

# Estatística Descritiva II

## Medidas sumárias

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

- 1 **Medidas de Tendência Central**
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 **Medidas de Dispersão**
  - Amplitude
  - Desvios em relação à media
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 **Medidas de Posição**
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

- Medidas sumárias resumem a informação contida nos dados em um pequeno conjunto de números.
- Medidas sumárias de **populações** se chamam **parâmetros**, e são representadas por letras gregas ( $\mu$ ,  $\sigma$ , etc).
- Medidas sumárias de **amostras** se chamam **estatísticas** e são representadas por letras comuns ( $\bar{x}$ ,  $s$ , etc).
- Geralmente trabalhamos com estatísticas descritivas.

- Medidas sumárias resumem a informação contida nos dados em um pequeno conjunto de números.
- Medidas sumárias de **populações** se chamam **parâmetros**, e são representadas por letras gregas ( $\mu$ ,  $\sigma$ , etc).
- Medidas sumárias de **amostras** se chamam **estatísticas** e são representadas por letras comuns ( $\bar{x}$ ,  $s$ , etc).
- Geralmente trabalhamos com estatísticas descritivas.

- Medidas sumárias resumem a informação contida nos dados em um pequeno conjunto de números.
- Medidas sumárias de **populações** se chamam **parâmetros**, e são representadas por letras gregas ( $\mu$ ,  $\sigma$ , etc).
- Medidas sumárias de **amostras** se chamam **estatísticas** e são representadas por letras comuns ( $\bar{x}$ ,  $s$ , etc).
- Geralmente trabalhamos com estatísticas descritivas.

- Medidas sumárias resumem a informação contida nos dados em um pequeno conjunto de números.
- Medidas sumárias de **populações** se chamam **parâmetros**, e são representadas por letras gregas ( $\mu$ ,  $\sigma$ , etc).
- Medidas sumárias de **amostras** se chamam **estatísticas** e são representadas por letras comuns ( $\bar{x}$ ,  $s$ , etc).
- Geralmente trabalhamos com estatísticas descritivas.

## 1 Medidas de Tendência Central

- Média
- Mediana
- Moda
- Comparação entre as Medidas Centrais

## 2 Medidas de Dispersão

- Amplitude
- Desvios em relação à media
- Variância
- Desvio Padrão
- Coeficiente de Variação

## 3 Medidas de Posição

- Quartis
- Percentis
- Escore padrão

- A média (aritmética) leva em conta todos os dados disponíveis, e indica (em muitas situações) o ponto de maior acumulação de dados.

- Notação: média populacional ( $\mu$ )

$$\mu = \sum_{j=1}^N \frac{x_j}{N}$$

- Notação: média amostral ( $\bar{x}$ )

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n}$$

- Nem sempre pertence ao dataset.



- A média (aritmética) leva em conta todos os dados disponíveis, e indica (em muitas situações) o ponto de maior acumulação de dados.
- Notação: média populacional ( $\mu$ )

$$\mu = \sum_{j=1}^N \frac{x_j}{N}$$

- Notação: média amostral ( $\bar{x}$ )

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n}$$

- Nem sempre pertence ao dataset.

- A média (aritmética) leva em conta todos os dados disponíveis, e indica (em muitas situações) o ponto de maior acumulação de dados.
- Notação: média populacional ( $\mu$ )

$$\mu = \sum_{j=1}^N \frac{x_j}{N}$$

- Notação: média amostral ( $\bar{x}$ )

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n}$$

- Nem sempre pertence ao dataset.

- A média (aritmética) leva em conta todos os dados disponíveis, e indica (em muitas situações) o ponto de maior acumulação de dados.
- Notação: média populacional ( $\mu$ )

$$\mu = \sum_{j=1}^N \frac{x_j}{N}$$

- Notação: média amostral ( $\bar{x}$ )

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^n \frac{x_i}{n}$$

- Nem sempre pertence ao dataset.

## Example

Foram observados os seguintes níveis de colesterol de uma amostra de pacientes. Qual é o nível médio de colesterol nestes pacientes?

$$x_1 = 142$$

$$x_2 = 144$$

$$x_3 = 176$$

$$x_4 = 203$$

$$x_5 = 134$$

$$x_6 = 191$$

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{990}{6} = 165$$

## 1 Medidas de Tendência Central

- Média
- **Mediana**
- Moda
- Comparação entre as Medidas Centrais

## 2 Medidas de Dispersão

- Amplitude
- Desvios em relação à media
- Variância
- Desvio Padrão
- Coeficiente de Variação

## 3 Medidas de Posição

- Quartis
- Percentis
- Escore padrão

## Definition

A mediana é o dado que ocupa a **posição central** nos dados ordenados.

- Notação:  $M_d$
- Divide o dataset ao meio
- Costuma pertencer ao dataset

## Definition

A mediana é o dado que ocupa a **posição central** nos dados ordenados.

- Notação:  $M_d$
- Divide o dataset ao meio
- Costuma pertencer ao dataset

## Definition

A mediana é o dado que ocupa a **posição central** nos dados ordenados.

- Notação:  $M_d$
- Divide o dataset ao meio
- Costuma pertencer ao dataset



## Definition

A mediana é o dado que ocupa a **posição central** nos dados ordenados.

- Notação:  $M_d$
- Divide o dataset ao meio
- Costuma pertencer ao dataset

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

$$x_5 = 134$$

$$x_1 = 142$$

$$x_2 = 144$$

$$x_3 = 176$$

$$x_6 = 191$$

$$x_4 = 203$$

$$M_d = \frac{144 + 176}{2} = 160$$

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

$$x_5 = 134$$

$$x_1 = 142$$

$$x_2 = 144$$

$$x_3 = 176$$

$$x_6 = 191$$

$$x_4 = 203$$

$$M_d = \frac{144 + 176}{2} = 160$$

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

$$x_5 = 134$$

$$x_1 = 142$$

$$x_2 = 144$$

$$x_3 = 176$$

$$x_6 = 191$$

$$x_4 = 203$$

$$M_d = \frac{144 + 176}{2} = 160$$

- Para se calcular a mediana, deve-se ordenar os dados.
- Encontrar o valor do meio se  $n$  for ímpar.
- Encontrar a média dos dois valores do meio se  $n$  for par.

## Example

Conforme no exemplo anterior

$$x_5 = 134$$

$$x_1 = 142$$

$$x_2 = 144$$

$$x_3 = 176$$

$$x_6 = 191$$

$$x_4 = 203$$

$$M_d = \frac{144 + 176}{2} = 160$$



## 1 Medidas de Tendência Central

- Média
- Mediana
- **Moda**
- Comparação entre as Medidas Centrais

## 2 Medidas de Dispersão

- Amplitude
- Desvios em relação à media
- Variância
- Desvio Padrão
- Coeficiente de Variação

## 3 Medidas de Posição

- Quartis
- Percentis
- Escore padrão

## Definition

A moda é o dado que ocorre com **maior frequência**.

- Notação:  $M_o$
- Sempre pertence ao dataset.
- Não é necessariamente única: o dataset pode ser **bimodal**, ou mesmo **multimodal**.
- Não necessariamente existe: **amodal**

## Definition

A moda é o dado que ocorre com **maior frequência**.

- Notação:  $M_o$
- Sempre pertence ao dataset.
- Não é necessariamente única: o dataset pode ser **bimodal**, ou mesmo **multimodal**.
- Não necessariamente existe: **amodal**

## Definition

A moda é o dado que ocorre com **maior frequência**.

- Notação:  $M_o$
- Sempre pertence ao dataset.
- Não é necessariamente única: o dataset pode ser **bimodal**, ou mesmo **multimodal**.
- Não necessariamente existe: **amodal**

## Definition

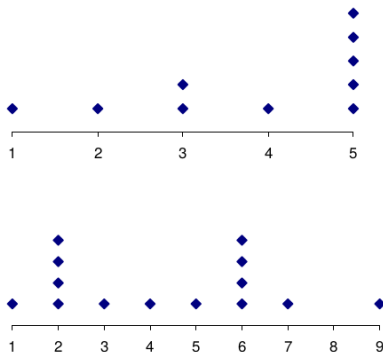
A moda é o dado que ocorre com **maior frequência**.

- Notação:  $M_o$
- Sempre pertence ao dataset.
- Não é necessariamente única: o dataset pode ser **bimodal**, ou mesmo **multimodal**.
- Não necessariamente existe: **amodal**

## Definition

A moda é o dado que ocorre com **maior frequência**.

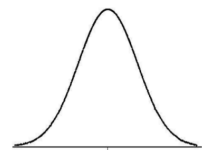
- Notação:  $M_o$
- Sempre pertence ao dataset.
- Não é necessariamente única: o dataset pode ser **bimodal**, ou mesmo **multimodal**.
- Não necessariamente existe: **amodal**



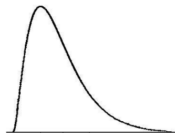
**Figura:** Diagrama de pontos para dados (a) unimodal, (b) bimodal  
(Fonte: Reis, Reis, 2002)

- 1 **Medidas de Tendência Central**
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - **Comparação entre as Medidas Centrais**
- 2 **Medidas de Dispersão**
  - Amplitude
  - Desvios em relação à media
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 **Medidas de Posição**
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

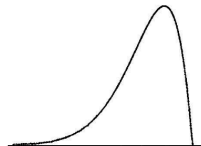




**moda = mediana = média**



**moda < mediana < média**



**média < mediana < moda**

**Figura:** (a) Simétrica, (b) Assimétrica à esquerda, (c) Assimétrica à direita (Fonte: Reis, Reis 2002)

- A média é mais usada, mas não é **robusta**.
- É distorcida na presença de *outliers* (valores discrepantes, extremos)

# Comparação entre as Medidas Centrais



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Média

Mediana

Moda

Comparação

Medidas de  
Dispersão

Medidas de  
Posição

## Example

Considere o seguinte dataset

$\{1, 1, 2, 4, 7\}$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 7}{5} = \frac{15}{5} = 3$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere o seguinte dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 7\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 7}{5} = \frac{15}{5} = 3$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere o seguinte dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 7\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:

- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 7}{5} = \frac{15}{5} = 3$

- $M_d = 2$

- $M_o = 1$

## Example

Considere o seguinte dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 7\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 7}{5} = \frac{15}{5} = 3$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere o seguinte dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 7\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 7}{5} = \frac{15}{5} = 3$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere o seguinte dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 7\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 7}{5} = \frac{15}{5} = 3$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$



## Example

Considere agora este outro dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 32\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 32}{5} = \frac{40}{5} = 8$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere agora este outro dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 32\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 32}{5} = \frac{40}{5} = 8$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere agora este outro dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 32\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:

- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 32}{5} = \frac{40}{5} = 8$

- $M_d = 2$

- $M_o = 1$

## Example

Considere agora este outro dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 32\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 32}{5} = \frac{40}{5} = 8$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere agora este outro dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 32\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 32}{5} = \frac{40}{5} = 8$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Example

Considere agora este outro dataset

$$\{1, 1, 2, 4, 32\}$$

- $N = 5$
- As medidas descritivas centrais para estes dados são:
- $\mu = \frac{1 + 1 + 2 + 4 + 32}{5} = \frac{40}{5} = 8$
- $M_d = 2$
- $M_o = 1$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A média amostral ( $\bar{x}$ )
- 2 A mediana ( $M_d$ )
- 3 A moda ( $M_o$ )

## Solução

1  $\bar{x} = \frac{35 + 33 + 37 + 33 + 34}{5} = 34.4$

2  $M_d = 34$

3  $M_o = 33$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A média amostral ( $\bar{x}$ )
- 2 A mediana ( $M_d$ )
- 3 A moda ( $M_o$ )

## Solução

- 1  $\bar{x} = \frac{35 + 33 + 37 + 33 + 34}{5} = 34.4$
- 2  $M_d = 34$
- 3  $M_o = 33$



## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A média amostral ( $\bar{x}$ )
- 2 A mediana ( $M_d$ )
- 3 A moda ( $M_o$ )

## Solução

1  $\bar{x} = \frac{35 + 33 + 37 + 33 + 34}{5} = 34.4$

2  $M_d = 34$

3  $M_o = 33$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A média amostral ( $\bar{x}$ )
- 2 A mediana ( $M_d$ )
- 3 A moda ( $M_o$ )

## Solução

- 1  $\bar{x} = \frac{35 + 33 + 37 + 33 + 34}{5} = 34.4$
- 2  $M_d = 34$
- 3  $M_o = 33$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A média amostral ( $\bar{x}$ )
- 2 A mediana ( $M_d$ )
- 3 A moda ( $M_o$ )

## Solução

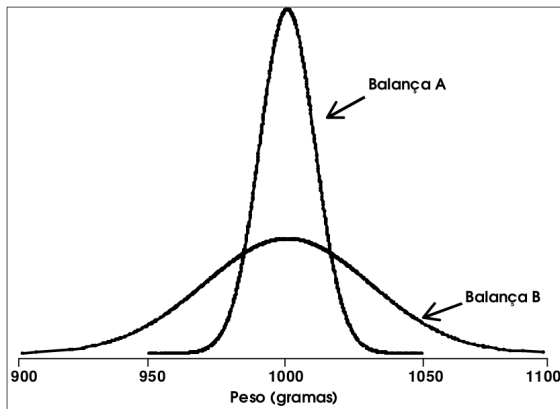
- 1  $\bar{x} = \frac{35 + 33 + 37 + 33 + 34}{5} = 34.4$
- 2  $M_d = 34$
- 3  $M_o = 33$

- Média mais usual
- Mediana na presença de *outliers*
- Moda quando a distribuição das frequências for bimodal ou multimodal.

- Média mais usual
- Mediana na presença de *outliers*
- Moda quando a distribuição das frequências for bimodal ou multimodal.

- Média mais usual
- Mediana na presença de *outliers*
- Moda quando a distribuição das frequências for bimodal ou multimodal.

# Variabilidade em Medições



**Figura:** Variabilidade da medição de uma esfera metálica de 1000g. Balança A, “imprecisão” de 50g, balança B, “imprecisão” de 100g (Fonte: Reis, Reis, 2002)

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à média
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão



A amplitude dos dados identifica o intervalo de ocorrência de todos os dados observados

- $A = x_{max} - x_{min}$

## Example

Seja o dataset  $\{4, 12, 20, 75, 40, 39, 63\}$  Então, a amplitude é

$$A =$$

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à média
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

# Desvios em relação à média



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Amplitude

Desvios em relação  
à média

Variância

Desvio Padrão

Coefficiente de  
Variação

Medidas de  
Posição

- Uma maneira de entender a variabilidade do dataset é analisar os desvios em relação à média.
- O desvio é a diferença entre o valor do dado
- $D = x_i - \mu$  ou  $D = x_i - \bar{x}$

# Desvios em relação à média



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Amplitude

Desvios em relação  
à média

Variância

Desvio Padrão

Coefficiente de  
Variação

Medidas de  
Posição

- Uma maneira de entender a variabilidade do dataset é analisar os desvios em relação à média.
- O desvio é a diferença entre o valor do dado
- $D = x_i - \mu$  ou  $D = x_i - \bar{x}$

# Desvios em relação à média



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Amplitude

Desvios em relação  
à média

Variância

Desvio Padrão

Coefficiente de  
Variação

Medidas de  
Posição

- Uma maneira de entender a variabilidade do dataset é analisar os desvios em relação à média.
- O desvio é a diferença entre o valor do dado
- $D = x_i - \mu$  ou  $D = x_i - \bar{x}$

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à média
  - **Variância**
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

A variância é a média dos desvios quadráticos

- Variância populacional

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}$$

- Variância amostral

$$s^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

- É uma medida conveniente do ponto de vista matemático (boas propriedades algébricas e analíticas).
- Como ela usa uma unidade quadrática, é pouco intuitiva do ponto de vista de interpretação para resultados.

A variância é a média dos desvios quadráticos

- Variância populacional

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}$$

- Variância amostral

$$s^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

- É uma medida conveniente do ponto de vista matemático (boas propriedades algébricas e analíticas).
- Como ela usa uma unidade quadrática, é pouco intuitiva do ponto de vista de interpretação para resultados.



A variância é a média dos desvios quadráticos

- Variância populacional

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}$$

- Variância amostral

$$s^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

- É uma medida conveniente do ponto de vista matemático (boas propriedades algébricas e analíticas).
- Como ela usa uma unidade quadrática, é pouco intuitiva do ponto de vista de interpretação para resultados.

A variância é a média dos desvios quadráticos

- Variância populacional

$$\sigma^2 = \frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}$$

- Variância amostral

$$s^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}$$

- É uma medida conveniente do ponto de vista matemático (boas propriedades algébricas e analíticas).
- Como ela usa uma unidade quadrática, é pouco intuitiva do ponto de vista de interpretação para resultados.

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais

- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à média
  - Variância
  - **Desvio Padrão**
  - Coeficiente de Variação

- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

O desvio padrão é a

- Desvio padrão populacional

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}}$$

- Desvio padrão amostral

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

- É a medida mais usual para mensurar a variabilidade dos dados, por estar na mesma escala (unidade) destes.

O desvio padrão é a

- Desvio padrão populacional

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}}$$

- Desvio padrão amostral

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

- É a medida mais usual para mensurar a variabilidade dos dados, por estar na mesma escala (unidade) destes.

O desvio padrão é a

- Desvio padrão populacional

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \mu)^2}{N}}$$

- Desvio padrão amostral

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

- É a medida mais usual para mensurar a variabilidade dos dados, por estar na mesma escala (unidade) destes.

# Desvio Padrão



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Amplitude

Desvios em relação  
à média

Variância

**Desvio Padrão**

Coefficiente de  
Variação

Medidas de  
Posição



# Desvio Padrão



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Amplitude

Desvios em relação  
à média

Variância

**Desvio Padrão**

Coefficiente de  
Variação

Medidas de  
Posição





## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A variância amostral ( $s^2$ )
- 2 O desvio padrão amostral ( $s$ )

## Solução

Lembrando que  $\bar{x} = 34.4$ , temos:

$$\begin{aligned} s^2 &= \frac{(35 - 34.4)^2 + (33 - 34.4)^2 + \dots}{5 - 1} \\ &= \frac{0.36 + 1.96 + 6.76 + 1.96 + 0.16}{4} = 2.8 \end{aligned}$$

$$s = \sqrt{2.8} = 1.67$$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A variância amostral ( $s^2$ )
- 2 O desvio padrão amostral ( $s$ )

## Solução

Lembrando que  $\bar{x} = 34.4$ , temos:

$$\begin{aligned} 1 \quad s^2 &= \frac{(35 - 34.4)^2 + (33 - 34.4)^2 + \dots}{5 - 1} \\ &= \frac{0.36 + 1.96 + 6.76 + 1.96 + 0.16}{4} = 2.8 \end{aligned}$$

$$2 \quad s = \sqrt{2.8} = 1.67$$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A variância amostral ( $s^2$ )
- 2 O desvio padrão amostral ( $s$ )

## Solução

Lembrando que  $\bar{x} = 34.4$ , temos:

$$\begin{aligned} 1 \quad s^2 &= \frac{(35 - 34.4)^2 + (33 - 34.4)^2 + \dots}{5 - 1} \\ &= \frac{0.36 + 1.96 + 6.76 + 1.96 + 0.16}{4} = 2.8 \end{aligned}$$

$$2 \quad s = \sqrt{2.8} = 1.67$$

## Exercício

Um pesquisador observou as seguintes idades (anos) para uma amostra: 35, 33, 37, 33, 34.

Determine:

- 1 A variância amostral ( $s^2$ )
- 2 O desvio padrão amostral ( $s$ )

## Solução

Lembrando que  $\bar{x} = 34.4$ , temos:

$$\begin{aligned} 1 \quad s^2 &= \frac{(35 - 34.4)^2 + (33 - 34.4)^2 + \dots}{5 - 1} \\ &= \frac{0.36 + 1.96 + 6.76 + 1.96 + 0.16}{4} = 2.8 \end{aligned}$$

$$2 \quad s = \sqrt{2.8} = 1.67$$

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à média
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - **Coeficiente de Variação**
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

# Coeficiente de Variação



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Amplitude  
Desvios em relação  
à média  
Variância  
Desvio Padrão  
**Coeficiente de  
Variação**

Medidas de  
Posição

## Definition

$$CV = \frac{\sigma}{\mu}$$

- Normaliza a variabilidade em relação à média
- Permite comparar a variabilidade de datasets não relacionados (mesmo que não usem a mesma unidade)

## Example

## Definition

$$CV = \frac{\sigma}{\mu}$$

- Normaliza a variabilidade em relação à média
- Permite comparar a variabilidade de datasets não relacionados (mesmo que não usem a mesma unidade)

## Example

## Definition

$$CV = \frac{\sigma}{\mu}$$

- Normaliza a variabilidade em relação à média
- Permite comparar a variabilidade de datasets não relacionados (mesmo que não usem a mesma unidade)

## Example



## Definition

$$CV = \frac{\sigma}{\mu}$$

- Normaliza a variabilidade em relação à média
- Permite comparar a variabilidade de datasets não relacionados (mesmo que não usem a mesma unidade)

## Example

- Permitem estabelecer informações quantitativas relativas à ordem dos dados



- Permitem estabelecer informações quantitativas relativas à ordem dos dados
-

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à media
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

## Definition

Dividem o dataset em quatro partes, cada uma com 25% dos dados

- $Q_1$ , primeiro quartil, representa os primeiros 25% dos dados
- $Q_2$ , segundo quartil, representa os primeiros 50% dos dados
- $Q_3$ , terceiro quartil, representa os primeiros 75% dos dados

## Pergunta

O que podemos dizer sobre o segundo quartil ( $Q_2$ )?

## Definition

Dividem o dataset em quatro partes, cada uma com 25% dos dados

- $Q_1$ , primeiro quartil, representa os primeiros 25% dos dados
- $Q_2$ , segundo quartil, representa os primeiros 50% dos dados
- $Q_3$ , terceiro quartil, representa os primeiros 75% dos dados

## Pergunta

O que podemos dizer sobre o segundo quartil ( $Q_2$ )?

## Definition

Dividem o dataset em quatro partes, cada uma com 25% dos dados

- $Q_1$ , primeiro quartil, representa os primeiros 25% dos dados
- $Q_2$ , segundo quartil, representa os primeiros 50% dos dados
- $Q_3$ , terceiro quartil, representa os primeiros 75% dos dados

## Pergunta

O que podemos dizer sobre o segundo quartil ( $Q_2$ )?

## Definition

Dividem o dataset em quatro partes, cada uma com 25% dos dados

- $Q_1$ , primeiro quartil, representa os primeiros 25% dos dados
- $Q_2$ , segundo quartil, representa os primeiros 50% dos dados
- $Q_3$ , terceiro quartil, representa os primeiros 75% dos dados

## Pergunta

O que podemos dizer sobre o segundo quartil ( $Q_2$ )?



## Definition

Dividem o dataset em quatro partes, cada uma com 25% dos dados

- $Q_1$ , primeiro quartil, representa os primeiros 25% dos dados
- $Q_2$ , segundo quartil, representa os primeiros 50% dos dados
- $Q_3$ , terceiro quartil, representa os primeiros 75% dos dados

## Pergunta

O que podemos dizer sobre o segundo quartil ( $Q_2$ )?

## Example

Os pesos de 102 bebês nascidos em uma certa maternidade ao longo de um ano foram anotados e ordenados. Um certo bebê ocupa o  $Q_3$  deste dataset.

- Isto significa que aproximadamente 75% dos bebês nascidos nesta maternidade tem peso menor ou igual a ele (Mazel Tov!).

## Example

Os pesos de 102 bebês nascidos em uma certa maternidade ao longo de um ano foram anotados e ordenados. Um certo bebê ocupa o  $Q_3$  deste dataset.

- Isto significa que aproximadamente 75% dos bebês nascidos nesta maternidade tem peso menor ou igual a ele (Mazel Tov!).

- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à media
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - **Percentis**
  - Escore padrão

# Percentis



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Medidas de  
Posição

Quartis

**Percentis**

Escore padrão



- 1 Medidas de Tendência Central
  - Média
  - Mediana
  - Moda
  - Comparação entre as Medidas Centrais
- 2 Medidas de Dispersão
  - Amplitude
  - Desvios em relação à media
  - Variância
  - Desvio Padrão
  - Coeficiente de Variação
- 3 Medidas de Posição
  - Quartis
  - Percentis
  - Escore padrão

# Escore padrão



Estatística  
Descritiva II

Felipe  
Figueiredo

Medidas de  
Tendência  
Central

Medidas de  
Dispersão

Medidas de  
Posição

Quartis

Percentis

**Escore padrão**

