

Testes de Hipóteses II Felipe

Figueiredo

uma amostra

duas amostras

Testes de Hipóteses II

O p-valor, e testes com duas amostras

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

Sumário



Testes de Hipóteses II

Figueiredo

Felipe

- Testes com uma amostra
 - Recapitulando
 - O p-valor
 - Resumo

Sumário



Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

uma amostra

Recapitulando

O p-valor Resumo

Testes com duas

- Testes com uma amostra
 - Recapitulando
 - O p-valor
 - Resumo



Vimos como formular hipóteses estatísticas seguindo o procedimento abaixo:

Teste de hipóteses

- Formular as hipóteses nula e alternativa
- 2 Identificar a região crítica (região de rejeição
- 3 Calcular a estatística de teste adequada
- 4 Rejeitar ou não a hipótese nula

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

iestes com uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Vimos como formular hipóteses estatísticas seguindo o procedimento abaixo:

Teste de hipóteses

- Formular as hipóteses nula e alternativa
- Identificar a região crítica (região de rejeição)
- Calcular a estatística de teste adequada
- A Rejeitar ou não a hipótese nula

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo



Testes de Hipóteses II Felipe

Figueiredo

ma amostra

Recapitulando

O p-valor

Resumo

Testes con duas amostras

Vimos como formular hipóteses estatísticas seguindo o procedimento abaixo:

Teste de hipóteses

- Formular as hipóteses nula e alternativa
- 2 Identificar a região crítica (região de rejeição)
- Oalcular a estatística de teste adequada
- 4 Rejeitar ou não a hipótese nula



Vimos como formular hipóteses estatísticas seguindo o procedimento abaixo:

Teste de hipóteses

- Formular as hipóteses nula e alternativa
- 2 Identificar a região crítica (região de rejeição)
- Oalcular a estatística de teste adequada
- Rejeitar ou não a hipótese nula

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

ma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

ma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo

duas amostras

Vimos como formular hipóteses estatísticas seguindo o procedimento abaixo:

Teste de hipóteses

- Formular as hipóteses nula e alternativa
- 2 Identificar a região crítica (região de rejeição)
- Oalcular a estatística de teste adequada
- 4 Rejeitar ou não a hipótese nula



Este processo sistemático pode ser aplicado a diversos tipos de hipóteses em estudos com dados quantitativos.

- Atualmente tem se usado com mais frequência uma metodologia equivalente usando o p-valor (ou valor P)
- Diferença: ao invés de comparar diretamente os
 Z-escores (região crítica sob a curva), vamos comparar as probabilidades destes (significância)
- Envolve premissas sutis e a interpretação deve ser tomada cuidadosamente (veja artigos complementares no site).

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo



Este processo sistemático pode ser aplicado a diversos tipos de hipóteses em estudos com dados quantitativos.

- Atualmente tem se usado com mais frequência uma metodologia equivalente usando o p-valor (ou valor P).
- Diferença: ao invés de comparar diretamente os Z-escores (região crítica sob a curva), vamos comparar as probabilidades destes (significância)
- Envolve premissas sutis e a interpretação deve ser tomada cuidadosamente (veja artigos complementares no site).

Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

uma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo
Testes coi

duas amostras



- Este processo sistemático pode ser aplicado a diversos tipos de hipóteses em estudos com dados quantitativos.
- Atualmente tem se usado com mais frequência uma metodologia equivalente usando o p-valor (ou valor P).
- Diferença: ao invés de comparar diretamente os Z-escores (região crítica sob a curva), vamos comparar as probabilidades destes (significância)
- Envolve premissas sutis e a interpretação deve ser tomada cuidadosamente (veja artigos complementares no site).

Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

uma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo Testes con

duas amostras



Este processo sistemático pode ser aplicado a diversos tipos de hipóteses em estudos com dados quantitativos.

- Atualmente tem se usado com mais frequência uma metodologia equivalente usando o p-valor (ou valor P).
- Diferença: ao invés de comparar diretamente os
 Z-escores (região crítica sob a curva), vamos comparar as probabilidades destes (significância)
- Envolve premissas sutis e a interpretação deve ser tomada cuidadosamente (veja artigos complementares no site).

Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

uma amostra

Recapitulando
O p-valor

Resumo

Sumário



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

O p-valor

Resumo

Testes com uma amostra

Recapitulando

O p-valor Resumo



Definition

Assumindo que a hipótese nula seja verdadeira, o p-valor de um teste de hipóteses é a probabilidade de se obter uma estatística amostral com valores tão extremos, ou mais extremos que aquele observado.

O p-valor é:

- Uma estatística (i.e., depende da amostra dados e tamanho)
- A probabilidade (condicional) de se observar o resultado ao acaso dado que a H₀ é verdadeira.
- Uma medida da força da evidência contra a H_0 .

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

estes com ma amostra

O p-valor Resumo

Testes co



Definition

Assumindo que a hipótese nula seja verdadeira, o p-valor de um teste de hipóteses é a probabilidade de se obter uma estatística amostral com valores tão extremos, ou mais extremos que aquele observado.

O p-valor é:

- Uma estatística (i.e., depende da amostra dados e tamanho)
- A probabilidade (condicional) de se observar o resultado ao acaso dado que a H₀ é verdadeira.
- Uma medida da força da evidência contra a H_0 .

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

O p-valor Resumo



Definition

Assumindo que a hipótese nula seja verdadeira, o p-valor de um teste de hipóteses é a probabilidade de se obter uma estatística amostral com valores tão extremos, ou mais extremos que aquele observado.

O p-valor é:

- Uma estatística (i.e., depende da amostra dados e tamanho)
- A probabilidade (condicional) de se observar o resultado ao acaso dado que a H₀ é verdadeira.
- Uma medida da força da evidência contra a H_0 .

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Definition

Assumindo que a hipótese nula seja verdadeira, o p-valor de um teste de hipóteses é a probabilidade de se obter uma estatística amostral com valores tão extremos, ou mais extremos que aquele observado.

O p-valor é:

- Uma estatística (i.e., depende da amostra dados e tamanho)
- A probabilidade (condicional) de se observar o resultado ao acaso dado que a H₀ é verdadeira.
- Uma medida da força da evidência contra a H₀.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

O p-valor Resumo

Testes com duas

- Quanto menor o p-valor, mais evidências para rejeitar a hipótese nula.
- O ponto de corte mais utilizado é a significância de 5%
- Assim, qualquer p ≤ 0.05 é estatisticamente significante.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

ima amostra Recapitulando

O p-valor Resumo

Testes com duas

- Quanto menor o p-valor, mais evidências para rejeitar a hipótese nula.
- O ponto de corte mais utilizado é a significância de 5%
- Assim, qualquer p ≤ 0.05 é estatisticamente significante.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

O p-valor Resumo

Testes com duas amostras

- Quanto menor o p-valor, mais evidências para rejeitar a hipótese nula.
- O ponto de corte mais utilizado é a significância de 5%
- Assim, qualquer p ≤ 0.05 é estatisticamente significante.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

ma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo

Testes com

- Quanto menor o p-valor, mais evidências para rejeitar a hipótese nula.
- O ponto de corte mais utilizado é a significância de 5%
- Assim, qualquer p ≤ 0.05 é estatisticamente significante.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo

Testes com duas

- calcular a estatística de teste apropriada para a situação (teste Z, teste t, etc.)
- encontrar a probabilidade p correspondente a esta estatística (por exemplo, na tabela apropriada, ou com uma ferramenta computacional)
- comparar o p-valor encontrado com a significância do estudo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

O p-valor Resumo

Testes com duas

- calcular a estatística de teste apropriada para a situação (teste Z, teste t, etc.)
- encontrar a probabilidade p correspondente a esta estatística (por exemplo, na tabela apropriada, ou com uma ferramenta computacional)
- comparar o p-valor encontrado com a significância do estudo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Recapitulando
O p-valor

Testes cor

duas amostras

- calcular a estatística de teste apropriada para a situação (teste Z, teste t, etc.)
- encontrar a probabilidade p correspondente a esta estatística (por exemplo, na tabela apropriada, ou com uma ferramenta computacional)
- comparar o p-valor encontrado com a significância do estudo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

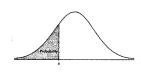
O p-valor Resumo

Testes cor

Testes com duas amostras

- calcular a estatística de teste apropriada para a situação (teste Z, teste t, etc.)
- encontrar a probabilidade p correspondente a esta estatística (por exemplo, na tabela apropriada, ou com uma ferramenta computacional)
- comparar o p-valor encontrado com a significância do estudo





TARLE A: STANDARD NORMAL PROBABILITI

TABLE A: STANDARD NORMAL PROBABILITIES										
-	.00	.01	.02	.03	.04	.05	.06	.07	.08	.09
-3.4	.0003	.0003	.0003	.0003	.0003	.0093	.0003	.0003	.0003	.0002
-3.3	.0005	.0005	.0005	,0004	.0004	.0004	.0004	.0004	.0004	.0003
-3.2	.0007	.0007	.0006	.0006	.0006	.0006	.0006	.0005	.0005	.0005
-3.1	.0010	.0009	.0009	.0009	.0008	.0008	.0008	.0008	.0007	.0007
-3.0	.0013	.0013	.0013	.0012	.0012	.0011	.0011	.0011	.0010	.0010
-2.9	.0019	.0018	.0018	.0017	.0016	.0016	.0015	.0015	.0014	.0014
-2.8	.0026	.0025	.0024	.0023	.0023	.0022	.002 (.0021	.0020	.0019
-2.7	.0035	.0034	.0033	.0032	.0031	.0030	.0029	.0028	.0027	.0026
-2.6	.0047	.0045	.0044	.0043	.0041	.0040	.0039	.0038	.0037	.0036
-2.5	.0062	.0060	.0059	.0057	.0055	.0054	.0052	.0051	.0049	:0048
-2.4	.0082	.0080	.0078	.0075	.0073	.0071	.0069	.0068	.0066	.0064
-2.3	.0107	.0104	.0102	.0099	.0096	.0094	.0091	.0089	.0087	.0084
-2.2	.0139	.0136	.0132	.0129	.0125	.0122	.0119	.0116	.0113	.0110
-2.1	.0179	.0174	.0170	.0166	.0162	.0158	.0154	.0150	.0146	.0143
-2.0	.0228	.0222	.0217	.0212	.0207	.0202	.0197	.0192	.0188	.0183
1.9	.0287	.0281	.0274	.0268	.0262	.0256	.0250	.0244	.0239	.0233
-1.8	.0359	.0351	.0344	.0336	.0329	.0322	.0314	.0307	.0301	.0294
-1.7	.0446	.0436	.0427	.0418	.0409	.0401	.0392	.0384	.0375	.0367
-1.6	.0548	.0537	.0526	.0516	.0505	.0495	.0485	.0475	.0465	.0455
-1.5	.0668	.0655	.0543	.0630	.0618	.0606	.0594	.0582	.0571	.0559
-1.4	.0808	.0793	.0778	.0764	.0749	.0735	.0721	.0708	.0594	.0681
-1.3	.0968	.0951	.0934	.0918	.0901	.0885	.0869	.0853	.0838	.0823
-1.2	.1151	.1131	.1112	.1093	.1075	.1056	.1038	.1020	.1003	.0985
-1.)	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1390	.1170
-i.0	.1587	.1562	.1539	1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
-0.9	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1685	.1660	.1635	.1611
-0.8	.2119	.2690	.2061	.2033	.2005	.1977	.1949	.1922	.1894	.1867
-0.7	.2420	.2389	.2358	.2327	.2296	.2266	.2236	.2206	.2177	.2148
-0.6	.2743	.2709	.2676	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
-0.5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	.2877	.2843	.2810	.2776
-0.4	.3446	.3409	.3372	.3336	.3300	.3264	.3228	.3192	.3156	.3121
-0.3	.3821	.3783	.3745	.3707	.3669	.3632	.3594	.3557	3520	.3483
-0.2	.4207	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3936	.3897	.3859
-0.1	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4364	.4325	.4286	.4247
-0.0	.5000	.4960	.4920	4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4681	.4641

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amosti Recapitulando

O p-valor Resumo

Testes com duas

Example

Um neurologista está testando o efeito no tempo de resposta injetando uma dose da mesma em 100 ratos, criando estímulos neurológicos e observando o tempo de resposta em cada um. O neurologista sabe que o tempo de resposta de ratos que não receberam a droga é de 1.2 segundos. O tempo de resposta médio dos ratos injetados foi de 1.05 segundos, com desvio padrão amostral de 0.5 segundos. Você acha que a droga tem efeito no tempo de resposta do estímulo?

Fonte: Khan Academy



Example

- Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$
- $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)
- n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

$$Z = \frac{1.05 - 1.2}{\frac{0.5}{\sqrt{100}}} = -3$$

- Consultando a tabela Z, observamos que este Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H₀.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

estes com Ima amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Example

- Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$
- $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)
- n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

$$Z = \frac{1.05 - 1.2}{\frac{0.5}{\sqrt{100}}} = -3$$

- Consultando a tabela Z, observamos que este
 Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H₀.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Example

- Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$
- H_0 : $\mu = 1.2$, H_1 : $\mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)
- n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

$$Z = \frac{1.05 - 1.2}{\frac{0.5}{\sqrt{100}}} = -3$$

- Consultando a tabela Z, observamos que este
 Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H₀.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Example

- Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$
- $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)
- n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

$$Z = \frac{1.05 - 1.2}{\frac{0.5}{\sqrt{100}}} = -3$$

- Consultando a tabela Z, observamos que este
 Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H₀.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Example

- Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$
- $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)
- n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

$$Z = \frac{1.05 - 1.2}{\frac{0.5}{\sqrt{100}}} = -3$$

- Consultando a tabela Z, observamos que este
 Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H₀.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Example

• Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$

• $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)

• n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

$$Z = \frac{1.05 - 1.2}{\frac{0.5}{\sqrt{100}}} = -3$$

- Consultando a tabela Z, observamos que este
 Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H_0 .

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Example

- Dados: $\mu = 1.2, \bar{x} = 1.05, s = 0.5, n = 100$
- $H_0: \mu = 1.2, H_1: \mu < 1.2$ (teste unicaudal à esquerda)
- n é grande (n > 30), então usamos $\sigma \approx s$, e fazemos o teste Z:

- Consultando a tabela Z, observamos que este
 Z-escore corresponde à probabilidade p = 0.0013
- Como p < 0.05, concluímos que há evidência para rejeitar H_0 .

Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Cuidado! O p-valor não é:

- a probabilidade de que a hipótese nula seja verdadeira
- a probabilidade de que a diferença observada seja devido ao acaso

Estes são erros comuns de interpretação.

O p-valor assume que (1) a hipótese é verdadeira, e (2) que a única causa da diferença é devida ao acaso, portanto não pode ser usado para concluir suas próprias premissas.

"The concept of a p value is not simple and any statements associated with it must be considered cautiously."

Dorey, F. 2010 Clin Orthop Relat Res.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Cuidado! O p-valor não é:

- a probabilidade de que a hipótese nula seja verdadeira
- a probabilidade de que a diferença observada seja devido ao acaso

Estes são erros comuns de interpretação.

O p-valor assume que (1) a hipótese é verdadeira, e (2) que a única causa da diferença é devida ao acaso, portanto não pode ser usado para concluir suas próprias premissas.

"The concept of a p value is not simple and any statements associated with it must be considered cautiously."

Dorey, F. 2010 Clin Orthop Relat Res.

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

lestes com Ima amostra Recapitulando

O p-valor Resumo

O p-valor



Cuidado! O p-valor não é:

- a probabilidade de que a hipótese nula seja verdadeira
- a probabilidade de que a diferença observada seja devido ao acaso

Estes são erros comuns de interpretação.

O p-valor assume que (1) a hipótese é verdadeira, e (2) que a única causa da diferença é devida ao acaso, portanto não pode ser usado para concluir suas próprias premissas.

"The concept of a p value is not simple and any statements associated with it must be considered cautiously."

Dorey, F. 2010 Clin Orthop Relat Res.

Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo

Testes co

O p-valor



Cuidado! O p-valor não é:

- a probabilidade de que a hipótese nula seja verdadeira
- a probabilidade de que a diferença observada seja devido ao acaso

Estes são erros comuns de interpretação.

O p-valor assume que (1) a hipótese é verdadeira, e (2) que a única causa da diferença é devida ao acaso, portanto não pode ser usado para concluir suas próprias premissas.

"The concept of a p value is not simple and any statements associated with it must be considered cautiously." Dorey, F. 2010 Clin Orthop Relat Res.

Testes de Hipóteses II

> Felipe Figueiredo

O p-valor

Sumário



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Resumo

- Testes com uma amostra
 - Recapitulando
 - O p-valor
 - Resumo



Interpretação do p-valor

- Um valor pequeno para o p-valor (tipicamente p ≤ 0.05) representa forte evidência para rejeitar a hipótese nula, então deve-se rejeitá-la.
- Um valor alto para o p-valor (tipicamente p ≥ 0.05) representa pouca evidência contra a hipótese nula, então não se deve rejeitá-la
- Um valor próximo do ponto de corte (0.05) é considerado marginal, portanto "qualquer decisão pode ser tomada". Sempre apresente seu p-valor para que o leitor possa tirar suas próprias conclusões.

Fonte: Rumsey, D. (Statistics for Dummies, 2nd ed.)

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

lestes com uma amostra Recapitulando O p-valor Resumo



Interpretação do p-valor

- Um valor pequeno para o p-valor (tipicamente p ≤ 0.05) representa forte evidência para rejeitar a hipótese nula, então deve-se rejeitá-la.
- Um valor alto para o p-valor (tipicamente p ≥ 0.05) representa pouca evidência contra a hipótese nula, então não se deve rejeitá-la
- Um valor próximo do ponto de corte (0.05) é considerado marginal, portanto "qualquer decisão pode ser tomada". Sempre apresente seu p-valor para que o leitor possa tirar suas próprias conclusões.

Fonte: Rumsey, D. (Statistics for Dummies, 2nd ed.)

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra Recapitulando

O p-valor Resumo



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Resumo

Interpretação do p-valor

- Um valor pequeno para o p-valor (tipicamente p < 0.05) representa forte evidência para rejeitar a hipótese nula, então deve-se rejeitá-la.
- Um valor alto para o p-valor (tipicamente p > 0.05) representa pouca evidência contra a hipótese nula, então não se deve rejeitá-la
- Um valor próximo do ponto de corte (0.05) é

Fonte: Rumsey, D. (Statistics for Dummies, 2nd ed.)





Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Resumo

Interpretação do p-valor

- Um valor pequeno para o p-valor (tipicamente p < 0.05) representa forte evidência para rejeitar a hipótese nula, então deve-se rejeitá-la.
- Um valor alto para o p-valor (tipicamente p > 0.05) representa pouca evidência contra a hipótese nula, então não se deve rejeitá-la
- Um valor próximo do ponto de corte (0.05) é considerado marginal, portanto "qualquer decisão pode ser tomada". Sempre apresente seu p-valor para que o leitor possa tirar suas próprias conclusões.

Fonte: Rumsey, D. (Statistics for Dummies, 2nd ed.)



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

- Frequentemente precisamos dividir os dados em dois grupos e comparar as médias.
- Isto pode ser usado para se estudar o efeito de um tratamento em relação a um grupo controle
- ou mesmo para se comparar dois tratamentos diferentes.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

- Frequentemente precisamos dividir os dados em dois grupos e comparar as médias.
- Isto pode ser usado para se estudar o efeito de um tratamento em relação a um grupo controle
- ou mesmo para se comparar dois tratamentos diferentes.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

- Frequentemente precisamos dividir os dados em dois grupos e comparar as médias.
- Isto pode ser usado para se estudar o efeito de um tratamento em relação a um grupo controle
- ou mesmo para se comparar dois tratamentos diferentes.



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

lestes com uma amostra

- Para testar a hipótese de que duas médias μ_X e μ_Y são diferentes, consideramos a diferença $\mu_X \mu_Y$
- Raciocínio: se as médias forem aproximadamente iguais, a diferença será aproximadamente zero
- Procedemos com o teste de hipótese adequado para a situação



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

lestes com uma amostra

- Para testar a hipótese de que duas médias μ_X e μ_Y são diferentes, consideramos a diferença $\mu_X \mu_Y$
- Raciocínio: se as médias forem aproximadamente iguais, a diferença será aproximadamente zero
- Procedemos com o teste de hipótese adequado para a situação



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

lestes com uma amostra

- Para testar a hipótese de que duas médias μ_X e μ_Y são diferentes, consideramos a diferença $\mu_X \mu_Y$
- Raciocínio: se as médias forem aproximadamente iguais, a diferença será aproximadamente zero
- Procedemos com o teste de hipótese adequado para a situação



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Testes com duas amostras

Lembre-se que para uma amostra usamos a seguinte estatística de teste:

$$z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

Para duas amostras, é razoável usarmos as estatísticas tanto do grupo 1 quanto do grupo 2.



Estatística de teste:

$$z = \frac{(\bar{x_1} - \bar{x_2}) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sigma_{(\bar{x_1} - \bar{x_2})}}$$

onde

$$\sigma_{(\bar{x_1}-\bar{x_2})} = \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$$

Mas usaremos uma versão simplificada...

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Testes com duas amostras

Assumindo que H_0 é verdadeira, temos que $\mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0$, portanto a estatística de teste que usaremos será:

$$Z = \frac{\left(\bar{x}_1 - \bar{x}_2\right)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra

Testes com duas amostras

Example

Queremos avaliar a eficiência de uma nova dieta pobre em gordura no tratamento de obesidade. Selecionamos aleatoriamente 100 pessoas obesas para o grupo 1, que receberão a dieta com pouca gordura. Selecionamos outras 100 pessoas obesas para o grupo 2 que receberão a mesma quantidade de comida, com quantidade normal de gordura. Após 4 meses, a perda de peso média no grupo 1 foi de 9.31 lbs (s=4.67) e no grupo 2 foi de 7.40 lbs (s=4.04).

Fonte: Khan Academy



Example

• Dados:
$$\bar{x_1} = 9.31$$
, $s_1 = 4.67$, $\bar{x_2} = 7.40$, $s_2 = 4.04$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

•
$$H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$$
 (teste unicaudal à direita)

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 = 1.91$$

Estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra



Example

• Dados: $\bar{x_1} = 9.31, s_1 = 4.67, \bar{x_2} = 7.40, s_2 = 4.04$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

• $H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$ (teste unicaudal à direita)

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 = 1.91$$

Estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra



Example

• Dados: $\bar{x_1} = 9.31, s_1 = 4.67, \bar{x_2} = 7.40, s_2 = 4.04$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

• $H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$ (teste unicaudal à direita)

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 = 1.91$$

Estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra



Example

• Dados:
$$\bar{x_1} = 9.31, s_1 = 4.67, \bar{x_2} = 7.40, s_2 = 4.04$$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

• $H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$ (teste unicaudal à direita)

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 = 1.91$$

Estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra



Example

• Dados: $\bar{x_1} = 9.31, s_1 = 4.67, \bar{x_2} = 7.40, s_2 = 4.04$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

• $H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$ (teste unicaudal à direita)

•
$$\bar{x_1} - \bar{x_2} = 1.91$$

Estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra



Example

• Dados:
$$\bar{x_1} = 9.31, s_1 = 4.67, \bar{x_2} = 7.40, s_2 = 4.04$$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

•
$$H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$$
 (teste unicaudal à direita)

$$\bar{x_1} - \bar{x_2} = 1.91$$

Estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra



Example

• Dados: $\bar{x_1} = 9.31, s_1 = 4.67, \bar{x_2} = 7.40, s_2 = 4.04$

•
$$H_0: \mu_1 = \mu_2 \Rightarrow \mu_1 - \mu_2 = 0 \Rightarrow \mu_{(x_1 - x_2)} = 0$$

• $H_1: \mu_1 - \mu_2 > 0$ (teste unicaudal à direita)

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 = 1.91$$

Estatística de teste

$$\mathbf{Z} = \frac{\bar{x_1} - \bar{x_2}}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} = \frac{1.91}{0.617} \approx 3.09$$

Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra



Testes de Hipóteses II Felipe

Figueiredo

uma amostra

Testes com duas amostras

- Encontramos a estatística de teste z = 3.09
- Consultando a tabela Z, a probabilidade correspondente é p = 0.001
- Como p < 0.05, concluímos que há evidências para rejeitar H₀
- Assim, há evidências de que a nova dieta resulta em perda de peso



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Testes com duas amostras

- Encontramos a estatística de teste z = 3.09
- Consultando a tabela Z, a probabilidade correspondente é p = 0.001
- Como p < 0.05, concluímos que há evidências para rejeitar H₀
- Assim, há evidências de que a nova dieta resulta em perda de peso



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Testes com duas amostras

- Encontramos a estatística de teste z = 3.09
- Consultando a tabela Z, a probabilidade correspondente é p = 0.001
- Como p < 0.05, concluímos que há evidências para rejeitar H₀
- Assim, há evidências de que a nova dieta resulta em perda de peso



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

uma amostra

Testes com duas amostras

- Encontramos a estatística de teste z = 3.09
- Consultando a tabela Z, a probabilidade correspondente é p = 0.001
- Como p < 0.05, concluímos que há evidências para rejeitar H_0
- Assim, há evidências de que a nova dieta resulta em perda de peso



Testes de Hipóteses II

Felipe Figueiredo

Testes com uma amostra

Testes com duas amostras

- Encontramos a estatística de teste z = 3.09
- Consultando a tabela Z, a probabilidade correspondente é p = 0.001
- Como p < 0.05, concluímos que há evidências para rejeitar H₀
- Assim, há evidências de que a nova dieta resulta em perda de peso