

A distribuição Normal

Distribuição Normal, e IC da média

Felipe Figueiredo

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição Normal
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Aprofundamento

1 Discussão da aula passada

- Discussão da aula passada

2 A distribuição Normal

- Distribuições de probabilidade
- A distribuição Normal
- Inferências

3 IC da média

- Interpretação
- Premissas
- O Erro Padrão

4 Aprofundamento

- Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

Discussão da aula
passada

A distribuição
Normal

IC da média

Aprofundamento

Discussão da aula passada



A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

Discussão da aula
passada

A distribuição
Normal

IC da média

Aprofundamento

Discussão da leitura obrigatória da aula passada

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 **A distribuição Normal**
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

Distribuições de
probabilidade

A distribuição Normal

Inferências

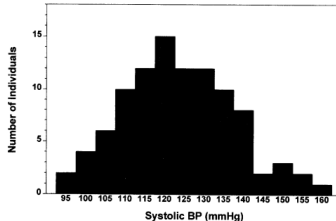
IC da média

Aprofundamento

Recapitulando



- (aula passada)
- Pressão sanguínea (PS) de todos os 100 alunos de uma sala
- Visualização da média e variabilidade dos dados



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal
Inferências

IC da média

Aprofundamento

Distribuições de probabilidade - Por que?



A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

Distribuições de
probabilidade

A distribuição Normal
Inferências

IC da média

Aprofundamento

- Distribuições teóricas = **modelos** da realidade
- Aprender com os modelos \Rightarrow ferramenta

Na vida real

Distribuição “próxima” de um modelo \Rightarrow metodologia

Distribuições de dados “reais”



Exemplo 5.1

No exemplo, a PS dos 100 alunos (a turma inteira) foi visualizada em um histograma.

Calculando a média, encontramos $\bar{x} = 123,4$ mmHg.

Calculando o DP, encontramos $s = 14,0$ mmHg.

Pense...

- Se a população for a turma, sabemos a média e o DP **com certeza**
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, como podemos *inferir* os parâmetros da população (digamos, com 95% de confiança)?

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal Inferências

IC da média

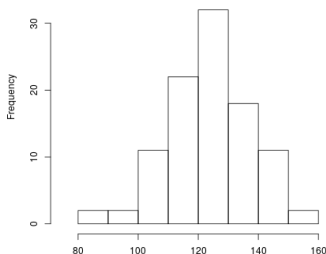
Aprofundamento

Distribuições de dados “reais”

Exemplo 5.1

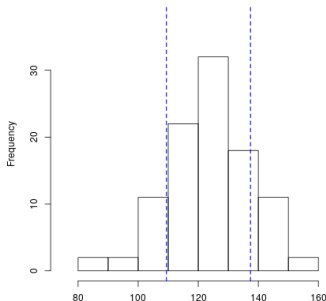
- $\bar{x} = 123,4$ mmHg
- $s = 14,0$ mmHg

- Você vê a média?
- Você vê o DP?



Observações importantes

- Muitas medições próximas da média
- Poucas medições de PS muito baixas
- Poucas medições de PS muito altas
- Aprox. simétrica em torno da média



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal Inferências

IC da média

Aprofundamento

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 **A distribuição Normal**
 - Distribuições de probabilidade
 - **A distribuição Normal**
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal

Inferências

IC da média

Aprofundamento

Distribuição Normal



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

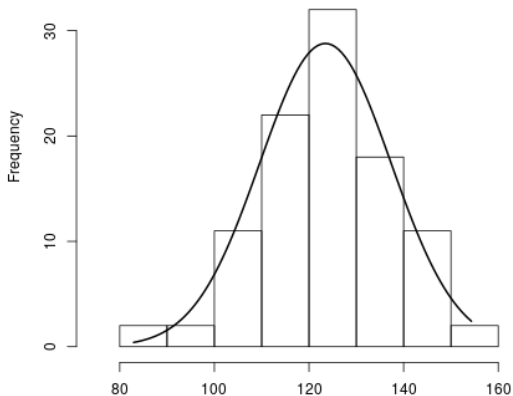
A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal
Inferências

IC da média

Aprofundamento



Distribuição Normal, com DP

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

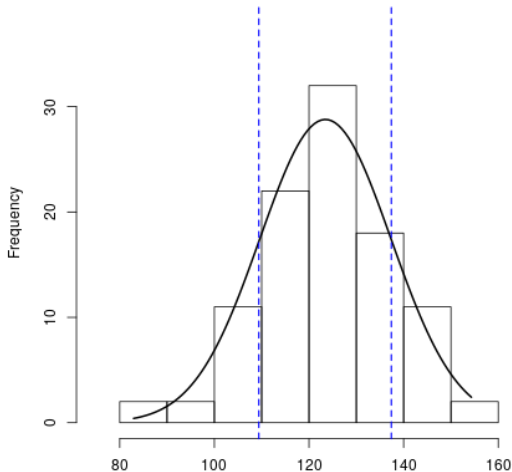
A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal
Inferências

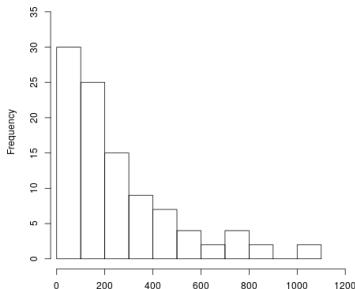
IC da média

Aprofundamento



E esta?

- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

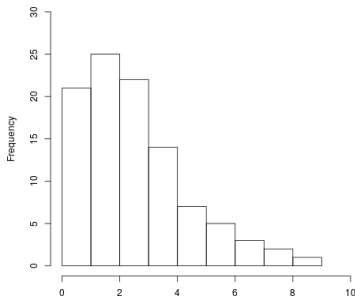
A distribuição Normal Inferências

IC da média

Aprofundamento

E esta?

- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

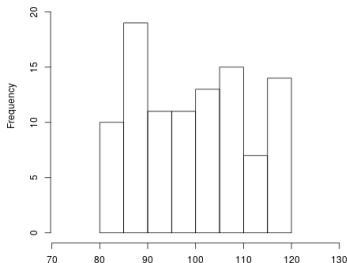
A distribuição Normal Inferências

IC da média

Aprofundamento

E esta?

- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal Inferências

IC da média

Aprofundamento

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 **A distribuição Normal**
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - **Inferências**
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

Distribuições de
probabilidade
A distribuição Normal
Inferências

IC da média

Aprofundamento

A regra empírica



A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

Distribuições de
probabilidade
A distribuição Normal
Inferências

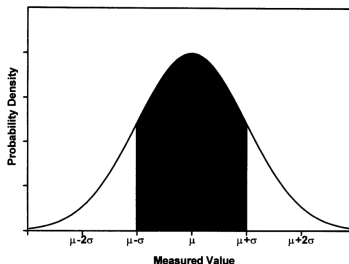
IC da média

Aprofundamento

- (aula passada)
- “mais da metade” dos dados estão a 1 DP da média
- “quase todos” os dados estão a 2 DPs da média

A regra empírica

- 68% a até 1 DP da média
- 95% a até 2 DP da média
- 99,7% a até 3 DP da média



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade
A distribuição Normal
Inferências

IC da média

Aprofundamento

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição Normal
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Vamos recapitular o exemplo 5.1, antes de introduzir outro.

Distribuições de dados “reais”



Exemplo 5.1

No exemplo, a PS dos 100 alunos (a turma inteira) foi visualizada em um histograma.

Calculando a média, encontramos $\bar{x} = 123,4$ mmHg.

Calculando o DP, encontramos $s = 14,0$ mmHg.

Pense...

- Se a população for a turma, sabemos a média e o DP **com certeza**
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, como podemos *inferir* os parâmetros da população (digamos, com 95% de confiança)?

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Distribuições de dados “reais”



Exemplo 5.2

Das 100 medições de PS, você amostrou aleatoriamente 5 medições.

Valores aproximados: 120, 80, 90, 110 e 95 mmHg.

Calculando a média, encontramos $\bar{x} = 99,0$ mmHg.

Calculando o DP, encontramos $s = 15,97$ mmHg.

Pense...

- Se a população for a turma, podemos estimar a média e o DP da turma com os valores desta amostra?
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, esta estimativa nos dá “mais confiança” sobre a população, ou menos?

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

ICs dos exemplos

- O IC do exemplo 5.1: 120,6 até 126,2 mmHg
- O IC do exemplo 5.2: 79,2 até 118,8 mmHg

Pense...

Observe os tamanhos dos ICs.

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição Normal
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - **Premissas**
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média
Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Assumimos que estas coisas são verdadeiras para calcular/interpretar um IC

- A amostra foi selecionada aleatoriamente da população (sem reposição)
- A população é Normal (Gaussiana)
- Os indivíduos são independentes, uns dos outros

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição Normal
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Teorema do Limite Central



Vídeo

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Variabilidade

A variabilidade nos informa sobre a dispersão da amostra/população.

O erro padrão

O Erro Padrão nos informa quão boa é nossa **estimativa** da média.

O Erro Padrão - definição



A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

$$SEM = \frac{s}{\sqrt{N}}$$

- SEM = Erro Padrão da Média (em inglês)
- Conforme N aumenta, SEM diminui
- Conforme N aumenta, \bar{x} se aproxima média da população

O Erro Padrão - Interpretação



A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Interpretação

Quando queremos **inferir** a média da população a partir de uma amostra, qual é a incerteza associada a esta estimativa?

Pense...

E o desvio-padrão s ?

O Erro Padrão - Interpretação



A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

Interpretação

Quando queremos **inferir** a média da população a partir de uma amostra, qual é a incerteza associada a esta estimativa?

Pense...

E o desvio-padrão s ?

$$IC : \bar{x} \pm t^* \times SEM$$

- M = média
- Para amostras **grandes**, $t^* \approx 2$.

$$IC : \bar{x} \pm 2 \times SEM$$

Exemplo 5.1

- $s = 14,0$ e $N = 100$
- $SEM = \frac{14}{\sqrt{100}} = 1.4$
- $IC = 123.4 \pm 2 \times 1.4$
- $IC = 123.4 \pm 2.8$
- $IC \approx [120.6, 126.2]$

- **Ex. 5.1:** $\bar{x} = 123,4$ e $s = 14,0$ mmHg ($N = 100$)
- **Ex. 5.2:** $\bar{x} = 99,0$ e $s = 15,97$ mmHg ($N = 5$)

Pergunta - podemos reproduzir o mesmo método?

- SEM do exemplo 5.1 = 1,4
- SEM do exemplo 5.2 = 6,3?

Pergunta - podemos reproduzir o mesmo método?

- SEM do exemplo 5.1 = 1,4
- SEM do exemplo 5.2 = 6,3?

Resposta

Não! Pois $N=5$ não é grande!

Isso faz com que o SEM do exemplo 5.2 seja muito maior (como vimos).

ICs dos exemplos

- O IC do exemplo 5.1: 120,6 até 126,2 mmHg
- O IC do exemplo 5.2: 79,2 até 118,8 mmHg

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

IC da média

Interpretação

Premissas

O Erro Padrão

Aprofundamento

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição Normal
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- 3 IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Aprofundamento
Aprofundamento

Leitura obrigatória

Capítulo 4. Pular a seção **Intervalo de Predição**.

Capítulo 5. Pular as seções:

- Calculando o IC da média
- A distribuição t (será abordado na próxima aula)

Leitura recomendada

Capítulo 4. seção **Intervalo de Predição**.

- Cap 4: Exercícios 1, 2 e 3.
- Cap 5: exercícios 1, 3, 7 e 9.

A distribuição
Normal

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

A distribuição
Normal

IC da média

Aprofundamento
Aprofundamento