

Medidas de associação II Correlação e Regressão Linear Simples

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressao

Interpretação

Caucalidada

Paguma

4 D > 4 B > 4 E > 4 B > 9 Q Q

### Sumário



- Correlação
  - Associação entre duas variáveis
  - Covariância entre duas amostras
  - Coeficiente de correlação de Pearson
- Regressão Linear Simples
  - Modelos estatísticos
  - Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>
- Interpretação
- Causalidade
- Resumo

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Interpretação

ausalidade

### Sumário



- Correlação
  - Associação entre duas variáveis
  - Covariância entre duas amostras
  - Coeficiente de correlação de Pearson
- 2 Regressão Linear Simples
  - Modelos estatísticos
  - Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>
- Interpretação
- Causalidade
- 6 Resumo

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação
Associação

Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

ancalidada



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

Regressão

nterpretação

Causalidade

 Considere duas amostras X e Y, de dados numéricos contínuos.

Vamos representar os dados em pares ordenados (x,y)

X: variável independente (ou variável explanatória
 Y: variável dependente (ou variável resposta)



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

iiiteipietaçau

Causalidade

- Considere duas amostras X e Y, de dados numéricos contínuos.
- Vamos representar os dados em pares ordenados (x,y) onde:
  - X: variável independente (ou variável explanatória)
  - Y: variável dependente (ou variável resposta)



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

iiiteipietaçau

Causalidade

- Considere duas amostras X e Y, de dados numéricos contínuos.
- Vamos representar os dados em pares ordenados (x,y) onde:
  - X: variável independente (ou variável explanatória)
  - Y: variável dependente (ou variável resposta)



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

nterpretação

Causalidade

- Considere duas amostras X e Y, de dados numéricos contínuos.
- Vamos representar os dados em pares ordenados (x,y) onde:
  - X: variável independente (ou variável explanatória)
  - Y: variável dependente (ou variável resposta)



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância

Pearson

Interpretação

ما ما

Jausailuat

- Como definir (e mensurar!) o grau de associação entre duas variáveis aleatórias (VAs)?
- Se uma VA é dependente de outra, é razoável assumir que isso possa ser observável por estatísticas sumárias
- Como resumir esta informação em uma única grandeza numérica?



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância

Regressão

Interpretação

Causalidade

Resumo

 Como definir (e mensurar!) o grau de associação entre duas variáveis aleatórias (VAs)?

- Se uma VA é dependente de outra, é razoável assumir que isso possa ser observável por estatísticas sumárias
- Como resumir esta informação em uma única grandeza numérica?



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação
Associação
Covariância

Regressão

Interpretação

Caucalidada

Recumo

 Como definir (e mensurar!) o grau de associação entre duas variáveis aleatórias (VAs)?

- Se uma VA é dependente de outra, é razoável assumir que isso possa ser observável por estatísticas sumárias
- Como resumir esta informação em uma única grandeza numérica?



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Govariância

Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade

- Quando uma associação é forte, podemos identificá-la subjetivamente
- Para isto, analisamos o gráfico de dispersão dos pares (x,y)
- Um gráfico deste tipo é feito simplesmente plotando os pontos no plano cartesiano



 Quando uma associação é forte, podemos identificá-la subjetivamente

 Para isto, analisamos o gráfico de dispersão dos pares (x,y)

 Um gráfico deste tipo é feito simplesmente plotando os pontos no plano cartesiano Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação

Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Caucalidada



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

- 0010011

Interpretação

Caucalidado

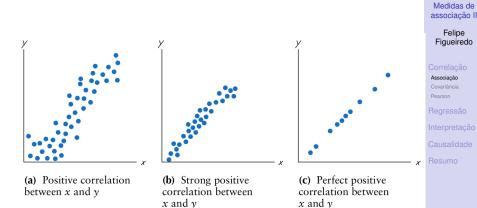
2001IMO

 Quando uma associação é forte, podemos identificá-la subjetivamente

- Para isto, analisamos o gráfico de dispersão dos pares (x,y)
- Um gráfico deste tipo é feito simplesmente plotando os pontos no plano cartesiano

### Exemplo

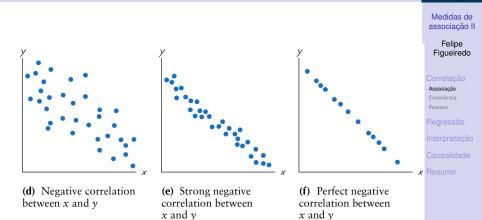




(Fonte: Triola)

### Exemplo





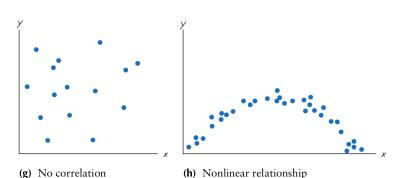
(Fonte: Triola)

### Exemplo

between x and y

(Fonte: Triola)





between *x* and *y* 

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância

Regressão

Interpretação

Causalidade

### Sumário



- Correlação
  - Associação entre duas variáveis
  - Covariância entre duas amostras
  - Coeficiente de correlação de Pearson
- Regressão Linear Simples
  - Modelos estatísticos
  - Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>
- Interpretação
- Causalidade
- 6 Resumo

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação
Associação
Covariância

Regressão

Interpretação

ausalidade

### Variância



Felipe Figueiredo

Medidas de

Correlação
Associação
Covariância

Pearson

Regressão

Interpretação

. . .

Pocumo

- Relembrando: a variância (assim como o desvio-padrão) é uma medida da dispersão da amostra
- Medida sumária que resume o quanto os dados se desviam da média
- Podemos usar um raciocínio análogo para comparar quanto uma amostra se desvia em relação à outra

### Variância



 Relembrando: a variância (assim como o desvio-padrão) é uma medida da dispersão da amostra

 Medida sumária que resume o quanto os dados se desviam da média

 Podemos usar um raciocínio análogo para comparar quanto uma amostra se desvia em relação à outra Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância

Regressão

Interpretação

. . . .

Poolimo

### Variância



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação
Covariância

\_

riegressau

. .

Causalidade

Raciima

 Relembrando: a variância (assim como o desvio-padrão) é uma medida da dispersão da amostra

- Medida sumária que resume o quanto os dados se desviam da média
- Podemos usar um raciocínio análogo para comparar quanto uma amostra se desvia em relação à outra

### Covariância entre duas amostras



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade

Pocumo

#### **Definition**

A covariância entre duas variáveis X e Y é uma medida de quanto ambas variam juntas (uma em relação à outra).

 Obs: duas variáveis independentes tem covariância igual a zero!

### Covariância entre duas amostras



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

. . . . . . .

. . . .

Causalidade

Resumo

#### Definition

A covariância entre duas variáveis X e Y é uma medida de quanto ambas variam juntas (uma em relação à outra).

 Obs: duas variáveis independentes tem covariância igual a zero!



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

interpretação

Causalidade

esumo

Definition

A correlação é a associação estatística entre duas variáveis.

Para medir essa associação, calculamos o coeficiente de correlação *r*.

### Sumário



- Correlação
  - Associação entre duas variáveis
  - Covariância entre duas amostras
  - Coeficiente de correlação de Pearson
- Regressão Linear Simples
  - Modelos estatísticos
  - Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>
- Interpretação
- Causalidade
- 6 Resumo

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

Interpretação

'augalidada



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Pearson

#### Definition

O coeficiente de correlação *r* é a medida da direção e força da associação entre duas variáveis.

- É um número entre −1 e 1.
- Mede a associação linear entre duas variáveis.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

Regressão

Interpretação

0-----

Raciima

Causalio

#### **Definition**

O coeficiente de correlação r é a medida da direção e força da associação entre duas variáveis.

- É um número entre −1 e 1.
- Mede a associação linear entre duas variáveis.
  - Diretamente proporcional, inversamente proporcional ou ausência de proporcionalidade.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

D------

....

....

Causalidade

Resumo

#### Definition

O coeficiente de correlação r é a medida da direção e força da associação entre duas variáveis.

- É um número entre −1 e 1.
- Mede a associação linear entre duas variáveis.
  - Diretamente proporcional, inversamente proporcional, ou ausência de proporcionalidade.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

Interpretação

Coupolidada

Pocumo

**Definition** 

O coeficiente de correlação r é a medida da direção e força da associação entre duas variáveis.

- É um número entre −1 e 1.
- Mede a associação linear entre duas variáveis.
  - Diretamente proporcional, inversamente proporcional, ou ausência de proporcionalidade.



 O coeficiente de correlação de Pearson é a covariância normalizada

• Pode ser calculado para populações  $(\rho)$  ou amostras (r)

População

$$\rho = \frac{\mathsf{Cov}(\mathsf{X}, \mathsf{Y})}{\sigma_{\mathsf{X}} \times \sigma_{\mathsf{Y}}}$$

 Utilizando uma fórmula semelhante, encontramos o coeficiente r para uma amostra Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

. . . .



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Resumo

- O coeficiente de correlação de Pearson é a covariância normalizada
- Pode ser calculado para populações  $(\rho)$  ou amostras (r)
- População

$$\rho = \frac{\text{Cov}(X, Y)}{\sigma_X \times \sigma_Y}$$

 Utilizando uma fórmula semelhante, encontramos o coeficiente r para uma amostra



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

\_ ....

Recumo

- O coeficiente de correlação de Pearson é a covariância normalizada
- Pode ser calculado para populações  $(\rho)$  ou amostras (r)
- População

$$\rho = \frac{\mathsf{Cov}(\mathsf{X},\mathsf{Y})}{\sigma_{\mathsf{X}} \times \sigma_{\mathsf{Y}}}$$

 Utilizando uma fórmula semelhante, encontramos o coeficiente r para uma amostra



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Pearson

- O coeficiente de correlação de Pearson é a covariância normalizada
- Pode ser calculado para populações  $(\rho)$  ou amostras (r)
- População

$$\rho = \frac{\mathsf{Cov}(\mathsf{X},\mathsf{Y})}{\sigma_{\mathsf{X}} \times \sigma_{\mathsf{Y}}}$$

 Utilizando uma fórmula semelhante, encontramos o coeficiente r para uma amostra



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação
Associação

Covariância Pearson

Regressão

riegressao

...to.p.otagac

Causalidade

Raciima

- Uma forte associação positiva corresponde a uma correlação próxima de 1.
- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação

Pearson

Rogrossão

Regressao

interpretação

Caucalidada

Raciima

 Uma forte associação positiva corresponde a uma correlação próxima de 1.

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Covariância

Pearson

Regressão

Causalidada

2001IMO

 Uma forte associação positiva corresponde a uma correlação próxima de 1.

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Pearson

 Uma forte associação positiva corresponde a uma correlação próxima de 1.

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



# Medidas de associação II

#### Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Daawaaaãa

Interpretação

. .

ausalluau

- Se tivéssemos os dados de toda a população, poderíamos calcular o parâmetro ρ
- Na prática, só podemos calcular a estatística r da amostra
- Utilizamos r como estimador para ρ, e testamos a significância estatística da forma usual



#### Medidas de associação II

#### Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Caucalidado

Resumo

 Se tivéssemos os dados de toda a população, poderíamos calcular o parâmetro ρ

- Na prática, só podemos calcular a estatística r da amostra
- Utilizamos r como estimador para ρ, e testamos a significância estatística da forma usual



#### Medidas de associação II

#### Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressao

ınterpretaçad

Caucalidada

Resumo

 Se tivéssemos os dados de toda a população, poderíamos calcular o parâmetro ρ

- Na prática, só podemos calcular a estatística r da amostra
- Utilizamos r como estimador para ρ, e testamos a significância estatística da forma usual



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Internates

0-----

Causalidade

Resumo

Example

Pesquisadores queriam entender por que a insulina varia tanto entre indivíduos. Imaginaram que a composição lipídica das células do músculo afetam a sensibilidade do músculo para a insulina. Para isto, eles injetaram insulina em 13 jovens adultos, e determinaram quanta glicose eles precisariam injetar nos sujeitos para manter o nível de glicose sanguínea constante. A quantidade de glicose injetada para manter o nível sanguíneo constante é, então, uma medida da sensibilidade à insulina.

(Fonte: Motulsky, 1995)

Example

à insulina.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

interpretação

Causalidade

Resumo

Valores tabelados a seguir.

Os pesquisadores fizeram uma pequena biópsia nos

poliinsaturados que tem entre 20 e 22 carbonos (%C20-22). Como variável resposta, mediram o índice de sensibilidade

músculos para aferir a fração de ácidos graxos



**Table 17.1.** Correlation Between %C20–22 and Insulin Sensitivity

% C20-22	
Polyunsaturated	Insulin Sensitivity
Fatty Acids	(mg/m²/min)
17.9	250
18.3	220
18.3	145
18.4	115
18.4	230
20.2	200
20.3	330
21.8	400
21.9	370
22.1	260
23.1	270
24.2	530
24.4	375

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

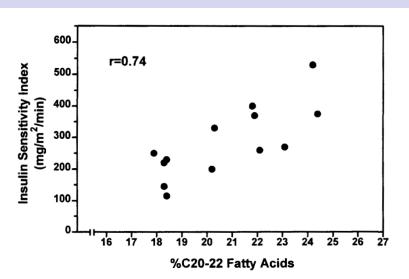
Regressão

nterpretação

Causalidade

# Exemplo: Diagrama de dispersão dos dados





Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade

esumo

Obs: na verdade, r = 0.77.





Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

lutavavata a ã :

ırıterpretaçau

Causalidade

Resumo

• O tamanho da amostra foi n = 13

- Consultamos o valor crítico de r na tabela a seguir
- Testamos a H<sub>0</sub> que não há relação entre as variáveis na população (H<sub>0</sub> : ρ = 0).



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Pearson

- O tamanho da amostra foi n=13
- Consultamos o valor crítico de r na tabela a seguir



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Pearson

• O tamanho da amostra foi n=13

- Consultamos o valor crítico de r na tabela a seguir
- Testamos a H₀ que não há relação entre as variáveis
- na população ( $H_0: \rho = 0$ ).



TABLE A	Pearson	Critical Values of the Pearson Correlation Coefficient <i>r</i>	
n	$\alpha = .05$	$\alpha = .01$	
4	.950	.999	
5	.878	.959	
6	.811	.917	
7	.754	.875	
8	.707	.834	
9	.666	.798	
10	.632	.765	
11	.602	.735	
12	.576	.708	
13	.553	.684	
14	.532	.661	
15	.514	.641	
16	.497	.623	
17	.482	.606	
18	.468	.590	

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Daawaaaãa

Interpretação

Coupolidada



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

nterpretação

\_ ...

Causalidad

- O valor crítico da tabela para uma amostra de tamanho 13 é  $r_c = 0.553$
- A correlação calculada para esta amostra foi r = 0.77
- Como a correlação é maior que o valor crítico, a relação é estatisticamente significativa
- Conclusão: há evidências para rejeitar a H<sub>0</sub> que não há relação entre as variáveis.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

Interpretação

. . . .

Paguma

- O valor crítico da tabela para uma amostra de tamanho 13 é r<sub>c</sub> = 0.553
- A correlação calculada para esta amostra foi r = 0.77
- Como a correlação é maior que o valor crítico, a relação é estatisticamente significativa
- Conclusão: há evidências para rejeitar a H<sub>0</sub> que não há relação entre as variáveis.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidada

- O valor crítico da tabela para uma amostra de tamanho 13 é r<sub>c</sub> = 0.553
- A correlação calculada para esta amostra foi r = 0.77
- Como a correlação é maior que o valor crítico, a relação é estatisticamente significativa
- Conclusão: há evidências para rejeitar a H<sub>0</sub> que não há relação entre as variáveis.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade

- O valor crítico da tabela para uma amostra de tamanho
   13 é r<sub>c</sub> = 0.553
- A correlação calculada para esta amostra foi r = 0.77
- Como a correlação é maior que o valor crítico, a relação é estatisticamente significativa
- Conclusão: há evidências para rejeitar a H<sub>0</sub> que não há relação entre as variáveis.



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

. . . . .

.

- Pode-se também calcular o p-valor para o coeficiente de correlação r.
- Para este exemplo, teríamos p = 0.0021.
- Interpretação: se não houver relação entre as variáveis (H<sub>0</sub>), existe apenas 0.21% de chance de observamos uma correlação tão forte com um estudo deste tamanho



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Daavaaaã

negressau

...,

Causalidade

- Pode-se também calcular o p-valor para o coeficiente de correlação r.
- Para este exemplo, teríamos p = 0.0021.
- Interpretação: se não houver relação entre as variáveis (H<sub>0</sub>), existe apenas 0.21% de chance de observamos uma correlação tão forte com um estudo deste tamanho



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

Interpretação

0-----

Raciima

 Pode-se também calcular o p-valor para o coeficiente de correlação r.

- Para este exemplo, teríamos p = 0.0021.
- Interpretação: se não houver relação entre as variáveis (H<sub>0</sub>), existe apenas 0.21% de chance de observamos uma correlação tão forte com um estudo deste tamanho



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionads na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- (3) tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionads na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

nterpretação

. . . .

Jausalluaul

resumo



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionads na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

nterpretação

Causalidade



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- 4 as duas variáveis não são correlacionads na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade



 Nunca devemos ignorar a última possibilidade (erro tipo I)!

- o p-valor indica quão rara é essa coincidência
- neste caso, em apenas 0.21% dos experimentos não haveria uma correlação real, e estaríamos cometendo um erro de interpretação

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

Regressão

interpretação

Causalidade



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

Regressão

Interpretação

ما الممانا ممانا

Raciimo

- Nunca devemos ignorar a última possibilidade (erro tipo I)!
- o p-valor indica quão rara é essa coincidência
- neste caso, em apenas 0.21% dos experimentos não haveria uma correlação real, e estaríamos cometendo um erro de interpretação



 Nunca devemos ignorar a última possibilidade (erro tipo I)!

- o p-valor indica quão rara é essa coincidência
- neste caso, em apenas 0.21% dos experimentos não haveria uma correlação real, e estaríamos cometendo um erro de interpretação

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Pearson



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação
Associação
Covariância
Pearson

Regressão

Interpretação

0-----

Resumo

 Relembrando: calculamos a variância de uma amostra para saber a dispersão dos dados

- Sua interpretação é confusa, portanto preferimos usar o desvio-padrão
- No caso do r é o contrário: a interpretação de r<sup>2</sup> é mais simples
- Obs: o valor r<sup>2</sup> também é chamado coeficiente de determinação, como veremos a seguir.



 Relembrando: calculamos a variância de uma amostra para saber a dispersão dos dados

 Sua interpretação é confusa, portanto preferimos usar o desvio-padrão

- No caso do r é o contrário: a interpretação de r<sup>2</sup> é mais simples
- Obs: o valor r<sup>2</sup> também é chamado coeficiente de determinação, como veremos a seguir.

Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

. . . .



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação
Covariância
Pearson

Regressão

Interpretação

Coupolidada

- Relembrando: calculamos a variância de uma amostra para saber a dispersão dos dados
- Sua interpretação é confusa, portanto preferimos usar o desvio-padrão
- No caso do r é o contrário: a interpretação de r<sup>2</sup> é mais simples
- Obs: o valor r<sup>2</sup> também é chamado coeficiente de determinação, como veremos a seguir.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade

lesumo

- Relembrando: calculamos a variância de uma amostra para saber a dispersão dos dados
- Sua interpretação é confusa, portanto preferimos usar o desvio-padrão
- No caso do r é o contrário: a interpretação de r<sup>2</sup> é mais simples
- Obs: o valor r<sup>2</sup> também é chamado coeficiente de determinação, como veremos a seguir.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Regressão

Interpretação

. . . .

locumo

• No exemplo anterior,  $r^2 = 0.59$ 

- no caso, 59% da variabilidade da tolerância à insulina pode ser explicada pelo conteúdo lipídico
- Ou seja: conhecer o conteúdo lipídico permite explicar
   59% da variância na sensibilidade à insulina
- Isto deixa 41% da variância que pode ser explicada por outros fatores ou erros de medição
- E este valor  $(r^2)$  também é utilizado na Regressão!

• No exemplo anterior,  $r^2 = 0.59$ 



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Pearson

Isto deixa 41% da variância que pode ser explicada por

no caso, 59% da variabilidade da tolerância à insulina

Ou seja: conhecer o conteúdo lipídico permite explicar

pode ser explicada pelo conteúdo lipídico

• E este valor ( $r^2$ ) também é utilizado na Regressão!



• No exemplo anterior,  $r^2 = 0.59$ 

• no caso, 59% da variabilidade da tolerância à insulina pode ser explicada pelo conteúdo lipídico

- Ou seja: conhecer o conteúdo lipídico permite explicar 59% da variância na sensibilidade à insulina
- Isto deixa 41% da variância que pode ser explicada por outros fatores ou erros de medição
- E este valor  $(r^2)$  também é utilizado na Regressão!

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Associação Covariância

Pearson

Regressão

Interpretação

. . . .



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Associação Covariância Pearson

Pearson

Regressão

Interpretação

Causalidade

- No exemplo anterior,  $r^2 = 0.59$
- no caso, 59% da variabilidade da tolerância à insulina pode ser explicada pelo conteúdo lipídico
- Ou seja: conhecer o conteúdo lipídico permite explicar
   59% da variância na sensibilidade à insulina
- Isto deixa 41% da variância que pode ser explicada por outros fatores ou erros de medição
- E este valor  $(r^2)$  também é utilizado na Regressão!



Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Pearson

- No exemplo anterior,  $r^2 = 0.59$
- no caso, 59% da variabilidade da tolerância à insulina pode ser explicada pelo conteúdo lipídico
- Ou seja: conhecer o conteúdo lipídico permite explicar 59% da variância na sensibilidade à insulina
- Isto deixa 41% da variância que pode ser explicada por outros fatores ou erros de medição
- E este valor  $(r^2)$  também é utilizado na Regressão!

#### Sumário



- Correlação
  - Associação entre duas variáveis
  - Covariância entre duas amostras
  - Coeficiente de correlação de Pearson
- Regressão Linear Simples
  - Modelos estatísticos
  - Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>
- Interpretação
- Causalidade
- 6 Resumo

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

into protagao

Causalidade

#### Modelos estatísticos



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

#### Modelos servem para:

- representar de forma simplificada fenômenos, experimentos, dados, etc;
- possibilitar análise em cenários controlados, menos complexos que a realidade;
- extrapolar resultados e conclusões.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

#### Modelos servem para:

- representar de forma simplificada fenômenos, experimentos, dados, etc;
- possibilitar análise em cenários controlados, menos complexos que a realidade;
- extrapolar resultados e conclusões.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

#### Modelos servem para:

- representar de forma simplificada fenômenos, experimentos, dados, etc;
- possibilitar análise em cenários controlados, menos complexos que a realidade;
- extrapolar resultados e conclusões.



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

Ao ajustar um modelo aos dados, podemos:

- fazer predições dentro do intervalo observado para dados que não foram obtidos (interpolação)
- fazer predições fora do intervalo observado (extrapolação)



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressao Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

Ao ajustar um modelo aos dados, podemos:

- fazer predições dentro do intervalo observado para dados que não foram obtidos (interpolação)
- fazer predições fora do intervalo observado (extrapolação)

## Reta de regressão



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressao Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

#### Definition

Uma reta de regressão (também chamada de reta de melhor ajuste) é a reta para a qual a soma dos erros quadráticos dos resíduos é o mínimo.

- É a reta que melhor se ajusta aos dados
- Minimiza os resíduos

## Reta de regressão



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

#### Definition

Uma reta de regressão (também chamada de reta de melhor ajuste) é a reta para a qual a soma dos erros quadráticos dos resíduos é o mínimo.

- É a reta que melhor se ajusta aos dados
- Minimiza os resíduos

## Reta de regressão



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

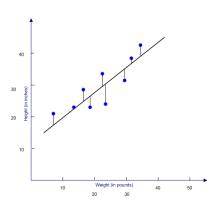
#### Definition

Uma reta de regressão (também chamada de reta de melhor ajuste) é a reta para a qual a soma dos erros quadráticos dos resíduos é o mínimo.

- É a reta que melhor se ajusta aos dados
- Minimiza os resíduos

#### Resíduos





Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão Modelos estatísticos

...,

Paguma

#### Definition

Resíduos são a distância entre o dado observado e a reta estimada (modelo).



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Currelação

Regressao Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressao Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressao Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



 Relembrando: a equação de uma reta é definida pela fórmula

$$\hat{y} = ax + b$$

- No caso da reta regressora:
  - y é a variável dependente
  - x é a variável independente
  - a é a inclinação
  - b é o intercepto
- Assim, o objetivo da análise de regressão é encontrar os valores a e b

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

- as médias de X e Y
- as variâncias de X e Y
- o coeficiente de correlação r entre X e Y
- o tamanho da amostra n
- ...e algumas operações entre estes termos



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

- as médias de X e Y
- as variâncias de X e Y
- o coeficiente de correlação r entre X e \u00bb
- o tamanho da amostra n
- ...e algumas operações entre estes termos



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

- as médias de X e Y
- as variâncias de X e Y
- o coeficiente de correlação r entre X e Y
- o tamanho da amostra n
- ...e algumas operações entre estes termos



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

- as médias de X e Y
- as variâncias de X e Y
- o coeficiente de correlação r entre X e Y
- o tamanho da amostra n
- ...e algumas operações entre estes termos



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

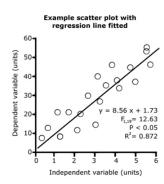
Interpretação

Causalidade

Resumo

- as médias de X e Y
- as variâncias de X e Y
- o coeficiente de correlação r entre X e Y
- o tamanho da amostra n
- ...e algumas operações entre estes termos





Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

Н ....

' '

) Ooumo

 A qualidade do ajuste do modelo de regressão é determinado pelo coeficiente de determinação r<sup>2</sup>



#### Sumário



- Correlação
  - Associação entre duas variáveis
  - Covariância entre duas amostras
  - Coeficiente de correlação de Pearson
- Regressão Linear Simples
  - Modelos estatísticos
  - Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>
- Interpretação
- Causalidade
- 6 Resumo

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R²

Interpretação

Causalidade



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

### April 1985

Interpretação

Causalidade

Resum

#### **Definition**

O coeficiente de determinação  $r^2$  é a relação da variação explicada com a variação total.

$$r^2 = rac{ ext{variação explicada}}{ ext{variação total}}$$

• Lembrando:  $r^2$  é o quadrado de r!



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

Interpretação

Causalidade

Resum

#### **Definition**

O coeficiente de determinação  $r^2$  é a relação da variação explicada com a variação total.

$$r^2 = \frac{\text{variação explicada}}{\text{variação total}}$$

• Lembrando:  $r^2$  é o quadrado de r!

# Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

Interpretação

Causalidade

- Qual é a porcentagem da variação dos dados pode ser explicada pela reta regressora?
- O coeficiente r<sup>2</sup> é a fração da variância que é compartilhada entre X e Y.
- Como r está sempre entre -1 e 1, r<sup>2</sup> está sempre entre 0 e 1.

# Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Modelos estatísticos

Interpretação

Causalidade

Resumo

 Qual é a porcentagem da variação dos dados pode ser explicada pela reta regressora?

- O coeficiente r<sup>2</sup> é a fração da variância que é compartilhada entre X e Y.
- Como r está sempre entre -1 e 1, r<sup>2</sup> está sempre entre 0 e 1.

# Coeficiente de Determinação r<sup>2</sup>



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressao

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

Interpretação

Causalidade

- Qual é a porcentagem da variação dos dados pode ser explicada pela reta regressora?
- O coeficiente r<sup>2</sup> é a fração da variância que é compartilhada entre X e Y.
- Como r está sempre entre -1 e 1, r<sup>2</sup> está sempre entre 0 e 1.



• Além disso,  $r^2 \le |r|$ 

Por que?

Compare os seguintes números entre 0 e 1

$$\frac{1}{2} e \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{1}{4} \le \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} e \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{1}{9} \le \frac{1}{3}$$

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

nterpretação

Causalidade



- Além disso,  $r^2 \le |r|$
- Por que?

Compare os seguintes números entre 0 e 1:

$$\frac{1}{2} e \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{1}{4} \le \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} e \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{1}{9} \le \frac{1}{3}$$

Medidas de associação II

#### Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

nterpretação

Causalidade



- Além disso,  $r^2 \le |r|$
- Por que?

Compare os seguintes números entre 0 e 1:

$$\frac{1}{2} e \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{1}{4} \leq \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{3} e \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{1}{9} \leq \frac{1}{3}$$

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Modelos estatísticos

R<sup>2</sup>

nterpretação

Causalidade

### Interpretação



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Interpretação

Causalidade

- Se a correlação é 0, então X e Y não variam juntos (independentes)
- Se a correlação é positiva, então quando uma aumenta, a outra aumenta em proporção direta (linear
- Se a correlação é negativa, então quando uma aumenta, a outra diminui em proporção inversa (linear

### Interpretação



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Interpretação

0----

. . . . . . . .

 Se a correlação é 0, então X e Y não variam juntos (independentes)

- Se a correlação é positiva, então quando uma aumenta, a outra aumenta em proporção direta (linear)
- Se a correlação é negativa, então quando uma aumenta, a outra diminui em proporção inversa (linear

### Interpretação



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Interpretação

Causalidade

- Se a correlação é 0, então X e Y não variam juntos (independentes)
- Se a correlação é positiva, então quando uma aumenta, a outra aumenta em proporção direta (linear)
- Se a correlação é negativa, então quando uma aumenta, a outra diminui em proporção inversa (linear)

#### Cuidado!



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Interpretação

ausalidade

- Duas variáveis podem parecer correlacionadas pois são influenciadas por uma terceira variável
- Ex: em alguns países a mortalidade infantil é negativamente correlacionada com o número de telefones per capita
- Mas comprar mais telefones não vai salvar crianças!
- Explicação alternativa: a melhoria da condições financeiras pode afetar ambas as variáveis

#### Cuidado!



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Interpretação

الممالية

Raciima

 Duas variáveis podem parecer correlacionadas pois são influenciadas por uma terceira variável

- Ex: em alguns países a mortalidade infantil é negativamente correlacionada com o número de telefones per capita
- Mas comprar mais telefones não vai salvar crianças!
- Explicação alternativa: a melhoria da condições financeiras pode afetar ambas as variáveis

#### Cuidado!



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Interpretação

Caucalidad

Resumo

 Duas variáveis podem parecer correlacionadas pois são influenciadas por uma terceira variável

- Ex: em alguns países a mortalidade infantil é negativamente correlacionada com o número de telefones per capita
- Mas comprar mais telefones n\u00e3o vai salvar crian\u00e7as!
- Explicação alternativa: a melhoria da condições financeiras pode afetar ambas as variáveis

## Cuidado!



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Interpretação

 Duas variáveis podem parecer correlacionadas pois são influenciadas por uma terceira variável

- Ex: em alguns países a mortalidade infantil é negativamente correlacionada com o número de telefones per capita
- Mas comprar mais telefones n\u00e3o vai salvar crian\u00e7as!
- Explicação alternativa: a melhoria da condições financeiras pode afetar ambas as variáveis



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressao

Causalidade

Resumo

 Se há uma relação de causalidade entre as duas variáveis, a correlação será não nula (positiva ou negativa)

- Quanto maior for a relação de dependência entre as variáveis, maior será o módulo da correlação.
- Se as variáveis não são relacionadas, a correlação será nula.



 Se há uma relação de causalidade entre as duas variáveis, a correlação será não nula (positiva ou negativa)

- Quanto maior for a relação de dependência entre as variáveis, maior será o módulo da correlação.
- Se as variáveis não são relacionadas, a correlação será nula.

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Interpretação

Causalidade



Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão

Interpretação

Causalidade

Resumo

 Se há uma relação de causalidade entre as duas variáveis, a correlação será não nula (positiva ou negativa)

- Quanto maior for a relação de dependência entre as variáveis, maior será o módulo da correlação.
- Se as variáveis não são relacionadas, a correlação será nula.



 Mas não podemos inverter a afirmativa lógica do slide anterior!

- Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra
- Infelizmente isto não é possível!
- Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica em causalidade.

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

merpretaçac

Causalidade



 Mas não podemos inverter a afirmativa lógica do slide anterior!

- Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra
- Infelizmente isto não é possível!
- Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica em causalidade.

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

interpretação

Causalidade



 Mas não podemos inverter a afirmativa lógica do slide anterior!

 Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra

• Infelizmente isto não é possível!

 Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

Repita várias vezes mentalmente Correlação não implica em causalidade. Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressao

Interpretaçao

Causalidade



 Mas não podemos inverter a afirmativa lógica do slide anterior!

 Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra

- Infelizmente isto não é possível!
- Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

Repita várias vezes mentalmente Correlação não implica em causalidade. Medidas de associação II

Figueiredo

Correlação

Regressao

merpretação

Causalidade

Raciima



 Mas n\u00e3o podemos inverter a afirmativa l\u00f3gica do slide anterior!

- Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra
- Infelizmente isto não é possível!
- Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

#### Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica em causalidade.

Medidas de associação II

> Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

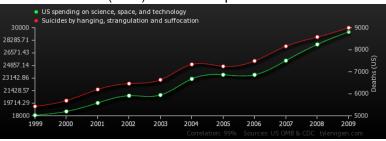
Interpretação

Causalidade

# Exemplo



Gasto com C&T (EUA) x Suicídios por enforcamento



Correlação: 0.992082

(Fonte: Spurious correlations)

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Jorrelação

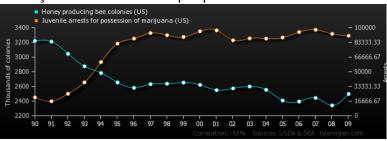
......

Causalidade

# Exemplo



Produção de mel x Prisões por posse de maconha



Correlação: -0.933389

(Fonte: Spurious correlations)

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

...

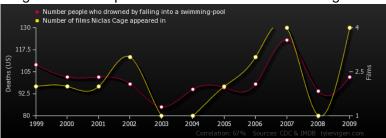
intorprotagao

Causalidade

# Exemplo



Afogamentos em piscina x Filmes com Nicholas Cage



Correlação: 0.666004

(Fonte: Spurious correlations)

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

negressau

interpretação

Causalidade

locumo



Ao encontrar uma forte correlação, deve-se sempre se perguntar:

- Há uma relação direta de causa e efeito entre as variáveis? (X causa Y?)
- 2 Há uma relação inversa de causa e efeito entre as variáveis? (Y causa X?)
- ⑤ É possível que a relação entre as variáveis possa ser causada por uma terceira variável (ou mais) que não foi analisada?
- é possível que a relação entre duas variáveis seja uma coincidência?

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

Regressão

interpretação

Causalidade



Ao encontrar uma forte correlação, deve-se sempre se perguntar:

- Há uma relação direta de causa e efeito entre as variáveis? (X causa Y?)
- A uma relação inversa de causa e efeito entre as variáveis? (Y causa X?)
- ⑤ É possível que a relação entre as variáveis possa ser causada por uma terceira variável (ou mais) que não foi analisada?
- é possível que a relação entre duas variáveis seja uma coincidência?

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

regressau

Causalidade



Ao encontrar uma forte correlação, deve-se sempre se perguntar:

- Há uma relação direta de causa e efeito entre as variáveis? (X causa Y?)
- A uma relação inversa de causa e efeito entre as variáveis? (Y causa X?)
- Sé possível que a relação entre as variáveis possa ser causada por uma terceira variável (ou mais) que não foi analisada?
- É possível que a relação entre duas variáveis seja uma coincidência?

Medidas de associação II Felipe

Figueiredo

Correlação

legressao

illei pi etação

Causalidade



Ao encontrar uma forte correlação, deve-se sempre se perguntar:

- Há uma relação direta de causa e efeito entre as variáveis? (X causa Y?)
- A uma relação inversa de causa e efeito entre as variáveis? (Y causa X?)
- Sé possível que a relação entre as variáveis possa ser causada por uma terceira variável (ou mais) que não foi analisada?
- é possível que a relação entre duas variáveis seja uma coincidência?

Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

109.00000

.....

Causalidade



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

iiiteipietaçau

Jausalidade

Resumo

• É necessário investigar a relação entre as variáveis!

- O que pode explicar a relação observada?
- Qual proporção (porcentagem) da variabilidade pode ser explicada pelas variáveis analisadas?
- Quão bem a reta regressora se ajusta aos dados?



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

interpretação

Jausalidade

- É necessário investigar a relação entre as variáveis!
- O que pode explicar a relação observada?
- Qual proporção (porcentagem) da variabilidade pode ser explicada pelas variáveis analisadas?
- Quão bem a reta regressora se ajusta aos dados?



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

. logi occuo

.................

Jausanuaue

Resumo

• É necessário investigar a relação entre as variáveis!

- O que pode explicar a relação observada?
- Qual proporção (porcentagem) da variabilidade pode ser explicada pelas variáveis analisadas?
- Quão bem a reta regressora se ajusta aos dados?



Medidas de associação II

Felipe Figueiredo

Correlação

Regressão

Interpretação

Jausalidade

Resumo

• É necessário investigar a relação entre as variáveis!

- O que pode explicar a relação observada?
- Qual proporção (porcentagem) da variabilidade pode ser explicada pelas variáveis analisadas?
- Quão bem a reta regressora se ajusta aos dados?