- 前期:理学部·医学部(医学科,保健学科放射線技術科学専攻· 檢查技術科学専攻)·歯学部·薬学部·工学部·農学部
- 1 xy 平面における曲線 $y = \sin x$ の 2 つの接線が直交するとき、その交点の y 座標の値をすべて求めよ。
- 2 a ϵ 1 ではない正の実数とし、n を正の整数とする。次の不等式を考える。 $\log_a(x-n) > \frac{1}{2}\log_a(2n-x)$
 - (1) n = 6 のとき、この不等式を満たす整数 x をすべて求めよ。
 - (2) この不等式を満たす整数xが存在するためのnについての必要十分条件を求めよ。

(前期:理学部·医学部(医学科,保健学科放射線技術科学専攻·検査技術科学専攻) 歯学部·薬学部·工学部·農学部

3 a を実数とし、数列 $\{x_n\}$ を次の漸化式によって定める。

$$x_1 = a$$
, $x_{n+1} = x_n + x_n^2$ $(n = 1, 2, 3, \dots)$

- (1) a > 0 のとき、数列 $\{x_n\}$ が発散することを示せ。
- (2) -1 < a < 0 のとき、すべての正の整数 n に対して $-1 < x_n < 0$ が成り立つことを示せ。
- (3) -1 < a < 0 のとき、数列 $\{x_n\}$ の極限を調べよ。
- [A(x)] と表す。
 - $(1)\ [2x^2+x+3],\,[x^5-1],\,[\,[2x^2+x+3]\,[x^5-1]\,]$ をそれぞれ求めよ。
 - (2) 整式 A(x), B(x) に対して、次の等式が成り立つことを示せ。

$$[A(x)B(x)] = [[A(x)][B(x)]]$$

(3) 実数 θ に対して、次の等式が成り立つことを示せ。

$$[(x\sin\theta + \cos\theta)^2] = x\sin 2\theta + \cos 2\theta$$

(4) 次の等式を満たす実数 a,b の組 (a,b) をすべて求めよ。

$$[(ax+b)^4] = -1$$

(前期:理学部·医学部(医学科,保健学科放射線技術科学専攻·検査技術科学専攻) 歯学部·薬学部·工学部·農学部

5

(1) 次の等式が成り立つことを示せ。

$$\int_{-1}^{1} \frac{\sin^2(\pi x)}{1 + e^x} \, dx = \int_{0}^{1} \sin^2(\pi x) \, dx = \frac{1}{2}$$

(2) 次の等式を満たす関数 f(x) を求めよ。

$$(1+e^x)f(x) = \sin^2(\pi x) + \int_{-1}^1 (e^x - e^t + 1)f(t) dt$$

- 6 10個の玉が入っている袋から 1個の玉を無作為に取り出し,新たに白玉 1個を袋に入れるという試行を繰り返す。初めに,袋には赤玉 5個と白玉 5個が入っているとする。この試行をm回繰り返したとき,取り出した赤玉が全部でk個である確率をp(m,k)とする。2以上の整数nに対して,以下の問いに答えよ。
 - (1) p(n+1,2) を p(n,2) と p(n,1) を用いて表せ。
 - (2) p(n,1) を求めよ。
 - (3) p(n,2) を求めよ。