



Carsten Knoll
Institut für Regelungs- und Steuerungstheorie, TU Dresden

# Python für Ingenieur:innen – Kompaktworkshop

Chemnitzer Linux-Tage, 2022-03-13

## Vorstellung

• PostDoc (Regelungstheorie, Wissensrepräsentation)

• Seit 2010: https://tu-dresden.de/pythonkurs

Seit 2014: https://fsfw-dresden.de

(Freie Software Freies Wissen)

Seit 2019: https://dresden.bits-und-baeume.org
 (Digitalisierung und Nachhaltigkeit)







## Vorstellung

- PostDoc (Regelungstheorie, Wissensrepräsentation)
- Seit 2010: https://tu-dresden.de/pythonkurs
- Seit 2014: https://fsfw-dresden.de (Freie Software Freies Wissen)
- Seit 2019: https://dresden.bits-und-baeume.org

• 2021: https://python-fuer-ingenieure.de





Menschheit: schon viele Probleme gelöst ... ... aber es bleiben noch viele Herausforderungen





Menschheit: schon viele Probleme gelöst ... ... aber es bleiben noch viele Herausforderungen

Organisation der Gesellschaft (Konfliktreduktion)

Wissenschaftlich/technischer Fortschritt (objektive Probleme lösen)





Menschheit: schon viele Probleme gelöst ... ... aber es bleiben noch viele Herausforderungen

Organisation der Gesellschaft (Konfliktreduktion)

Wissenschaftlich/technischer Fortschritt (objektive Probleme lösen)

Überzeugung:

→ Freie Software und speziell Python hilfreich in beiden Probelmfeldern





Menschheit: schon viele Probleme gelöst ... ... aber es bleiben noch viele Herausforderungen

### Organisation der Gesellschaft (Konfliktreduktion)

moodpoll, sober-arguments.net, ...

### Wissenschaftlich/technischer Fortschritt (objektive Probleme lösen)

• numpy, scipy, pandas, ...

### Überzeugung:

→ Freie Software und speziell Python hilfreich in beiden Probelmfeldern





Menschheit: schon viele Probleme gelöst ... ... aber es bleiben noch viele Herausforderungen

### Organisation der Gesellschaft (Konfliktreduktion)

moodpoll, sober-arguments.net, ...

### Wissenschaftlich/technischer Fortschritt (objektive Probleme lösen)

• numpy, scipy, pandas, ...

### Überzeugung:

- → Freie Software und speziell Python hilfreich in beiden Probelmfeldern
- → Ethische Rahmung wichtig! vorschlag: "Gutes Leben für alle!"





# Warum Python? (1)

### Python als Programmiersprache

- Klare, lesbare Syntax (wenig "Ballast")
- Paradigmen: prozedural | objektorientiert | funktional
- Nützliche eingebaute Datentypen (list, tuple, dict, set, ...)
- Einfache Modularisierung (import this)
- Gute Fehlerverwaltung (Exceptions)
- Umfangreiche Standardbibliothek
- Einfache Einbindung von externem Code (C, C++, Fortran)





## Warum Python? (1)

### Python als Programmiersprache

- Klare, lesbare Syntax (wenig "Ballast")
- Paradigmen: prozedural | objektorientiert | funktional
- Nützliche eingebaute Datentypen (list, tuple, dict, set, ...)
- Einfache Modularisierung (import this)
- Gute Fehlerverwaltung (Exceptions)
- Umfangreiche Standardbibliothek
- Einfache Einbindung von externem Code (C, C++, Fortran)



- Leicht zu lernen
- Problemorientiert (mächtig und flexibel)
- Motivationspotenzial /, Frustrationspotenzial /

Außerdem: Plattformübergreifend / frei und quelloffen / große u. aktive Community





## Warum Python? (2)

Python als Werkzeug für Ingenieur:innen:

- Numerisches Rechnen (lin. Algebra, DGLn, Optimierung, ...)
- Symbolisches Rechnen (Ableiten, Integrieren, Gl. lösen, ...)
- Visualisieren (2D, 3D)
- Grafische Benutzerschnittstelle (GUI)
- Kommunikation mit externen Geräten
- Parallelisierung
- Datenwissenschaft
- Maschinelles Lernen
- Symbolische KI (Wissensgraphen, Ontologien, ...)





### Warum Python? (2)

Python als Werkzeug für Ingenieur:innen:

- Numerisches Rechnen (lin. Algebra, DGLn, Optimierung, ...)
- Symbolisches Rechnen (Ableiten, Integrieren, Gl. lösen, ...)
- Visualisieren (2D, 3D)
- Grafische Benutzerschnittstelle (GUI)
- Kommunikation mit externen Geräten
- Parallelisierung
- Datenwissenschaft
- Maschinelles Lernen
- Symbolische KI (Wissensgraphen, Ontologien, ...)
- ⇒ "Problemlöse- und Forschungskompetenz"





## Warum Python? (2)

Python als Werkzeug für Ingenieur:innen:

- Numerisches Rechnen (lin. Algebra, DGLn, Optimierung, ...)

   Simple lieches Rechnen (Ablaites Intermierung, Cl. Lines)
- Symbolisches Rechnen (Ableiten, Integrieren, Gl. lösen, ...)
- Visualisieren (2D, 3D)
- Grafische Benutzerschnittstelle (GUI)
- Kommunikation mit externen Geräten
- Parallelisierung
- Datenwissenschaft
- Maschinelles Lernen
- Symbolische KI (Wissensgraphen, Ontologien, ...)
- ⇒ "Problemlöse- und Forschungskompetenz"





## **Fahrplan**

#### Lernziele:

- Erste Schritte in Python (Datentypen, Kontrollstrukturen)
- Werkzeuge und Bibliotheken kennenlernen: (Jupyter Notebook, Numpy, Scipy, Sympy, Matplotlib)
- Ingenieur-Probleme lösen (andeutungsweise)
- Befähigung zum Selbststudium





# **Fahrplan**

#### Lernziele:

- Erste Schritte in Python (Datentypen, Kontrollstrukturen)
- Werkzeuge und Bibliotheken kennenlernen: (Jupyter Notebook, Numpy, Scipy, Sympy, Matplotlib)
- Ingenieur-Probleme lösen (andeutungsweise)
- Befähigung zum Selbststudium

### **Herausforderungen:**

- Heterogenes Vorwissen ( → Umfrage)
- Begrenzte Zeit
- Suboptimales Betreuungsverhältnis (ca. 30:1)





## **Fahrplan**

#### Lernziele:

- Erste Schritte in Python (Datentypen, Kontrollstrukturen)
- Werkzeuge und Bibliotheken kennenlernen: (Jupyter Notebook, Numpy, Scipy, Sympy, Matplotlib)
- Ingenieur-Probleme lösen (andeutungsweise)
- Befähigung zum Selbststudium

#### **Herausforderungen:**

- Heterogenes Vorwissen ( → Umfrage)
- Begrenzte Zeit
- Suboptimales Betreuungsverhältnis (ca. 30:1)
- ⇒ Selbstorganisierte Gruppenbildung
- ightarrow 1. Frontalphase, 2. Selbstlernphase mit Feedback. 3. Abschlussrunde





# Vorbereitungen

https://python-fuer-ingenieure.de/workshop





# **Jupyter Notebooks**

- Backend: Webserver mit Python-Kernel (lokal oder nicht-lokal)
- Frontend: interaktives Dokument im Browser → "Notebook"
- Notebooks kombinieren Quellcode, Programm-Ausgaben und Dokumentation (inkl. LaTeX-Formeln)
- (Andere Kernel möglich; hier nicht relevant)





# Jupyter

#### Important keyboard shortcuts



#### Command Mode (press Esc to enable)

- Shift-Return execute cell, activate next
- h show keyboard shortcuts
- m change cell type to markdown
- y change cell type to code
- a new cell above

#### Edit Mode (press Return to enable)

- Shift-Return execute cell, activate next
- Tab code-completion or indent
- Shift-Tab tooltip
- Ctrl-Z undo





# Jupyter

#### Important keyboard shortcuts



#### Command Mode (press Esc to enable)

- Shift-Return execute cell, activate next
- h show keyboard shortcuts
- m change cell type to markdown
- у change cell type to code
- a new cell above

#### Edit Mode (press Return to enable)

- Shift-Return execute cell, activate next
- Tab code-completion or indent
- Shift-Tab tooltip
- Ctrl-Z undo

ightarrow Now play around with 00\_demo1.ipynb (5min)







Es folgt: Hastiger Überblick über Python-Syntax und Datentypen





### **Numerical Data Types**

Integer

```
>>> type(1)
<type 'int'>
```

floating point number

```
>>> type(1.0)
<type 'float'>
```

complex number

```
>>> type(1 + 2j)
<type 'complex'>
```

Operations:

```
Addition +
Subtraction -
Division /
Integer division //
Multiplication *
Taking powers **
Modulo %
```

- Built-in functions
  - round, pow, etc.
  - see dir(\_\_builtins\_\_)
- Module math
  - see help(math)





### NoneType, Boolean Values, Boolean Operators

None (univ. value for "undefined")

```
>>> type(None)
<type 'NoneType'>
```

Boolean values:
 True and False

```
>>> type(True)
<type 'bool'>
```

Boolean operators:

```
True and False # -> False
True or False # -> True
not True # -> False
```

Data Type	False-Value	
NoneType	None	
int	0	
float	0.0	
complex	0 + 0j	
str	0.0	
list		
tuple	()	
dict	{}	
set	set()	





## **Operations**

Operation	Shortcut
x = x + y	x += y
x = x - y	x -= y
x = x * y	x *= y
x = x / y	x /= y
x = x % y	x %= y
x = x ** y	x **= y
x = x // y	x //= y

#### Hint:

x = x % y is modulo operation

(remainder of division) Example: 15%6 = 3

(because  $15 = 6 \cdot 2 + 3$ )

### Comparison operations

$$x != y$$

$$x >= y$$





# **Strings (objects of type str)**

```
Escape Sequence Meaning

\n newline
\r carriage return
\" escaping "
\' escaping '
\\ escaping \\
```

```
>>> str2[0] # indexing starts at 0
'x'
>>> str2[1:4]
'yza'
>>> str2[-3:]
'ghi'
```





## **String Formating**

General Syntax

```
"value of x=\{\} and y=\{\}".format(x, y)
```

Examples

```
>>> a = 'H'

>>> b = 'ello World'

>>> "{}{}! {}{0}".format(a, b, 5)

'Hello World! 5H'
```

• Extension (see also: reference)

```
>>> "a=\{:06.2f\} and b=\{:05.2f\}".format(3.007, 42.1)
```

• important methods of class str:

```
index, replace, split, join,
format, startswith, endswith, ...
```

## **String Formating (2)**

New syntax (since Python3.6): "f-strings" → use Python expressions *inside* the string

```
a = "World"
f"Hello {a}"  # use variables
f"value of x={x} and y={y}"

f"the sum is {x + y}"  # make calculations
f"the result is {call_func(x, y, 'z')}"  # call functions

f"Use {{double braces}} to render braces literals! {a}"
```

More info: https://docs.python.org/3/tutorial/inputoutput.html





### Lists

- Syntax [value\_1, ..., value\_n]
- Can contain values of any type
- Can be changed
- · Can be sorted
- Important methods append, count, index, insert, pop, remove, reverse, sort
- ▲ sort and reverse work "in place" (return-value: None)

Examples

```
>>> m = [7, 8, 9]
>>> n = ['a', 'z', 1, False]
>>> m.append('x')
>>> m [0]
>>> m[-1]
1 7 1
>>> m[:] # start to end
[7, 8, 9, 'x']
>>> m.pop(0)
>>> m.reverse(); print(m)
['x', 9, 8]
```





### **Tuple**

- Syntax (value\_1, ..., value\_n)
- Can **not** be changed
- $\rightarrow$  Access much faster that to list
- Can contain elements of any type
- important methods index

Examples

```
>>> t = (7,8.9)
>>> t[0]
>>> t[-1]
9
>>> t[:] # start to end
(7,8,9)
>>> z = ('a', 'z', 1, False)
>>> t.index(8)
>>> z.index('a')
```





# **Sequential data types**

### str, tuple, list, (numpy.array)

Operation	Meaning
s in x s not in x x + y x * n	tests, whether s is element of x tests, whether s is not element of x concatenation of x and y concatenation, such that n copies of x exist
x[n] x[n:m] x[n:m:k] len(x) min(x) max(x)	return the n-th element of x return the subs-sequence from index n til m (excluding m) same with step-size k number of elements minimum maximum





## **Dictionaries (Associative Arrays)**

- Key-value-pairs
  - Keys must be immutable objects
  - Each key can occur only once
- Syntax

- Access via
  - d.get(key, default)
     or
  - d[key]
- Important methods
  - keys, values, items

#### Examples

```
>>> d = {"Germany": "Berlin", "Peru": "Lima"}
>>> type(d)
<type 'dict'>
>>> e = {1: "a", 2: "b", 400: "c", 1.3: d}
>>> e[1]
'a'
>>> d.get("Germany")
'Berlin'
# no entry -> None (no output)
>>> d.get("Bavarva") # -> None
# with default value
>>> d.get("Bavarya", "unknown capital")
'unknown capital'
>>> d["Bavaria"]
KeyError: 'Bavaria'
```

### Sets

- Syntax set([element\_1, ..., element\_n])
- Every element is contained only once
- · Has no specified order
- Can be changed (frozenset is immutable)
- Important methods: add, remove, union, difference, issubset, issuperset

#### Examples

```
>>> engineers = set(['Jane', 'John'
... 'Jack', 'Janice'])
>>> programmers = set(['Jack', 'Sam',
... 'Susan', 'Janice'])
>>> managers = set(['Jane', 'Jack',
... 'Susan', 'Zack'])
>>> s1 = engineers.union(programmers)
>>> s2 = engineers.intersection(managers)
>>> s3 = managers.difference(engineers)
>>> engineers.add('Marvin')
>>> print(engineers)
set(['Jane', 'Marvin',
'Janice', 'John', 'Jack'])
```





## **Data Types - Final Remarks**

- In Python everything is an object (even functions, classes, modules)
- → Everything has a type: type(object)
- Type checking (→ True or False):
  - Exact matching: type("abc") == type("xyz")
  - Better: respecting inheritance isinstance(x, str)
  - Allow multiple types: isinstance(x, (int, float, complex))
- Useful construction: assert is instance (x, int) and x > 0





### **Distinction of Cases:** if, elif, else

Syntax

Examples

```
>>> x = 1
>>> if x == 1:
... print("x is 1")
. . .
x is 1
>>> x = 4
>>> if x == 1:
... print("x is 1")
... elif x == 3:
... print("x is 3")
... else:
. . .
print("x is neither 1 nor 3")
x is neither 1 nor 3
```





# Iterate over a Sequence: for-loop

Syntax: for <variable> in <sequence>: . . . easily construct sequences: range-function  $\rightarrow$  iterator range(stop) range(start, stop) range(start, stop, step) # (conversion to list # only for printing) >>> list(range(4)) [0, 1, 2, 3]>>> list(range(1, 10, 2)) [1, 3, 5, 7, 9]

Examples:

```
>>> seq = ['a', 'b', 42]
>>> for elt in seq:
        print(elt*2)
aa
hh
84
>>> for i in range(3):
       print(2**i)
>>> for x, y in [(1, 2), "AB", [0, -3]]:
... print(f''\{v\} + \{x\} = \{v + x\}'')
2 + 1 = 3
B + A = BA
-3 + 0 = -3
```

### Loop while condition is true

Syntax

• continue # start next cycle

```
while <condition1>:
    if <condition2>:
        continue
```

Examples

```
>>> x = 4
>>> while x > 1:
...     print(x)
...     x -= 1
... print("finished")
4
3
2
finished
```





### **Functions**

Syntax

```
def func_name(Param_1, ..., Param_n):
    ...
    return <result>
```

- No explicit return-value → None
- Empty function with keyword pass:

```
def empty():
    pass
```

default values for optional parameters

```
def test(x=23):
    print(param)
```

Arbitrary number of arguments

```
def func(*args, **kwargs):
    print(type(args)) # -> tuple
    print(type(kwargs)) # -> dict
```

Examples

```
>>> def print sum(a, b):
        print(a + b)
>>> print sum(1, 2)
3
>>> def print_prod(a, b, c=0):
        print(a*b + c)
>>> print prod(2, 4)
8
# hetter readable
>>> print_prod(a=2, b=4)
>>> print prod(2, 4, 1)
>>> print prod(c=2, a=4, b=1)
6
```

# **Local Variables (Scopes)**

```
Listing: local-variables.py
def square(z):
    x = z**2 # x: local variable
   print(x)
   return x
x, a = 5, 3 \# "unpacking" a tuple
square(a) # -> 9
square(x) # -> 25
print(x) # -> 5 (not changed)
def square2(z):
    print(x) # here: x is taken from global scope
    return 2**2
def square3(z):
    print(x) # Error (local variable not yet known)
    x = z**2 # x is local variable due to write access
    return x
```

### **General Syntax**

- Semantic blocks are defined by indention level (in place of, e.g., { . . . })
  - defacto-standard: 4 spaces per level (do not use TABs)
  - every good text editor can be configured adequately (spyder: TAB indention, SHIFT+TAB dedetion of highlighted lines)
- · Comments and docstrings:

```
# single line comments begin with a hash

def my_function(x, y):
    """

This is a docstring.

It can span multiple lines
    """

"""

unassigned multi-line strings can

be abused as multi-line comment
"""
```

- Recommended maximum line length 80 (or 100) characters (readability)
- If you need more:
  - Check possibility to split up into two commands (readability)
  - Within braces newlines are ignored
  - Backslash (\) allows line continuation in expression

# **Keywords (Reserved words)**

False	class	finally	is	return
None	continue	for	lambda	try
True	def	from	nonlocal	while
and	del	global	not	with
as	elif	if	or	yield
assert	else	import	pass	
break	except	in	raise	

They cannot be used as variable name or similar.





### **File Access**

```
Listing: file-access.py
# write in text mode
content lines = ['some\n', 'more', 'content']
with open('text.txt', 'w') as myfile:
    myfile.write('Hello World.')
    myfile.writelines(content_lines)
    # myfile.close() is called automatically
    # when leaving this block
# read in text mode
with open('text.txt', 'r') as myfile:
    header = myfile.read(10) # first 10 byte
    lines = myfile.readlines() # list of lines
    # (starting from file cursor)
```

### **File Access**

```
Listing: file-access.py
# write in text made
content lines = ['some\n', 'more', 'content']
with open('text.txt', 'w') as myfile:
    myfile.write('Hello World.')
    myfile.writelines(content_lines)
    # myfile.close() is called automatically
    # when leaving this block
# read in text mode
with open('text.txt', 'r') as myfile:
    header = myfile.read(10) # first 10 byte
    lines = myfile.readlines() # list of lines
    # (starting from file cursor)
```

Read/write binary data: use 'rb' and 'wb'
Appending text or binary data: use 'a' or 'ab'

## Some "specialities" of Python

- Idexing starts with 0
- Unpacking of sequential data types:

```
>>> x, y, z = range(3)
>>> y
1

>>> mapping = [('green', 560), ('red', 700)]
>>> for color, wavelength in mapping:
... pass
... # do stuff
```

- ∃ extensive standard library ("batteries included")
  - http://docs.python.org/3/library/
  - $\rightarrow$  "Don't reinvent the wheel!"
  - Important modules: pickle, sys, os, itertools, unittest, ...





### **Umgang mit Fehlern**

- Fehler gehören zum Programmieren
- → Kein Grund für Frustration!
- Fehler in Python: ExceptionS
- Erzeugen typischerweise einen umfangreichen Traceback





### **Umgang mit Fehlern**

- Fehler gehören zum Programmieren
- → Kein Grund für Frustration!
- Fehler in Python: ExceptionS
- Erzeugen typischerweise einen umfangreichen Traceback
- → Gewöhnungsbedürftig aber **sehr hilfreich!**
- · Zusätzlich noch konkrete Fehlermeldung, z. B.

TypeError: can only concatenate tuple (not "list") to tuple





### **Umgang mit Fehlern**

- Fehler gehören zum Programmieren
- → Kein Grund für Frustration!
- Fehler in Python: ExceptionS
- Erzeugen typischerweise einen umfangreichen Traceback
- → Gewöhnungsbedürftig aber **sehr hilfreich!**
- · Zusätzlich noch konkrete Fehlermeldung, z. B.

```
TypeError: can only concatenate tuple (not "list") to tuple
```

- Fehlertypen:
  - SyntaxError
  - TypeError
  - ValueError
  - IndexError
  - KeyError
  - ZeroDivisionError
  - ..





### **Quellen und Links (Python allgemein)**

- Pythonkurs für Ingeneur:innen: http://www.tu-dresden.de/pythonkurs(Kurs 1 + 2)
   (Folien, Screencasts, Quiz-Fragen, Übungsaufgaben, Lösungen)
- Material zum Buch: https://python-fuer-ingenieure.de/(Kap. 1-3)
- Offizielles Tutorial: http://docs.python.org/3/tutorial/
- Interaktives Tutorial: http://www.learnpython.org/
- Ausführlicher gut strukturierter Kurs: http://www.diveintopython3.net/
- Kurzübersicht 1: https://quickref.me/python
- Kurzübersicht 2: https://learnxinyminutes.com/docs/python/





## **Numpy**

- Ziel: grober Überblick über die Möglichkeiten
- · Aufbau:
  - Numpy Arrays
  - Numpy (grundlegende Numerik)
  - Scipy (anwendungsorientierte Numerik)





### Numpy arrays (I)

- Bisher folgende Container-Klassen ("Sequenzen") vorgestellt:
   Liste: [1, 2, 3], Tupel: (1, 2, 3), String: "1, 2, 3"
- · Ungeeignet um damit zu rechnen

```
# sinvoll bei Strings:
linie = "-." * 10 # -> "-.-.-."

# zum Rechnen nicht geeignet:
zahlen = [3, 4, 5]
res1 = zahlen*2 # -> [3, 4, 5, 3, 4, 5]

# geht gar nicht:
res2 = zahlen*1.5
res3 = zahlen**2
```





### Numpy arrays (II)

Bei Numpy-Arrays: Berechnungen elementweise

```
import numpy as np

zahlen = [3.0, 4.0, 5.0] # Liste mit Gleitkommazahlen

x = np.array(zahlen)

res1 = x*1.5 # -> array([ 4.5, 6. , 7.5]

res2 = x**2 # -> array([ 9., 16., 25.]

res3 = res1 - res2 # -> array([ -4.5., -10., -18.5]
```

• Arrays können n Dimensionen haben

```
arr_2d = np.array( [[1., 2, 3], [4, 5, 6]] )*1.0 # ->
2 # array( [[1., 2., 3.],
3 # [4., 5., 6.]] )
4
5 print(arr_2d.shape) # -> (2, 3)
```





### Numpy arrays (III)

#### Weitere Möglichkeiten, array-Objekte zu erstellen:

```
Listing: 01 arrays erzeugen.pv
import numpy as np
x0 = np.arange(10) # wie range(...) nur mit arrays
x1 = np.linspace(-10, 10, 200)
        # 200 Werte: array([-10.. -9.899497. .... 10])
x2 = np.logspace(1,100, 1e4) # 10000 Werte, immer gleicher Quotient
x3 = np.zeros(10) # np.ones analog
x4 = np.zeros((3.5)) # Achtung: nur ein Argument! (=shape)
x5 = np.eve(3)
x6 = np.diag((1, 2, 3)) # 3x3-Diagonal matrix
x7 = np.random.rand(5) # array mit 5 Zufallszahlen
x8 = np.random.rand(4, 2) # array mit 8 Zufallszahlen (shape=(4, 2))
from numpy import r_, c_ # index-Tricks für rows und columns
x9 = r_{[6, 5, 4,]} # array([6, 5, 4,])
x10 = r [x9, -84, x3[:2]] # array([6., 5., 4., -84, 0., 1.])
x11 = c [x9, x6, x5] # in Spalten-Richtung stapeln -> 7x3 array
```





### **Slicing und Broadcasting**

- Slicing: Werte in einem Array adressieren
- Analog wie bei anderen Sequenzen: x[start:stop:step]
- Dimensionen durch Kommata getrennt; negative Indizes z\u00e4hlen von hinten

```
Listing: numpy_scipy/02_slicing.py

import numpy as np
a = np.arange(18)*2.0
A = np.arany( [ [0, 1, 2, 3, 4, 5], [6, 7, 8, 9, 10, 11] ] )

x1 = a[3] # Element Nr. "3" (-> 6.0)
x2 = a[3:6] # Elemente 3 bis 5 -> array([ 6., 8., 10.])
x3 = a[-3:] # Vom 3.-letzten bis Ende -> array([30., 32., 34.])
# Achtung a, x2 und x3 teilen sich die Daten!
a[-2:]*= -1
print(x3) # -> [-30., -32., -34.]

y1 = A[:, 0] # erste Spalte von A
y2 = A[1, :3] # ersten drei Elemente der zweiten Zeile
```

• ∃ "Broadcasting": Automatisches vergrößern (z.B. Array + Zahl)





### "Broadcasting"

- Numpy's Umgang mit Arrays mit unterschiedlichen Abmessungen ("shapes")
   (bei elementweise ausgeführte Berechnungen)
- Trivialbeispiel: x (2d-array) + y (float)  $\rightarrow$  y wird auf Shape von x "aufgeblasen"
- Anderes Beispiel: 2d-array + 1d-array
- Regel: Die Größe entlang der letzten Achsen beider Operanden müssen übereinstimmen oder eine von beiden muss eins sein.
- · Zwei Beispiele:

3d-array*1d-array = 3d-array				4d-array+3d-array = 4d-array				
img.shape scale.shape	(256,	256,	3) (3,)	A.shape B.shape	(8,	1, (7,	6, 1,	1) 5)
(img*scale).shape	(256,	256,	3)	(A+B).shape	(8,	7,	6,	5)

- Führt manchmal zu Verwirrung/Problemen:
  - ValueError: shape mismatch: objects cannot be broadcast to a single shape
- → Im Zweifel Doku lesen uder¹ (interaktiv) ausprobieren
- siehe auch numpy\_scipy/03\_broadcast\_beispiel.py

<sup>1:</sup> https://cknoll.github.io/uder.html





## **Broadcasting-Beispiel**

```
Listing: numpy_scipy/03_broadcast_beispiel.py

import numpy as np
import time

E = np.ones((4, 3)) # -> shape=(4, 3)
b = np.array([-1, 2, 7]) # -> shape=(3,)
print(E*b) # -> shape=(4, 3)

b_13 = b.reshape((1, 3))
print(E*b_13) # -> shape=(4, 3)

print("\n"*2, "Achtung, die nächste Anweisung erzeugt einen Fehler.")
time.sleep(2)

b_31 = b_13.T # Transponieren -> shape=(3,1)
print(E*b_31) # broadcasting error
```

Erinnerung: E\*b\_13 ist **keine** Matrix-Vektormultiplikation (siehe Folie 43)





### **Numpy-Funktionen**

```
import numpy as np
from numpy import sin, pi # Tipparbeit sparen

t = np.linspace(0, 2*pi, 1000)

x = sin(t) # analog: cos, exp, sqrt, log, log2, ...

xd = np.diff(x) # numerisch differenzieren

# Achtung: xd hat einen Eintrag weniger!

X = np.cumsum(x) # num. "integrieren" (kummulativ summieren)
```

- Keine python-Schleifen notwendig ightarrow Numpy-Funktionen sind schnell wie C-Code
- · Vergleichsoperationen:

```
# Elementweise:
y1 = np.arange(3) >= 2
# -> array([False, False, True], dtype=bool)

# Array-weit:
y2 = np.all( np.arange(3) >= 0) # -> True
y3 = np.any( np.arange(3) < 0) # -> False
```





### **Weitere Numpy Funktionen**

- min, max, argmin, argmax, sum ( $\rightarrow$  Skalare)
- abs, real, imag ( $\rightarrow$  Arrays)
- Shape ändern: .T (transponieren), reshape, flatten, vstack, hstack

#### Lineare Algebra:

- Matrix-Multiplikation:
  - dot(a, b) (empfolen)
  - a@b (@-Operator in Python 3.5 eingeführt)
  - np.matrix(a)\*np.matrix(b) (vom Kursleiter nicht empfohlen)
- Submodul: numpy.linalg:
  - det, inv, solve (LGS lösen), eig (Eigenwerte u. -vektoren),
  - pinv (Pseudoinverse), svd (Singulärwertzerlegung), ...





## **Scipy**

- Paket, das auf Numpy aufsetzt
- Bietet Funktionalität für
  - Daten-Ein- u. Ausgabe (z.B. mat-Format (Matlab))
  - Physikalische Konstanten
  - Noch mehr lineare Algebra
  - Signalverarbeitung (Fouriertransformation, Filter, ...)
  - Statistik
  - Optimierung
  - Interpolation
  - Numerische Integration ("Simulation")





### scipy.optimize (1)

- Besonders nützlich: fsolve (Doku) und minimize (Doku)
- fsolve: findet Nullstelle einer skalaren Funktkion  $f:\mathbb{R}\to\mathbb{R}$  oder eines (nichtlinearen) Gleichungssystems  $\mathbf{f}:\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^n$
- · Bei beiden: Startschätzung wichtig
- Beispiel: Näherungslösung der nichtlinearen Gleichung

$$x + 2.3 \cdot \cos(x) \stackrel{!}{=} 1 \quad \Leftrightarrow \quad x + 2.3 \cdot \cos(x) - 1 \stackrel{!}{=} 0$$

```
Listing: numpy_scipy/06_fsolve_beispiel.py

import numpy as np
from scipy import optimize

def fnc1(x):
    return x + 2.3*np.cos(x) - 1

sol = optimize.fsolve(fnc1, 0) # -> array([-0.723632])
# Probe:
print(sol, sol + 2.3*np.cos(sol)) # -> [-0.72363261] [1.]
```





### scipy.optimize (2)

- minimize: findet Minimum einer Funktion  $f: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$  (Doku)
- Schnittstelle zu verschiedenen Minimierungsalgorithmen
- Erlaubt viele optionale Argumente
   (z. B. Angabe von Schranken oder (Un)gleichungs-Nebenbedingungen)
- Kann auch Gleichungen lösen, durch Minimierung des quadratischen Gleichungsfehlers:

```
Listing: numpy_scipy/07_minimize_beispiel.py

import numpy as np
from scipy import optimize

def fnc2(x):
    return (x + 2.3*np.cos(x) - 1)**2 # quadratischer Gleichungsfehler

res = optimize.minimize(fnc2, 0) # Optimierung mit Startschätzung 0
# Probe:
print(res.x, res.x + 2.3*np.cos(res.x)) # -> [-0.7236326] [1.00000004]

# mit Grenzen und veränderter Startschätzung -> andere Lösung
res = optimize.minimize(fnc2, 0.5, bounds=[(0, 3)])
# Probe:
print(res.x, res.x + 2.3*np.cos(res.x)) # -> [2.03999505] [1.00000003]
```





### Num. Integration von DGLn (Theorie)

- "Simulation" = numerisches Lösen von Differentialgleichungen
- DGL-Systeme (engl. **O**rdinary **D**ifferential **E**quations) in Zustandsdarstellung:  $\dot{\mathbf{z}} = \mathbf{f}(\mathbf{z},t)$
- Zeitableitung des Zustands z hängt vom Zustand selber ab (und von t)
- Lösung der DGL: Zeitverlauf z(t) (hängt vom Anfangszustand z(0) ab)
   → "Anfangswertproblem" (engl. "Initial Value Problem" (IVP))

## Num. Integration von DGLn (Theorie)

- "Simulation" = numerisches Lösen von Differentialgleichungen
- DGL-Systeme (engl. **O**rdinary **D**ifferential **E**quations) in Zustandsdarstellung:  $\dot{\mathbf{z}} = \mathbf{f}(\mathbf{z},t)$
- Zeitableitung des Zustands z hängt vom Zustand selber ab (und von t)
- Lösung der DGL: Zeitverlauf  $\mathbf{z}(t)$  (hängt vom Anfangszustand  $\mathbf{z}(0)$  ab)  $\rightarrow$  "Anfangswertproblem" (engl. "Initial **V**alue **P**roblem" (IVP))
- Bsp. harmonischer Oszillator mit DGL:  $\ddot{y} + 2\delta \dot{y} + \omega^2 y = 0$
- Vorbereitung überführung in "Zustandsraumdarstellung" (eine DGLn 2. Ordnung  $\rightarrow$  zwei DGLn 1. Ordnung): Zustand:  $\mathbf{z} = (z_1, z_2)^T$  mit  $z_1 := y$ ,  $z_2 := \dot{y} \rightarrow$  zwei DGLn:

```
\dot{z}_1=z_2 ("definitorische Gleichung") \dot{z}_2=-2\delta z_2-\omega^2 z_1 (= \ddot{y})
```

- ∃ verschiedene Integrationsalgorithmen (Euler, Runge-Kutta, ...)
- Nutzbar in Python über Universal-Funktion: scipy.integrate.solve\_ivp (Doku)

### Num. Integration von DGLn (Theorie)

- "Simulation" = numerisches Lösen von Differentialgleichungen
- DGL-Systeme (engl. **O**rdinary **D**ifferential **E**quations) in Zustandsdarstellung:  $\dot{\mathbf{z}} = \mathbf{f}(\mathbf{z}, t)$
- Zeitableitung des Zustands z hängt vom Zustand selber ab (und von t)
- Lösung der DGL: Zeitverlauf  $\mathbf{z}(t)$  (hängt vom Anfangszustand  $\mathbf{z}(0)$  ab)  $\rightarrow$  "Anfangswertproblem" (engl. "Initial **V**alue **P**roblem" (IVP))
- Bsp. harmonischer Oszillator mit DGL:  $\ddot{y} + 2\delta \dot{y} + \omega^2 y = 0$
- Vorbereitung überführung in "Zustandsraumdarstellung" (eine DGLn 2. Ordnung  $\rightarrow$  zwei DGLn 1. Ordnung): Zustand:  $\mathbf{z} = (z_1, z_2)^T$  mit  $z_1 := y$ ,  $z_2 := \dot{y} \rightarrow$  zwei DGLn:

$$\dot{z}_1=z_2$$
 ("definitorische Gleichung")  $\dot{z}_2=-2\delta z_2-\omega^2 z_1$   $(=\ddot{y})$ 

- ∃ verschiedene Integrationsalgorithmen (Euler, Runge-Kutta, ...)
- Nutzbar in Python über Universal-Funktion: scipy.integrate.solve\_ivp(Doku)

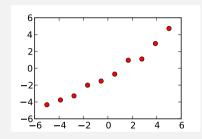
#### Ausführliche Erläuterung in Notebook: Simulation\_dynamischer\_Systeme.ipynb

### Num. Integration (Umsetzung)

```
Listing: numpy scipy/04 solve ivp beispiel.py
import numpy as np
from scipy, integrate import solve ivp
delta = .1
omega 2 = 2**2
def rhs(t, z):
    """ rhs heißt 'right hand side [function]' """
    # Argument t muss in Signatur vorhanden sein, kann aber ignoriert werden
    z1. z2 = z # Entracken des Zustandsvektors in seine zwei Komponenten
   z1 dot = z2
    z2_{dot} = -(2*delta*z2 + omega_2*z1)
    return [z1_dot, z2_dot]
tt = np.arange(0, 100, .01) # unabhängige Variable (Zeit)
z0 = [10, 0] # Anfangszustand für z1 und z2 (=v, und v dot)
res = solve_ivp(rhs, (tt[0], tt[-1]), z0, t_eval=tt) # Aufruf des Integrators
zz = res.v # Zustandsverlaufs-Array (Zeilen: Zustandskomponenten: Spalten: Zeitschritte)
from matplotlib import pyplot as plt
plt.plot(tt, zz[0, :]) # Verlauf von z1 nlotten
nlt.show()
```

- Die Funktion rhs ist "ganz normales" Objekt
- → Kann als Argument an eine andere Funktion (hier: solve\_ivp) übergeben werden
- Hinweis: Funktion odeint ist Vorgänger von solve\_ivp.

Regression mit numpy.polyfit (Doku):

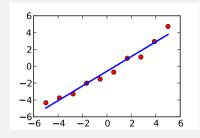






Regression mit numpy.polyfit (Doku):

• Regressionsgerade (blau)

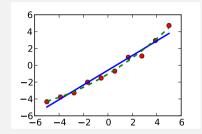






Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung





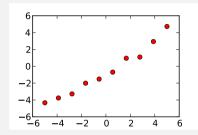


Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung

Interpolation mit
scipy.interpolation.interp1d (Doku):

- Stückweise polynomial (→ "Spline")
- beliebige Ordnung (hier: 0., 1., 2. Ordnung)





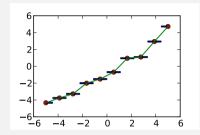


Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung

Interpolation mit
scipy.interpolation.interp1d (Doku):

- Stückweise polynomial (→ "Spline")
- beliebige Ordnung (hier: 0., 1., 2. Ordnung)





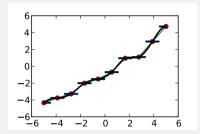


Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung

Interpolation mit
scipy.interpolation.interp1d (Doku):

- Stückweise polynomial (→ "Spline")
- beliebige Ordnung (hier: 0., 1., 2. Ordnung)





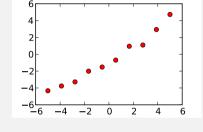


Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung

Interpolation mit
scipy.interpolation.interp1d (Doku):

- Stückweise polynomial (→ "Spline")
- beliebige Ordnung (hier: 0., 1., 2. Ordnung)



Mischform mit scipy.interpolation.splrep (Doku):

• "geglätter Spline" (Glattheit über Koeffizient einstellbar)



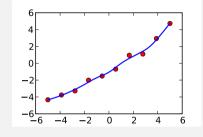


Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung

Interpolation mit
scipy.interpolation.interp1d (Doku):

- Stückweise polynomial (→ "Spline")
- beliebige Ordnung (hier: 0., 1., 2. Ordnung)



Mischform mit scipy.interpolation.splrep (Doku):

• "geglätter Spline" (Glattheit über Koeffizient einstellbar)

Siehe auch numpy\_scipy/05\_interp\_beispiel.py



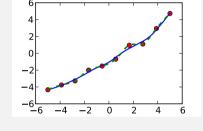


Regression mit numpy.polyfit (Doku):

- Regressionsgerade (blau)
- · oder höherer Ordnung

Interpolation mit
scipy.interpolation.interp1d (Doku):

- Stückweise polynomial (→ "Spline")
- beliebige Ordnung (hier: 0., 1., 2. Ordnung)



Mischform mit scipy.interpolation.splrep (Doku):

• "geglätter Spline" (Glattheit über Koeffizient einstellbar)

Siehe auch numpy\_scipy/05\_interp\_beispiel.py





### **Zusammenfassung (Numpy/Scipy)**

- numpy-Arrays
- Weitere numpy-Funktionen
- scipy-Funktionen (Numerische Integration, Interpolation + Regression)





### Das Paket sympy

- Python-Bibliothek f
  ür symbolische Berechnungen ("mit Buchstaben rechnen")
- ightarrow Backend eines Computer Algebra Systems (CAS)
- Mögliche Frontends: eigenes Python-Skript, IPython-Shell, IPython-Notebook (im Browser)
- Vorteil: CAS-Funktionalität zusammen mit richtiger Programmiersprache





# sympy Überblick

- · Varianten das Paket bzw. Objekte daraus zu importieren:
  - 1. import sympy as sp
  - 2. from sympy import sin, cos, pi
  - 3. from sympy import \* △ Vorisicht: "namespace pollution"





### sympy Überblick

- Varianten das Paket bzw. Objekte daraus zu importieren:
  - 1. import sympy as sp
  - 2. from sympy import sin, cos, pi
- sp.symbols, sp.Symbol : Symbole erzeugen (≠ Variable)
- sp.sin(x), sp.cos(2\*pi\*t), sp.exp(x),...: mathematische Funktionen
- sp.Function('f')(x) : eigene Funktion anlegen (und auswerten)
- sp.diff(<expr>, <var>) oder <expr>.diff(<var>) : ableiten
- sp.simplify(<expr>) : vereinfachen
- <expr>.expand() : ausmultiplizieren
- <expr>.subs(...): substituieren
- sp.pprint(<expr>): "pretty printing"





### Rechnen mit sympy

```
Listing: sympy1.py
import sympy as sp
x = sp.Symbol('x')
a, b, c = sp.symbols('a b c') # verschiedene Wege Symbole zu erzeugen
z = a*b*x*b + b**2*a*x - c*b*(2*a/c*x*b-1/(b*2))
print(z) # -> -b*c*(-1/(2*b) + 2*a*b*x/c) + 2*a*x*b**2
print(z.expand()) # -> c/2 (Ausmutiplizieren)
# Funktionen anwenden:
v = sp.sin(x)*sp.exp(3*x)*sp.sgrt(a)
print(v) \# -> a**(1/2)*exp(x)*sin(x)
# Eigene Funktionen definieren
f1 = sp.Function('f') # -> sympy.core.function.f (nicht ausgewertet)
g1 = sp.Function('g')(x) \# -> g(x) (Funktion ausgewertet bei x)
# Differenzieren
print(v, diff(x)) # -> 3*sart(a)*exp(3*x)*sin(x) + sart(a)*exp(3*x)*cos(x)
print(g1.diff(x)) # -> Derivative(a(x), x)
# Vereinfachungen:
print(sp.trigsimp(sp.sin(x)**2+sp.cos(x)**2)) # \rightarrow 1
```





### Substituieren: <expr>.subs(...)

- Vergleichbar mit <str>.replace(alt, neu)
- · Nützlich für: manuelle Vereinfachungen, (partielle) Funktionsauswertungen, Koordinatentransformationen

```
term1 = a*b*sp.exp(c*x)
term2 = term1.subs(a, 1/b)
print(term2) # -> exp(c*x)
```





### **Substituieren:** <expr>.subs(...)

- Vergleichbar mit <str>.replace(alt, neu)
- · Nützlich für: manuelle Vereinfachungen, (partielle) Funktionsauswertungen, Koordinatentransformationen

```
term1 = a*b*sp.exp(c*x)
term2 = term1.subs(a, 1/b)
print(term2) # -> exp(c*x)
```

- Aufrufmöglichkeiten: 1. direkt, 2. Liste mit Tupeln, 3. dict (nicht empfohlen)
  - 1. <expr>.subs(alt, neu)
  - 2. <expr>.subs([(alt1, neu1), (alt2, neu2), ...])
    - Reihenfolge der Liste → Substitutionsreihenfolge
    - Relevant beim Substituieren von Ableitungen (siehe Beispiel-Notebook)
- Wichtig: subs(...) liefert Rückgabewert (original-Ausdruck bleibt unverändert)





## e wichtige Methoden / Funktionen / Typen

```
sp.Matrix([[x, a+b], [c*x, sp.sin(x)]]) : Matrizen
<mtrx>. jacobian(xx) : Jacobi-Matrix eines Vektors
sp.solve(x**2 + x - a, x) : Gleichungen und Gleichungssysteme lösen
<expr>.atoms(), <expr>.atoms(sp.sin) : "Atome" (bestimmten Typs)
<expr>.args : Argumente der jeweiligen Klasse (Summanden, Faktoren, ...)
sp.sympify(...): Datentypen-Anpassung
sp.integrate(<expr>, <var>) : Integration
sp.series(...): Reihenentwicklung
sp.limit(<var>, <value>) : Grenzwert
<expr>.as num denom(): Zähler-Nenner-Aufspaltung
sp.Polynomial(x**7+a*x**3+b*x+c, x, domain='EX'): Polynome
```

sp. Piecewise (...): Stückweise definierte Funktionen

# **Numerische Formelauswertung**

- Gegeben: Formel und Werte der einzelnen Variablen
- Gesucht: numerisches Ergebnis





# **Numerische Formelauswertung**

- Gegeben: Formel und Werte der einzelnen Variablen
- · Gesucht: numerisches Ergebnis
- Prinzipiell möglich: expr.subs(num\_werte).evalf()





## **Numerische Formelauswertung**

- Gegeben: Formel und Werte der einzelnen Variablen
- Gesucht: numerisches Ergebnis
- Prinzipiell möglich: expr.subs(num\_werte).evalf()
- Besser (bzgl. Geschwindigkeit): lambdify (Namensherkunft: Pythons lambda-Funktionen)
- Erzeugt eine Python-Funktion, die man dann mit den Argumenten aufrufen kann

```
f = a*sp.sin(b*x)
df_xa = f.diff(x)

# Funktion erzeugen
df_xa_fnc = sp.lambdify((a, b, x), df_xa, modules='numpy')

# Funktion auswerten
print( f_xa_fnc(1.2, 0.5, 3.14) )
```





Another trick: let sympy expressions be nicely rendered by  $ET_EX \Rightarrow$  readability  $\uparrow$ .

```
In [7]: from sympy.interactive import printing
        printing init printing()
        %load ext ipvdex.displaytools
In [8]: # same code with special-comments (`##:`)
        x = sp.Symbol("x")
        a, b, c, z = sp.symbols("a b c z") # create several symbols at once
        some formula = a*b*x*b + b**2*a*x - c*b*(2*a/c*x*b-1/(b*2)) ##:
        # some calculus
        y = sp.sin(x)*sp.exp(3*x)*sp.sqrt(a) ##:
        # derive
        vd = v.diff(x) ##
        some-formula := 2ab^2x - bc\left(\frac{2a}{c}bx - \frac{1}{2b}\right)
        y := \sqrt{a}e^{3x}\sin(x)
```

 $yd := 3\sqrt{a}e^{3x}\sin(x) + \sqrt{a}e^{3x}\cos(x)$ 

#### Siehe Beispiel-Notebook

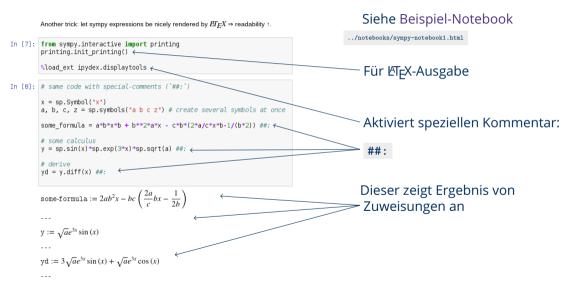
../notebooks/sympy-notebook1.html

```
Siehe Beispiel-Notebook
         Another trick: let sympy expressions be nicely rendered by ET_FX \Rightarrow readability 1.
                                                                                                     ../notebooks/sympy-notebook1.html
In [7]: from sympy.interactive import printing
         printing.init printing() <
         %load ext ipvdex.displaytools
                                                                                                         Für LATEX-Ausgabe
In [8]: # same code with special-comments (`##:`)
         x = sp.Symbol("x")
         a, b, c, z = sp.symbols("a b c z") # create several symbols at once
         some formula = a*b*x*b + b**2*a*x - c*b*(2*a/c*x*b-1/(b*2)) ##:
         # some calculus
         y = sp.sin(x)*sp.exp(3*x)*sp.sqrt(a) ##:
         # derive
         vd = v.diff(x) ##
        some-formula := 2ab^2x - bc\left(\frac{2a}{c}bx - \frac{1}{2b}\right)
        y := \sqrt{a}e^{3x}\sin(x)
         yd := 3\sqrt{a}e^{3x} \sin(x) + \sqrt{a}e^{3x} \cos(x)
```

```
Siehe Beispiel-Notebook
        Another trick: let sympy expressions be nicely rendered by ET_FX \Rightarrow readability 1.
                                                                                                 ../notebooks/sympy-notebook1.html
In [7]: from sympy.interactive import printing
        printing init printing() <
        %load ext ipvdex.displaytools <
                                                                                                     Für LATEX-Ausgabe
In [8]: # same code with special-comments (`##:`)
        x = sp.Symbol("x")
        a, b, c, z = sp.symbols("a b c z") # create several symbols at once
                                                                                                     Aktiviert speziellen Kommentar:
        some formula = a*b*x*b + b**2*a*x - c*b*(2*a/c*x*b-1/(b*2)) ##:
        # some calculus
        y = sp.sin(x)*sp.exp(3*x)*sp.sqrt(a) ##:
                                                                                                       ##:
        # derive
        vd = v.diff(x) ##
        some-formula := 2ab^2x - bc\left(\frac{2a}{c}bx - \frac{1}{2b}\right)
        y := \sqrt{a}e^{3x}\sin(x)
        yd := 3\sqrt{a}e^{3x} \sin(x) + \sqrt{a}e^{3x} \cos(x)
```

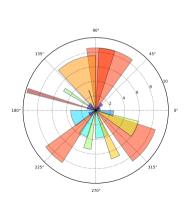
```
Siehe Beispiel-Notebook
        Another trick: let sympy expressions be nicely rendered by ET_FX \Rightarrow readability 1.
                                                                                             ../notebooks/sympy-notebook1.html
In [7]: from sympy.interactive import printing
        printing.init printing() <
        %load ext ipvdex.displaytools ←
                                                                                                 Für LATEX-Ausgabe
In [8]: # same code with special-comments (`##:`)
        x = sp.Symbol("x")
        a, b, c, z = sp.symbols("a b c z") # create several symbols at once
                                                                                                 Aktiviert speziellen Kommentar:
        some formula = a*b*x*b + b**2*a*x - c*b*(2*a/c*x*b-1/(b*2)) ##:   
        # some calculus
        v = sp.sin(x)*sp.exp(3*x)*sp.sgrt(a) ##:
                                                                                                  ##:
        # derive
        vd = v.diff(x) ##
                                                                                                Dieser zeigt Ergebnis von
        some-formula := 2ab^2x - bc\left(\frac{2a}{c}bx - \frac{1}{2b}\right)
                                                                                                 Zuweisungen an
        y := \sqrt{a}e^{3x}\sin(x)
        yd := 3\sqrt{a}e^{3x} \sin(x) + \sqrt{a}e^{3x} \cos(x)
```

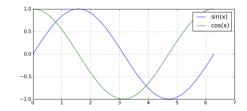
```
Siehe Beispiel-Notebook
        Another trick: let sympy expressions be nicely rendered by ET_FX \Rightarrow readability 1.
                                                                                              ../notebooks/sympy-notebook1.html
In [7]: from sympy.interactive import printing
        printing init printing() <
        %load ext ipvdex.displaytools <
                                                                                                  Für LATEX-Ausgabe
In [8]: # same code with special-comments (`##:`)
        x = sp.Symbol("x")
        a, b, c, z = sp.symbols("a b c z") # create several symbols at once
                                                                                                  Aktiviert speziellen Kommentar:
        some formula = a*b*x*b + b**2*a*x - c*b*(2*a/c*x*b-1/(b*2)) ##:   
        # some calculus
        v = sp.sin(x)*sp.exp(3*x)*sp.sqrt(a) ##: \leftarrow
                                                                                                   ##:
        # derive
        vd = v.diff(x) ##
                                                                                                 Dieser zeigt Ergebnis von
        some-formula := 2ab^2x - bc\left(\frac{2a}{c}bx - \frac{1}{2b}\right)
                                                                                                  Zuweisungen an
        y := \sqrt{a}e^{3x}\sin(x)
        yd := 3\sqrt{a}e^{3x} \sin(x) + \sqrt{a}e^{3x} \cos(x)
```

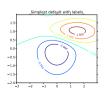


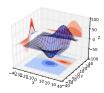
### 2D-Visualisierung mit matplotlib

- Visualisierung von Messdaten, Simulationsergebnissen etc.
- Publikationsfertige Grafiken für Studien- und Diplomarbeiten, Dissertationen, wissenschaftliche Artikel und Beiträge









### **Das Paket Matplotlib**



- Quasi-Standard f
  ür 2D-Plotten mit Python (kann auch 3D)
- Syntax an Matlab angelehnt → einfach für Umsteiger
- Sehr viele Plotfunktionen und -arten
- Interaktiv (zooming, panning)
- Einbinden von Formeln und Symbolen
- Land Strategie in Line in Diagrammen
- Speichern von Plots in als Rastergrafik (z. B. png) oder Vektorgrafik (z. B. pdf)
- Umfangreiche Dokumentation
- Performance: akzeptabel, aber nicht ideal für Echtzeit-Visualisierung http://matplotlib.org/gallery.html





## **Matplotlib - Einstieg**

#### Zwei Möglichkeiten der Verwendung

- 1. interaktiv in der Konsole (pylab) ightarrow IPython
- 2. objektorientiert in Skripten und Anwendungen (pyplot)





### **Grundlagen 1**

#### Einführungsbeispiel interaktiv

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.linspace(0,6.28,100)
y = np.sin(x)

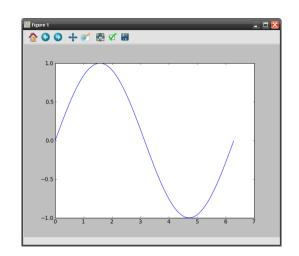
plt.plot(x, y)
```

#### Plot individualisieren

```
plt.title('Sinusfunktion')
plt.grid()
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
```

#### Schließen (nur in interaktivem Modus sinnvoll)

```
plt.close()
```







### **Grundlagen 2**

Plot mit Optionen (kurz)

```
plt.plot(x, y, 'ro:') \rightarrow Farbe, Marker und Linientyp
```

Plot mit Optionen (lang)

```
plt.plot(x, y, color='#FF0000', ls=':', lw=2, marker='o')
```

Mehrere Kurven mit einem Befehl

```
plt.plot(x, sin(x), 'r--', x, cos(x), 'g:')
```

#### Legende

```
plt.plot(x, sin(x), label='sin(x)')
plt.plot(x, cos(x), label='cos(x)')
```

```
plt.legend()
```





### **Grundlagen 3**

#### Sonderzeichen / Formeln → LaTEX Support

```
plot(x, y/x, label=(r'$\frac{\sin(\phi)}{\phi}$'))
leg = plt.legend()
```

#### Schriftgröße Legende

```
plt.setp(leg.texts, fontsize=20)
```

#### Schriftgröße Label

```
plt.xlabel('Zeit[s]', fontsize=14)
```

#### Aussehen nachträglich ändern

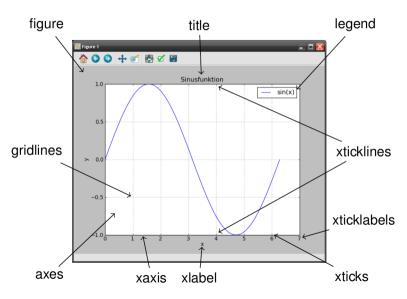
```
p = plt.plot(x,y)
```

```
plt.setp(p, linewidth=3) \rightarrow beliebige Anzahl von Optionen
```





# **Begriffe**



## **Beispiel-Skript 1**

```
Listing: matplotlib1.py

import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

4 alpha = np.linspace(0, 6.28, 100)

y = np.sin(alpha)

6

7 mm = 1./25.4 # Umrechnung mm -> zoll
fig = plt.figure(figsize=(250*mm, 180*mm)) # Abmessungen explixit vorgeben

9

plt.plot(alpha, y, label=r'$\sin(\alpha)$')
plt.xlabel(r'$\alpha\sin rad')
plt.ylabel('$\sin\sin\sin\sin\chi)
plt.title('Sinusfunktion')
plt.legend() # Legende einblenden
plt.grid() # Gitterlinien einblenden

7 plt.savefig('test.pdf') # Dateiformat wird aus Endung erkannt
plt.show() # Anzeige des Bildes
```

#### Empfehlengungen:

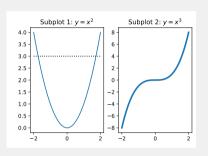
- Daten-Erzeugung (z. B. Simulation) und Visualisierung getrennt implementieren
- Visualisierung komplett automatisieren (möglichst keine manuelle Interaktion)
- Grund: später oft noch Anpassungsbedarf an Visualisierungs-Details
  - ightarrow nicht jedes Mal neue Simulation notwendig





## **Beispiel-Skript 2 (Subplots)**

```
Listing: matplotlib2.pv
     import matplotlib.pyplot as plt
     import numpy as np
     xx = np.linspace(-2, 2, 100)
     mm = 1./25.4 # Umrechnung mm -> zoll
     scale = 0.5 # Für proportionale Skalierung
     fs = np.array([250*mm, 180*mm])*scale
9
     # kleiner rechter Rand
     plt.rcParams['figure.subplot.right'] = .98
12
     # subplots: 1 Zeile. 2 Spalten
     fig. (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, figsize=fs);
16
     ax1.plot(xx, xx**2)
     ax1.set title("Subplot 1: $v=x^2$")
18
     ax2.plot(xx. xx**3. 1w=3)
     ax2.set title("Subplot 2: $v=x^3$")
```



```
plt.savefig('subplots.pdf') # Dateiformat wird aus Endung erkannt
plt.show() # Anzeige des Bildes
```

ax1.plot(xx, xx\*0+3, ":k") # gepunktete schwarze Linie bei y=3



24



### Wo bekomme ich Hilfe?

- Matplotlib ist sehr umfangreich und komplex → Doku unter http://matplotlib.org/contents.html
- Tipp 1: Gallery (http://matplotlib.org/gallery.html)
   Sehr viele Beispiele (Bilder und Code)
- Tipp 2: Dokumentationen der Axes-Klasse http://matplotlib.org/api/axes\_api.html?matplotlib.axes.Axes
- Alle Plot- und Zeichenfunktionen sind über die axes -Klasse zu erreichen!
  - ax.plot(), ax.bar(), ax.scatter(), ax.arrow(),...
  - Besonders wichtig: Keyword-Argumente
- Siehe auch Cheatsheet im Anhang





### Häufig benötigte Einstellungen

- ax.set\_aspect('equal') → Seitenverhältnis 1:1
- ax.set\_xlim(0, 10) → Wertebereich der X-Achse
- $ax.set_xticklabels(['a', 'b']) \rightarrow eigene Beschriftungen$
- $ax.legend(loc=1) \rightarrow Position der Legende$
- ax.tick\_params(\*\*kwargs) → Optik der Achsenbeschriftung

#### Grundsätzlich auch:

- setp() ermöglicht das setzen von Eigenschaften von Objekten
- getp() liefert die Objekte und deren kwargs (Introspection)

```
setp(getp(leg, "texts"), fontsize=10)
```





## LATEX and mathlotlibre

- Matplotlib bringt einen (reduzierten) 上下X Compiler mit
- · Ausprobieren:

```
- ax.plot(x, y, label='$sin(x)$')
```

- ax.set\_ylabel('\$\mu\_2\$')
- Optionen können global in rc gesetzt werden:

- → Damit werden alle Strings mit 上 kompiliert
- Alternativ: direkter Zugriff auf das dict -Objekt mpl.rcParams
  - Entdecken mit:

```
import ipydex # ggf. vorher pip install ipydex ausfúhren
ipydex.dirsearch("size", mpl.rcParams)
```





## **Matplotlib Zusammenfassung**

- Bibliothek für 2D-Visualisierung: matplotlib
- Sehr umfangreiche Optionen
- Bewährtes Vorgehen:
  - Beispiele unter matplotlib.org/gallery.html nachschauen und anpassen





## **Matplotlib Cheatsheet: Linienstile**

```
Zwei Möglichkeiten. Kurz: als Format-String

plot(x, y, '-.')

Lang: als Keyword-Argument (Kurz- und Langform zulässig)

plot(x, y, linestyle='dashed') oder plot(x, y, ls='--')
```

Kurzform	Langform	Beschreibung	Output
'' oder ''	None 'solid'	ohne Linie durchgehende Linie ( <i>Vorgabe</i> )	
11	'dashed'	gestrichelte Linie	
1-11	'dashdot'	Strichpunktlinie	
1:1	'dotted'	gepunktete Linie	





# **Matplotlib Cheatsheet: Marker**

```
Wiederum zwei Möglichkeiten, kurz als Format-String plot(x, y, 'o')
Lang als Keyword-Argument plot(x, y, marker='x')
Größe mit markersize=10 oder ms=10 einstellbar
```

#### Auswahl:

Kurzform	Beschreibung	Output
' ' oder None	ohne Marker ( <i>Vorgabe</i> )	
1.1	Punkt	•
'0'	Kreis	0
'D'	Diamant	$\Diamond$
'H'	Hexagon	
1+1	Plus	+
's'	Quadrat	
' x '	Kreuz	×





## **Matplotlib Cheatsheet: Farben**

```
Im Format-String, oder als Keyword-Agrument
plot(x, y, 'g') oder plot(x, y, color='green')
```

Grau: Zahlenwert zwischen 0 (≙schwarz) und 1 (≙weiß) als str -Objekt: plot(x, y, color='0.3')

Für anspruchsvollere Fälle

- Hexadezimale Notation (wie in HTML/CSS): color='#e3e6f7'
- 4-Tupel (= RGB + Alpha (Deckungskraft)): color=(0.3, 0.8, 0.1, 0.7) # 30% Transparenz

#### Grundlegende Farben sind vordefiniert:

Kurzform	Langform	Farbe
'b'	'blue'	Blau
'g'	'green'	Grün
'r'	'red'	Rot
'c'	'cyan'	Cyan
'm'	'magenta'	Magenta
'y'	'yellow'	Gelb
'k'	'black'	Schwarz

### **Das Pandas Paket**

- → "Tabellenkalkulation mit Python"
- Wichtigstes Paket für "Data Science"
- basiert auf Numpy
- Wichtigster Datentyp: pandas.DataFrame
  - Modelliert Tabelle
  - Spalten haben Namen
  - Spalten können unterschiedliche Datentypen haben
- Zweitwichtigster Datentyp: pandas.Series
  - Modelliert Zeile oder Spalte

Alles weitere, siehe https://pandas.pydata.org/docs/





### **Quellen und Links (wissenschaftliche Pakete)**

- https://numpy.org/doc/
- https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/
- http://www.scipy.org/Tentative\_NumPy\_Tutorial
- http://www.scipy.org/NumPy\_for\_Matlab\_Users
- https://docs.scipy.org/doc/numpy/user/basics.broadcasting.html
- http://scipy.org/Numpy\_Example\_List\_With\_Doc (umfangreich)
- http://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/ (Tutorial + Referenz)
- http://www.scipy.org/Cookbook
- http://docs.sympy.org/latest/modules/
- https://matplotlib.org/stable/users/index.html

Auch hilfreich: google, stackoverflow, ...





## Schlussbemerkungen Phase 1

#### Das war zu viel Kram in zu kurzer Zeit!

- · Wissen ist wissen,
  - was es gibt und
  - wo es dokumentiert ist.
- Anwendungsbereitschaft erfordert Übung (→ Phase 2)

#### Möglichkeiten für Anschlusskommunikation

- Kontakt: carsten.knoll@posteo.de
- Mailingliste py4ing@lists.python-fuer-ingenieure.de (Abbo-Link)
- Chat Raum: #py4ing:matrix.org





# Phase 2: Übung

- Bearbeitung von Übungsaufgaben (vorzugsweise in 3er-Gruppen)
- Alle TN bleiben im Hauptraum eingewählt; dieser bleibt still; Chatten OK!
- Es werden nach Bedarf zusätzliche Gruppenräume geöffnet
- ightarrow Eine Person teilt Bildschirm, Gruppe arbeitet gemeinsam an Aufgaben
- Bei unterschiedlichen Interessen löst sich Gruppe auf ightarrow ggf. Haupt-Chat





# Phase 2: Übung

- Bearbeitung von Übungsaufgaben (vorzugsweise in 3er-Gruppen)
- Alle TN bleiben im Hauptraum eingewählt; dieser bleibt still; Chatten OK!
- Es werden nach Bedarf zusätzliche Gruppenräume geöffnet
- ightarrow Eine Person teilt Bildschirm, Gruppe arbeitet gemeinsam an Aufgaben
- Bei unterschiedlichen Interessen löst sich Gruppe auf  $\rightarrow$  ggf. Haupt-Chat
- Gruppenaufteilung:
  - TN durchnummerieren
  - Gruppe<sub>1</sub> =  $\{TN_1 + TN_2 + TN_3\}$ , Gruppe<sub>2</sub> =  $\{TN_4 + TN_5 + TN_6\}$  usw.
  - Fragen: Warteliste mit Link zum Gruppenraum
  - Empfehlung: Während Wartezeit Weiterüben (andere Aufgaben)





# Phase 2: Übung

- Bearbeitung von Übungsaufgaben (vorzugsweise in 3er-Gruppen)
- Alle TN bleiben im Hauptraum eingewählt; dieser bleibt still; Chatten OK!
- Es werden nach Bedarf zusätzliche Gruppenräume geöffnet
- ightarrow Eine Person teilt Bildschirm, Gruppe arbeitet gemeinsam an Aufgaben
- Bei unterschiedlichen Interessen löst sich Gruppe auf ightarrow ggf. Haupt-Chat
- Gruppenaufteilung:
  - TN durchnummerieren
  - Gruppe<sub>1</sub> =  $\{TN_1 + TN_2 + TN_3\}$ , Gruppe<sub>2</sub> =  $\{TN_4 + TN_5 + TN_6\}$  usw.
  - Fragen: Warteliste mit Link zum Gruppenraum
  - Empfehlung: Während Wartezeit Weiterüben (andere Aufgaben)
- Koordination von Gruppen und Fragen: https://yopad.eu/p/py4ing-365days





# Phase 2: Übung (2)

01\_Uebung.ipynb (10 Aufgaben)





### **Abschlussrunde**

Ingenieur-Python nicht an einem Tag lernbar, aber

- Möglichkeiten andeuten
- Erste Ergebnisse ermöglichen
- Zum weiteren Selbststudium anregen

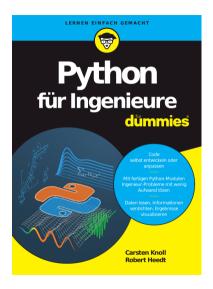
#### Möglichkeiten für Anschlusskommunikation

- Kontakt: carsten.knoll@posteo.de
- Mailingliste py4ing@lists.python-fuer-ingenieure.de (Abbo-Link)
- Chat Raum: #py4ing:matrix.org





# Werbung



https://python-fuer-ingenieure.de