M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje skrótu

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia-

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnei

długości Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzytelr nie

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Instytut Informatyki Uniwersytet Gdański

sem. letni 2020/2021 inf.ug.edu.pl/~amb

Integralność a prywatność

- Prywatność: Ewa nie potrafi odczytać wiadomości m z kryptogramu c
 - czy potrafi go zmienić złośliwie? (integralność)
- Szyfr strumieniowy
 - $-c = m \oplus G(k)$, zmiana bitu w c zmienia ten sam bit w m
- Szyfr blokowy w trybach OFB oraz CTR
 - zasada szyfrowania jest podobna
 - zmiana bitu w c zmienia ten sam bit w m
- Szyfr blokowy w trybie ECB
 - zmiana bitu w c zmienia cały blok w wiadomości m
 - można bezkarnie zmienić kolejność bloków
- Szvfr blokowy w trybie CBC
 - zmiana bitu w IV zmienia bit w pierwszym bloku m
 - nagłówek pliku często ma ważne informacje

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność – definicje

MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skrót SHA-1 Inne funkcje skrótu Szyfrowanie

Integralność danych: MAC i funkcje skrótu

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów

długości Funkcje skrót SHA-1

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelni nie

Integralność – definicja

- MAC (message authentication code)
 - algorytm generowania klucza k (np. losowy wybór)
 - algorytm obliczania MAC(k, m) dla klucza i wiadomości m
 - algorytm weryfikacji dla klucza k, wiadomości m oraz kodu uwierzytelniającego t
- Odporność na atak
 - wybrany jest pewien klucz k
 - Ewa ma dostęp do wyroczni obliczającej MAC(k,)
 - Ewa wygrywa jeśli znajdzie prawidłowy skrót dla jakiejkolwiek nowej wiadomości
- Atak przez powtórzenie (Ewa kopiuje wiadomość ze skrótem)
 - nie jest objęty tą definicją
 - wymaga pojęcia stanu
 - np. uzgodniony zegar, albo licznik

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skróti SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzytelr

Funkcja pseudolosowa jako MAC

- Dana funkcja pseudolosowa $F : [n] \times [n] \rightarrow [n]$
- MAC(k, m) = F(k, m)- weryfikacja: t = MAC(k, m)
- Twierdzenie: jest to bezpieczny algorytm uwierzytelniania dla ciągów ustalonej długości
 - dla funkcji losowej wartości f(x) oraz f(y) są niezależne,
 - funkcja pseudolosowa jest PPT nieodróżnialna od losowej
 - więc znajomość wielu wartości nie pomaga w znalezieniu nowej
- Problemem jest nadal funkcja $MAC: [n] \times [*] \rightarrow [*]$ dla ciągów dowolnej długości
 - a w praktyce będziemy żądać by $\mathit{MAC}:[n] \times [*] \to [\ell]$, stała długość

MAC dla ciągów dowolnej długości c.d.

- Rozwiązanie: każdy blok zawiera:
 - numer bloku (uniemożliwia przestawienie)
 - długość pliku (np. liczbę bloków, uniemożliwia ucięcie)
 - liczbę jednorazową (uniemożliwia sklejanie wiadomości)
 - oraz fragment wiadomości
 - MAC jest zestawem: liczba jednorazowa i ciąg MAC bloków

Podstawy kryptografii

M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

SHA-1 Inne funkcje skrótu

Szyfrowanie i uwierzytelni nie

MAC dla ciągów dowolnej długości

- Pomysły nieprawidłowe:
- ullet Obliczyć \oplus dla wszystkich bloków i wtedy MAC tej sumy
 - łatwo zmienić wiadomość zachowując sumę
- Obliczyć MAC dla każdego bloku osobno
 - można zmienić kolejność bloków
 - wiadomość można po prostu uciąć
 - można sklejać fragmenty różnych wiadomości
- Obliczyć MAC dla bloków numerowanych
 - nadal wiadomość można uciąć
 - nadal można sklejać fragmenty różnych wiadomości
- Obliczyć MAC dla bloków numerowanych i posiadających informację o łącznej długości
 - nadal można sklejać fragmenty różnych wiadomości zachowując długość

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnei

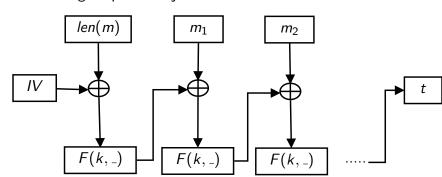
Funkcje skró SHA-1 Inne funkcje

długości

skrótu Szyfrowanie i uwierzyteln nie

MAC dla ciągów dowolnej długości w trybie CBC

- Cel:
 - MAC powinien dawać wynik stałej długości
 - powinien stosować się do ciągów naprawdę długich
- MAC działa jak tryb blokowy CBC
 - ale tylko ostatni blok jest zwracany
 - wektor początkowy jest ustalony w definicji algorytmu
 - długość pliku też jest kodowana



> Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzyteln nie

Podstawy kryptogra-

> Andrzej M. Borzyszkowski

fii

Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje skrótu

Szyfrowanie w trybie CBC a MAC – różnice

- Wektor początkowy
 - dla szyfrowania jest niezbędny, zapewnia niedeterminizm
 - dla obliczania MAC jest szkodliwy, umożliwia zmianę pierwszego bloku wiadomości
- Zestaw wyników funkcji losowej
 - dla szyfrowania jest niezbędny, umożliwia obliczenie odwrotnego algorytmu (odszyfrowanie)
 - dla MAC jest niepotrzebny
- Kodowanie długości
 - dla szyfrowania jest niepotrzebne, cała wiadomość jest odtwarzana
 - dla MAC nie ma innego sposobu zaznaczenia długości pliku
 - gdyby zwracać wszystkie MAC'i też nie byłoby bezpiecznie
 - są powody, by długość kodować jako pierwszy blok

Zastosowania funkcji skrótu

- Nie kryptograficzne:
 - znajdowanie indeksów tablic dla argumentów ze zbioru [*] albo zbioru [N] dla dużego N (tablice mieszające)
 - wykrywanie przypadkowych błędów transmisji: przesyłane są wiadomość m oraz skrót h(m), odczytywane są m_1 oraz h_1 , jeśli $h(m_1) \neq h_1$, to znaczy, że wystąpił błąd
- Kryptograficzne:
 - wykrywanie celowych i złośliwych zmian dokumentów
 - skrócenie wiadomości dla kryptografii asymetrycznej (podpis)
- Inne nazwy:
 - hash, odcisk palca (fingerprint), message digest
 - MAC (dla funkcji z hasłem)

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelni nie Funkcje skrótu

- Dowolna funkcja $h: [*] \rightarrow [n]$
 - dziedzina: ciągi bitów dowolnej (dużej) długości
 - przeciwdziedzina: ciągi bitów długości ustalonej i niedużej
- Przykład $h: [n+n] \rightarrow [n], h(x,y) = x \oplus y$
 - funkcję tę można iterować i przetwarzać ciągi dowolnej długości: $H(x, \langle y, Z \rangle) = H(h(x, y), Z)$
 - dla dowolnego ciągu bitów trzeba jeszcze uzupełnić ostatni niepełny blok
- Własności funkcji H
 - łatwo się oblicza (w przykładzie jest to po prostu suma)
 - łatwo znaleźć dwa ciągi t.ż. H(x) = H(y)

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Vykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje skrótu

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelr nie

Własności kryptograficznych funkcji skrótu

- Dana wiadomość m oraz skrót h(m)
 - zmieniona wiadomość m_1 oraz $h(m_1)$
 - jeśli $h(m) = h(m_1)$ to nie ma sposobu wykrycia zmiany
 - w.p.p. atakujący musi przekazać inny skrót
- Założenia:
 - łatwo obliczyć (ale nie MAC, które wymaga hasła)
- trudno jest znaleźć jakiekolwiek m_1 t.ż. $h(m_1) = y$ (funkcja jednokierunkowa, problem 1. przeciwobrazu)
- trudno jest znaleźć m_1 t.ż. $h(m_1) = h(m)$ dla danego m (słaba bezkolizyjność, problem 2. przeciwobrazu)
- trudno jest znaleźć jakiekolwiek dwie wiadomości m oraz m_1 takie że $h(m) = h(m_1)$ (silna bezkolizyjność)

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1

> Inne funkcj skrótu

Szyfrowanie i uwierzytelr nie

Atak urodzinowy

- Jakie jest prawdopodobieństwo, że dwie osoby spośród n mają urodziny tego samego dnia?
 - dla n=2, prawd. $\approx \frac{1}{366}$
 - dla n = 367, prawd. = 1
 - dla n = 23, prawd. $> \frac{1}{2}$
- Prawd. $\approx exp(-n^{2/2N})$
 - jest znacznie większe niż żądanie, by zachodziła równość z zadaną wartością
 - dla dwóch zestawów liczb $\,< N\,$ o wielkości $\sqrt{N}\,$ elementów jest duża szansa na wspólny element
 - np. dla $N=2^{56}$ wystarczy zgromadzić zestawy po 2^{28} elementów, czyli gigabajty

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzyteli nie

Metoda Merkle-Damgarda, własności

- Jeśli funkcja kompresji h_s ma własność bezkolizyjności, to funkcja H też ma taką własność
- dw. gdyby dwie wiadomości miały ten sam skrót H
- to albo będą się różnić wielkością (ostatni blok da kontrprzykład dla h_s)
- albo będą się różnić wcześniej, wcześniejszy blok da kontrprzykład dla h_s
- MAC w algorytmie Merkle-Damgarda
 - NMAC (nested MAC): dla klucza k dodatkowy blok na końcu $h_s(k, H(m))$

Podstawy kryptografii

> Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

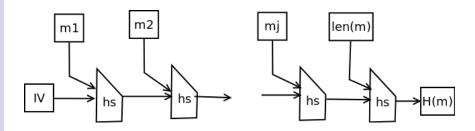
Funkcje skrótu SHA-1

Inne funkcje skrótu Metoda Merkle-Damgarda

- Dana funkcja $h_s:[n+n] o [n]$ (funkcja kompresji)
- (może zależna od dodatkowego parametru s)
- iteracja dla ciągów dowolnej długości:

$$H(x,\langle y,Z\rangle)=H(h_s(x,y),Z)$$

- dla dowolnego ciągu bitów trzeba jeszcze uzupełnić ostatni, niepełny blok ciągu
- na końcu blok kodujący długość pliku
- wektor początkowy jest ustalony



Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wvkład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skrótu SHA-1

Inne funkcje skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

Standard SHA-1 (secure hash algorithm)

- Opracowany przez NIST (National Institute of Standards and Technology)
 - pierwsza wersja była niedoskonała, stąd SHA-1
 - produkuje skrót 160 bitowy
- Standard określa funkcję kompresji, jest ona iterowana $-m = \{m_0, m_1, m_2, \ldots\}$, X_0 początkowa wartość rejestru, $X_{j+1} = h(X_j, m_j)$, h(m) jest równe ostatniej wartości rejestru standard określa też początkową wartość rejestru oraz sposób wypełnienia ostatniego bloku: ostatnie 64 bity określają długość m, brakujące są uzupełnione zerami

M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje
MAC dla
ciągów
dowolnej
długości
Funkcje skrót
SHA-1
Inne funkcje
skrótu
Szyfrowanie

SHA-1 dla jednego bloku

Operacje nieliniowe: 'and', 'or' bitowo

operacje liniowe: 'not', ⊕ czyli dodawanie modulo 2, dodawanie modulo 2³², przesunięcie bitów w lewo
definicja funkcji pomocniczych
f(B, C, D) = (B ∧ C) ∨ ((¬B) ∧ D),
f(B, C, D) = B ⊕ C ⊕ D, ...
definicja 85 stałych 32 bitowych

Rejestr ma 5 elementów: A, B, C, D, E po 32 bity, inicjalizowanych przez 5 stałych, blok ma 16 fragmentów 32-bitowych
dla 80 rund obliczamy
shift₅(A) + f(B, C, D) + E + W + K → A, A → B,

 $shift_{30}(B)\mapsto C,\ C\mapsto D,\ D\mapsto E,\ f$ są różne dla różnych rund, K kolejną stałą, w jest początkowo fragmentem bloku, później $W_i=shift(W_{i-3}\oplus W_{i-8}\oplus W_{i-14}\oplus W_{i-16})$

MD5

fii
Andrzej
M.
Borzyszkowski

Podstawy

kryptogra-

Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skrót

SHA-1 Inne funkcje skrótu • Skrót 128 bitowy

Autor: Rivest

- 4 rejestry 32 bitowe
- 64 rundy (4 cykle po 16)
- w każdym cyklu inna funkcja nieliniowa z efektem lawinowym, przesunięcia bitów, dodawanie z bieżącymi danymi
- Znaleziono kolizje!
- MD2, inna funkcja
 - bardzo wolna
 - ale chyba bezpieczniejsza
 - jest używana w protokole PEM, bezpiecznej poczty elektronicznej

Podstawy kryptografii

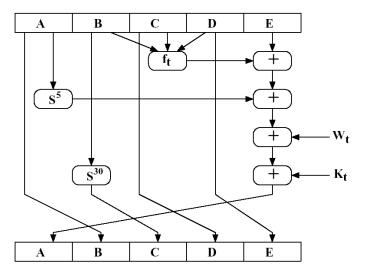
Andrzej M. Borzyszkowski

Wvkład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skro SHA-1

> Inne funkcje skrótu Szyfrowanie

Jedna runda w SHA-1



http://nsfsecurity.pr.erau.ededu/crypto/sha_1.html cytat za *Cryptography and Network Security: Principles and Practice* William Stallings

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

SHA-1 Inne funkcje

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelni nie

Inne funkcje skrótu

- Funkcje md4, md5, ripemd, sha-1, blake2
- Silna bezkolizyjność jest problematyczna, tylko sha-1 jest w miarę dobre
 - znaleziono dwa certyfikaty X.509 o tej samej wartości funkcji skrótu md5
 - gdyby jeden był podpisany przez wystawcę certyfikatów, to automatycznie drugi też
- Nie ma problemów ze słabą bezkolizyjnością i nieodwracalnością
 - gdyby te własności były naruszone, to duża część kryptografii byłaby w kłopocie

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skróti

SHA-1 Inne funkcj skrótu

Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

Szyfrowanie i uwierzytelnianie

- Dane dwa klucze, jak zapewnić poufność i integralność? 1) przesłać $Enc(k_1, m)$ oraz $MAC(k_2, m)$
- ale MAC może ujawnić całą wiadomość
 a praktycznie zawsze jest deterministyczny: ŹLE
 2) przesłać Enc(k₁, m||MAC(k₂, m))
- szyfr nie musi być odporny na atak z wybranym kryptogramem
 - być może nawet da się odtworzyć cały tekst jawny: ŹLE PRAWIDŁOWE ROZWIĄZANIE:
 - 3) przesłać $Enc(k_1, m)$ oraz $MAC(k_2, Enc(k_1, m))$
- uniemożliwia atak przez modyfikację kryptogramu
- bezpieczeństwo takie same jak dla Enc
- UWAGA: MAC i Enc mogą być funkcjami wzajemnie odwrotnymi (szyfry blokowe itp), klucze muszą być różne