## 情報工学実験V報告書

# クラスタ数推定に用いる最適な情報量基準の探求

出席番号: 32 番 報告者: 萩原 涼介 指導教員: 藤田 一寿 提出日: 2017 年 7 月 10 日

## 1. はじめに

クラスタリングとはデータを教師なし学習により 任意の数のクラスタに分ける手法である。クラスタ リングはデータ解析、データマイニング、パターン 認識など様々な分野で用いられる。多くのクラスタ リング手法では、予めクラスタ数を指定しクラスタ リングを行う。しかし、データに対し最適なクラス タ数を指定しなければ、最適なクラスタリング結果 を得ることはできない。その為、クラスタ数を推定 することは重要な課題となっている。

既存のクラスタ数推定手法の多くは、情報量規準に基づきクラスタ数の推定を行っている。情報量規準とは簡単に言えば確率分布とデータの分布の当てはまり具合を表す。その情報量基準は多くの研究者により様々なものが提案されている。しかし、どの情報量規準がどのようなデータに対し有効かは分かっていない。そこで本研究では、クラスタ数推定に用いる情報量規準として最適なものを数値実験を通し明らかにする。

## 2. 実験の手法

### 2.1 k-means

k-means[1] は、多次元空間上のデータ点集合について、各データが属するクラスタを同定するクラスタリング手法の一種である。具体的には、以下の2つの手順を繰り返すことで具体的にクラスタリングを行う。

- 1) 各データに割り当てられているクラスタのセントロイドを求める
- 2) 各データ点とデータ点の距離を求め、各データ 点を最も近いセントロイドのクラスタに割り当 てる。

#### 2.2 x-means

x-means[2] は、データ分布が混合等方 Gauss 分布から生成されたと想定してクラスタ数の決定及びクラスタリングを行う手法である。k-means の逐次繰り返しと、BIC[3](Bayesian Information Criterion; ベイズ情報量規準) による分割停止規準を用いることで、クラス

タ数を決定しクラスタリングを実行する.

具体的にはは以下の手順で行われる.

- 1) クラスタ数を小さなにして k-means を実行
- 2) 各クラスタにおける BIC を算出する
- 3) それぞれのクラスタのセントロイドを2つに分割し、k-meansを再度実行
- 4) 分割したそれぞれのクラスタにおける BIC を 算出
- 5) 分割前と後の BIC を比較し, BIC が大きくなっていれば採用する
- 6) 2 から 5 を繰り返し、変化がなくなればクラス タリングが完了する

d 次元のデータ  $\mathbf{D} = (\mathbf{x}_0, \mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_i)$  を K 個のクラスタに分割することを想定すると,d 変量等方 Gauss 分布 (1) 式を定義できる.

$$\hat{P}(x_i) = \frac{R_{(i)}}{R} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\hat{\sigma}^d} \exp\left(-\frac{1}{2\hat{\sigma}^2} ||x_i - \mu_{(i)}||^2\right)$$
 (1)

ここで  $\mu_i$  は d 次元の平均ベクトルである。なお、分散  $\sigma^2$  は (2) 式により表される。

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{R - K} \sum_{i} (x_i - \mu_{(i)})^2$$
 (2)

この時,事後確率  $Pr[M_j \mid \textbf{\textit{D}}]*1$ をモデルの評価に用いたい。そこで,事後確率を近似し正規化した BIC を用いる。

$$BIC(M_j) = \hat{l}_j(D) - \frac{p_j}{2} \ln R$$
 (3)

 $p_j/2$  はパラメータ空間の次元数であり、R はデータ数、 $\hat{l}_i(D)$  は p 変量 Gauss 分布の対数尤度関数である.

# 2.3 実験環境

実験には Python3.5 を用い, TensorFlow1.2.1 と呼ばれるオープンソースのライブラリを用いてアルゴリズムを実装した.

st 1 [私的メモ] $m{D}$  を仮定した時  $m{M}_j$  の事後確率

## 3. 結果

## 3.1 k-means によるクラスタリング

図1のデータをクラスタ数3としてクラスタリングした結果、図2のような結果になった.

なお、クラスタリングの打ち切り条件は、セントロイドの差が  $1.0 \times 10^{-10}$  以下のときとした.

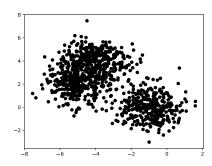


図1 クラスタリング前のデータ

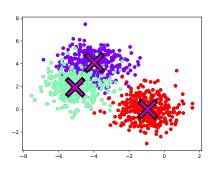


図 2 クラスタリング後のデータ

# 4. おわりに参考文献

- James MacQueen et al. "Some methods for classification and analysis of multivariate observations". In: Proceedings of the fifth Berkeley symposium on mathematical statistics and probability. Vol. 1. 14. Oakland, CA, USA. 1967, pp. 281–297.
- [2] Dan Pelleg, Andrew W Moore, et al. "X-means: Extending K-means with Efficient Estimation of the Number of Clusters." In: ICML. Vol. 1. 2000, pp. 727–734.
- [3] Gideon Schwarz et al. "Estimating the dimension of a model". In: The annals of statistics 6.2 (1978), pp. 461–464.