

Comparação

de dois

grupos

(quantitativo)

Felipe

Figueiredo

Aprofundamento

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Testes paramétricos para médias

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

#### Sumário

- Discussão da aula passada
  - Discussão da aula passada
- 2 Revisão
  - Revisão
- 3 Testes paramétricos para médias
  - Dois grupos independentes
  - Dois grupos pareados
  - Exercício
  - Resumo
- 4 Aprofundamento
  - Aprofundamento



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes paramétricos

Aprofundamen

## Discussão da aula passada

Discussão da leitura obrigatória da aula passada



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada Discussão da aula

levisão

Testes paramétricos

Aprofundamento

## Revisão: hipóteses

#### Conceito da hipótese nula

A hipótese de que não há efeito no tratamento.

O objetivo do estudo é providenciar evidências suficientes para rejeitar esta hipótese, "provando" assim a eficácia do tratamento.

#### Exemplo

**Hipótese do estudo:** um certo tratamento de fisioterapia diminui o tempo de recuperação após uma artroplastia total do joelho.

Hipótese nula: não há alteração no tempo de recuperação.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Revisão

Testes paramétricos para médias

Aprofundamento

## Revisão: p-valor



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes paramétricos

Aprofundamento

#### Conceito do p-valor

Assumindo que não há efeito real (hipótese nula), e você observou uma aparente diferença...

... qual é a probabilidade de você ter observado essa diferença ao acaso?

### Revisão: Roteiro

- Cada teste usa uma distribuição de probabilidades
- 2 A região crítica é escolhida (bilateral ou unilateral?)
- 3 As estatísticas sumárias são calculadas a partir da amostra
- 4 Estas são usadas para calcular uma estatística de teste
- 6 A estatística de teste é o critério de decisão:
  - Ela é comparada com um valor crítico da distribuição do teste
     OU
  - Ela é usada para o cálculo do p-valor



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Revisão

Revisão

paramétricos

Aprofundamento

## Revisão: p-valor

#### Interpretação do p-valor

- Um valor pequeno para o p-valor (tipicamente  $p \le 0.05$ ) representa forte evidência para rejeitar a hipótese nula, então deve-se rejeitá-la.
- Um valor alto para o p-valor (tipicamente  $p \ge 0.05$ ) representa pouca evidência contra a hipótese nula, então não se deve rejeitá-la
- Um valor próximo do ponto de corte (0.05) é considerado marginal, portanto "qualquer decisão pode ser tomada".

Sempre apresente seu p-valor para que o leitor possa tirar suas próprias conclusões.

Fonte: Rumsey, D. (Statistics for Dummies, 2nd ed.)

## Testes paramétricos

- Existe uma infinidade de testes estatísticos (cada qual com sua hipótese nula)
- São divididos em dois grandes grupos: paramétricos e não paramétricos
- Os testes paramétricos assumem que a amostra vem de uma distribuição Normal
- Os testes não-paramétricos não presumem nenhuma forma para a distribuição dos dados

#### Atenção

Esta é uma escolha metodológica fundamental na análise, como veremos no futuro.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Revisão

paramétricos

Aprofundamento



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes paramétricos para médias

Dois grupos independente Dois grupos pareados Exercício

Anrofundamento

## Testes paramétricos

Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Testes

paramétricos

para médias

Dois grupos

Dois grupos

Interpretação da estatística de teste

Quanto maior o valor de t ...

(considerando a variabilidade do experimento).

- Os testes paramétricos assumem que a amostra vem de uma distribuição Normal 1
- Hoje veremos o teste t (de Student), aplicado em duas formas/contextos

<sup>1</sup>nunca é demais frisar

## Teste t para uma amostra

Já vimos o teste t para uma amostra.

Hoje veremos como usá-lo para duas amostras.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

paramétricos para médias Dois grupos Dois grupos pareados

#### O teste t: características

• Distribuição: t de Student

• Hipótese: não há diferença entre as duas médias

• Estatística de teste: t =

... maior a discrepância entre as médias observadas

### **Premissas**

- Os dois grupos foram coletados independentemente (inter-grupo)
- Todas as observações em cada grupo são independentes entre si (intra-grupo)
- Todos os dados foram amostrados de populações Normalmente distribuídas (aprox.)
- O DP das duas populações são idênticos <sup>2</sup>



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

paramétricos para médias

Dois grupos Exercício



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos Exercício

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>uma violação desta premissa não é grave - buscar aproximação de Welch.



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos independentes Dois grupos

#### O teste t de Student

Assumindo duas populações Normais com DPs semelhantes, o teste t pode detectar diferença nas médias

### Exemplo 1

Exemplo 23.2

plaquetas.

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos

Dois grupos

das populações.

### Saída típica de um programa

#### Teste t, amostras independentes

P value and statistical significance: The two-tailed P value equals 0.8116 By conventional criteria, this difference is considered to be not statistically significant.

Confidence interval:

The mean of Controle minus Hipertensos equals 6.00 95% confidence interval of this difference: From -44.81 to 56.81

Intermediate values used in calculations:

t = 0.2403df = 33

standard error of difference = 24.973



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos

Dois grupos

### Quais são as variáveis?

#### Interpretação típica

as médias dos grupos.

• Grupo Hipertensos: contínua (mensuração)

Motulsky, et al. (1983) investigaram se pessoas com hipertensão

tem alteração nos níveis de receptores adrenérgicos  $\alpha_2$  em suas

Selecionaram 18 homens hipertensos, e 17 controles da mesma faixa

As plaquetas dos hipertensos tiveram 257  $\pm$  14 receptores por plaqueta.

Os autores concluíram que não havia diferença significativa entre

As plaquetas dos controles tiveram 263  $\pm$  21 receptores por plaqueta.

etária. Os resultados estão descritos como média  $\pm$  SEM.

Grupo Controle: contínua (mensuração)

Ou, podemos pensar em termos de modelagem

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos

Dois grupos Exercício

#### Quais são as variáveis?

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

- Dependente: níveis de receptores (contínua)
- Independente: grupo (categórica binária)

#### Esta relação pode ser expressa como

níveis de receptores ∼ grupo

# Grupos pareados (revisão)

Quando faz sentido parear indivíduos de dois grupos?

- Mensurar o mesmo indivíduo antes e depois do procedimento
- Recrutamento aos pares, guando o par tem a(o) mesma(o)
  - idade/faixas etária
  - região demográfica
  - diagnóstico
- irmãos, pai/filho
- lateralidade (tratamento = lado E, controle = lado D)

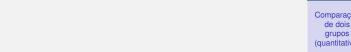


Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados

## Grupos independentes x pareados



- Assim como no cálculo de ICs, os grupos de estudo podem ser independentes ou pareados
- Quando são independentes, a comparação é entre as médias de ambos os grupos
- Quando são pareados, a comparação é entre as diferenças dos pares

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados Exercício

#### **Premissas**



 Os pares amostrados aleatoriamente de uma mesma população (ou representativa)

- Os participantes são pareados o primeiro do grupo A com o primeiro do grupo B, etc.
- Cada par é independente de todos os outros
- A distribuição das diferenças, na população, é Normalmente distribuída (aprox.)

de dois grupos (quantitativo) Felipe Figueiredo

Comparação

Dois grupos pareados Exercício

### Exemplo 2

Exercício 25.1



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados

## Saída típica de um programa

Teste t, amostras pareadas

data: Receptors by Group

145.7279 316.2721

sample estimates: mean of the differences

in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:

t = 6.9636, df = 5, p-value = 0.000939 alternative hypothesis: true difference

2.31

Paired t-test



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos

## Quais são as variáveis?

• Dependente: número de receptores (contínua)

Os pesquisadores compararam o número de receptores

antes e após a administração de uma droga.

beta-adrenérgicos nos linfócitos de um grupo de participantes,

Independente: grupo (categórica binária)

Esta relação pode ser expressa como

número de receptores ~ grupo



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos

Dois grupos pareados

#### Exercício

Queremos avaliar a eficiência de uma nova dieta reduzida em gordura no tratamento de obesidade.

Selecionamos aleatoriamente 100 pessoas obesas para o grupo 1, que receberão a dieta com pouca gordura. Selecionamos outras 100 pessoas obesas para o grupo 2 que receberão a mesma quantidade de comida, com proporção normal de gordura. O estudo durou 4 meses.

A perda de peso média no grupo 1 foi de 9.33 lbs (s=4.72) e no grupo 2 foi de 7.58 lbs (s=3.90).

Essa nova dieta é eficaz na perda de peso?

Fonte: Khan Academy



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos Evercício

## Tabulação dos dados<sup>3</sup>



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Evercício

#### Tabela de dados brutos Grupo

2: Grupol 15.403181 3: Grupol 8.891328 4: Grupol 6.763672 5: Grupol 10.168379 196: Grupo2 12.985339 197: Grupo2 8.586228 198: Grupo2 11.353364 199: Grupo2 4.003958 200: Grupo2 9.542041

1: Grupo1 12.184783

Perda

## Perguntas

- Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- Quais são as variáveis envolvidas?
- O que você usaria como critério de decisão?
- **5** O que significam os valores negativos?
- Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos Dois grupos pareados

Evercício



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos Evercício

EDA<sup>4</sup>

Repetir é fixar

## Análise Exploratória de Dados (EDA)

Precisamos decidir a melhor metodologia a partir da análise descritiva.

O slide de perguntas a seguir será apresentado mais de uma vez.

Mas vamos ponderar nelas um pouco agora.

Vamos iniciar investigando os dados de forma exploratória.

#### Objetivo (lembre-se do Virgílio)

Verificar que premissas são razoavelmente atendidas...

... ou evidentemente violadas.

4
https://en.wikipedia.org/wiki/Exploratory\_data\_analysis



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados Exercício

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Organizar os dados desta forma, permite usar os filtros do Excel.



de dois

grupos

(quantitativo)

Felipe

Figueiredo

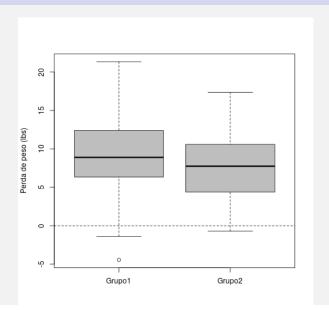
Dois grupos pareados

Evercício

Os dois testes serão avaliados, independente da sua escolha.

Vamos começar com uma visualização descritiva dos dados.

## Visualização (independentes)





Comparação de dois grupos (quantitativo)

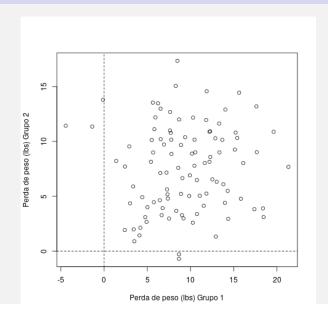
Felipe Figueiredo

Discussão da

Rovição

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

## Visualização (pareados)





Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

iscussão da ula passada

. Revisão

Dois grupos independentes
Dois grupos pareados
Exercício

Aprofundamento

## Perguntas

- Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- 3 Quais são as variáveis envolvidas?
- O que você usaria como critério de decisão?
- O que significam os valores negativos?
- Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados

Exercício Resumo

Aprofundamento



O que muda em cada um dos resultados a seguir?

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos Dois grupos pareados

Evercício

## Saída típica de um programa

Teste t, amostras independentes

in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:

9.334005

t = 2.871, df = 198, p-value = 0.004537 alternative hypothesis: true difference

mean in group Grupo1 mean in group Grupo2

7.575291

Two Sample t-test

data: Perda by Grupo

0.5506833 2.9667462

sample estimates:



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos Exercício

## Saída típica de um programa

### Teste t, amostras pareadas

Paired t-test

data: Perda by Grupo t = 2.9545, df = 99, p-value = 0.003913 alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0 95 percent confidence interval: 0.5775744 2.9398551 sample estimates: mean of the differences 1.758715



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Dois grupos Dois grupos pareados Evercício

Você já pode escolher o teste?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Dois grupos pareados Evercício

## Perguntas

- Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- 3 Quais são as variáveis envolvidas?
- 4 O que você usaria como critério de decisão?
- O que significam os valores negativos?
- Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes paramétricos para médias Dois grupos

independent
Dois grupos
pareados
Exercício

Aprofundament



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Discussão da

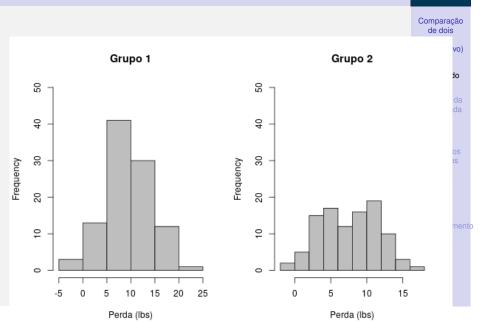
Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercicio
Resumo

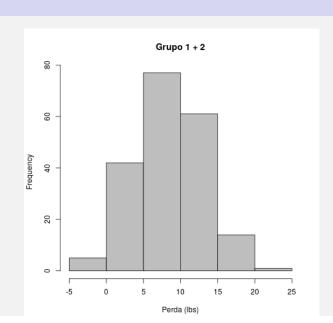
Aprofundamento

## Distribuição (independentes)





## Distribuição (pareados)



Todas as premissas do teste que

você selecionou são satisfeitas?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

aula passada

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

Aprofundamer

Caso de você tenha escolhido grupos independentes...

Os dois grupos tem variabilidades

semelhantes?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos

Exercício Resumo

Aprotundamento

## Saída típica de um programa

Teste t, amostras independentes

in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:

9.334005

t = 2.871, df = 198, p-value = 0.004537 alternative hypothesis: true difference

mean in group Grupo1 mean in group Grupo2

7.575291

Two Sample t-test

data: Perda by Grupo

0.5506833 2.9667462

sample estimates:



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Rovição

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

## Saída típica de um programa



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Revisã

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

Aprofundamento

#### Teste t, amostras independentes, com correção de Welch

Welch Two Sample t-test

data: Perda by Grupo

t = 2.871, df = 191.12, p-value = 0.004554

alternative hypothesis: true difference
in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:
0.550416 2.967014

sample estimates:
mean in group Grupo1 mean in group Grupo2
9.334005 7.575291

#### Quais são as variáveis?

Escreva a relação entre

a variável dependente

a variável independente

Qual delas varia em função da outra?

INTO

Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício
Resumo

Aprofundamento

#### EDA concluída



Comparação de dois grupos (quantitativo)

> Felipe Figueiredo

Discussão da

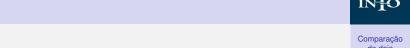
evisão

Testes paramétricos para médias Dois grupos independentes

Dois grupos pareados Exercício

Aprofundamento

## Perguntas



- Para este estudo, qual é o teste mais apropriado?
- Quais são as hipóteses do teste?
- 3 Quais são as variáveis envolvidas?
- O que você usaria como critério de decisão?
- O que significam os valores negativos?
- Qual é o resultado?
- Qual é a conclusão?



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos

Exercício

Besumo

Aprofundamento

#### Resumo

Testes paramétricos (requer dados Normalmente distribuídos)

Agora vamos discutir as respostas.

- Para dois grupos independentes assume independência inter- e intra-grupo, e DPs semelhantes
- Para dois grupos pareados assume independência entre os pares
- Esta decisão não deve ser tomada após a coleta dos dados<sup>5</sup>.
- Variáveis:
  - Dependente: contínua
  - Independente: categórica binária (2 grupos)



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

iscussão da ula passada

Revisão

Testes
paramétricos
para médias
Dois grupos
independentes
Dois grupos
pareados
Exercício

Aprofundamento

## Aprofundamento

#### Leitura obrigatória

- Capítulo 23, pular as seções:
  - Cálculo do teste t em uma tabela
  - Cálculo do poder.
- Capítulo 25, pular as seções:
  - Teste t de uma razão
  - Teste de Wilcoxon

#### Exercícios selecionados

Não há exercícios.

#### Leitura recomendada

Capítulo 25: seção teste t de uma razão (para projetos experimentais)



Comparação de dois grupos (quantitativo)

Felipe Figueiredo

Discussão da

Revisão

Testes paramétricos para médias

Aprofundamento

Aprofundamento

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>As comparações dos testes que fizemos aqui foram meramente didáticas. A EDA real terminaria nas visualizações e tabelas.