

Correlação Linear

Associação de duas amostras (quantitativa)

Felipe Figueiredo

Instituto Nacional de Traumatologia e Ortopedia

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação

Sumário



- 🕦 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 Introdução
 - Introdução
- 3 Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

ula passad

Introdução

Correlação

_

Aprofundamen

4日 > 4 母 > 4 豆 > 4 豆 > 「豆 め 9 (の)

Sumário



- Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- 3 Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- 4 Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada
Discussão da aula
passada

Introdução

Corrolação

Raciima



Discussão da aula passada



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada Discussão da aula

passada Introdução

Correlação

Daarimaa

Aprofundament

Discussão da leitura obrigatória da aula passada

Sumário



- 🕕 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- 2 Introdução
 - Introdução
- Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Intro

Correlação

Resumo

Aprolulidameni

Dispersão (Revisão)



Correlação Linear Felipe

Figueiredo

aula passad

Intro

.

Resumo

Aprofundamento

 A variância (assim como o DP) é uma medida da dispersão da amostra

- P: o quanto os dados se desviam da média?
- Medida sumária: um único número para a amostra

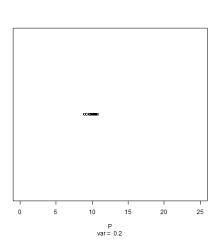
Interpretação

Quanto maior a variância...

... maior a dispersão em relação ao centro.

Visualização - Dispersão "pequena"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

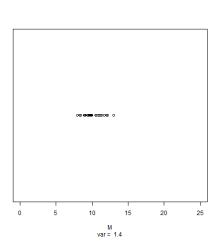
aula passada

Intro

2001IMO

Visualização - Dispersão "média"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

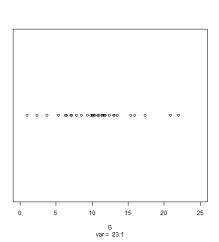
aula passada

Intro

Resumo

Visualização - Dispersão "grande"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

D -- -----

Dispersão em cada eixo



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

Juli elaçau

esumo

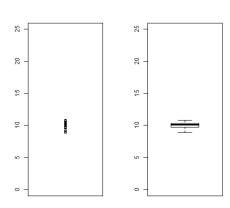
Aprofundamento

 Para medir a associação entre duas variáveis contínuas, devemos considerar a dispersão de cada uma delas

- Exemplos anteriores: dispersão no eixo horizontal
- Vejamos agora no eixo vertical
- (e aproveitar para incrementar a visualização de **uma** variância)

Visualização - Dispersão "pequena" - boxplot





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

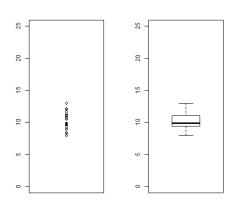
aula passada

Intro

Dooumo

Visualização - Dispersão "média" - boxplot





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

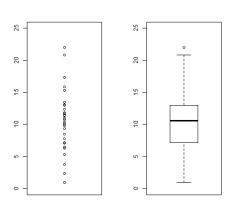
aula passada

Intro

Resumo

Visualização - Dispersão "grande" - boxplot





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

Resumo

Dispersão "conjunta" entre duas variáveis



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

ula passada

Intro

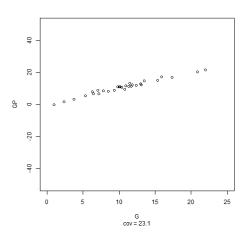
Correlação

esumo

- Podemos usar um raciocínio análogo para comparar quanto uma amostra se desvia em relação à outra
- Pareando duas amostras, podemos tentar observar:
 - a dispersão no eixo horizontal (difícil)
 - a dispersão no eixo vertical (difícil)
 - a "dispersão conjunta" entre ambas (fácil)

Visualização - Dispersão "pequena"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

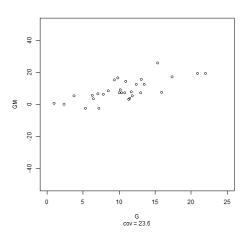
aula passada

Intro

2001IMO

Visualização - Dispersão "média"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

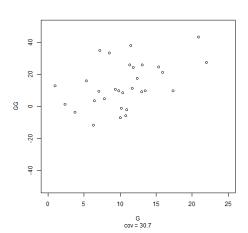
aula passada

Intro

2001IMO

Visualização - Dispersão "grande"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

esumo

Luz.. Câmera... Ação!



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

2001Imo

Dispersão - casos extremos



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

esumo

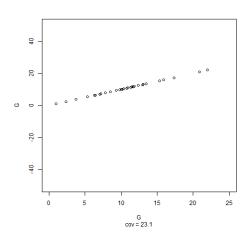
Aprofundament

 Esta dispersão conjunta é a base para entender a associação

- Nos dois casos extremos temos:
 - duas variáveis perfeitamente associadas
 - duas variáveis não associadas

Visualização - Dispersão conjunta "inexistente"





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

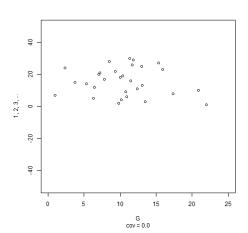
aula passada

Intro

.

Visualização - Dispersão amostras independentes





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Intro

Medida de associação entre duas variáveis contínuas



Correlação Linear Felipe

Figueiredo

Introdução

Intro

ocumo

10001110

Aprofundamento

O DP é uma medida a dispersão de uma variável contínua.

• Existe um análogo para duas variáveis, simultaneamente.

O nome desta solução é coeficiente de correlação r.

Sumário



- 🕕 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- 3 Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- 4 Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Introdução

Correlação

Associação Pearson

_

Resumo

Tipos de variáveis envolvidas



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação

Associação

Pearson

....

Resumo

- Considere duas amostras X e Y, de dados numéricos contínuos.
- Vamos representar os dados em pares ordenados (x,y) onde:
 - X: variável independente (ou variável explanatória)
 - Y: variável dependente (ou variável resposta)

Medidas de associação



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Sorrelação
Associação

Pearson

Interpretaçã

Resumo

Aprofundamen

 Como definir (e mensurar!) o grau de associação entre duas amostras?

- Se uma amostra é dependente de outra, é razoável assumir que isso possa ser observável por estatísticas sumárias
- Como resumir esta informação em uma única grandeza numérica?

Medidas de associação



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

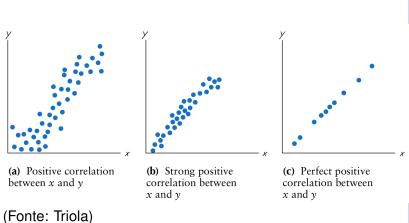
Associação

 Quando uma associação é forte, podemos identificá-la subjetivamente

- Para isto, analisamos o gráfico de dispersão dos pares (x,y)
- Um gráfico deste tipo é feito simplesmente plotando os pontos no plano cartesiano

Exemplo





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Correlação

Associação Pearson

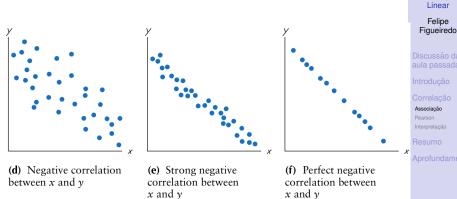
niterpretação

Resumo

Exemplo



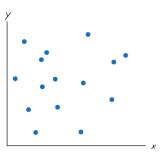
Correlação



(Fonte: Triola)

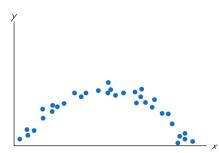
Exemplo







(Fonte: Triola)



(h) Nonlinear relationship

between x and y

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Associação

Sumário



- Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- 3 Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação
Associação
Pearson

morprotugue

Resumo

Coeficiente de correlação



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Associação Pearson

rearson Interpretação

Resumo

Resumo

Aprofundamen

Definition

O coeficiente de correlação r é a medida da direção e força da associação entre duas variáveis.

Propriedades:

- É um número entre −1 e 1.
- Mede a associação linear entre duas variáveis.
 - Diretamente proporcional, inversamente proporcional, ou ausência de proporcionalidade.



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson

Resumo

Aprofundamen

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson

Resumo

Aprofundamen

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson

Resumo

Aprofundamen

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson

_

Resumo

Aprofundamen

- Uma forte associação negativa corresponde a uma correlação próxima de -1.
- A ausência de associação corresponde a uma correlação próxima de 0.

IC e Teste de significância



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson Interpretaçã

Resumo

- Se tivéssemos os dados de toda a população, poderíamos calcular o parâmetro ρ
- Na prática, só podemos calcular a estatística r da amostra
- Utilizamos r como estimador para ρ, e testamos a significância estatística da forma usual

IC e Teste de significância



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson Interpretaç

Resumo

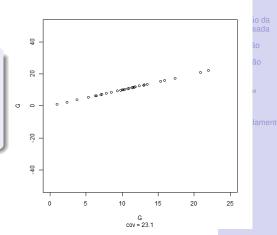
- Se tivéssemos os dados de toda a população, poderíamos calcular o parâmetro ρ
- Na prática, só podemos calcular a estatística r da amostra
- Utilizamos r como estimador para ρ, e testamos a significância estatística da forma usual



Correlação Linear

> Felipe 'edo

Pearson's product-moment correlation data: G and G t = 355110000, df = 28, p-value < 2.2e-16 alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0 95 percent confidence interval: 1 1 sample estimates: cor





Correlação Linear

> Felipe 'edo

Pearson's product-moment correlation data: G and GP

t = 28.803, df = 28, p-value < 2.2e-16

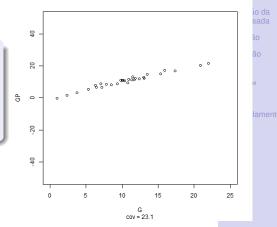
alternative hypothesis: true correlation is not equal to

95 percent confidence interval:

0.9653236 0.992e2253

sample estimates:

cor 0.9835406





Correlação Linear

> Felipe 'edo

Pearson's product-moment correlation data: G and GM

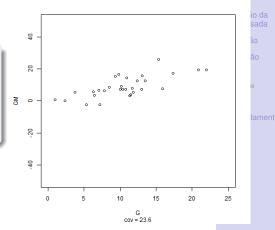
t = 5.6488, df = 28, p-value = 4.727e-06 alternative hypothesis: true correlation is not equal to

95 percent confidence interval: 0.5013686 0.8631382

sample estimates:

cor

0.7298133





Correlação Linear

> Felipe 'edo

Pearson's product-moment correlation data: G and GG

t = 2.6943, df = 28, p-value = 0.01179

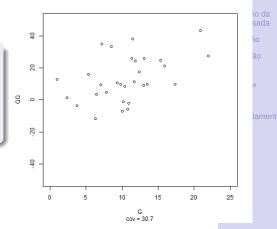
alternative hypothesis: true correlation is not equal to

95 percent confidence interval:

0.1117472 0.6996458

sample estimates:

cor 0.4537489



Exemplo - amostras independentes



Correlação Linear

> Felipe edo

Pearson's product-moment correlation

data: G and seq(1, 30) t = -0.64301, df = 28, p-value = 0.5254

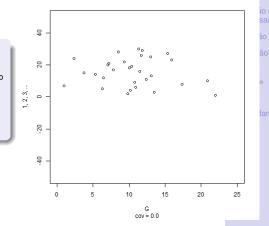
alternative hypothesis: true correlation is not equal to

95 percent confidence interval:

-0.4608704 0.2505266

sample estimates: -0.1206304

cor





Linear Felipe

Example

Pesquisadores queriam entender por que a insulina varia tanto entre indivíduos. Imaginaram que a composição lipídica das células do músculo afetam a sensibilidade do músculo para a insulina. Para isto, eles injetaram insulina em 13 jovens adultos, e determinaram quanta glicose eles precisariam injetar nos sujeitos para manter o nível de glicose sanguínea constante. A quantidade de glicose injetada para manter o nível sanguíneo constante é, então, uma medida da sensibilidade à insulina.

(Fonte: Motulsky, 1995)

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação

Pearson Interpretação

Resumo



Example

Pesquisadores queriam entender por que a insulina varia tanto entre indivíduos. Imaginaram que a composição lipídica das células do músculo afetam a sensibilidade do músculo para a insulina. Para isto, eles injetaram insulina em 13 jovens adultos, e determinaram quanta glicose eles precisariam injetar nos sujeitos para manter o nível de glicose sanguínea constante. A quantidade de glicose injetada para manter o nível sanguíneo constante é, então, uma medida da sensibilidade à insulina.

(Fonte: Motulsky, 1995)

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Introdução

Correlação
Associação
Pearson

nterpretação

Resumo



Example

Pesquisadores queriam entender por que a insulina varia tanto entre indivíduos. Imaginaram que a composição lipídica das células do músculo afetam a sensibilidade do músculo para a insulina. Para isto, eles injetaram insulina em 13 jovens adultos, e determinaram quanta glicose eles precisariam injetar nos sujeitos para manter o nível de glicose sanguínea constante. A quantidade de glicose injetada para manter o nível sanguíneo constante é, então, uma medida da sensibilidade à insulina.

(Fonte: Motulsky, 1995)

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Associação
Pearson

Interpretação

Resumo



Example

Os pesquisadores fizeram uma pequena biópsia nos músculos para aferir a fração de ácidos graxos poli-insaturados que tem entre 20 e 22 carbonos (%C20-22). Como variável resposta, mediram o índice de sensibilidade à insulina.

Quais são as variáveis?

- Qual é a variável independente (X)?
- Qual é a variável dependente (Y)?

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Pearson

Quais são as variáveis?



- Dependente: insulina (contínua)
- Independente: conteúdo lipídico (contínua)

Esta relação pode ser expressa como

insulina ~ conteúdo lipídico

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Pearson



Table 17.1. Correlation Between %C20–22 and Insulin Sensitivity

% C20-22	
Polyunsaturated	Insulin Sensitivity
Fatty Acids	(mg/m²/min)
17.9	250
18.3	220
18.3	145
18.4	115
18.4	230
20.2	200
20.3	330
21.8	400
21.9	370
22.1	260
23.1	270
24.2	530
24.4	375

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

ntrodução

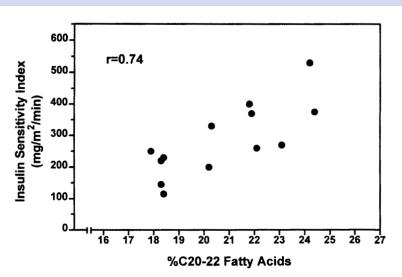
Correlação
Associação
Pearson

nterpretação

Resumo

Exemplo: Diagrama de dispersão dos dados





Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

ntrodução

Correlação
Associação
Pearson

20cumo

resumo

Obs: na verdade, r = 0.77.



- O tamanho da amostra foi n = 13
- (Antigamente)
 consultáva-se o valor
 crítico de r na tabela
- H_0 : não há relação entre as variáveis na população (H_0 : $\rho = 0$).
- Observe: Quais são as informações necessárias para se consultar a tabela?

TABLE A-6 Critical Values of the Pearson Correlation Coefficient r		Correlation
n	$\alpha = .05$	$\alpha = .01$
4	.950	.999
5	.878	.959
6	.811	.917
7	.754	.875
8	.707	.834
9	.666	.798
10	.632	.765
11	.602	.735
12	.576	.708
13	.553	.684
14	.532	.661
15	.514	.641
16	.497	.623
17	.482	.606
18	.468	.590

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

ntrodução

Associação
Pearson

nterpretação



Linear Felipe Figueiredo

Correlação

adia passad

Introdução

Associação Pearson

Pearson

Aprofundamen

O valor crítico da tabela para uma amostra de tamanho
 13 é r_c = 0.553

- A correlação calculada para esta amostra foi r = 0.77
- Como a correlação é maior que o valor crítico, a relação é estatisticamente significativa
- Conclusão: há evidências para rejeitar a H₀ que não há relação entre as variáveis.



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Introducão

millouução

Associação Pearson

Interpretação

Resumo

Aprofundamen

 Pode-se também calcular o p-valor para o coeficiente de correlação r.

- Para este exemplo, teríamos p = 0.0021.
- Interpretação: se não houver relação entre as variáveis (H₀), existe apenas 0.21% de chance de observamos uma correlação tão (ou mais) forte com um estudo deste tamanho



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionados na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação
Associação
Pearson

Interpretação

Resumo



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionados na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

ula passada

Introdução

Correlação Associação

Pearson Interpretação

Posumo



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionados na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

ula passada

ntrodução

Associação

Pearson

Interpretação

Posumo



Por que as duas variáveis são tão correlacionadas? Considere 4 possibilidades:

- o conteúdo lipídico das membranas determina a sensibilidade à insulina
- A sensibilidade à insulina de alguma forma afeta o conteúdo lipídico
- tanto o conteúdo lipídico quanto a sensibilidade à insulina estão sob o efeito de algum outro fator (talvez algum hormônio)
- as duas variáveis não são correlacionados na população, e a estimativa observada nessa amostra é mera coincidência

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

ntrodução

Correlação
Associação
Pearson

Interpretação

Resumo

Mantra



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação
Associação

Pearson

Posumo

Aprofundamen

Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica causalidade

Interpretando o r



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação
Associação
Pearson

Interpretaçã

Resumo

Aprofundamen

 Nunca devemos ignorar a última possibilidade (erro tipo I)!

- o p-valor indica quão rara é essa coincidência
- neste caso, em apenas 0.21% dos experimentos não haveria uma correlação real, e estaríamos cometendo um erro de interpretação

Sumário



- 🕕 Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- 3 Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- 4 Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passa

Introdução

Correlação Associação

Interpretação

Resumo

Interpretação



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Introdução

Correlação
Associação
Pearson

Interpretação

Anrofundamer

Resumo

- Se a correlação é 0, então X e Y não variam juntos (independentes)
- Se a correlação é positiva, então quando uma aumenta, a outra aumenta em proporção direta (linear)
- Se a correlação é negativa, então quando uma aumenta, a outra diminui em proporção inversa (linear)

Cuidado!



Correlação Linear Felipe

Figueiredo

adia passad

Introdução

Correlação
Associação
Pearson
Interpretação

. .

Resumo

- Duas variáveis podem parecer correlacionadas pois são influenciadas por uma terceira variável
- Ex: em alguns países a mortalidade infantil é negativamente correlacionada com o número de telefones per capita
- Mas comprar mais telefones não vai salvar crianças!
- Explicação alternativa: a melhoria da condições financeiras pode afetar ambas as variáveis

Sumário



- Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Introdução

Correlação

Resumo

Causalidade

Resumo

Aprolundament

Causa x efeito



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

Correlação

Resumo Causalidade

Causalidade Resumo

- Se há uma relação de causalidade entre as duas variáveis, a correlação será não nula (positiva ou negativa)
- Quanto maior for a relação de dependência entre as variáveis, maior será o módulo da correlação.
- Se as variáveis não são relacionadas, a correlação será nula.

Causalidade?



 Mas n\u00e3o podemos inverter a afirmativa l\u00f3gica do slide anterior!

 Isto é, ao observar uma forte correlação, gostaríamos de concluir que uma variável causa este efeito na outra

- Infelizmente isto não é possível!
- Lembre-se: a significância do teste indica a probabilidade de se cometer um erro do tipo I (falso positivo).

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

auia passac

,

Correlação

Causalidade

Causalidade Resumo

Mantra



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Causalidade

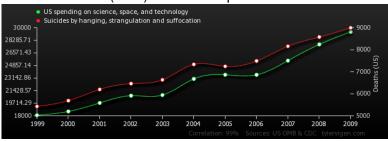
Resumo

Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica causalidade



Gasto com C&T (EUA) x Suicídios por enforcamento



Correlação: 0.992082

(Fonte: Spurious correlations)

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passac

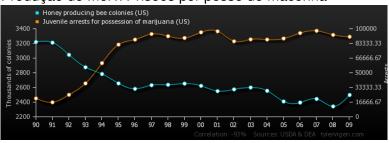
Corrolação

_

Causalidade Resumo



Produção de mel x Prisões por posse de maconha



Correlação: -0.933389

(Fonte: Spurious correlations)

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

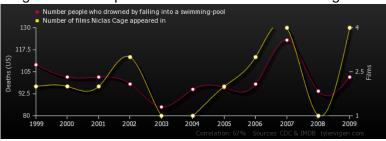
aula passada

Correlação

Causalidade Resumo



Afogamentos em piscina x Filmes com Nicholas Cage



Correlação: 0.666004

(Fonte: Spurious correlations)

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

Correlação

Resumo
Causalidade
Resumo

Mantra



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passa

Introdução

Correlação

•

Causalidade

Resumo

Aprofundament

Repita várias vezes mentalmente

Correlação não implica causalidade

Causa e efeito

Ao encontrar uma forte correlação, deve-se sempre se perguntar:



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

duia passac

Correlação

Resumo

Causalidade Resumo

Aprofundament

- Há uma relação direta de causa e efeito entre as variáveis? (X causa Y?)
- 4 Há uma relação inversa de causa e efeito entre as variáveis? (Y causa X?)
- É possível que a relação entre as variáveis possa ser causada por uma terceira variável (ou mais) que não foi analisada?

Estas perguntas estão fora do escopo da Bioestatística!

Cabe ao pesquisador investigar (e discutir) as possibilidades.

Sumário



- Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

Discussão da aula passada

Introdução

Correlação

Resumo

Causalidade

Resumo



Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passa

.

Correlação

Resumo

Causalidade

Resumo

- É necessário investigar a relação entre as variáveis!
- O que pode explicar a relação observada?

Sumário



- Discussão da aula passada
 - Discussão da aula passada
- Introdução
 - Introdução
- Correlação
 - Associação entre duas variáveis contínuas
 - Coeficiente de correlação de Pearson
 - Interpretação
- Resumo
 - Causalidade
 - Resumo
- Aprofundamento
 - Aprofundamento

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passada

Introdução

Correlação

Resumo

Aprofundamento Aprofundamento

Aprofundamento



Leitura obrigatória

- Capítulo 17, pular as seções:
 - o cálculo do r, do IC, do p-valor
 - o correlação de Spearman, e seu cálculo
 - Interpretação do r²

Exercícios selecionados

Capítulo 17, problemas 1, 3 e 5.

Problema 6, usar:

$$r = 0.8868$$
, $IC95\% = [0.4856, 0.9794]$, $p = 0.0033$. $r^2 = ?$

Leitura recomendada

Capítulo 17: Interpretação do r^2 e Correlação de Spearman

Correlação Linear

Felipe Figueiredo

aula passad

IIIIOddydo

.

Resumo

. . . .