

Comparando médias de 2 grupos

Intervalos de Confiança da diferença entre as médias

Felipe Figueiredo

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição t de Student
 - A distribuição t de Student
- 3 Intervalo de Confiança da diferença entre duas médias
 - Interpretação
 - Participantes: pareados ou não pareados?
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição t de Student
 - A distribuição t de Student
- 3 Intervalo de Confiança da diferença entre duas médias
 - Interpretação
 - Participantes: pareados ou não pareados?
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

Discussão da aula
passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

Discussão da aula passada



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

Discussão da aula
passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

Discussão da leitura obrigatória da aula passada

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição t de Student
 - A distribuição t de Student
- 3 Intervalo de Confiança da diferença entre duas médias
 - Interpretação
 - Participantes: pareados ou não pareados?
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

Não vá se perder por aí...

- A distribuição Normal tem **dois** parâmetros
- Seu formato é absolutamente definido por
 - \bar{x} = Média (tendência central)
 - s^2/s = Variância/DP (tendência de dispersão)

⇒ Forma **independe** do n

Nomenclatura

A *Normal Padrão* também é chamada de **distribuição Z**.

Não vá se perder por aí...

- A distribuição Normal tem **dois** parâmetros
- Seu formato é absolutamente definido por
 - \bar{x} = Média (tendência central)
 - s^2/s = Variância/DP (tendência de dispersão)

⇒ Forma **independe** do n

Nomenclatura

A *Normal Padrão* também é chamada de **distribuição Z**.

- Vimos que o IC (da média) é composto por 3 componentes
 - a média \bar{x} (centro)
 - o erro padrão da média – SEM (incerteza)
 - *um tal* de t^* , que depende de n
- Quando n era grande, utilizamos $t^* \approx 2$
- Mas de onde vem esse t^* ? Qual seria o valor **correto**?

A distribuição t de Student



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

A distribuição t de Student



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

William Sealy Gosset and the T-Distribution



$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{s^2 \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}$$



A distribuição t de Student



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

- Student (pseudônimo de W. S. Gossett [1876-1937]¹)
- Distribuição **t** (baseada na distribuição Normal)
- Melhor se aproxima dos dados de *amostras pequenas*
- 3º parâmetro **graus de liberdade**² vinculado ao tamanho da amostra n .

¹trabalhando para a cervejaria Guinness

²df em inglês

Propriedades da distribuição t



- A distribuição tem forma de sino (simétrica, como a Normal)
- Reflete a maior variabilidade **inerente** às amostras pequenas³
- Formato *depende* do tamanho da amostra (n)

Isto é

Quanto mais graus de liberdade, mais a distribuição t se parece com a distribuição Normal (Z)

Pense...

O que deve acontecer com **menos** graus de liberdade?

³graus de liberdade (df) $\approx n$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

Propriedades da distribuição t



- A distribuição tem forma de sino (simétrica, como a Normal)
- Reflete a maior variabilidade **inerente** às amostras pequenas³
- Formato *depende* do tamanho da amostra (n)

Isto é

Quanto mais graus de liberdade, mais a distribuição t se parece com a distribuição Normal (Z)

Pense...

O que deve acontecer com **menos** graus de liberdade?

³graus de liberdade (df) $\approx n$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

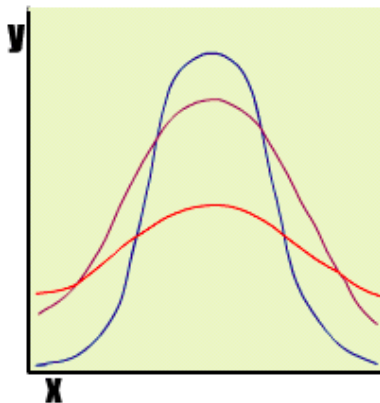
t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

A distribuição t de Student



Distribution

Standard Normal

T-Dist. $n = 17$

T-Dist. $n = 5$

Figura: Duas distribuições t de Student, e a Normal padrão

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

IC da média (aula passada)



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

ICs dos exemplos

- IC do ex. 5.1 (PS de 100 alunos): [120.6, 126.2] mmHg
- IC do ex. 5.2 (PS de 5 alunos): [79.2, 118.8] mmHg

Pense...

Observe os tamanhos dos ICs.

Lembrete

Para o 5.1, usamos $t^* \approx 2$.

Vimos que esta aproximação **não era apropriada** no 5.2

IC da média (aula passada)



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

ICs dos exemplos

- IC do ex. 5.1 (PS de 100 alunos): [120.6, 126.2] mmHg
- IC do ex. 5.2 (PS de 5 alunos): [79.2, 118.8] mmHg

Pense...

Observe os tamanhos dos ICs.

Lembrete

Para o 5.1, usamos $t^* \approx 2$.

Vimos que esta aproximação **não era apropriada** no 5.2

Alguns valores de t^* , para diferentes graus de liberdade



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

- $n = 5$ ($df = 4$) $\Rightarrow t^* = 2.776$
- $n = 10$ ($df = 9$) $\Rightarrow t^* = 2.262$
- $n = 15$ ($df = 14$) $\Rightarrow t^* = 2.145$
- $n = 20$ ($df = 19$) $\Rightarrow t^* = 2.093$
- $n = 30$ ($df = 29$) $\Rightarrow t^* = 2.045$

Pense...

Qual é a relação entre n e o tamanho do IC?

$$IC = [\bar{x} - t^* SEM, \bar{x} + t^* SEM]$$

Alguns valores de t^* , para diferentes graus de liberdade



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

- $n = 5$ ($df = 4$) $\Rightarrow t^* = 2.776$
- $n = 10$ ($df = 9$) $\Rightarrow t^* = 2.262$
- $n = 15$ ($df = 14$) $\Rightarrow t^* = 2.145$
- $n = 20$ ($df = 19$) $\Rightarrow t^* = 2.093$
- $n = 30$ ($df = 29$) $\Rightarrow t^* = 2.045$

Observe que...

- $df = n - 1$
- Para n grande, $t^* \rightarrow 1.960$

Por isso usamos o valor aproximado 2 no primeiro exemplo.

Distribuição Normal - Z

Gostaríamos de poder usar sempre Z como **modelo** para o formato dos nossos dados experimentais.

Distribuição t de Student

- t é uma aproximação da Normal (Z)
- apropriada para n pequeno
- Com n grande ($df \geq 30$) ela *se confunde* com Z.

Exercício 4 (cap 5)



Exercício 4 do cap 5

Os níveis séricos de um hormônio (fator Y) foram medidos em 100 mulheres não grávidas, e em 100 mulheres com até 3 meses de gravidez. Os ICs dos valores dos soros em ambos os grupos são:

- Grávidas: [105.4, 114.6]
- Não grávidas: [90.0, 96.0]

O fator Y médio é diferente em mulheres grávidas e não grávidas?

Requisito

Pelas premissas do IC da média, você tem informações suficientes para calcular/interpretar cada um destes ICs?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

Exercício 4 (cap 5)

Exercício 4 do cap 5

Os níveis séricos de um hormônio (fator Y) foram medidos em 100 mulheres não grávidas, e em 100 mulheres com até 3 meses de gravidez. Os ICs dos valores dos soros em ambos os grupos são:

- Grávidas: [105.4, 114.6]
- Não grávidas: [90.0, 96.0]

O fator Y médio é diferente em mulheres grávidas e não grávidas?

Requisito

Pelas premissas do IC da média, você tem informações suficientes para calcular/interpretar cada um destes ICs?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

A distribuição t de
Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento

Exercício 5.4

- Não grávidas: [90.0, 96.0]
- Grávidas: [105.4, 114.6]

Observações:

- O SEM informa *quão bem você estimou a média* de cada grupo
- Os ICs não tem sobreposição \Rightarrow 2 populações diferentes

Pense...

Como comparar estes dois grupos?

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição t de Student
 - A distribuição t de Student
- 3 Intervalo de Confiança da diferença entre duas médias
 - Interpretação
 - Participantes: pareados ou não pareados?
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Comparações entre 2 médias



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

- Frequentemente precisamos dividir os dados em dois grupos e comparar as médias.
- Isto pode ser usado para se estudar o efeito de um tratamento em relação a um grupo controle
- ou mesmo para se comparar dois tratamentos diferentes.

Exercício 4 (cap 5)



Exercício 4 do cap 5

Os níveis séricos de um hormônio (fator Y) foram medidos em 100 mulheres não grávidas, e em 100 mulheres com até 3 meses de gravidez. Os ICs dos valores dos soros em ambos os grupos são:

- Grávidas: [105.4, 114.6]
- Não grávidas: [90.0, 96.0]

O fator Y médio é diferente em mulheres grávidas e não grávidas?

Requisito

Pelas premissas do IC da média, você tem informações suficientes para calcular/interpretar cada um destes ICs?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Exercício 4 (cap 5)



Exercício 4 do cap 5

Os níveis séricos de um hormônio (fator Y) foram medidos em 100 mulheres não grávidas, e em 100 mulheres com até 3 meses de gravidez. Os ICs dos valores dos soros em ambos os grupos são:

- Grávidas: [105.4, 114.6]
- Não grávidas: [90.0, 96.0]

O fator Y médio é diferente em mulheres grávidas e não grávidas?

Requisito

Pelas premissas do IC da média, você tem informações suficientes para calcular/interpretar cada um destes ICs?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Quais são as variáveis?

- x_1 Hormônio não grávidas
- x_2 Hormônio grávidas (até 3 meses)
- Duas variáveis explícitas

Primeira alternativa

- 1 “Explicar” a “relação” entre o hormônio x_2 e o hormônio x_1
- 2 Comparar x_2 (grupo de interesse) com x_1 (referência)

Esta relação pode ser expressa como

$$x_2 \sim x_1$$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Uma breve interrupção para mini-pânico



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Suspense dramático...

Uma breve interrupção para mini-pânico



Se você prestou atenção até aqui...

Temos **duas** variáveis.

Portanto temos duas médias (trivial).

Mas também temos **dois SEM!**

Esta relação pode ser expressa como

horm. grávidas \sim horm. não grávidas

Mais precisamente

horm. grávid. = horm. não grávid. + **Erro₁** + **Erro₂**

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Duas opções



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Exercício 5.4

- Não grávidas: [90.0, 96.0]
- Grávidas: [105.4, 114.6]

Difícil

Calcular os dois ICs (x_1 e x_2), e compará-los diretamente

Moleza

Calcular o IC da diferença (x_d) usando o método da aula passada

Duas opções



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Exercício 5.4

- Não grávidas: [90.0, 96.0]
- Grávidas: [105.4, 114.6]

Difícil

Calcular os dois ICs (x_1 e x_2), e compará-los diretamente

Moleza

Calcular o IC da diferença (x_d) usando o método da aula passada

Neste caso podemos usar um truque para **trocar** um problema de 2 variáveis por outro de 1 variável.

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento



2 grupos *for dummies* ®



Diferença entre 2 médias

- Comparar duas médias \bar{x}_1 e \bar{x}_2 , consideramos a diferença média $\bar{x}_d = \bar{x}_2 - \bar{x}_1$
- Se \bar{x}_2 for maior que $\bar{x}_1 \Rightarrow$ diferença média é positiva
- Se \bar{x}_2 for menor que $\bar{x}_1 \Rightarrow$ a diferença média é negativa

Intuição

Raciocínio: se as médias forem aproximadamente iguais, a **diferença média (\bar{x}_d) será próxima de zero**

*Pense em **saldo***

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Quais são as variáveis?



- x_1 Hormônio não grávidas
- x_2 Hormônio grávidas (até 3 meses)
- $d = x_2 - x_1$ (uma variável)

Segunda alternativa (método da aula passada)

“Explicar” a “relação” entre a diferença d e a referência (**zero**)

Esta relação pode ser expressa como

$$d \sim 0$$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Quais são as variáveis?



Estratégia proposta

Temos duas variáveis.

Calculamos a **diferença** entre as médias e aplicamos o método da aula passada – IC de **uma** média.

moleza!

O que falta?

O que falta?

... precisamos do *SEM da diferença*.

Ou seja...

$$d = 0 + \text{Erro}_d$$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Quais são as variáveis?

Estratégia proposta

Temos duas variáveis.

Calculamos a **diferença** entre as médias e aplicamos o método da aula passada – IC de **uma** média.

moleza!

O que falta?

O que falta?

... precisamos do *SEM da diferença*.

Ou seja...

$$d = 0 + \text{Erro}_d$$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Quais são as variáveis?

Estratégia proposta

Temos duas variáveis.

Calculamos a **diferença** entre as médias e aplicamos o método da aula passada – IC de **uma** média.

moleza!

O que falta?

O que falta?

... precisamos do *SEM da diferença*.

Ou seja...

$$d = 0 + \text{Erro}_d$$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Erro padrão da diferença



- Lembre-se que para cada grupo: $SEM = \frac{s}{\sqrt{n}}$
- Para a diferença entre 2 grupos, “somamos” os SEM
- Mas esta “soma” não é direta!
- É preciso levar em conta o uso do quadrado/raiz quadrada do DP (aula de variabilidade⁴)

$$SE = \sqrt{SEM_1^2 + SEM_2^2}$$

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

⁴ não podemos somar DPs, mas podemos somar variâncias

De volta à programação normal



Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Estratégia proposta

SEM da diferença.

- As amostras foram selecionadas aleatoriamente das respectivas populações
- As populações são Normais (Gaussianas)
- As duas populações possuem DP idênticos
- Todos os indivíduos de cada grupo vêm da mesma população
- Cada indivíduo é independente de todos os outros

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Exercício 4 (cap 5)



Exercício 4 do cap 5

Os níveis séricos de um hormônio (fator Y) foram medidos em 100 mulheres não grávidas, e em 100 mulheres com até 3 meses de gravidez. Os ICs dos valores dos soros em ambos os grupos são:

- Grávidas: [105.4, 114.6]
- Não grávidas: [90.0, 96.0]

O fator Y médio é diferente em mulheres grávidas e não grávidas?

Requisito

Pelas premissas do IC da média, você tem informações suficientes para calcular/interpretar cada um destes ICs?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Exercício 4 (cap 5)



Exercício 4 do cap 5

Os níveis séricos de um hormônio (fator Y) foram medidos em 100 mulheres não grávidas, e em 100 mulheres com até 3 meses de gravidez. Os ICs dos valores dos soros em ambos os grupos são:

- Grávidas: [105.4, 114.6]
- Não grávidas: [90.0, 96.0]

O fator Y médio é diferente em mulheres grávidas e não grávidas?

Requisito

Pelas premissas do IC da média, você tem informações suficientes para calcular/interpretar cada um destes ICs?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Diferenças: Exercício 5.4 (e 7.1)

- Média grávidas: $\bar{x}_1 = 110$ unidades/ml
- Média não grávidas: $\bar{x}_2 = 93$ unidades/ml
- Diferença entre as médias: $\bar{x}_d = 17$ unidades/ml
- SEM da diferença: 2.75 unidades/ml
- $n_1 = 100, n_2 = 100$
- $df = (100 - 1) + (100 - 1) = 198$
- $t^* = 1.97$ (valor crítico tabelado)

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Bastidores: Exercício 5.4 (e 7.1)

- Média grávidas: $\bar{x}_1 = 110$ unidades/ml
- Média não grávidas: $\bar{x}_2 = 93$ unidades/ml
- Diferença entre as médias: $\bar{x}_d = 17$ unidades/ml
- SEM da diferença: 2.75 unidades/ml
- $n_1 = 100$, $n_2 = 100$
- $df = (100 - 1) + (100 - 1) = 198$
- $t^* = 1.97$ (valor crítico tabelado)

Resultado: IC da diferença

[11.6, 22.4] unidades/ml

E o que isso significa?

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Interpretação

Estamos 95% *confiantes* que a diferença **real** entre os grupos está entre 11,6 e 22,4.

Conclusão (“*nossos dados indicam que...*”)

o (...) fator Y de uma (...) grávida é (...) 17 unidades/ml maior que uma (...) não grávida (variando entre 11,6 e 22,4 unidades/ml).

Pense...

Preencha as lacunas acima.

Interpretação

Estamos 95% *confiantes* que a diferença **real** entre os grupos está entre 11,6 e 22,4.

Conclusão (“*nossos dados indicam que...*”)

o (...) fator Y de uma (...) grávida é (...) 17 unidades/ml maior que uma (...) não grávida (variando entre 11,6 e 22,4 unidades/ml).

Pense...

Preencha as lacunas acima.

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição t de Student
 - A distribuição t de Student
- 3 Intervalo de Confiança da diferença entre duas médias
 - Interpretação
 - Participantes: pareados ou não pareados?
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Grupos não pareados x pareados



Grupos não pareados

- Até agora assumimos que os grupos e participantes são **independentes**
- A única coisa que podemos fazer: **comparação global**
- ... a média do grupo A \times a média do grupo B

Grupos pareados

- Existe um caso importante em que pode-se considerar que eles são dependentes: quando são pareados
- Isto é: cada participante de um grupo tem um correspondente no outro
- ... diferença entre cada par \Rightarrow média das diferenças

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Quando faz sentido parear indivíduos de dois grupos?

- Mensurar o **mesmo** individuo antes e depois do procedimento (*baseline* x intervenção)
- Recrutamento aos pares, quando o par tem a(o) mesma(o)
 - idade/faixas etária
 - região demográfica
 - diagnóstico
- irmãos, pai/filho
- lateralidade (tratamento = lado E, controle = lado D)

Qual das estimativas é mais precisa?

Exemplo 7.2

Ye e Grantham (1993) estudaram o mecanismo de absorção de fluido em cistos renais removidos de pacientes com doença renal policística. Incubaram os cistos em meio de cultura celular e mediram a diferença de peso em cada cisto (antes e depois da incubação).

Não pareado

- 1 peso médio (todos, antes) = 6.51g (SEM 2.26g)
- 2 peso médio (todos, depois) = 7.02g (SEM 2.40g)
- 3 IC 95% [-6.48, 7.50]

Pareado

- 1 ganho em **cada** cisto \Rightarrow depois - antes
- 2 ganho médio dos cistos = 0.50g (SEM 0.23g).
- 3 IC 95% [-0.03, 1.04]

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Qual das estimativas é mais precisa?

Exemplo 7.2

Ye e Grantham (1993) estudaram o mecanismo de absorção de fluido em cistos renais removidos de pacientes com doença renal policística. Incubaram os cistos em meio de cultura celular e mediram a diferença de peso em cada cisto (antes e depois da incubação).

Não pareado

- 1 peso médio (todos, antes) = 6.51g (SEM 2.26g)
- 2 peso médio (todos, depois) = 7.02g (SEM 2.40g)
- 3 IC 95% [-6.48, 7.50]

Pareado

- 1 ganho em **cada** cisto \Rightarrow depois - antes
- 2 ganho médio dos cistos = 0.50g (SEM 0.23g).
- 3 IC 95% [-0.03, 1.04]

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

Qual das estimativas é mais precisa?

Exemplo 7.2

Ye e Grantham (1993) estudaram o mecanismo de absorção de fluido em cistos renais removidos de pacientes com doença renal policística. Incubaram os cistos em meio de cultura celular e mediram a diferença de peso em cada cisto (antes e depois da incubação).

Não pareado

- 1 peso médio (todos, antes) = 6.51g (SEM 2.26g)
- 2 peso médio (todos, depois) = 7.02g (SEM 2.40g)
- 3 IC 95% [-6.48, 7.50]

Pareado

- 1 ganho em **cada** cisto \Rightarrow depois - antes
- 2 ganho médio dos cistos = 0.50g (SEM 0.23g).
- 3 IC 95% [-0.03, 1.04]

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundament

Qual das estimativas é mais precisa?

Exemplo 7.2

Ye e Grantham (1993) estudaram o mecanismo de absorção de fluido em cistos renais removidos de pacientes com doença renal policística. Incubaram os cistos em meio de cultura celular e mediram a diferença de peso em cada cisto (antes e depois da incubação).

Não pareado

- 1 peso médio (todos, antes) = 6.51g (SEM 2.26g)
- 2 peso médio (todos, depois) = 7.02g (SEM 2.40g)
- 3 IC 95% [-6.48, 7.50]

Pareado

- 1 ganho em **cada** cisto \Rightarrow depois - antes
- 2 ganho médio dos cistos = 0.50g (SEM 0.23g).
- 3 IC 95% [-0.03, 1.04]

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Interpretação

Participantes:
pareados ou não
pareados?

Aprofundamento

A escolha entre grupos pareados e grupos não pareados é estratégica (planejamento do estudo), e não uma questão de “preferência”.

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 A distribuição t de Student
 - A distribuição t de Student
- 3 Intervalo de Confiança da diferença entre duas médias
 - Interpretação
 - Participantes: pareados ou não pareados?
- 4 **Aprofundamento**
 - **Aprofundamento**

Comparando
médias de 2
grupos

Felipe
Figueiredo

Discussão da
aula passada

t de Student

IC diferença 2
médias

Aprofundamento
Aprofundamento

Leitura recomendada

ICH - E10 Choice of Control Group in Clinical Trials

- Seção 2.1 (*Placebo Control*)
- Cap. 3 (*CHOOSING THE CONCURRENT CONTROL GROUP*)

<http://www.ich.org> (este link é clicável)

Leitura obrigatória

Capítulo 5. Seção: A distribuição t

Capítulo 7: Pular as seções

- Cálculo do IC de grupos independentes
- Cálculo do IC de grupos pareados

Exercícios de fixação

Interprete explicitamente todas as suas respostas.

- Cap 5: Exercício 4, 5 itens:
 - A (IC = [1200.7, 1205.3])
 - D (IC = [1201.1, 1204.9]).
- Cap 7: exercícios 1, 2 (IC = [5.271, 10.129]).