# Øving 2 IELET1002 - Datateknikk

## Gunnar Myhre, BIELEKTRO

30. september 2021

# 1 Oppgåve 1

#### 1.1 a)

Bruker reknereglar T5a, T5b, P4a

$$T = \overline{A + BC} = \overline{A} \cdot \overline{BC} = \overline{A}(\overline{B} + \overline{C}) = \overline{A}\overline{B} + \overline{A}\overline{C}$$
 (1)

#### 1.2 b)

T5a

$$T = \overline{AB + \overline{A}\overline{B}} = \overline{AB} \cdot \overline{\overline{A}\overline{B}} \tag{2}$$

T5b, P4

$$(\bar{A} + \bar{B})(A + B) = A(\bar{A} + \bar{B}) + B(\bar{A} + \bar{B})$$
 (3)

P4, P5

$$A\bar{A} + A\bar{B} + B\bar{A} + B\bar{B} = A\bar{B} + \bar{A}B \tag{4}$$

## 1.3 c)

T5b

$$T = \overline{(A+\bar{B})(\bar{B}+C)} = \overline{(A+\bar{B})} + \overline{(\bar{B}+C)}$$
 (5)

T5a

$$\bar{A}B + B\bar{C} \tag{6}$$

## 2 Oppgåve 2

#### 2.1 a)

Setter opp funksjonstabell for uttrykket  $F(A,B,C)=(\bar{A}+B)(\bar{B}+A)$ . Uttrykket er allereie nesten på PaSS-form, vi kan legge til begge variantar av den tredje variablen i kvar av summane. (Eks.:  $(\bar{A}+B) \to (\bar{A}+B+C)(\bar{A}+B+\bar{C})$ )

Indeks	A	В	С	F(A,B,C)
0	0	0	0	1
1	0	0	1	1
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	0
6	1	1	0	0
7	1	1	1	1

Produkt av standardsumform:

$$F(A, B, C) = (\bar{A} + B + C)(\bar{A} + B + \bar{C})(A + \bar{B} + C)(\bar{A} + \bar{B} + C) \tag{7}$$

Sum av standardproduktform:

$$F(A, B, C) = \bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}BC + ABC \tag{8}$$

Indeksformer:

$$F(A, B, C) = \Sigma(0, 1, 3, 7) = \Pi(2, 4, 5, 6)$$
(9)

### 2.2 b)

Indeksformer:

$$F(x, y, z) = \Sigma(0, 3, 7) = \Pi(1, 2, 4, 5, 6)$$
(10)

Algebraisk sum av standardproduktform:

$$F(x,y,z) = \bar{x}\bar{y}\bar{z} + \bar{x}yz + xyz \tag{11}$$

Algebraisk produkt av standardsumform:

$$F(x,y,z) = (x+y+\bar{z})(x+\bar{y}+z)(\bar{x}+y+z)(\bar{x}+y+\bar{z})(\bar{x}+\bar{y}+z)$$
 (12)

#### 2.3 c)

Indeksformer:

$$F(p,q,r) = \Pi(1,3,5,7) = \Sigma(0,2,4,6)$$
(13)

Algebraisk sum av standardproduktform:

$$F(p,q,r) = \bar{p}\bar{q}\bar{r} + \bar{p}q\bar{r} + p\bar{q}\bar{r} + pq\bar{r}$$
(14)

Algebraisk produkt av standardsumform:

$$F(p,q,r) = (p+q+\bar{r})(p+\bar{q}+\bar{r})(\bar{p}+q+\bar{r})(\bar{p}+\bar{q}+\bar{r})$$
(15)

# 3 Oppgåve 3

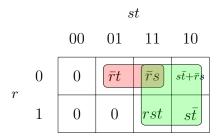
Setter uttrykket opp i funksjonstabell

Indeks	r	S	t	G(r,s,t)
0	0	0	0	0
1	0	0	1	1
2	0	1	0	1
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	0
6	1	1	0	1
7	1	1	1	1

G(r,s,t) har mintermane 1,2,3,6,7. Desse kan vi sette inn i Karnaugh-diagrammet som einarar.

ut ifrå dette diagrammet kan vi skrive om  $G(r,s,t)=s+t\overline{r}$ 

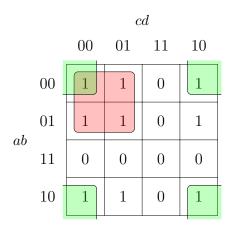
Vi kan også fylle Karnaugh-diagrammet direkte.



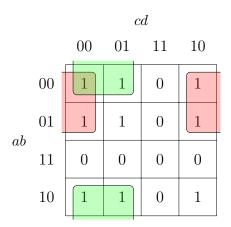
# 4 Oppgåve 4

# 4.1 a)

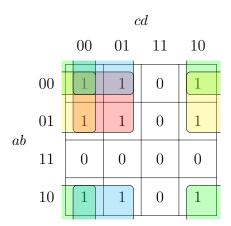
Deler opp i to operasjonar for betre oversikt.



Raud:  $\bar{a}\bar{c}$ , grøn:  $\bar{b}\bar{d}$ 



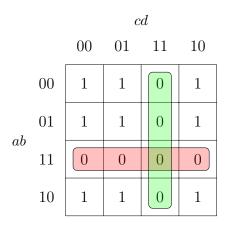
Raud:  $\bar{a}\bar{d}$ , grøn:  $\bar{b}\bar{c}$ 



$$F(a,b,c,d) = \bar{a}\bar{c} + \bar{b}\bar{d} + \bar{a}\bar{d} + \bar{b}\bar{c}$$

# 4.2 b)

Vi kan bruke Karnaugh-diagram til å finne produkt av sum-forma.



vi finner at  $F(a,b,c,d)=(\bar{a}+\bar{b})(\bar{c}+\bar{d})$ 

# 5 Oppgåve 5

## 5.1 a)

Setter opp funksjonstabell for dekodaren med hardkoda verdiar for dei ti siffersymbola.

Indeks	$B_3$	$B_2$	$B_1$	$B_0$	g	f	е	d	С	b	a
0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0
2	0	0	1	0	1	0	1	1	0	1	1
3	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	1
4	0	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
5	0	1	0	1	1	1	0	1	1	0	1
6	0	1	1	0	1	1	1	1	1	0	1
7	0	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1
8	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
9	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1
10	1	0	1	0	-	-	-	-	-	-	-
11	1	0	1	1	-	-	-	-	-	-	-
12	1	1	0	0	-	-	-	-	-	-	-
13	1	1	0	1	-	-	-	-	-	-	-
14	1	1	1	0	-	-	-	-	-	-	-
15	1	1	1	1	-	-	-	-	-	-	-

Forenkler dei sju funksjonane vha. Karnaugh-diagram med sikte på forma sum av standardprodukt

$$g(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Pi(0, 1, 7)$$

$$B_3B_2$$

$$00 \quad 01 \quad 11 \quad 10$$

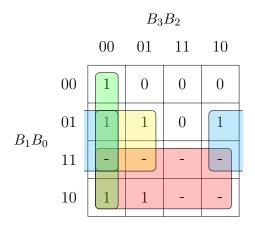
$$01 \quad 01 \quad 1 \quad 1$$

$$B_1B_0 \quad 11 \quad - \quad - \quad -$$

$$10 \quad 1 \quad 1 \quad - \quad -$$

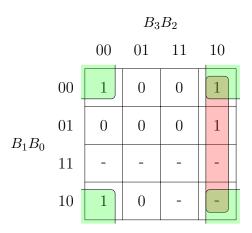
$$g(B_3, B_2, B_1, B_0) = B_1 + B_0 \bar{B}_3 + \bar{B}_0 B_3 + B_3 \bar{B}_2 \tag{17}$$

$$f(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Pi(1, 2, 3, 7) \tag{18}$$



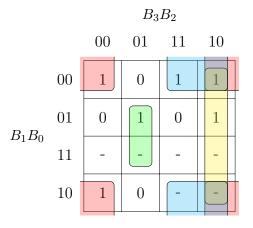
$$f(B_3, B_2, B_1, B_0) = B_1 + \bar{B}_3 \bar{B}_2 + B_0 \bar{B}_3 + B_0 \bar{B}_2$$
(19)

$$e(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Sigma(0, 2, 6, 8)$$
 (20)



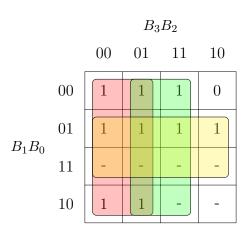
$$e(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_2 \bar{B}_0 + B_3 \bar{B}_2 \tag{21}$$

$$d(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Pi(1, 4, 7, 9)$$
(22)



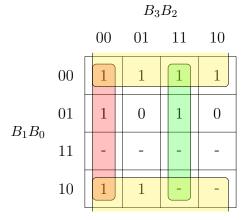
$$d(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_2 \bar{B}_0 + B_3 \bar{B}_2 + B_3 \bar{B}_0 + B_0 \bar{B}_3 B_2$$
 (23)

$$c(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Pi(2) \tag{24}$$



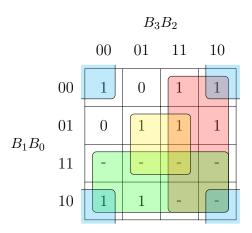
$$c(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_3 + B_2 + B_0 \tag{25}$$

$$b(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Pi(5, 6) \tag{26}$$



$$b(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_0 + \bar{B}_3 \bar{B}_2 + B_3 B_2 \tag{27}$$

$$a(B_3, B_2, B_1, B_0) = \Pi(1, 4) \tag{28}$$



$$a(B_3, B_2, B_1, B_0) = B_1 + B_0 B_2 + B_3 + \bar{B}_0 \bar{B}_2 \tag{29}$$

Tilsaman har vi funksjonane:

• 
$$a(B_3, B_2, B_1, B_0) = B_1 + B_0B_2 + B_3 + \bar{B_0}\bar{B_2}$$

• 
$$b(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B_0} + \bar{B_3}\bar{B_2} + B_3B_2$$

• 
$$c(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_3 + B_2 + B_0$$

• 
$$d(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_2\bar{B}_0 + B_3\bar{B}_2 + B_3\bar{B}_0 + B_0\bar{B}_3B_2$$

• 
$$e(B_3, B_2, B_1, B_0) = \bar{B}_2 \bar{B}_0 + B_3 \bar{B}_2$$

• 
$$f(B_3, B_2, B_1, B_0) = B_1 + \bar{B}_3 \bar{B}_2 + B_0 \bar{B}_3 + B_0 \bar{B}_2$$

• 
$$g(B_3, B_2, B_1, B_0) = B_1 + B_0 \bar{B}_3 + \bar{B}_0 B_3 + B_3 \bar{B}_2$$

## 5.2 b)

1111 vil vere 15 i BCD som er ein ugyldig verdi, men vi kan sjå kva som vert påtrykt i utgangane.

• 
$$a(1,1,1,1) = 1+1+1+0=1$$

• 
$$b(1,1,1,1) = 0 + 0 + 1 = 1$$

• 
$$c(1,1,1,1) = 0 + 1 + 1 = 1$$

• 
$$d(1,1,1,1) = 0 + 0 + 0 + 0 = 0$$

• 
$$e(1,1,1,1) = 0 + 0 = 0$$

• 
$$f(1,1,1,1) = 1 + 0 + 0 + 0 = 1$$

• 
$$g(1,1,1,1) = 1 + 0 + 0 + 0 = 1$$

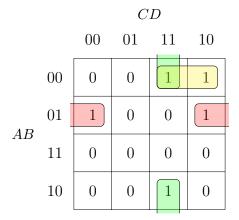
a,b,c,f og g vil vere på, og displayet vil vise eit nital.

# 6 Ekstraoppgåve

$$F(A, B, C, D) = \Pi(0, 1, 5, 7, 8, 9, 10, 12, 13, 14, 15)$$

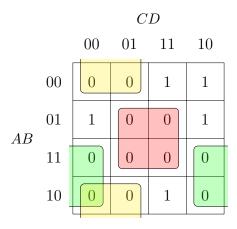
### 6.1 a)

Finner sum av produkt-uttrykket først



$$F(A, B, C, D) = \bar{A}B\bar{D} + \bar{B}CD + \bar{A}\bar{B}C \tag{30}$$

setter opp nytt Karnaugh-diagram for å finne produkt av sum-uttrykket



$$F(A, B, C, D) = (\bar{B} + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + C) \tag{31}$$

#### 6.2 b)

Bruker P4a for å løyse opp parantesane

$$(\bar{B} + \bar{D})(\bar{A} + D)(B + C) = (\bar{B}B + \bar{B}C + \bar{D}B + \bar{D}C)(\bar{A} + D)$$
 (32)

bruker P5b og T2b for å fjerne det første leddet

$$(\bar{B}C + \bar{D}B + \bar{D}C)(\bar{A} + D) \tag{33}$$

bruker P4a for å løyse opp parantesen

$$\bar{A}B\bar{D} + \bar{B}CD + \bar{A}\bar{B}C + \bar{D}DB + \bar{D}DC + \bar{A}C\bar{D} \tag{34}$$

bruker P5b og T2b for å fjerne ledd fire og fem

$$\bar{A}B\bar{D} + \bar{B}CD + \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}C\bar{D} \tag{35}$$

Dette er det originale uttrykket men med eit ekstra ledd  $\bar{A}C\bar{D}$ . Om vi ser på Karnaugh-diagrammet eller funksjonstabell ser vi at dette leddet er redundant, og det kan derfor fjernast uten å påvirke funksjonen. Men korleis ein skal kunne fjerne dette leddet med reknereglar frå boolsk algebra veit eg ikkje.