

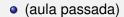
Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada A distribuição Normal Felipe Figueiredo Discussão da aula passada Discussão da aula passada Discussão da leitura obrigatória da aula passada Normal IC da média Aprofundamento

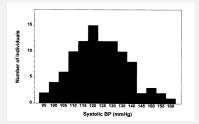
Sumário

- 1 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- A distribuição Normal
 - Distribuições de probabilidade
 - A distribuição Normal
 - Inferências
- IC da média
 - Interpretação
 - Premissas
 - O Erro Padrão
- 4 Aprofundamento
 - Aprofundamento

Recapitulando



- Pressão sanguínea (PS) de todos os 100 alunos de uma sala
- Visualização da média e variabilidade dos dados





A distribuição Normal Felipe Figueiredo

Discussão da

A distribuição Normal

IC da média

Aprotundament



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Normal

Distribuições de probabilidade

Inferências

Distribuições de probabilidade - Por que?

- A distribuição Normal
- Felipe Figueiredo

Distribuições de A distribuição Norma

- Distribuições teóricas = modelos da realidade
- Aprender com os modelos ⇒ ferramenta

Na vida real

Distribuição "próxima" de um modelo ⇒ metodologia

Distribuições de dados "reais"



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

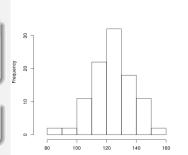
Você vê a média?

Você vê o DP?

• $\bar{x} = 123,4 \text{ mmHg}$

• s = 14.0 mmHg

Exemplo 5.1



Distribuições de dados "reais"

visualizada em um histograma.

A distribuição Normal

> Felipe Figueiredo

Distribuições de

probabilidade

Pense...

Exemplo 5.1

• Se a população for a turma, sabemos a média e o DP com certeza

No exemplo, a PS dos 100 alunos (a turma inteira) foi

Calculando a média, encontramos $\bar{x} = 123,4$ mmHg.

Calculando o DP, encontramos s = 14,0 mmHg.

• Se a turma é uma amostra de uma população maior, como podemos inferir os parâmetros da população (digamos, com 95% de confiança)?

Observações importantes



A distribuição Normal

Felipe

muito altas Aprox. simétrica em torno da média

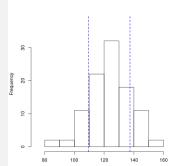
Muitas medições

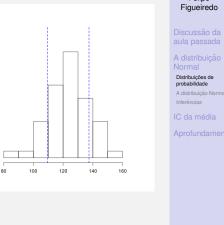
muito baixas

próximas da média

Poucas medições de PS

Poucas medições de PS





Distribuição Normal



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Normal
Distribuições de probabilidade
A distribuição Normal

IC da média

Aprofundament

Distribuição Normal, com DP

30

9

80

100

120

140

160

Frequency 20



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

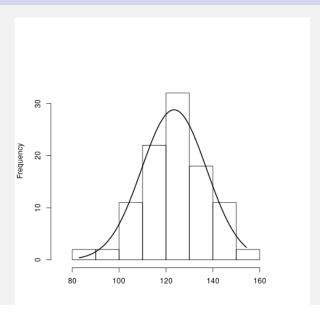
A distribuição Normal Distribuições de probabilidade

probabilidade

A distribuição Normal
Inferências

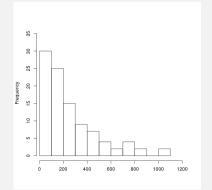
IC da média

Aprofundamen



E esta?

- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



INTO

A distribuição Normal Felipe

Figueiredo

Discussao da aula passada

Normal

Distribuições de probabilidade

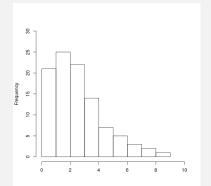
A distribuição Normal

Inferências

Aprofundamento

E esta?

- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?





A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

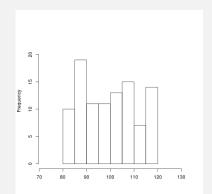
Discussão da aula passada

A distribuição Normal Distribuições de probabilidade A distribuição Normal

IC da média

E esta?

- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



A regra empírica

- A distribuição Normal
- Normal Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição
Normal
Distribuições de
probabilidade
A distribuição Norma

IC da média

Aprofundamen

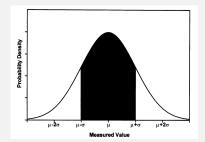
- (aula passada)
 - "mais da metade" dos dados estão a 1 DP da média

Vamos recapitular o exemplo 5.1, antes de introduzir outro.

• "quase todos" os dados estão a 2 DPs da média

A regra empírica

- 68% a até 1 DP da média
- 95% a até 2 DP da média
- 99,7% a até 3 DP da média





A distribuição

Normal

Felipe

Figueiredo

A distribuição Normal

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da

Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Norma

IC da média

Aprofundament

Exemplos

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Normal

Interpretação
Premissas

Distribuições de dados "reais"



A distribuição Normal

> Felipe Figueiredo

Discussão da

A distribuição Normal

Interpretação Premissas

Aprofundamento

Exemplo 5.1

No exemplo, a PS dos 100 alunos (a turma inteira) foi visualizada em um histograma.

Calculando a média, encontramos \bar{x} = 123,4 mmHg. Calculando o DP, encontramos s = 14,0 mmHg.

Pense...

- Se a população for a turma, sabemos a média e o DP com certeza
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, como podemos *inferir* os parâmetros da população (digamos, com 95% de confiança)?

Distribuições de dados "reais"



A distribuição Normal

> Felipe Figueiredo

Discussão da

A distribuição Normal

IC da média Interpretação

Premissas O Erro Padrã

Anrofundamento

Pense...

Exemplo 5.2

medições.

 Se a população for a turma, podemos estimar a média e o DP da turma com os valores desta amostra?

Das 100 medições de PS, você amostrou aleatoriamente 5

Valores aproximados: 120, 80, 90, 110 e 95 mmHg.

Calculando a média, encontramos $\bar{x} = 99,0$ mmHg.

Calculando o DP, encontramos s = 15.97 mmHg.

 Se a turma é uma amostra de uma população maior, esta estimativa nos dá "mais confiança" sobre a população, ou menos?

IC da média



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuiç Normal

C da média
Interpretação

Aprofundamento

ICs dos exemplos

- O IC do exemplo 5.1: 120,6 até 126,2 mmHg
- O IC do exemplo 5.2: 79,2 até 118,8 mmHg

Pense...

Observe os tamanhos dos ICs.

Premissas

Assumimos que estas coisas são verdadeiras para calcular/interpretar um IC

- A amostra foi selecionada aleatoriamente da população (sem reposição)
- A população é Normal (Gaussiana)
- Os indivíduos são independentes, uns dos outros



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

IC da média
Interpretação
Premissas
O Erro Padrão

Teorema do Limite Central

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

O Erro Padrão

Vídeo

Variabilidade x Erro Padrão



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

O Erro Padrão

O erro padrão

amostra/população.

Variabilidade

O Erro Padrão nos informa quão boa é nossa estimativa da média.

Quando queremos inferir a média da população a partir de

uma amostra, qual é a incerteza associada a esta

A variabilidade nos informa sobre a dispersão da

O Erro Padrão - definição



A distribuição Normal Felipe Figueiredo

Premissas O Erro Padrão



- SEM = Erro Padrão da Média (em inglês)
- Conforme N aumenta, SEM diminui
- Conforme N aumenta, \bar{x} se aproxima média da população

O Erro Padrão - Interpretação



A distribuição Normal Felipe

Figueiredo

Interpretação Premissas

O Erro Padrão

Pense...

Interpretação

estimativa?

E o desvio-padrão s?

O Erro Padrão

INTO

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da Jula passada

A distribuição Normal

IC da média Interpretação Premissas O Erro Padrão

Aprofundamento

$IC: \bar{x} \pm t^* \times SEM$

- M = média
- Para amostras **grandes**, $t^* \approx 2$.

O Erro Padrão - IC da média

 $IC: \bar{x} + 2 \times SEM$



A distribuição Normal Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

IC da média Interpretação Premissas O Erro Padrão

Aprofundamen

Exemplo 5.1

- s = 14,0 e N = 100
- $SEM = \frac{14}{\sqrt{100}} = 1.$
- IC = $123.4 \pm 2 \times 1.4$
- IC = 123.4 ± 2.8
- IC ≈ [120.6, 126.2]

Pense...



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Normal

IC da média
Interpretação
Premissas
O Erro Padrão

Aprofundamen

• Ex. 5.1: $\bar{x} = 123,4 \text{ e } s = 14,0 \text{ mmHg } (N = 100)$

• Ex. 5.2: $\bar{x} = 99.0 \text{ e } s = 15.97 \text{ mmHg } (N = 5)$

Pergunta - podemos reproduzir o mesmo método?

- SEM do exemplo 5.1 = 1,4
- SEM do exemplo 5.2 = 6,3?

Pergunta - podemos reproduzir o mesmo método?

- SEM do exemplo 5.1 = 1,4
- SEM do exemplo 5.2 = 6,3?

Resposta

Não! Pois N=5 não é grande!

Isso faz com que o SEM do exemplo 5.2 seja muito maior (como vimos).

ICs dos exemplos

- O IC do exemplo 5.1: 120,6 até 126,2 mmHg
- O IC do exemplo 5.2: 79,2 até 118,8 mmHg



A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição Normal

IC da média Interpretação Premissas O Erro Padrão

Aprofundamento



Leitura obrigatória

Capítulo 4. Pular a seção Intervalo de Predição.

Capítulo 5. Pular as seções:

- Calculando o IC da média
- A distribuição *t* (será abordado na próxima aula)

Leitura recomendada

Capítulo 4. seção Intervalo de Predição.

- Cap 4: Exercícios 1 e 2.
- Cap 5: exercícios 1, 3, 7 e 9.

A distribuição Normal

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

A distribuição

IC da média

Aprofundamento

Aprofundamento