

### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

IC da média

Encerramento

Felipe Figueiredo



- A distribuição Normal
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- IC da média
  - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão
- 3 Encerramento

#### Felipe Figueiredo

Normal

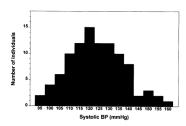
IC da média

# Recapitulando



### (aula passada)

- Pressão sanguínea (PS) de todos os 100 alunos de uma sala
- Visualização da média e variabilidade dos dados



#### Felipe Figueiredo

#### A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade A distribuição Norma

IC da média



- A distribuição Normal
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão

#### Felipe Figueiredo

Distribuições de probabilidade

# Distribuições de dados "reais"



### Exemplo 5.1

No exemplo, a PS dos 100 alunos (a turma inteira) foi visualizada em um histograma.

Calculando a média, encontramos 123,4 mmHg. Calculando o DP, encontramos 14,0 mmHg.

### Pense...

- Se a população for a turma, sabemos a média e o DP com certeza
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, como podemos inferir os parâmetros da população (digamos, com 95% de confiança)?

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

Distribuições de probabilidade

Inferências

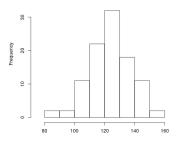
IC da média

# Distribuições de dados "reais"



# Média = 123,4 mmHg, DP = 14,0 mmHg

- Você vê a média?
- Você vê o DP?



### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

#### Distribuições de probabilidade

Inferências

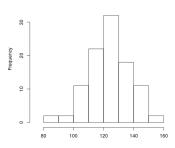
### IC da média

# Observações importantes



### Muitas medições próximas da média

- Poucas medições de PS muito baixas
- Poucas medições de PS muito altas
- Aprox. simétrica em torno da média



#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

> Distribuições de probabilidade

> Inferências

C da média



- A distribuição Normal
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- IC da média
  - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão
- 3 Encerramento

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

probabilidade

A distribuição Normal

Inferências

IC da média

# Distribuição Normal

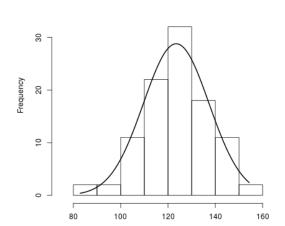




Distribuições de probabilidade

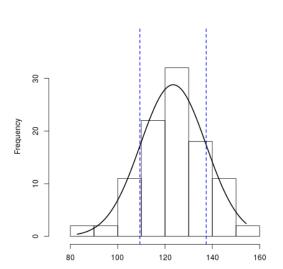
A distribuição Normal Inferências

IC da média



# Distribuição Normal, com DP





### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal Distribuições de

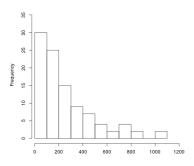
A distribuição Normal

IC da média

### E esta?



- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



### Felipe Figueiredo

Normal

Distribuições de

probabilidade

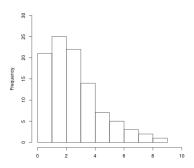
A distribuição Normal

IC da média

### E esta?



- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



### Felipe Figueiredo

Normal

Distribuições de

probabilidade

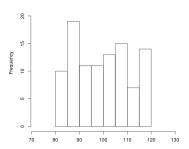
A distribuição Normal

IC da média

### E esta?



- Muitas medições próximas da média?
- Poucas medições de PS muito baixas?
- Poucas medições de PS muito altas?
- Aprox. simétrica em torno da média?



### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

probabilidade

A distribuição Normal

O ala sa á ali a



- A distribuição Normal
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- IC da média
  - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão
- 3 Encerramento

#### Felipe Figueiredo

Normal

Distribuições de

A distribuição Norn Inferências

IC da média



# A regra empírica



#### Felipe Figueiredo

Normal

Distribuições de probabilidade

A distribuição Normal

Inferências

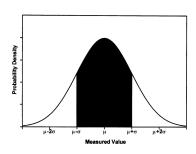
io da media

- (aula passada)
- "mais da metade" dos dados estão a 1 DP da média
- "quase todos" os dados estão a 2 DPs da média

# A regra empírica



- 68% a até 1 DP da média
- 95% a até 2 DP da média
- 99,7% a até 3 DP da média



### Felipe Figueiredo

Normal

Distribuições de probabilidade

Inferências

IC da média



- A distribuição Norma
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- IC da média
  - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão
- 3 Encerramento

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

Interpretação

O Erro Padrão

# Distribuições de dados "reais"



### Exemplo 5.1

No exemplo, a PS dos 100 alunos (a turma inteira) foi visualizada em um histograma.

Calculando a média, encontramos 123,4 mmHg. Calculando o DP, encontramos 14,0 mmHg.

### Pense...

- Se a população for a turma, sabemos a média e o DP com certeza
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, como podemos inferir os parâmetros da população (digamos, com 95% de confiança)?

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

> C da média Interpretação

O Erro Padrão

# Distribuições de dados "reais"



### Exemplo 5.2

Das 100 medições de PS, você amostrou aleatoriamente 5 medições.

Valores aproximados: 120, 80, 90, 110 e 95 mmHg. Calculando a média, encontramos 99,0 mmHg. Calculando o DP, encontramos 15,97 mmHg.

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

IC da media Interpretação

O Erro Padrão

ncerramento

### Pense...

- Se a população for a turma, podemos estimar a média e o DP da turma com os valores desta amostra?
- Se a turma é uma amostra de uma população maior, esta estimativa nos dá "mais confiança" sobre a população, ou menos?

### IC da média



#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

Interpretação

Premissas

Encorrament

Encerramento

### ICs dos exemplos

- O IC do exemplo 5.1: 120,6 até 126,2 mmHg
- O IC do exemplo 5.2: 79,2 até 118,8 mmHg

### Pense...

Observe os tamanhos dos ICs.



- A distribuição Norma
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- IC da média
  - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão
- 3 Encerramento

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

IC da média Interpretação Premissas

O Erro Padrão

### **Premissas**



### Felipe Figueiredo

Premissas

Assumimos que estas coisas são verdadeiras para calcular/interpretar um IC

- A amostra foi selecionada aleatoriamente da população (sem reposição)
- A população é Normal (Gaussiana)
- Os indivíduos são independentes, uns dos outros



- A distribuição Norma
  - Distribuições de probabilidade
  - A distribuição Normal
  - Inferências
- IC da média
  - Interpretação
  - Premissas
  - O Erro Padrão
- 3 Encerramento

#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

IC da média Interpretação

O Erro Padrão

### Teorema do Limite Central



#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

IC da média

O Erro Padrão

ncerramento

Vídeo

# O Erro Padrão



### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

Interpretação Premissas

O Erro Padrão

- $SEM = \frac{DP}{\sqrt{N}}$
- SEM = Erro Padrão da Média (em inglês)
- Conforme N aumenta, SEM diminui
- Conforme N aumenta, SEM aproxima DP da população

# O Erro Padrão



### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

Interpretação
Premissas

O Erro Padrão

ncerramento

 $IC: M \pm t * \times SEM$ 

- M = média
- Para 95% de confiança,  $t^* \approx 2$ .

# O Erro Padrão



### $IC: M \pm t * \times SEM$

### Exemplo 5.1

- DP = 14,0
- N = 100
- $SEM = \frac{14}{\sqrt{100}} = 1.4$
- IC = M  $\pm 2 \times$  SEM
- IC  $\approx$  [120.6, 126.2]

### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

C da média Interpretação Premissas

O Erro Padrão

# Leitura pós-aula e exercícios selecionados



#### Felipe Figueiredo

A distribuição Normal

IC da média

Encerramento

### Leitura obrigatória

Capítulo 4. Pular a seção **Intervalo de Predição**. Capítulo 5. Pular as seções:

- Calculando o IC da média
- A distribuição t
- Cap 4: Exercícios 1, 2 e 3.
- Cap 5: exercícios 1, 3, 7 e 9.