

Felipe

Figueiredo

Significância e Poder

Testes de Hipóteses, cálculo amostral e p-valor

Felipe Figueiredo

Sumário



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Aprofundament

Testes de Hipóteses

- Hipóteses
- Poder estatístico
- Significância Estatística
- O p-valor é...
- Exercício
- O p-valor não é...



Aprofundamento

Discussão da aula passada

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Aprofundamento

Introdução

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses
Poder
Significância

O p-valor é... Exercício O p-valor não é.

Aprofundamento

Livro texto - Parte III - Introduction to p values

"I've put it off for nine chapters, but I can't delay any longer. It's time to confront P values. (...)

If you've had any exposure to statistics before, you've probably already heard about P values and statistical significance.

It's time to learn what these phrases really mean. (...)

These chapters explain P values generally, without explaining any particular statistical tests in any detail"

Motulsky, 1995 (grifos e quebras meus)

Discussão da leitura obrigatória da aula passada



Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses

O p-valor é.

O p-valor não é

Significância

Felipe

Figueiredo

Hipóteses

Significância

O p-valor é..

O p-valor não é..

Exercício

Poder

Abertura de "A Divina Comédia"

"A meio do caminho, ou seja, da duração expectável de sua vida, Dante, consciente de se haver desviado do reto procedimento, encontra-se perdido numa alegórica 'Selva Perdida'.

Encontra aí a figura de Virgílio, o poeta latino que (...) vem se lhe oferecer como guia para o Inferno e o Purgatório onde, pelo exemplo dos pecadores e de suas penas, Dante poderá encontrar o caminho da sua salvação."

Dante Alighieri, 1320

Exemplo 1

Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Para isto, ele injeta uma dose da droga em 100 ratos, cria os estímulos neurológicos e observa o tempo de resposta em cada animal.

O neurologista sabe que o tempo de resposta médio de ratos que não receberam a droga é de 1.2 segundos.

O tempo de resposta médio dos ratos injetados foi de 1.05 segundos, com desvio padrão amostral de 0.5 segundos.

Você acha que a droga tem efeito no tempo de resposta do estímulo?

Fonte: Khan Academy

Moral da história



Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses

O p-valor é..

O p-valor não é.

Exercício

Sempre que mensuramos algo... observamos diferenças

Ou são causadas pela variabilidade, erros metrológicos, etc?

Estas são devidas ao efeito estudado?

Exemplo 1

Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses

O p-valor é. O p-valor não é.

Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Para isto, ele injeta uma dose da droga em 100 ratos, cria os estímulos neurológicos e observa o tempo de resposta em cada animal.

O neurologista sabe que o tempo de resposta médio de ratos que não receberam a droga é de 1.2 segundos.

O tempo de resposta médio dos ratos injetados foi de 1.05 segundos, com desvio padrão amostral de 0.5 segundos.

Você tem informações suficientes para construir um IC em torno de \bar{x} ?

Fonte: Khan Academy

Análise Inferencial



Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Tempo de resposta típico = 1.2 s.

n = 100 $\bar{x} = 1.05 \text{ s}$ s = 0.5 s

IC da média

IC = 0.9508 até 1.1492

IC da diferença entre \bar{x} e 1.2

 \bar{d} = -0.1500, IC = -0.2492 até -0.0508

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses

Significância O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

INTO

Significância

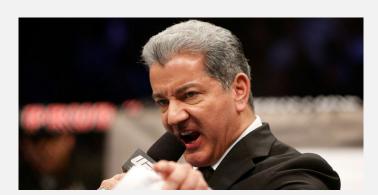
Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Hipóteses

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é...

Aprofundament



Laaaaadies aaaaand gentlemen...

Teste de Significância



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é...

Aprofundamento

Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Tempo de resposta típico = 1.2 s.

n = 100 $\bar{x} = 1.05 \text{ s}$ s = 0.5 s

Teste de significância entre \bar{x} e 1.2

p = 0.0034

É hoje!

Hipóteses científicas

- INTO
- Podemos tomar decisões baseado nos dados de um experimento (amostra).
- Para isto, precisamos de um critério sistemático e rigoroso que possa aferir o quanto os dados suportam esta decisão.
- Usando os conceitos de probabilidades, poderemos ainda calcular a probabilidade de que esta decisão esteja errada.

Hipóteses devem ser falseáveis, portanto formuladas como afirmações.

11,10

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder Significância O p-valor é...

Exercício O p-valor não é...

Atenção



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Poder

O p-valor é... Exercício O p-valor não é..

Aprofundamento

Hipóteses estatísticas podem ser verdadeiras ou falsas...

... não existe "mais ou menos" significativo!

... assim como não existe "mais ou menos" grávido!











Significância

Felipe Figueiredo

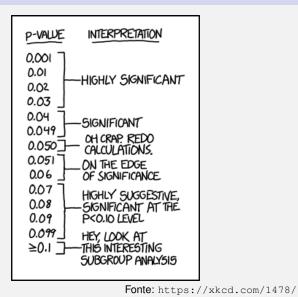
estes de

Hipoteses Poder

Significância O p-valor é... Exercício O p-valor não é..

Aprofundamen

Não existe "mais ou menos" significativo...



INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é.

Aprofundame

Hipóteses estatísticas



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é...

Anrofundamento

Definição

Em Estatística, uma hipótese é uma afirmação sobre uma característica de uma população, tipicamente o valor de um parâmetro.

Definição

Um teste de hipóteses (ou teste de significância) é um procedimento sistemático para testar uma afirmação sobre uma característica de uma população.

Exemplo 1

Exemplo 1

segundos.

o tempo de resposta em cada animal.



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Hipóteses

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é..

Anrofundamento

Você acha que a droga tem efeito no tempo de resposta do estímulo?

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Para isto, ele injeta uma dose da droga em 100 ratos, cria os estímulos neurológicos e observa

O neurologista sabe que o tempo de resposta médio de ratos que não receberam a droga é de 1.2 segundos.

Uma hipótese estatística deve ser testável frente a dados obtidos de um

O tempo de resposta médio dos ratos injetados foi de 1.05 segundos, com desvio padrão amostral de 0.5

Fonte: Khan Academy

Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Tempo de resposta típico = 1.2 s.

n = 100 $\bar{x} = 1.05 \text{ s}$ s = 0.5 s

Pergunta

Pense...

Que possíveis conclusões você pode chegar com esse experimento?

Como você formularia a hipótese do exemplo anterior?

Identificando hipóteses



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Hipóteses

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é.

o p valor nao o...

experimento.

Pergunta

A droga tem efeito no tempo de resposta do estímulo?

Hipótese

A droga influencia (altera/afeta) o tempo de resposta do estímulo.

Identificando hipóteses



Significância

Felipe

Figueiredo

Hipóteses

O p-valor é..

O p-valor não é.

Exercício

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é.

Anrofundamento

1 teste = 2 hipóteses

Um teste de hipóteses envolve a formulação de uma *hipótese nula* e uma *hipótese alternativa*.

- ullet A hipótese nula (H_0) é a hipótese que não há efeito real.
- A hipótese alternativa (H₁ ou H_a) é a de que há efeito real que pode ser detectado com o experimento.
 - Obs: (em geral) hipótese de interesse científico

_

Atenção

Danger Will Robinson...

hipótese nula - e tentar rejeitá-la.

inuitivamente.



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Poder

Significância O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

Isto é, ao invés de testar a hipótese de interesse, vamos testar a

A lógica do teste de hipóteses é o inverso do que se esperaria

Mantenha isso em mente daqui a para a frente.

Roteiro

Identificando hipóteses

- Identificar a afirmação a ser testada e expressá-la em forma simbólica
- 2 Expressar em forma simbólica a afirmação que deve ser verdadeira, caso a afirmação de interesse seja falsa

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Poder

Significância O p-valor é...

Exercício O p-valor não é..

Aprofundamento

Quais são as variáveis?

ao as vallaveis?

Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Tempo de resposta típico = 1.2 s.

n = 100 $\bar{x} = 1.05 \text{ s}$ s = 0.5 s

Modelo

variável dependente \sim variável independente

tempo de resposta \sim ratos (grupo)



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses Hipóteses

Poder Significância

O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundament

Quais são as hipóteses estatísticas?



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder

Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é.

Anrofundamento

Hipóteses

Exemplo 1

n = 100

 $\bar{x} = 1.05 \, \text{s}$

 $s = 0.5 \, s$

Tempo de resposta típico = 1.2 s.

 $H_0: \mu = 1.2$

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico.

 $H_1: \mu \neq 1.2$

Identificando a região crítica



Em geral...

- Se H_1 é do tipo \neq , o teste é bicaudal (ou bilateral).
- Se H_1 é do tipo <, o teste é unicaudal (ou unilateral) à esquerda.
- Se H_1 é do tipo >, o teste é unicaudal à direita.

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hinóteses

Hipóteses Poder

Significância O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder

O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

Vamos entender os conceitos envolvidos...

... por uma analogia.

Poder de um estudo

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses Hipóteses Poder

O p-valor é... Exercício O p-valor não é.

Aprofundamento

Queremos

- planejar estudos com poder suficiente para detectar o efeito investigado
- para isso é necessário especificar¹
 - o tamanho do efeito desejado
 - quanto poder é "suficiente"
 - qual é a significância aceitável

1 com essas especificações é possível calcular o tamanho do estudo ("qual é o N?")

Quanto menor o N, mais difícil detectar o efeito

INTO

Significância

Felipe

Figueiredo

- Sua visão tem um poder de detecção predefinido
- P: Quantos objetos você consegue contar na imagem abaixo?
- ... em 15 segundos?
- ... em 60 segundos?

Mais tempo, mais objetos detectados?



O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Hipóteses

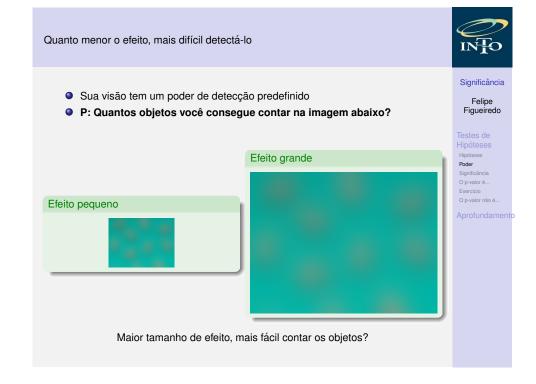
Poder

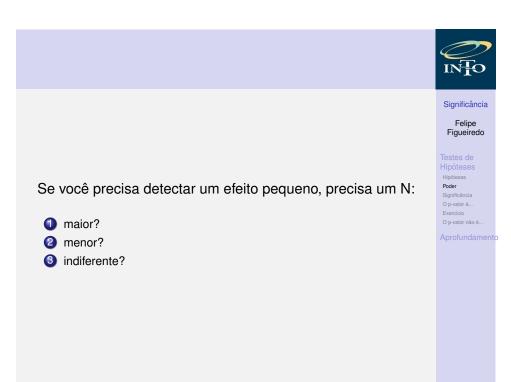
O p-valor nao e...



Qual é o impacto do N no poder do estudo?

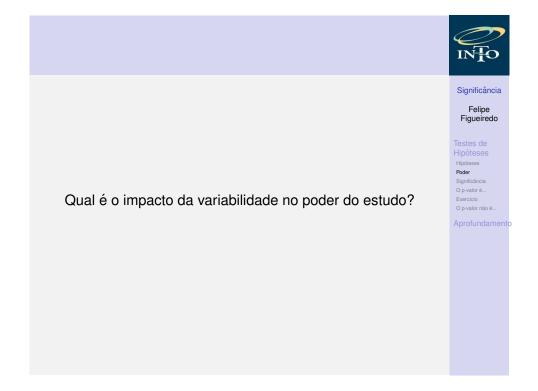
Felipe Figueiredo Testes de Hipóteses Hipóteses Poder Significância O p-valor é... Exercicio O p-valor não é...







Quanto mais variabilidade, mais difícil detectar o efeito Significância Felipe Figueiredo Muita variabilidade Pouca variabilidade Pouca variabilidade Pouca variabilidade Aprofundamen



Moral da história

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Poder
Significância
O p-valor é...
Exercício
O p-valor não é.

profundamento

Sempre que mensuramos algo... observamos diferenças

E agora?

Estas são devidas ao efeito estudado?

Ou são causadas pela variabilidade, erros metrológicos, etc?

O mesmo ocorre com os métodos estatísticos (ferramenta)

Você a usa para investigar a existência de um efeito

A capacidade da ferramenta em detectá-lo depende...

da variabilidade presente (s)

do tamanho do efeito relevante (d)

do tamanho do estudo (N)

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

lestes de Hipóteses Hipóteses Poder Significância O p-valor é...

O p-valor é... Exercício O p-valor não é.

(aula 3)

(aula 5)

Na prática...

INTO

Análise de poder / cálculo amostral

Para que o estudo seja capaz de detectar o efeito desejado

- Estipulamos um N e calculamos o poder
- Estipulamos o poder e calculamos o N

Poder para cada tamanho de efeito

Table 12.2. A Power Analysis of Example 12.

Relative Risk	Power	
0.95	11%	
0.90	30%	
0.85	60%	
0.80	84%	
0.75	97%	

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder

O p-valor é...

Exercício

O p-valor não é...

Aprofundamento

Significância

- A significância do estudo deve ser arbitrada antes do experimento (planejamento)
- Está associada aos erros induzidos pela variabilidade experimental
- Ou seja, mesmo fazendo tudo certo, você pode ser induzido a chegar numa conclusão errada ao acaso!
- Isso pode ocorrer de duas maneiras diferentes...



Significância

Felipe Figueiredo

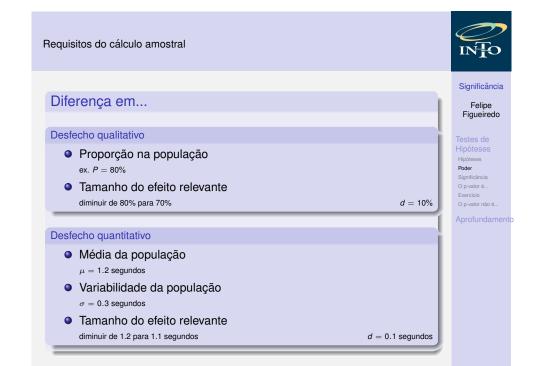
Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder Significância

O p-valor é...

Exercício

O p-valor não é...





Tipos de erros em testes de hipóteses



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Poder

Significância

O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

Definição

Um erro do tipo I ocorre se a hipótese nula for rejeitada quando é verdadeira.

Definição

Um erro do tipo II ocorre se a hipótese não for rejeitada quando for falsa.

Tipos de erros em testes de hipóteses



	Table	15.1.	False	Negatives	and	Positives	in	Diagnostic Tests	,
--	-------	-------	-------	-----------	-----	-----------	----	------------------	---

Diagnostic Test	Disease Is Really Present	Disease Is Really Absent	
Test positive	No error (true positive)	False positive	
Test negative	False negative	No error (true negative)	

Lab

Se o paciente realmente tem a doença, qual é a chance do teste diagnóstico retornar corretamente um resultado positivo? **A resposta é a sensibilidade**. Se o teste pode detectar várias doenças, a sensibilidade depende de qual doença está sendo investigada.

Stats

Se realmente existe uma diferença (Δ) entre as médias das populações qual é a chance que a análise de uma amostragem aleatória ser capaz de diferença estatística? **A resposta é o poder**. O poder depende do tamanho do efeito (Δ) presumido.

Table 15.2. Type I and Type II Errors in Statistical Tests

Statistical Test	Populations Have Different Means (or Proportions)	Populations Have Identical Means (or Proportions)	
Significant difference	No error	Type I error	
No significant difference	Type II error	No error	

7

Significância

Felipe Figueiredo

estes de

Poder Significância

O p-valor é...

O p-valor não é...

Aprofundamento

Observe

A questão importante aqui é:



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Poder

Significância

O p-valor é... Exercício O p-valor não é.

Aprofundamento

Nível de significância



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Poder

Significância O p-valor é...

O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

Definição

O nível de significância de um teste de hipótese é sua probabilidade máxima admissível para cometer um erro do tipo I. Ele é denotado por α .

MESMO SE a hipótese nula for verdadeira, ainda assim você pode

observar (ao acaso) uma diferença como resultado do experimento.

ISSO É O ERRO TIPO I. Trabalhamos para que isso seja raro (não mais que 5% das vezes).

(ex., muita variabilidade, amostras pequenas, etc.).

confiança =
$$1 - \alpha$$

Definição

A probabilidade de se cometer um erro do tipo II é denotada por β .

poder =
$$1 - \beta$$

Componentes de um teste de hipóteses

São necessários para um teste de hipóteses:

- As hipóteses nula e alternativa
- O nível de significância
- A região crítica (tipo de teste)
- A estatística de teste (softwares especializados)

Observação

O teste unicaudal **divide** a probabilidade de erro à esquerda (valores menores) e à direita (valores maiores).

Assim, 5% de significância num teste unicaudal corresponde à 2.5% (metade) da significância bicaudal.

Mais detalhes no cap 10.

Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses

Significância

O p-valor é.. O p-valor não é.

O p-valor

Definição

Assumindo que a hipótese nula seja verdadeira, o p-valor de um teste de hipóteses é a probabilidade de se obter uma estatística amostral com valores tão extremos, ou mais extremos que aquele observado.

O p-valor é:

- A probabilidade (condicional) de se observar o resultado ao acaso dado que a H₀ é verdadeira.
- Uma medida da força da evidência contra a H₀.



Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses Poder

Significância O p-valor é...

O p-valor não é.

Rejeitar hipóteses

Importante

apenas rejeitá-la ou deixar de rejeitá-la.



Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses Poder

Significância O p-valor é..

Exercício O p-valor não é.

O p-valor

Como utilizar

 Quanto menor o p-valor, mais evidências para rejeitar a hipótese nula.

Observe que o teste de hipótese nunca deve aceitar uma hipótese nula,

- O ponto de corte mais utilizado é a significância de 5%
- Assim, qualquer p ≤ 0.05 é estatisticamente significante.

Significância

Felipe Figueiredo

Poder

O p-valor é... Exercício

O p-valor não é.

Exemplo 1



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Hipóteses

Poder Significância O p-valor é...

O p-valor não é...

Aprolunuamento

Exemplo 1

Um neurologista está testando o efeito de uma droga no tempo de resposta de um certo estímulo neurológico. Para isto, ele injeta uma dose da droga em 100 ratos, cria os estímulos neurológicos e observa o tempo de resposta em cada animal.

O neurologista sabe que o tempo de resposta médio de ratos que não receberam a droga é de 1.2 segundos.

O tempo de resposta médio dos ratos injetados foi de 1.05 segundos, com desvio padrão amostral de 0.5 segundos.

Você acha que a droga tem efeito no tempo de resposta do estímulo?

Fonte: Khan Academy

• Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$

- $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu \neq 1.2$ (teste bicaudal)
 - O teste Z retorna $p = 0.0027^2$
 - O teste t retorna $p = 0.0034^3$
- Como p < 0.05, há evidências para rejeitar H_0 .

Resultado

Exemplo 1

O tempo de resposta médio é significativamente diferente de 1.2 s (p = 0.0034).

Conclusão

(...) há evidências que a droga altera o tempo (...) de resposta (...).



Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses
Hipóteses
Poder
Significância
O p-valor é...

Exercício O p-valor não é...

Aprofundamen



Pense...

Resposta: Opção 3



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder

O p-valor é...

Exercício

O p-valor não é...

Aprofundamento

Moral da história

Sempre que mensuramos algo... observamos diferenças

A hipótese científica é que a droga afeta o tempo de resposta.

4 $H_0: \mu > 1.2, H_1: \mu = 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)

• Como você formularia a hipótese estatística (*H*₁)?

Estas são devidas ao efeito estudado?

Ou são causadas pela variabilidade, erros metrológicos, etc?



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses Hipóteses Poder Significância O p-valor é...

Exercício

O p-valor não é...

²Premissas fortes: Normal, N grande, σ conhecido, etc.

³Usado em geral, menos premissas



Exemplo 2

Uma indústria farmacêutica especifica que em certo analgésico a quantidade média de ácido acetil salicílico deve ser 5.5 gramas por comprimido. A indústria suspeita que houve problemas na produção de um determinado lote e que, nesse lote, a quantidade média dessa substância está diferente da especificada. Para verificar essa suspeita, a indústria selecionou uma amostra aleatória de 40 comprimidos desse lote, observando uma quantidade média de ácido acetil salicílico igual a 5.2 gramas e um desvio padrão de 0.7 gramas.

Pergunta

Você tem informações suficientes para executar um teste formal de hipóteses?

Em caso afirmativo, formule a H_0 e a H_1 .

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

> Hipóteses Poder

Significância O p-valor é...

Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

Exemplo 2

Resposta

- Temos as informações necessárias para o teste
- Hipóteses

 $H_0: \mu = 5.5$

 $H_1: \mu \neq 5.5$

Dados

 $n = 40, \bar{x} = 5.2, s = 0.7$

Resultado (bruto)

p = 0.0099



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses Hipóteses

Poder Significância O p-valor é...

Exercício
O p-valor não é.

Aprofundamen

Quais são as variáveis?

Exemplo 2

Modelo



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de

Hipóteses Poder

Significância
O p-valor é...
Exercício

O p-valor não é...

Aprofundamento

Exemplo 2

Interpretação

A probabilidade de observarmos ao acaso um valor tão ou mais discrepante como 5.2 $g \in 0.0099$.

Uma indústria farmacêutica específica que em certo analgésico a quantidade média de ácido acetil salicílico deve ser 5.5 gramas por comprimido. A indústria suspeita que houve problemas na produção de um

determinado lote e que, nesse lote, a quantidade média dessa substância está diferente da especificada.

Para verificar essa suspeita, a indústria selecionou uma amostra aleatória de 40 comprimidos desse lote,

observando uma quantidade média de ácido acetil salicílico igual a 5.2 gramas e um desvio padrão de 0.7

variável dependente ~ variável independente

peso de AAS \sim lote

Como esta prob. é menor que o nível de significância estabelecido $\alpha=0.05$, rejeitamos a hipótese de que a quantidade média é igual a 5.5 g ao nível de significância de 5%.

Resultado

(...) a dose média de ácido acetil salicílico (...) por comprimido é 5.2 g e é significativamente diferente de 5.5 g (p = 0.0099).

Conclusão

O lote (...) está fora da especificação de 5.5 g (...) por comprimido, portanto o lote está reprovado.



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder Significância O p-valor é...

Exercício O p-valor não é..

Outra hipótese, outra análise, outro resultado...



Significância

Felipe Figueiredo

Hipóteses
Hipóteses
Poder
Significância
O p-valor é...

Exercício O p-valor não é...

Aprofundamento

Observe que...

Se tivéssemos formulado as hipóteses que a média da amostra é maior que 5.5 g, qual você acha que seria o resultado?

Qual seria a conclusão neste caso?

Exemplo 2 (a revanche)

IC da média

• Dados: $n = 40, \bar{x} = 5.2, s = 0.7$

• IC: $[4.976, 5.424] \approx [5.0, 5.4]$

Resultado

A quantidade média neste lote (...) está entre 5.0 e 5.4 gramas, com 95% de confiança.

Interpretação

A "meta" 5.5 g não está contida no IC.

Conclusão

(...), portanto o lote está reprovado.

INTO

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Poder Significância

O p-valor é... Exercício O p-valor não é..

Aprofundamer

Bônus: Intervalo de Confiança

de hipóteses.

de 95% de confiança.



Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder Significância

O p-valor é... Exercício O p-valor não é..

Aprofundamento

Lembre-se

significância + confiança = 1

Nessa situação, podemos usar o intervalo de confiança para realizar o teste

Como queremos um teste a 5% de significância, calcularemos um intervalo

Exemplo 2 (a revanche)

IC da diferença

- Dados: $n = 40, \bar{x} = 5.2, s = 0.7, \mu = 5.5$
- $\bar{d} = -0.300$, IC: [-0.524, -0.076] \approx [-0.5, -0.1]

Resultado

A diferença entre a média desta amostra e a meta (...) está entre -0.5 e -0.1 gramas, com 95% de confiança.

Interpretação

A "meta de igualdade" d = 0 g não está contida no IC.

Conclusão

(...), portanto o lote está reprovado.



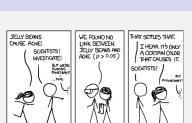
Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses Hipóteses

Poder Significância O p-valor é... Exercício O p-valor não é...

Como a Ciência Médica é vista na mídia







Fonte: https://xkcd.com/882/

O problema não é a mídia

O p-valor assume que...

Portanto o p-valor não é

1 a hipótese nula é verdadeira

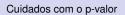
2 a única causa da diferença observada é devida ao acaso

a probabilidade de que a hipótese nula seja verdadeira

• a probabilidade de que a diferença observada seja devido ao acaso

O p-valor não pode ser usado para concluir suas próprias premissas.





DOREY, F. 2010 Clin Orthop Relat Res.

"The concept of a p value is not simple and any statements associated with it must be considered cautiously."



Significância

Felipe

Figueiredo

Hipóteses

Significância

O p-valor é..

O p-valor não é...

Exercício

Poder

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder Significância O p-valor é... Exercício

O p-valor não é...

Aprofundamento



Felipe Figueiredo

Significância

Felipe

Figueiredo

Hipóteses

O p-valor é...

O p-valor não é..

Exercício

Poder

Testes de Hipóteses

Hipóteses Poder Significância O p-valor é...

O p-valor é...

Exercício

O p-valor não é...

Observe



Significância

Felipe

Figueiredo

Testes de

Hipóteses Poder Significância

O p-valor é...

O p-valor não é...

Aprofundamento

A questão importante aqui é:

MESMO SE a hipótese nula **for verdadeira**, ainda assim você pode observar (ao acaso) uma diferença como resultado do experimento.

(ex., muita variabilidade, amostras pequenas, etc.).

ISSO É O Erro tipo I. Trabalhamos para que isso seja raro (não mais que 5% das vezes).

Aprofundamento



Leitura obrigatória

- Capítulo 10.
- Capítulo 11.

Leitura recomendada

Para entender melhor Poder Estatístico

- Capítulo 15 (até seção Probabilidade de obter um falso positivo no lab [...])
- Oap 22 (seção: Interpretando uma afirmação sobre tamanho amostral e poder)
- Motulsky, (2018) chap 19, Interpreting a Result That Is Not Statistically Significant (disponível grautitamente online)
- Orey, F (2010) In Brief: The P Value: What Is It and What Does It Tell You?
- Gardner, MJ; Altman, DG (1986) Confidence intervals rather than P values: estimation rather than hypothesis testing.

Significância

Felipe Figueiredo

Testes de Hipóteses

Aprofundamento

Aprofundamento