

Introdução à Engenharia

> Felipe Figueiredo

Otimização

Introdução à Engenharia Otimização

Felipe Figueiredo

Centro Universitário Anhanguera de Niterói

Sumário



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização

Curiosidade

Otimização

- Conceitos gerais
- Métodos
- 2 Curiosidade
 - Otimização matemática

Otimização



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Conceitos gerais Métodos

Curiosidade

Definition

O trabalho do engenheiro é uma incessante procura pela redução de peso, custo, consumo...e pelo aumento do rendimento de sistemas, da sua produtividade, utilidade...

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Otimização



Introdução à

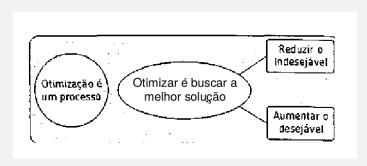
Engenharia

Felipe

Figueiredo

Conceitos gerais

Métodos



Soluções ótimas



- Introdução à Engenharia Felipe
- Figueiredo

Conceitos gerais

Curiosidade

Felipe

Figueiredo

Conceitos gerais

Métodos

- Um problema pode ter várias soluções viáveis.
- Cada contexto tem um critério de comparação
- Soluções podem ser "melhores" que as outras, no contexto específico
- Uma solução é ótima quando é a melhor solução viável.

Exemplos

- Anhanguera
 Introdução à Engenharia
- rotas
- geladeira/ar condicionado
- panela de pressao
- processos de construção
- uso de matéria prima
- demanda e oferta (preços de venda)

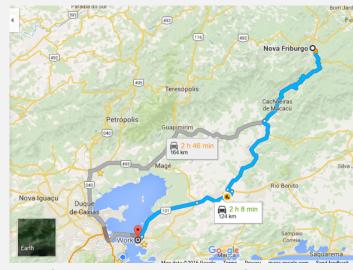
Soluções ótimas





Otimização Conceitos gerais Métodos

uriosidade



Dois critérios possíveis: tempo, ou distância (a minimizar).

No dia a dia...



Introdução à

Engenharia

Felipe

Figueiredo

Conceitos gerais

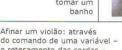
Métodos





Traçar o melhor caminho para chegar a um determinado local, pelas ruas da cidade Ajustar a temperatura da água do chuveiro para tomar um banho





do comando de uma variável – o retesamento das cordas – procura-se um tom determinado

Exemplos gerais de otimização do dia-a-dia

Nas engenharias...



Introdução à

Engenharia

Felipe

Figueiredo

Conceitos gerais

Exemplos de otimização em engenharia

Materiais em estruturas

Escolha dos materiais mais adequados para cada tipo de aplicação, relativamente a cargas, temperatura, agressividade do meio ambiente, confiabilidade etc.

Circuitos de fluidos

Projeto para as pressões envolvidas e escolha das velocidades adequadas, considerando as variações de seções com as rugosidades das superfícies, e as ondas de choque que poderão estar presentes na canalização

Processos

químicos Maximizar a razão da reação de produtos químicos, a transferência de calor, a temperatura e as pressões envolvidas; avaliar se, sob certas situações críticas, um produto adicional é necessário o menor gasto de para que o processo se complete; otimizar matematicamente uma coluna de destilação

Circuitos elétrico

Procedimentos de comutação, modulação ou controle devem ser feitos de forma a termos energia possível

Conservação de energia

No projeto do sistema de propulsão de um navio, um dos objetivos é minimizar a produção de ondas no seu rastro deixado nas águas, para que se tenha o menor gasto possível de combustível; determinar a potência adequada de refrigeração de um ambiente, considerando as diversas variáveis envolvidas, tais como isolamento térmico e fontes internas de calor

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Métodos de otimização



Introdução à Engenharia

> Felipe Figueiredo

Conceitos gerais

Métodos

- Evolução
- Intuição
- Tentativa
- Gráfico
- Analítico

Métodos de otimização



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Métodos

evolução

A otimização por evolução muitas vezes está relacionada com a evolução tecnológica. Ela acontece quando um sistema já existente é aperfeiçoado através de alterações e melhorias na sua concepção, processo de fabricação ou mesmo no aspecto estético. Com isso, ao longo do tempo, tem-se um sistema mais eficiente e moderno.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Métodos de otimização



intuicão

O projeto em engenharia - que é um processo criativo - é altamente dependente da arte. Na área técnica, a arte está relacionada, por exemplo, com a habilidade para ter boas soluções ou para modelar sistemas - em forma física ou matemática -, mesmo que não conheçamos uma justificativa com base científica para explicar o problema.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Métodos

Métodos de otimização



Introdução à

Engenharia

Felipe

Figueiredo

Métodos

tentativa

O projeto [...] é um processo iterativo. E iniciado com um esboço preliminar da solução - que normalmente é pobre e, através de refinos e novas definições, chega-se a um resultado final melhor que a proposta inicial.

Isso é normal num projeto, pois usualmente a primeira alternativa não é satisfatória, sendo necessárias novas tentativas para encontrar uma boa solução.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Métodos de otimização



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

gráfica

A técnica de otimização gráfica consiste, basicamente, na utilização de esquemas ou desenhos de um sistema físico real na procura da melhor solução para o problema em análise.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Métodos de otimização



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Métodos

analítica

Esta é a área mais recente da otimização, sendo baseada no desenvolvimento matemático.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Otimização analítica



Introdução à

Engenharia

Felipe

Figueiredo

Métodos

uma variável

O caso mais simples de otimização ocorre quando temos apenas uma variável envolvida. Podemos [...] representar o sistema [...] por uma função que contém uma variável independente x e uma variável dependente [y]. Uma expressão matemática para isso pode ser: $y = f(x) \dots$

x é a variável independente, que pode assumir, em princípio, qualquer valor, e y é a variável dependente de x, ou seja, dependendo do valor que x assumir, teremos um valor específico para y.

Otimização analítica



uma variável

O processo de otimização, neste caso, resume-se a encontrar o valor limite de y, ou seja, o máximo valor de alguma quantidade desejável ou o mínimo valor de uma característica indesejável.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização Conceitos gerais Métodos

Curiosidade

Otimização analítica



Introdução à

Engenharia Felipe

Figueiredo

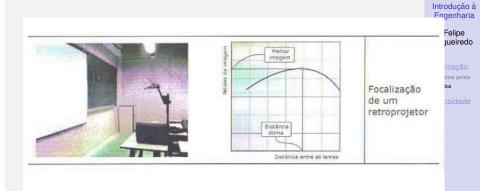
Métodos

Um ponto de máximo local ocorre sempre que a função (i.e. o problema) é sempre menor que ele na região vizinha.

- Diversos métodos matemáticos analisam o comportamento local de funções
- Observa-se se a função está crescendo ou descrescendo

Otimização analítica



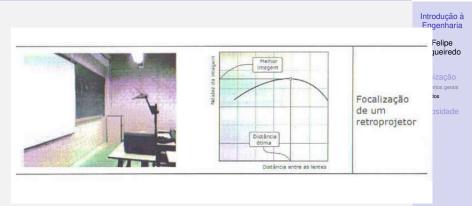


(Um ponto de máximo)

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Otimização analítica





(Este ponto é um máximo local)

Otimização analítica



Introdução à Engenharia Felipe

Figueiredo

duas ou mais variáveis

Embora em vários casos [...] o comportamento de sistemas possa ser representado por uma curva semelhante à proposta para o caso do retroprojetor, a realidade é que, na maioria dos problemas, a situação [exige] representações matemáticas mais elaboradas.

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Otimização analítica



Introdução à Engenharia

Felipe

Figueiredo

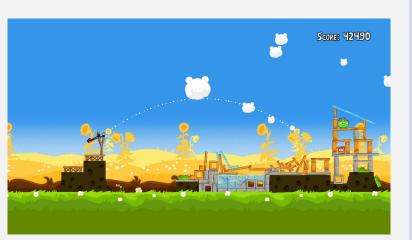
Conceitos gerais

| Critérios | Peso N | Soluções | | | | | |
|---------------------|-----------|----------|-----|---------|-----|---------|-----|
| | | Carro A | | Carro B | | Carro C | |
| | | N | PxN | N | PxN | N | PxN |
| Autonomia | 1 | 4 | 4 | 4 | 4 | 2 | 2 |
| Capacidade de carga | 2 | 3 | 6 | 3 | 6 | 2 | 4 |
| Consumo | 3 | 1 | 3 | 3 | 9 | 4 | 12 |
| Custo de aquisição | 3 | 2 | 6 | 2 | 6 | 3 | 9 |
| Desempenho | 1 | 3 | 3 | 3 | 3 | 4 | 4 |
| Estética | 1 | 3 | 3 | 4 | 4 | 2 | 2 |
| Manutenção | 2 | 2 | 4 | 1. | 2 | 3 | 6 |
| Totais | - | - | 29 | -2 | 34 | 1 | 39 |

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Exemplo - Projétil





Introdução à Engenharia Felipe Figueiredo Métodos

Curiosidade



Introdução à Engenharia Felipe

Figueiredo

Atenção

Esta seção da aula não faz parte da matéria, e será explorada nas disciplinas dos próximos semestres.

Otimização matemática

Recapitulando



Introdução à

ueiredo Focalização de um retroprojetor

(O que podemos dizer sobre este ponto?)

Fonte: BAZZO & PEREIRA, 2006.

Algumas técnicas de otimização



Engenharia Felipe

Introdução à

Figueiredo

Otimização

A matemática aplicada nos proporciona diversos métodos para encontrar soluções ótimas para problemas práticos:

- Otimização linear com restrições
- Otimização não-linear sem restrições
- 3 Otimização não-linear com restrições

Máximo local



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização matemática

Máximo local

Um ponto de máximo local ocorre sempre que o valor da função (i.e. o problema) é sempre menor que ele na região vizinha.

- Diversos métodos matemáticos analisam o comportamento local de funções
- Observa-se se a função está crescendo ou descrescendo
- Observa-se quando ela muda a direção de crescimento
- Este é chamado um ponto crítico

Otimização linear com restrições

Algoritmo SIMPLEX

soluções

• Programação linear (pesquisa operacional)

O espaço de soluções viáveis é um polígono

A solução ótima está na fronteira do espaço de

• O algoritmo resolve um sistema de inequações lineares



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização

Otimização não-linear sem restrições



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização

- Cálculo Diferencial de funções (Cálculo I)
- Derivada da função: $\frac{df}{dx}(x)$
- A solução ótima está onde a derivada se anula

Otimização não-linear sem restrições



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização matemática

- Cálculo Diferencial vetorial (Cálculo II)
- Vetor gradiente: $\nabla f(x, y)$
- A solução ótima está onde o vetor gradiente se anula

Otimização não-linear com restrições



Introdução à

Figueiredo

Otimização

Anhanguera

Engenharia Felipe

Otimização não-linear com restrições



Introdução à Engenharia

Felipe Figueiredo

Otimização



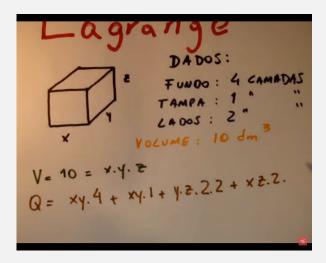
Fonte: MeSalva (Youtube)

Cálculo Diferencial Vetorial (Cálculo II)

- Multiplicadores de Lagrange
- Resolver um sistema de equações não-lineares
- A solução ótima está na fronteira do espaço de soluções

Otimização não-linear com restrições





Fonte: MeSalva (Youtube)

