

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Testes paramétricos para médias

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Rovieão

Testes paramétricos para médias

Aprofundamento

Discussão da aula passada

Discussão da leitura obrigatória da aula passada



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos

Aprofundamento

Sumário



Revisão



- Dois grupos independentes
- Dois grupos pareados
- Exercício
- Resumo



Aprofundamento

Revisão: hipóteses

Conceito da hipótese nula

A hipótese de que não há efeito no tratamento.

O objetivo do estudo é providenciar evidências suficientes para rejeitar esta hipótese, "provando" assim a eficácia do tratamento.

Exemplo

Hipótese do estudo: um certo tratamento de fisioterapia diminui o tempo de recuperação após uma artroplastia total do joelho.

Hipótese nula: não há alteração no tempo de recuperação.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos para médias

Aprofundamento



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão Revisão

Testes paramétricos para médias

Revisão: p-valor



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos

Aprofundamento

Conceito do p-valor

Assumindo que não há efeito real (hipótese nula), e você observou uma aparente diferença...

... qual é a probabilidade de você ter observado essa diferença ao acaso?

Roteiro

- 1 Cada teste usa uma distribuição de probabilidades
- 2 A região crítica é escolhida (bilateral ou unilateral?)
- 3 As estatísticas sumárias são calculadas a partir da amostra
- 4 Estas são usadas para calcular uma estatística de teste

Estatística de teste = critério de decisão

Comparada com um valor crítico da distribuição do teste

OU

Usada para o cálculo do p-valor

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão Revisão

paramétricos para médias

Aprofundamento

Revisão: p-valor

Interpretação do p-valor



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão Revisão

Testes paramétrico

Aprofundamento

evidência para rejeitar a hipótese nula, então deve-se rejeitá-la.
Um valor alto para o p-valor (tipicamente p ≥ 0.05) representa pouca evidência contra a hipótese nula, então não se deve rejeitá-la

• Um valor pequeno para o p-valor (tipicamente $p \le 0.05$) representa forte

 Um valor próximo do ponto de corte (0.05) é considerado marginal, portanto "qualquer decisão pode ser tomada".

Sempre apresente seu p-valor para que o leitor possa tirar suas próprias conclusões.

Fonte: Rumsey, D. (Statistics for Dummies, 2nd ed.)

Estatística crítica vs estatística de teste

INTO

de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão Revisão

> paramétricos para médias

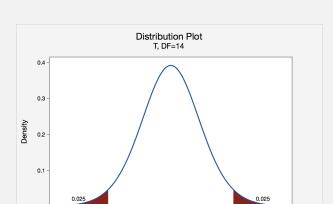
Anrofundamento

A estatística de teste: qual é o valor observado a ser testado?
 Determinada pela amostra de estudo

A estatística crítica: quão extremo o valor observado é?

Determinada pela formulação das hipóteses nula e alternativa

Região crítica



2.14479

- t crítico: $t^* = \pm 2.14479$ (bicaudal)
- região crítica: t < -2.14479 ou t > 2.14479

-2.14479

Testes paramétricos



- Existe uma infinidade de testes estatísticos (cada qual com sua hipótese nula)
- São divididos em dois grandes grupos: paramétricos e não paramétricos
- Os testes paramétricos assumem que a amostra
- Os testes não-paramétricos não presumem nenhuma forma para a distribuição dos dados

vem de uma distribuição Normal

Atenção

Esta é uma escolha metodológica fundamental para a análise, como veremos mais adiante.

Testes paramétricos

- Os testes paramétricos assumem que a amostra vem de uma distribuição Normal 1
- Hoje veremos o teste t (de Student), aplicado em duas formas/contextos



Comparação

de dois

grupos

(quantitativo)

Felipe

Figueiredo

Revisão

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

paramétricos para médias

pareados

O teste t: características

- Distribuição: t de Student
- Hipótese: não há diferença entre as duas médias
- Estatística de teste: $t = \frac{\bar{X_d}}{SE_d}$

Interpretação da estatística de teste

Quanto maior o valor de t ...

... maior a discrepância entre as médias observadas (considerando a variabilidade do experimento).



Comparação

de dois

grupos

(quantitativo)

Felipe

Figueiredo

Testes paramétricos

pareados

para médias

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Testes paramétricos para médias

pareados

1 nunca é demais frisar

Teste t para uma amostra

INTO

Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Ravisão

Testes paramétricos para médias

Dois grupos independentes Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

Já vimos o teste t para uma amostra.

Hoje veremos como usá-lo para duas amostras.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos

Dois grupos independentes

Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

Premissas

(intragrupo)

distribuídas (aprox.)

O DP das duas populações são idênticos ²

² uma violação desta premissa não é grave – buscar aproximação de Welch.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Rovieão

Testes paramétricos

Dois grupos independentes

pareados
Exercício

Aprofundament

Exemplo 1

Exemplo 23.2

Motulsky, *et al.* (1983) investigaram se pessoas com hipertensão tem alteração nos níveis de receptores adrenérgicos α_2 em suas plaquetas.

Os dois grupos foram coletados independentemente (intergrupo)

Todas as observações em cada grupo são independentes entre si

Todos os dados foram amostrados de populações Normalmente

Selecionaram 18 homens hipertensos, e 17 controles da mesma faixa etária. Os resultados estão descritos como média \pm SEM.

As plaquetas dos hipertensos tiveram 257 \pm 14 receptores por plaqueta. As plaquetas dos controles tiveram 263 \pm 21 receptores por plaqueta.

Os autores concluíram que não havia diferença significativa entre as médias dos grupos.

INTO

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos para médias

Dois grupos independentes

Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

O teste t de Student

Assumindo duas populações Normais com DPs semelhantes, o teste t pode detectar diferença nas médias das populações.

Saída típica de um programa



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Rovição

Testes paramétricos

Dois grupos independentes

pareados Exercício

Aprofundamento

Teste t, amostras independentes

P value and statistical significance: The two-tailed P value equals 0.8116 By conventional criteria, this difference is considered to be not statistically significant.

Confidence interval:
The mean of Controle minus Hipertensos equals 6.00 95% confidence interval of this difference:

Intermediate values used in calculations:
 t = 0.2403

df = 33
standard error of difference = 24.973

Quais são as variáveis?

From -44.81 to 56.81

- Dependente: níveis de receptores (contínua)
- Independente: grupo (categórica binária)

Esta relação pode ser expressa como

níveis de receptores \sim grupo



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos

Dois grupos independentes

pareados Exercício

Aprofundamento

Quais são as variáveis?

Interpretação típica

Grupo Hipertensos: contínua (mensuração)

Ou, podemos pensar em termos de modelagem

Grupo Controle: contínua (mensuração)



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Rovição

Testes paramétricos

Dois grupos independentes

Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

Grupos independentes x pareados



- Assim como no cálculo de ICs, os grupos de estudo podem ser independentes ou pareados
- Quando são independentes, a comparação é entre as médias de ambos os grupos
- Quando são pareados, a comparação é entre as diferenças dos pares

Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos

pareados Exercício

Resumo

Grupos pareados (revisão)



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados

Quando faz sentido parear indivíduos de dois grupos?

- Mensurar o mesmo indivíduo antes e depois do procedimento
- Recrutamento aos pares, quando o par tem a(o) mesma(o)
 - idade/faixas etária
 - região demográfica
 - diagnóstico
- irmãos, pai/filho
- lateralidade (tratamento = lado E, controle = lado D)

Exemplo 2



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos

pareados

Exercício 25.1

Os pesquisadores compararam o número de receptores beta-adrenérgicos nos linfócitos de um grupo de participantes, antes e após a administração de uma droga.

Premissas



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados

Saída típica de um programa

(ou representativa)

distribuída (aprox.)

primeiro do grupo B, etc.

Cada par é independente de todos os outros



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Teste t, amostras pareadas

Os pares amostrados aleatoriamente de uma mesma população

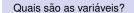
Os participantes são pareados – o primeiro do grupo A com o

A distribuição das diferenças, na população, é Normalmente

Paired t-test

data: Receptors by Group t = 6.9636, df = 5, p-value = 0.000939 alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0 95 percent confidence interval: 145.7279 316.2721 sample estimates: mean of the differences

Dois grupos pareados



- Dependente: número de receptores (contínua)
- Independente: grupo (categórica binária)

Esta relação pode ser expressa como

número de receptores ~ grupo



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Povicão

Testes paramétricos para médias Dois grupos

Dois grupos pareados

Exercício

Aprofundamento

Tabulação dos dados³

Tabela de dados brutos



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

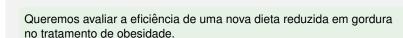
Revisão

paramétricos para médias Dois grupos independentes Dois grupos pareados

pareados Exercício Resumo

Aprofundamento

Exercício



Selecionamos aleatoriamente 100 pessoas obesas para o grupo 1, que receberão a dieta com pouca gordura. Selecionamos outras 100 pessoas obesas para o grupo 2 que receberão a mesma quantidade de comida, com proporção normal de gordura. O estudo durou 4 meses.

A perda de peso média no grupo 1 foi de 9.33 lbs (s=4.72) e no grupo 2 foi de 7.58 lbs (s=3.90).

Essa nova dieta é eficaz na perda de peso?

Fonte: Khan Academy

INTO

Comparação

de dois

grupos

(quantitativo)

Felipe

Figueiredo

Exercício

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício

Resumo

Aprofundamento

Repetir é fixar

O slide de perguntas a seguir será apresentado mais de uma vez.

Mas vamos ponderar nelas um pouco agora.



Perguntas

INTO

Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

lovicão.

Testes paramétricos para médias

Dois grupos independente: Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

- Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- 3 Quais são as variáveis envolvidas?
- O que você usaria como critério de decisão?
- O que significam os valores negativos?
- Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?

INTO

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes

Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

Os dois testes serão avaliados, independente da sua escolha.

Vamos começar com uma visualização descritiva dos dados.

EDA⁴

Análise Exploratória de Dados (EDA)

Precisamos decidir a melhor metodologia a partir da análise descritiva.

Vamos iniciar investigando os dados de forma exploratória.

Objetivo (lembre-se do Virgílio)

Verificar que premissas são razoavelmente atendidas...

... ou evidentemente violadas.

4 https://en.wikipedia.org/wiki/Exploratory_data_analysis

)A⁴

INTO

Comparação de dois grupos (quantitativo)

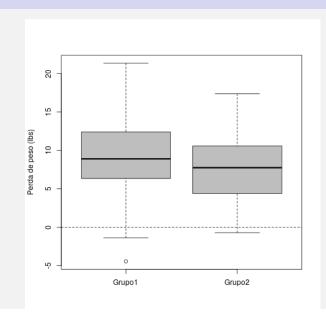
Felipe Figueiredo

2000000

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

Aprofundamento

Visualização (independentes)





Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dovicão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercío

Aprofundame

Visualização (pareados)

15

Perda de j

2



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Exercício

peso (lbs) Grupo 2 9

Perda de peso (lbs) Grupo 1

15

20

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Exercício

O que muda em cada um dos resultados a seguir?

Perguntas



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Exercício

Saída típica de um programa



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Exercício

Teste t, amostras independentes

1 Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?

4 O que você usaria como critério de decisão? **6** O que significam os valores negativos?

Quais são as hipóteses do teste?

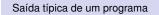
3 Quais são as variáveis envolvidas?

6 Qual é o resultado?

Qual é a conclusão?

Two Sample t-test

data: Perda by Grupo t = 2.871, df = 198, p-value = 0.004537 alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0 95 percent confidence interval: 0.5506833 2.9667462 sample estimates: mean in group Grupo1 mean in group Grupo2 9.334005



Paired t-test

data: Perda by Grupo

sample estimates:
mean of the differences

in means is not equal to 0 95 percent confidence interval: 0.5775744 2.9398551

Teste t, amostras pareadas

t = 2.9545, df = 99, p-value = 0.003913
alternative hypothesis: true difference

1.758715



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Rovicão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes

Exercício
Resumo

Aprofundamento

Você já pode escolher o teste?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercicio
Resumo

Aprofundamento

Perguntas

- 1 Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- 3 Quais são as variáveis envolvidas?
- 4 O que você usaria como critério de decisão?
- O que significam os valores negativos?
- 6 Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercicio

Aprofundamento

Todas as premissas do teste que você selecionou são satisfeitas?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

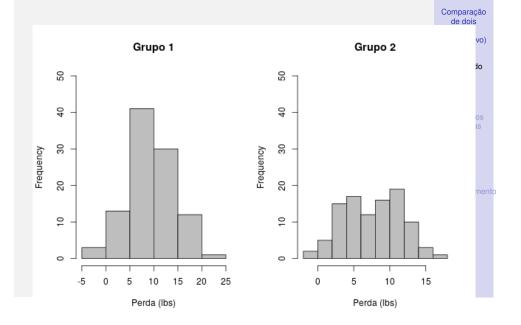
Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

Distribuição (independentes)





Caso de você tenha escolhido grupos independentes...

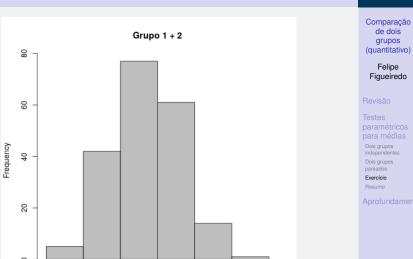


Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Exercício

Distribuição (pareados)



10

Perda (lbs)

15

20

25



Saída típica de um programa



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

para médias Dois grupos Exercício

Teste t, amostras independentes

Two Sample t-test

data: Perda by Grupo t = 2.871, df = 198, p-value = 0.004537 alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0 95 percent confidence interval: 0.5506833 2.9667462 sample estimates: mean in group Grupo1 mean in group Grupo2 9.334005

Os dois grupos tem variabilidades semelhantes?

Saída típica de um programa



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

. . ~

Revisão

Testes paramétricos para médias

Dois grupos independentes Dois grupos pareados

Exercício Resumo

Aprofundamento

Teste t, amostras independentes, com correção de Welch

Welch Two Sample t-test

data: Perda by Grupo
t = 2.871, df = 191.12, p-value = 0.004554
alternative hypothesis: true difference
in means is not equal to 0
95 percent confidence interval:
0.550416 2.967014
sample estimates:
mean in group Grupol mean in group Grupo2

9.334005

EDA concluída

Agora vamos discutir as respostas.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos para médias

Dois grupos independentes Dois grupos pareados

Exercício
Resumo

Aprofundamento

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Escreva a relação entre

a variável dependente
a variável independente

P:

Qual delas varia em função da outra?

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão
Testes paraméricos para médias Dois grupos independentes Dois grupos pulsados pulsados paraméricos para médias Dois grupos independentes Dois grupos pulsados paraméricos paramér

Perguntas

- 1 Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- 3 Quais são as variáveis envolvidas?
- 4 O que você usaria como critério de decisão?
- **5** O que significam os valores negativos?
- 6 Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

Resumo



- Testes paramétricos (requer dados Normalmente distribuídos)
- Para dois grupos independentes assume independência inter e intragrupo, e DPs semelhantes
- Para dois grupos pareados assume independência entre os pares
- Esta decisão não deve ser tomada após a coleta dos dados⁵.
- Variáveis:
 - Dependente: contínua
 - Independente: categórica binária (2 grupos)

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

lovicão.

Testes paramétricos

Dois grupos independentes Dois grupos pareados

Resumo

Aprofundamento

Aprofundamento



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Revisão

Testes paramétricos

Aprofundamento

Aprofundamento

Leitura obrigatória

- Capítulo 23, pular as seções:
 - Cálculo do teste t em uma tabela
 - Cálculo do poder.
- Capítulo 25, pular as seções:
 - Teste t de uma razão
 - Teste de Wilcoxon

Leitura recomendada

Capítulo 25: seção teste t de uma razão (útil para projetos experimentais)

⁵ As comparações dos testes que fizemos aqui foram meramente didáticas. A EDA real terminaria nas visualizações e tabelas.