

> Felipe Figueiredo

Múltipla

Logística

Aprofundamento

Regressão Logística

Modelos com desfecho categórico binário

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

Discussão da aula passada

Discussão da leitura obrigatória da aula passada

Regressão Logística Felipe

Figueiredo

Discussão da aula

Sumário



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Discussão da aula passada

Regressão Linear Múltipla

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Regressão Logística

Aprofundamento

Aprofundamento

Logística

JOURNAL OF WOMEN'S HEALTH Volume 15, Number 9, 2006 © Mary Ann Liebert, Inc.

> The Association between Body Mass Index and Osteoporosis in Patients Referred for a Bone Mineral Density Examination

KOFI ASOMANING, M.B.Ch.B., M.S., ¹ ELIZABETH R. BERTONE-JOHNSON, Sc.D., ² PHILIP C. NASCA, Ph.D., FREDERICK HOOVEN, Ph.D., 3 and PENELOPE S. PEKOW, Ph.D.²



Regressão

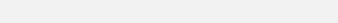
Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla



Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla



Hoje vamos interpretar os resultados do abstract



Regressão Logística

Figueiredo

Múltipla

Regressão Linear Múltipla

Logística



Felipe



Regressão Logística

ABSTRACT

Purpose: Osteoporosis affects 4-6 million (13%-18%) postmenopausal white women in the United States. Most studies to date on risk factors for osteoporosis have considered body mass index (BMI) only as a possible confounder. In this study, we assess the direct relationship between BMI and osteoporosis.

Methods: We conducted a cross-sectional study among women aged 50-84 years referred by their physicians for a bone mineral density (BMD) examination at Baystate Medical Center between October 1998 and September 2000. BMI was determined prior to the BMD examination in the clinic. Information on other risk factors was obtained through a mailed questionnaire. Ordinal logistic regression was used to model the association between BMI and osteoporosis, controlling for confounding factors.

Results: BMI was inversely associated with BMD status. After adjustment for age, prior hormone replacement therapy (HRT) use, and other factors, odds ratios (OR) for low, high, and obese compared with moderate BMI women were 1.8 (95% CI 1.2-2.7), 0.46 (95% CI 0.29-0.71), and 0.22 (95% CI 0.14-0.36), respectively, with a significant linear trend (p < 0.0001) across BMI categories. Evaluating BMI as a continuous variable, the odds of bone loss decreased 12% for each unit increase in BMI (OR = 0.88, 95% CI 0.85-0.91).

Conclusions: Women with low BMI are at increased risk of osteoporosis. The change in risk associated with a 1 unit change in BMI (~5-8 lb) is of greater magnitude than most other modifiable risk factors. To help reduce the risk of osteoporosis, patients should be advised to maintain a normal weight.

BMI (kg/m2)

Modelo 1

Modelo 1 - BMI x BMD

3MD



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla

Para isto selecionaram 100 mulheres brancas e 100 mulheres pardas, de meia idade. Mensuraram a BMD e calcularam o BMI

Os pesquisadores querem investigar se o grupo etnicidade das participantes tem algum efeito detectável na associação entre a densidade mineral óssea (BMD) e o índice de massa corpórea

delas.

(BMI).

Enunciado 1

Quais são as variáveis?

INTO

Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão

Aprofundamento

Dependente: BMD (contínua)Independente: BMI (contínua)

Esta relação pode ser expressa como

 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI}$

INTO

Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Linear Múltipla

_ogística

Aprofundamento

Componentes do modelo 1



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundamento

Modelo completo

Versão simplificada (apenas variáveis)

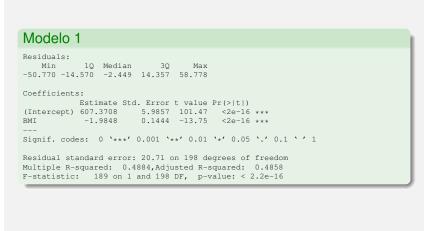
$$\mathsf{BMD} = \beta_0 + \beta_1(\mathsf{BMI}) + \varepsilon$$

 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI}$

Hipótese: ε é um erro aleatório 1 normalmente distribuído e centrado em zero – a incerteza que não pode ser controlada.

Modelo 1







¹residual – não é explicado pela relação entre as variáveis do modelo



Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundament



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

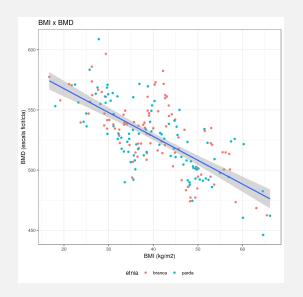
Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundamer

Agora vamos ver se a etnia tem algum efeito

Modelo 2



As participantes perdem, na média, 1.98 unidades de BMD

Este é o chamado resultado bruto. Agora vamos ajustá-lo

para cada incremento unitário do BMI.

com outros preditores.



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão .ogística

Aprofundamen

Quais são as variáveis?

• Dependente: BMD (contínua)

Independente: BMI (contínua)

• Independente: etnia (categórica - binária)

Esta relação pode ser expressa como

 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI} + \mathsf{etnia}$



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Linear Múltipla

Componentes do modelo 2



Versão simplificada (apenas variáveis)

 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI} + \mathsf{etnia}$

Modelo completo

$$\mathsf{BMD} = \beta_0 + \beta_1(\mathsf{BMI}) + \beta_2(\mathsf{etnia}) + \varepsilon$$

Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Modelo 2

Coefficients:

(Intercept) 609.236

1Q Median

-1.977

-4.351

-48.543 -14.299 -2.799 14.044 58.875

3Q

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

2.922 -1.489

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 '' 1

Residual standard error: 20.65 on 197 degrees of freedom

Multiple R-squared: 0.4941, Adjusted R-squared: 0.489

F-statistic: 96.21 on 2 and 197 DF, p-value: < 2.2e-16

6.097 99.917 <2e-16 ***

0.144 -13.729 <2e-16 ***

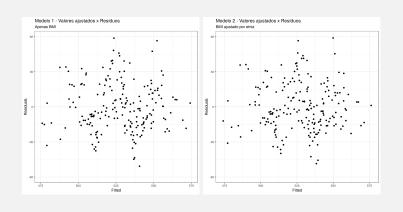
Residuals:

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundamento

Modelo 2





Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundament



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundamon

Que outra variável os pesquisadores deveriam ter investigado?



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundamento

Modelo 2.1 - idade

BMI x BMD



Regressão Logística

Figueiredo

Felipe

Regressão Linear Múltipla

Logística

Componentes do modelo 2.1

Modelo completo

Versão simplificada (apenas variáveis)

 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI} + \mathsf{idade}$

 $\mathsf{BMD} = \beta_0 + \beta_1(\mathsf{BMI}) + \beta_2(\mathsf{idade}) + \varepsilon$



Regressão

Felipe

Regressão Linear Múltipla



Logística

Figueiredo

Logística

Quais são as variáveis?



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Múltipla Regressão Linear Múltipla

Logística

Esta relação pode ser expressa como

Modelo 2.1

1Q Median

3Q

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|) (Intercept) 790.51012 12.57103 62.88 <2e-16 ***

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 '' 1

Residual standard error: 14 on 197 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.7676, Adjusted R-squared: 0.7653 F-statistic: 325.4 on 2 and 197 DF, p-value: < 2.2e-16

-2.02336 0.09757 -20.74 <2e-16 ***

-3.01619 0.19603 -15.39 <2e-16 ***

Residuals:

idade

 Dependente: BMD (contínua) Independente: BMI (contínua) Independente: idade (contínua)

 $BMD \sim BMI + idade$

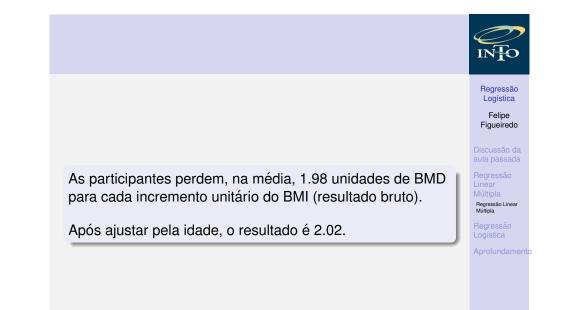


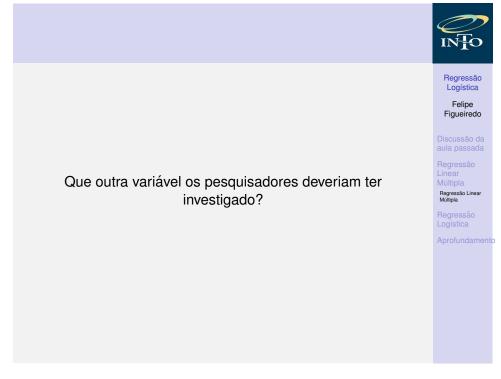
Regressão Logística

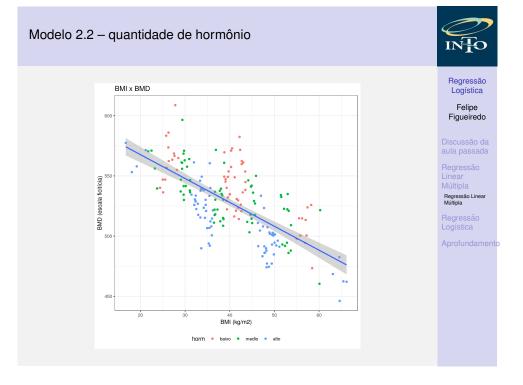
Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla

Modelo 2.1 Regressão Logistica Felipe Figueiredo Modelo 1- Valores ajustados × Residuos Aprima BMI Modelo 1- Valores ajustados × Residuos BMI ajustados por sidos Discussão da aula passada Regressão Linear Múltipla Regressão Logistica Aprofundament







Quais são as variáveis?

Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla

Logística

Dependente: BMD (contínua)

Independente: BMI (contínua)

• Independente: hormônio (categórica – 3 níveis)

Esta relação pode ser expressa como

 $BMD \sim BMI + hormônio$

Modelo 2.2 - Valores ajustados x Resíduos

Modelo 2.2





Felipe

Logística

Componentes do modelo 2.2

Modelo completo

Modelo 2.2 Residuals:

Coefficients:

hormmedio

10 Median

28.9182

-35.757 -12.239 -0.626 10.176 45.081

3Q

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|) (Intercept) 589.6897 5.2782 111.722 < 2e-16 ***

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 '' 1 Residual standard error: 16.98 on 196 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.6595, Adjusted R-squared: 0.6543 F-statistic: 126.6 on 3 and 196 DF, p-value: < 2.2e-16

hormalto 17.7913 2.8720 6.195 3.37e-09 ***

0.1187 -16.049 < 2e-16 ***

2.9694 9.739 < 2e-16 ***

Versão simplificada (apenas variáveis)

 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI} + \mathsf{horm\^{o}nio}$

 $BMD = \beta_0 + \beta_1(BMI) + \beta_2(hormônio) + \varepsilon$



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla

Logística

Logística

Figueiredo

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

> Felipe Figueiredo

Regressão Linear Múltipla



Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Multipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundamento

As participantes perdem, na média, 1.98 unidades de BMD

para cada incremento unitário do BMI (resultado bruto).

Após ajustar pelo hormônio, o resultado é 1.90.

Agora um modelo maior (ajustando para todas as variáveis relevantes)



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Regressão Linear Múltipla

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundament

Componentes do modelo 3



 $\mathsf{BMD} \sim \mathsf{BMI} + \mathsf{idade} + \mathsf{hormônio}$

Modelo completo

 $BMD = \beta_0 + \beta_1(BMI) + \beta_2(idade) + \beta_3(hormônio) + \varepsilon$



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Linear Múltipla

Regressao Logística

Aprofundament



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Aprofundament

Residual standard error: 7.139 on 195 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.9402, Adjusted R-squared: 0.9389 F-statistic: 765.9 on 4 and 195 DF, p-value: < 2.2e-16

(Intercept) 774.02125 6.48702 119.32 <2e-16 ***

hormmedio 29.35318 1.24821 23.52 <2e-16 *** hormalto 16.32422 1.20813 13.51 <2e-16 ***

3Q

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 '' 1

-1.94720 0.04992 -39.00 <2e-16 ***

-3.02783 0.10013 -30.24 <2e-16 ***

1Q Median

-18.3964 -4.1337 -0.5398 4.4640 25.6025

Modelo 3

Min

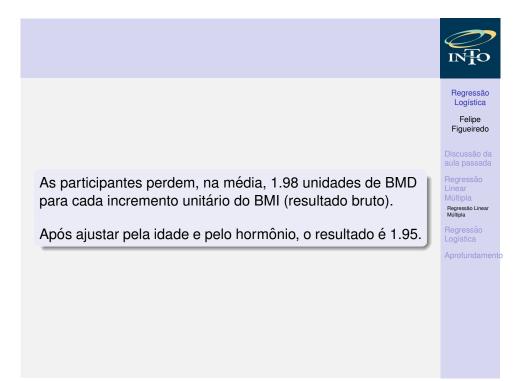
Coefficients:

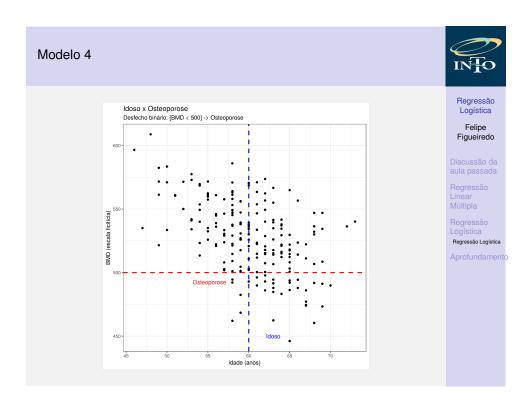
Residuals:

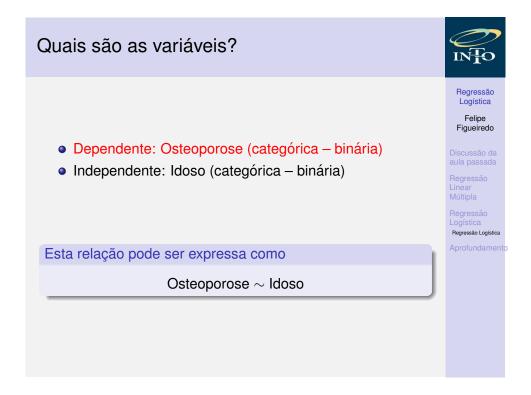
BMI

idade

Modelo 3 Regressão Logistica Felipe Figueiredo Modelo 3 - Valores ajustados x Residuos Modelo 1 - Valores ajustados x Residuos Modelo 3 - Valores ajustados x Residu







Componentes do modelo 4



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Múltipla

Regressão Logística

Versão simplificada (apenas variáveis)

Osteoporose \sim Idoso

Modelo completo

Modelo 4

Deviance Residuals:

Min 1Q Median

-0.8305 -0.8305 -0.3447 -0.3447 2.3886

Osteoporose = $\beta_0 + \beta_1(Idoso) + \varepsilon$

Regressão Logística

Felipe

Regressão Logística

Number of Fisher Scoring iterations: 5

log da OR de um idoso x osteoporose

log(OR) = 1.9059

3Q

Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)

(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)

Null deviance: 182.35 on 199 degrees of freedom Residual deviance: 161.78 on 198 degrees of freedom

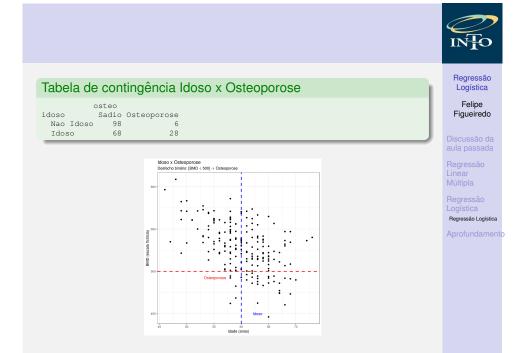
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 '' 1

Max

Figueiredo

Regressão Múltipla

Logística





Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Logística Regressão Logística

Transformando o log da OR na OR

 $log(OR) \approx 1.90...$

... portanto...

 $e^{1.90}\approx 6.7$

Resultado

• (Idoso) OR: 6.73, IC: [2.64, 17.12]

Modelo 5

BMI x BMD

Osteoporose

Desfecho binário: [BMD < 500] -> Osteoporose



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Regressão Logística

Aprofundamento

Componentes do modelo 5

Versão simplificada (apenas variáveis)



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Regressão Logística

Aprofundament

Modelo completo

Osteoporose = $\beta_0 + \beta_1(BMI) + \beta_2(idade) + \beta_3(hormônio) + \varepsilon$

Osteoporose \sim BMI + idade + hormônio

BMI (kg/m2)

Quais são as variáveis?



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão

Logística Regressão Logística

Esta relação pode ser expressa como

Independente: BMI (contínua)Independente: idade (contínua)

Osteoporose \sim BMI + idade + hormônio

• Dependente: Osteoporose (categórica – binária)

Independente: hormônio (categórica – 3 níveis)



Regressão Logística

> Felipe Figueiredo

Discussão da

Regressão Linear Múltipla

Regressão Logística

Regressão Logística

Aprofundamente

Modelo 5

```
Deviance Residuals:
   Min
             1Q Median
                                 3Q
-1.85523 -0.08866 -0.01263 -0.00068
Coefficients:
           Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept) -77.4340 18.0040 -4.301 1.70e-05 ***
             0.4554 0.1089 4.183 2.88e-05 ***
idade
             0.8285 0.2086 3.972 7.13e-05 ***
hormmedio
             1.9614
                      1.4716 1.333 0.182590
            5.5205
                     1.5101 3.656 0.000257 ***
hormalto
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 '' 1
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
   Null deviance: 182.354 on 199 degrees of freedom
Residual deviance: 43.436 on 195 degrees of freedom
AIC: 53.436
Number of Fisher Scoring iterations: 9
```



Resultado

• (BMI) **OR: 1.58, IC: [1.27, 1.95]**

• (idade) **OR: 2.29, IC: [1.52, 3.45]**

• (hormônio médio x baixo) OR: 7.11, IC: [0.40, 127.19]

• (hormônio alto x baixo) **OR: 249.76, IC: [12.94, 4818.87]**

Interpretação

Após ajustar pela idade e pelo hormônio, as participantes tem chance aumentada de desenvolver osteoporose para cada incremento unitário do BMI.

Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Regressão Linear Múltipla

Regressão

Regressão Logística

Aprofundamento

Aprofundamento



Regressão Logística

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Regressão Linear

Regressão Logística

Aprofundamento
Aprofundamento

Leitura obrigatória

- Capítulo 31
- Capítulo 32

Exercícios selecionados

Não há.

Leitura recomendada

Capítulo 25: seção teste t de uma razão (sobre o uso do logaritmo)