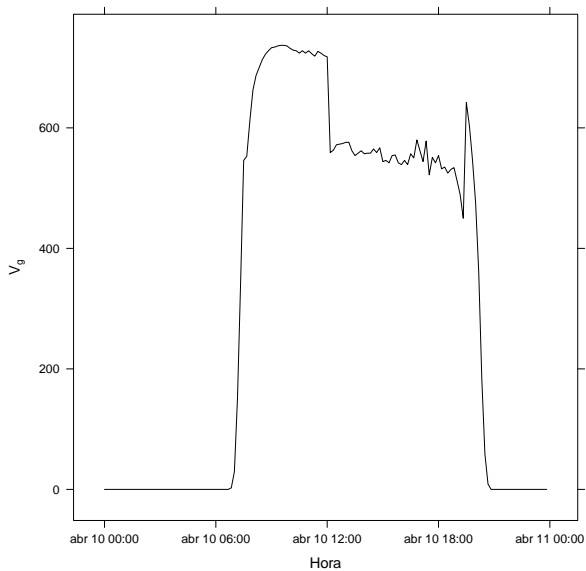


$$V_g \sim T_c$$





## Error de funcionamiento $V_g \sim T_c$



- ① Estadística
- ② Gráficos estadísticos
- ③ Gráficos Fotovoltaicos
- ④ Comparación entre Datos y Estimación
- ⑤ Coherencia Estadística

## Desviación entre modelo y observación

- Sea  $O$  el conjunto de observaciones (medidas) de una variable aleatoria.

$$\mathbf{O} = \{o_1 \dots o_n\}$$

- Sea  $M$  el conjunto de resultados de un modelo que aproxima el comportamiento de la variable medida.

$$\mathbf{M} = \{m_1 \dots m_n\}$$

- La desviación entre modelo y observación es:

$$\mathbf{D} = \mathbf{M} - \mathbf{O} = \{(m_1 - o_1) \dots (m_n - o_n)\} = \{d_1 \dots d_n\}$$

# Exactitud (*bias*) y Precisión (*variance*)

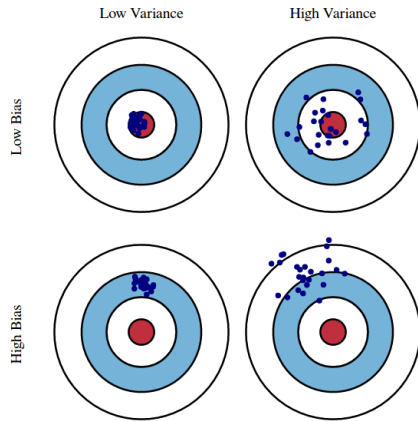


Fig. 1 Graphical illustration of bias and variance.

## Estimadores frecuentes: MBD y RMSD

- Mean Bias Difference (MBD), diferencia media (indica si el modelo sobreestima o subestima):

$$MBE = \bar{\mathbf{D}} = \bar{\mathbf{M}} - \bar{\mathbf{O}} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (m_i - o_i)$$

- Root Mean Square Difference (RMSD), diferencia cuadrático media:

$$RMSD = \left( \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n d_i^2 \right)^{1/2} = \left( \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (m_i - o_i)^2 \right)^{1/2}$$

## Estimadores frecuentes: MBE y RMSD

El RMSD agrega información del promedio y la varianza de la diferencia:

$$RMSD^2 = \bar{\mathbf{D}}^2 + \sigma_{\mathbf{D}}^2$$

donde la varianza de la diferencia (unbiased RMSD) se calcula:

$$\sigma_{\mathbf{D}}^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (d_i - \bar{\mathbf{D}})^2$$

## Otros estimadores: MAD

- Mean Absolute Deviation (MAD):

$$MAD = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |d_i| = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |m_i - o_i|$$

- El RMSD no es robusto (un error puntual puede distorsionar el estimador) y depende del número de muestras:

$$MAD \leq RMSD \leq n^{1/2}MAD$$

## Otros estimadores: t y d

- ▶ t de Student (valores pequeños indican buen comportamiento del modelo)
  - ▶ Permite añadir intervalos de confianza a las diferencias entre modelo y observación

$$t = \left( \frac{(n-1)MBD^2}{RMSD^2 - MBD^2} \right)^{1/2}$$

- ▶  $d_1$ : Índice de concordancia de Willmott.
  - ▶ Limitado entre 0 (ausencia de concordancia) y 1 (concordancia total).
  - ▶ Robusto frente a *outliers*.

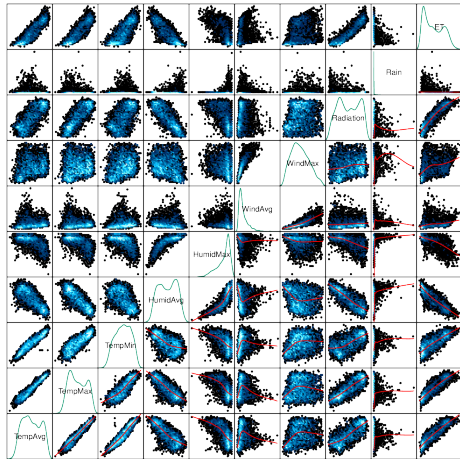
$$d_1 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n |m_i - o_i|}{\sum_{i=1}^n (|m_i - \overline{\mathbf{O}}| + |o_i - \overline{\mathbf{O}}|)}$$



# Correlación

El coeficiente de correlación entre dos conjuntos de datos es una medida numérica de la relación **lineal** entre los dos conjuntos (si la relación no es lineal, este coeficiente no sirve):

$$r = \frac{1}{n-1} \cdot \sum_{i=1}^n \left( \frac{o_i - \overline{O}}{\sigma_O} \right) \cdot \left( \frac{m_i - \overline{M}}{\sigma_M} \right)$$



# Diagramas de Taylor

- Desarrollando  $\sigma_D^2$  y teniendo en cuenta la definición de  $r$ :

$$\sigma_D^2 = \sigma_O^2 + \sigma_M^2 - 2 \cdot \sigma_O \cdot \sigma_M \cdot r$$

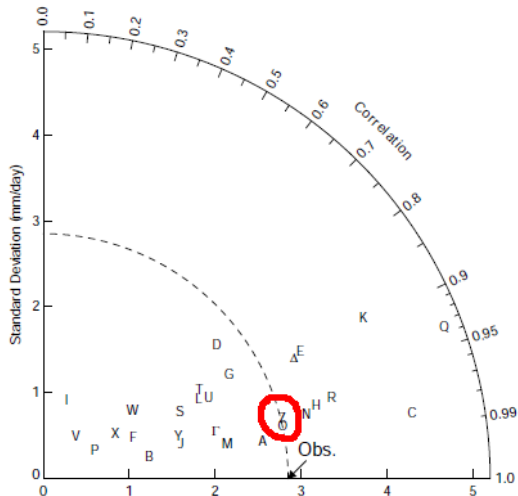
- Esta relación es semejante a la ley de los cosenos ( $c, a, b$  son lados de un triángulo y  $\phi$  es el ángulo opuesto al lado  $c$ ):

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cos \phi$$

# Diagramas de Taylor

$$\sigma_D^2 = \sigma_O^2 + \sigma_M^2 - 2 \cdot \sigma_O \cdot \sigma_M \cdot r$$

- ▶  $\sigma_D^2$ : Distancia al origen
- ▶  $\sigma_O^2$ : Eje horizontal
- ▶  $\sigma_M^2$ : Eje vertical
- ▶  $r$ : acimut



## Target Diagram

- ▶ Emplea la relación entre  $RMSD$ ,  $\sigma_D^2$ , y  $\bar{D}$ , normalizadas con  $\sigma_O$ :

$$RMSD' = RMSD / \sigma_O$$

$$\sigma_D' = \sigma_D / \sigma_O$$

$$\bar{D}' = \bar{D} / \sigma_O$$

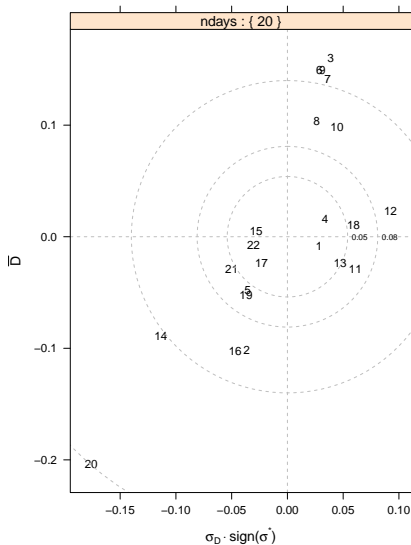
$$RMSD'^2 = \sigma_D'^2 + \bar{D}'^2$$

- ▶ Incorporan el signo de la diferencia entre desviaciones estándar del modelo y las observaciones.

$$sign_\sigma = sign(\sigma_M - \sigma_O)$$

# Target Diagram

- $\sigma'_D$  (con signo): Eje horizontal
- $\overline{D}'$ : Eje vertical
- $RMSD'^2$ : Distancia al origen



① Estadística

② Gráficos estadísticos

③ Gráficos Fotovoltaicos

④ Comparación entre Datos y Estimación

⑤ Coherencia Estadística

# Planteamiento

- ▶ En un sistema compuesto por diferentes **unidades idénticas**, el funcionamiento de todas ellas debe ser el mismo.
- ▶ Los **elementos reales** presentan **diferencias** (tolerancia de potencia, pérdidas de dispersión, suciedad), de forma que el comportamiento de cada unidad se desviará del comportamiento promedio.
- ▶ Si **no hay problemas de funcionamiento**, estas desviaciones no superarán un umbral determinado (**coherencia estadística**).
- ▶ Un análisis estadístico del funcionamiento del conjunto puede **identificar una unidad defectuosa** como aquella que se aparta significativamente del comportamiento promedio.

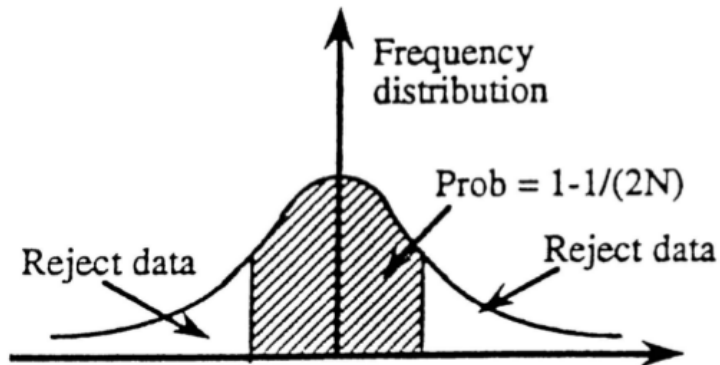
# Coherencia estadística

- ▶ Una medida puede ser etiquetada como *outlier* si es poco probable que pertenezca a la misma distribución que el conjunto.
- ▶ En estadística hay métodos diversos para realizar este análisis:
  - ▶ Métodos gráficos
  - ▶ Teorema de Chebyshev.
  - ▶ Criterios de Pierce y Chauvenet
- ▶ Los criterios de Pierce y Chauvenet asumen **distribución gaussiana** (aceptable en nuestro contexto) y son **simples de implementar**, particularmente Chauvenet.



## Método de Chauvenet

Una medida es un *outlier* si la probabilidad de obtener su desviación respecto de la media es inferior al inverso de 2 veces el número de elementos en el conjunto.



# Método de Chauvenet

- 1 Supongamos un SFV compuesto por  $N$  unidades idénticas.
- 2 Sea  $Y_{f,i}$  la medida de **productividad diaria** de una de esas unidades.
- 3 Se calcula la **media**,  $\bar{Y}_f$ , y la **desviación estándar**,  $\sigma_{Y_f}$ , del **conjunto**.
- 4 Se calcula la **distancia estadística** de cada unidad respecto del sistema total:

$$d_i = \frac{Y_{f,i} - \bar{Y}_f}{\sigma_{Y_f}}$$

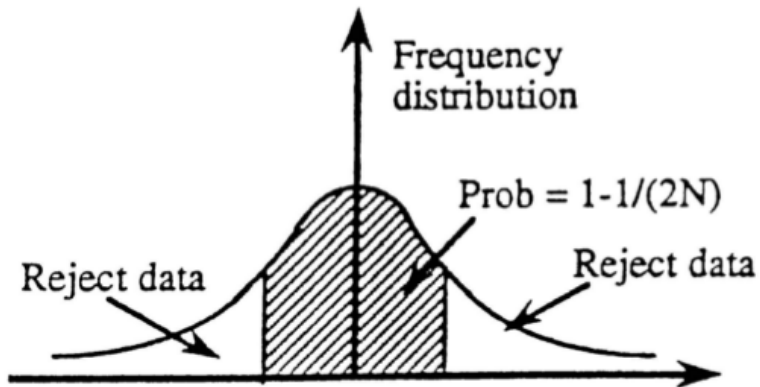
- 5 En una distribución gaussiana, se calcula la distancia estadística equivalente a la probabilidad límite de Chauvenet,  $1/2N$ , teniendo en cuenta que hay dos colas.
- 6 Aquellas observaciones que superan la distancia son **marcadas como outliers**.

## Método de Chauvenet

- ▶ Por ejemplo, para un sistema de 10 unidades, la probabilidad es  $1/20$ .
- ▶ A cada cola le corresponde la mitad,  $1/40 = 0.025$ .
- ▶ Por tanto, el límite es  $d_{max} = -1.9599$  (cola izquierda, valores por debajo del conjunto).

$$d_i = \frac{Y_{f,i} - \bar{Y}_f}{\sigma_{Y_f}}$$

$$|d_i| > |d_{max}|$$



# Métodos gráficos

- Sea  $Y_{f,i}(t)$  la serie temporal de la productividad diaria de **una unidad** del SFV.
- Sea  $\tilde{Y}_f(t)$  la serie temporal de la **mediana** de la productividad diaria del SFV **completo**.
- Tomando  $\tilde{Y}_f(t)$  como modelo o referencia, podemos emplear los diagramas de Taylor y Target para detectar unidades defectuosas durante períodos de tiempo.

