



## Variáveis Aleatórias

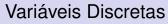


Probabilidades II Felipe Figueiredo

#### Definition

Uma variável aleatória é uma variável (tipicamente representada por *x*) que tem um único valor numérico associada a um experimento aleatório

- Discretas
- Contínuas





#### Definition

Uma variável aleatória discreta pode assumir uma quantidade contável de valores

### Example

- Número de filhos em uma família
- Quantidade de pacientes em um dia no consultório

# Representação em tabela



Probabilidade: II Felipe Figueiredo

#### Example

Seja x o número de filhos em uma família.

O valor esperado E[x] (de filhos por família) é:

$$\sum xP(x) = 0 \times 0.15 + 1 \times 0.30 + 2 \times 0.40 \dots = 1.6$$

# Representação gráfica



II Felipe Figueiredo

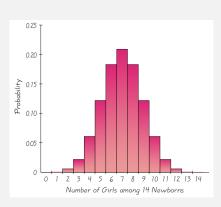


Figura: A distribuição de uma variável discreta (Fonte: Triola, 2004

## Variáveis Contínuas



Probabilidades II Felipe Figueiredo

#### Definition

Uma variável aleatória contínua pode ser associada a medições em uma escala contínua (e infinita) de valores

### Example

- Quantidade de leite produzido por uma vaca em um dia
- Expectativa de vida de um paciente terminal

# Distribuições de Probabilidade



Probabilidades II Felipe Figueiredo

#### Definition

Uma distribuição de probabilidade é um gráfico, tabela ou fórmula que relaciona a cada valor que a variável aleatória pode assumir a sua probabilidade

Os pré-requisitos para uma função ser uma Função de Probabilidade são:

- $\sum P(x) = 1$ , onde x percorre todos os valores possíveis
- $0 \le P(x) \le 1$ , para todo x

# A distribuição de Bernoulli



Probabilidades II Felipe Figueiredo

- Um ensaio de Bernoulli é teste com desfecho 0 ou 1 (negativo ou positivo)
- Probabilidade de sucesso p
- Probabilidade de fracasso 1 − p
- Notação: X ~ Bern(p)
- Valor esperado: E[x] = p

# A distribuição Binomial



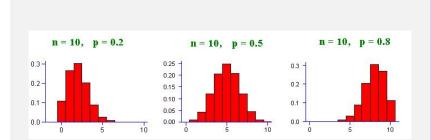
II Felipe Figueiredo

- Quando executamos n ensaios de Bernoulli independentes, encontramos a distribuição Binomial
- Com n ensaios (cada um com prob. p), temos a contagem x de sucessos (desfecho = 1)
- Notação X ∼ Bin(n, p)
- Valor esperado: E[x] = np

# A distribuição Binomial



Probabilidades II Felipe Figueiredo

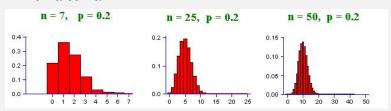


## Aumentando o tamanho da amostra



Probabilidades II Felipe Figueiredo

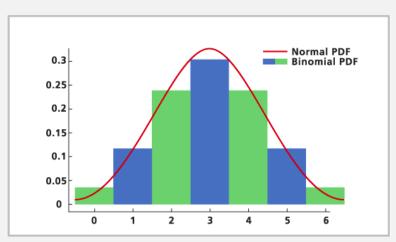
- Quanto maior o tamanho n da amostra, mais "suave" a distribuição binomial, e mais simétrica
- O histograma vai ficando cada vez mais parecido com uma curva



#### Aumentando o tamanho da amostra



Probabilidades II Felipe Figueiredo



(Vídeos: Galton board e Galton machine)

## A distribuição Normal Padrão



Probabilidades II Felipe Figueiredo

Considere uma variável aleatória X com distribuição normal com média  $\mu$  e desvio padrão  $\sigma$ , isto é,  $X \sim N(\mu, \sigma)$ .

- Para simplificar as análises, trabalhamos com a normal padrão
- A normal padrão tem média 0 e desvio-padrão 1
- Padronização:

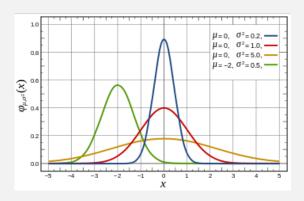
$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

- $Z \sim N(0,1)$
- Seus valores podem ser consultados em uma tabela

# A distribuição Normal



- Simétrica
- Forma de sino
- Assíntotas



II
Felipe
Figueiredo