Министерство образования и науки Российской Федерации САРАТОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н. Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО

Исследование производственных систем с маршрутизацией, зависящей от состояния

ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА СПЕЦИАЛИСТА

студента 5 курса 511 группы специальности 010501 — прикладная математика и информатика факультета компьютерных наук и информационных технологий Салина Романа Владимировича

Научный руководитель доцент, к.ф.-м.н.

В. И. Долгов

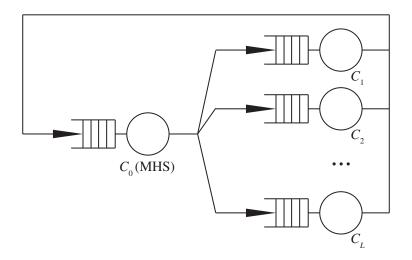
Цели и задачи работы

- исследование производственных систем с маршрутизацией, зависящей от состояния;
- разработка алгоритма метода анализа производственных систем с маршрутизацией, зависящей от состояния;
- программная реализация алгоритма;
- проведение численных экспериментов с разработанной программой.

Гибкие производственные системы

- $\mathfrak{C} = \{C_i\}$ множество рабочих станций ГПС, $i \in I \equiv \{i \mid i = 1, ..., L\}; I_t \subseteq I;$
- $\mathfrak{T} = \{1, 2, ..., T\}$ множество типов деталей ГПС;
- κ_i число параллельно работающих приборов на станции C_i , i=1,...,L; $\kappa=(\kappa_i)$;
- C_0 система транспортировки; κ_0 число транспортеров;
- ullet N_t число деталей типа t в ГПС, $\sum_t N_t = N$; $\mathbf{N} = (N_t)$, t=1,...,T;
- s_{it} емкость рабочей станции C_i для деталей типа t, $i \in I_t$, t = 1, ..., T; $s = (s_{it})$;
- μ_{it} интенсивность обработки детали типа t на станции C_i , $i \in I_t$, t = 1, ..., T;
- $D_i = RANDOM$ дисциплина обработки на станциях $C_i, i = 1, ..., L.$
- $\overline{\eta}=(\overline{\eta}_0,\overline{\eta}_1,...,\overline{\eta}_L)$ состояние ГПС, где $\overline{\eta}_i=(n_{i1},...,n_{iT})$ состояние рабочей станции $C_i,\ i=1,...,L$.

Гибкие производственные системы



PSQ-маршрутизация

$$heta_{0t,it} = rac{r_{it}(n_{it})}{r_{0t}(n_{0t})},$$
 (1)

где $r_{it}(\cdot)$ и $r_{0t}(\cdot)$ — две линейные функции:

$$r_{it}(n_{it}) = s_{it} - n_{it}$$
 in $r_{0t}(n_{0t}) = \sum_{C_t \in I_t} s_{it} + n_{0t} - N_t$.

Стационарное решение

Теорема. Марковский процесс $\overline{\eta}(au)$, определенный в пространстве состояний S и управляемый PSQ-маршрутизацией, как определено в (1), является обратимым относительно времени и имеет следующую мультипликативную форму стационарного распределения вероятностей:

$$\pi(\overline{\eta}) = G^{-1} \prod_{i=0}^{L} \left[\prod_{j=1}^{n_i} \nu_i^{-1}(j) \right] \left[\prod_{t=1}^{T} \prod_{j=1}^{n_{it}} \frac{r_{it}(j-1+\delta_{i0})}{j\mu_{it}} \right], \quad \overline{\eta} \in S, \quad (2)$$

где $\delta_{i0}=1$, если i=0, иначе $\delta_{i0}=0$, G — нормализующая константа и

$$\nu_i(n_i) = \frac{\min(n_i, \kappa_i)}{n_i}.$$

Структура алгоритма

Шаг 1. Ввод исходных данных

- *L* число СМО в СеМО;
- $N = (N_t)$ вектор начального числа требований в СеМО, t = 1, ..., T;
- $\kappa = (\kappa_i)$ вектор числа приборов в системах обслуживания CeMO, i = 0, ..., L;
- $s = (s_{it})$ матрица емкостей систем в СеМО, $i = 0, ..., L, \ t = 1, ..., T$;
- $\mu = (\mu_{it})$ матрица интенсивностей обслуживания требований системами CeMO, $i = 0, ..., L, \ t = 1, ..., T$.

Шаг 2. Положить i = 1.

Шаг 3. Перестановка СМО C_i и C_L

Структура алгоритма

Шаг 4. Вычисление стационарного распределения вероятностей состояний СМО C_i

Входные данные: L, T, $\mathbf{N}=(N_t)$, $\kappa=(\kappa_i)$, $s=(s_{it})$, $\mu=(\mu_{it})$, $i=0,...,L,\ t=1,...,T$. Выходные данные: $\pi_i(\mathbf{n},\mathbf{N})$, i=1,...,L.

Шаг 5. Обратная перестановка СМО C_L и C_i

Шаг 6. Если i < L, то положить i = i + 1 и перейти на **шаг 3**, иначе перейти к **шагу 7**.

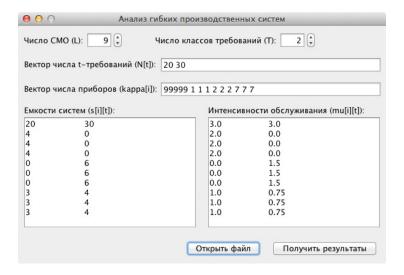
Шаг 7. Вычисление стационарных характеристик СеМО

Входные данные: L, T, $\mathbf{N}=(N_t)$, $\pi_m(\mathbf{n},\mathbf{N})$, $\kappa=(\kappa_i)$, $s=(s_{it})$, $\mu=(\mu_{it})$, $i=0,...,L,\ m=1,...,L,\ t=1,...,T$. Выходные данные: \overline{n}_{it} , λ_{it} , ψ_{it} , $i=0,...,L,\ t=1,...,T$.

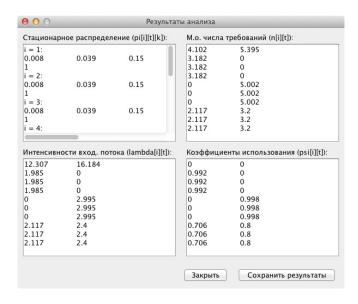
Шаг 8. Вывод результатов

- \bar{n}_{it} м. о. числа требований, $i=0,...,L,\ t=1,...,T$;
- λ_{it} интенсивности потока требований, $i = 0, ..., L, \ t = 1, ..., T$;
- ψ_{it} коэффициенты использования обслуживающих приборов, $i=0,...,L,\ t=1,...,T$;

Интерфейс программы



Интерфейс программы



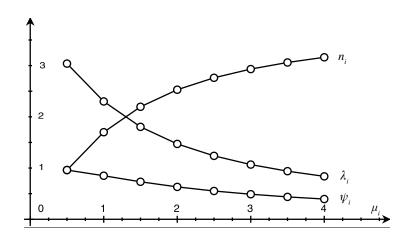
Эксперимент 1

Рассмотрим производственную систему с 18 машинами, которые сгруппированы по 9 рабочим станциям. Число приборов, интенсивность обработки детали одним прибором и емкость локального хранилища на каждой станции соответственно равны:

$$\kappa_1=\kappa_2=\kappa_3=1$$
; $\kappa_4=\kappa_5=\kappa_6=2$; $\kappa_7=\kappa_8=\kappa_9=3$; $\mu_1=\mu_2=\mu_3=2$; $\mu_4=\mu_5=\mu_6=1,5$; $\mu_7=\mu_8=\mu_9=1$; $s_1=s_2=s_3=4$; $s_4=s_5=s_6=6$; $s_7=s_8=s_9=7$. Число транспортеров $\kappa_0=9$, каждый из которых имеет интенсивность обработки $\mu_0=3$. В данной системе есть $N=50$ палет, т.е. общее число деталей (одного типа) в любой момент времени равно 50 .

C_i	C_0	$C_{1,2,3}$	$C_{4,5,6}$	$C_{7,8,9}$
\overline{n}_i	11,070	3,003	4,492	5,482
λ_i	23,595	1,954	2,950	2,961
ψ_i	0,874	0,977	0,983	0,987

Эксперимент 2. Зависимость стационарных характеристик ГПС от интенсивностей обработки деталей



Результаты работы

- рассмотрены производственные системы с маршрутизацией, зависящей от состояния;
- разработан алгоритм метода анализа производственных систем с маршрутизацией, зависящей от состояния;
- разработана программа, вычисляющая основные стационарные характеристики;
- проведены численные эксперименты с разработанной программой и приведены соответствующие результаты.