

Contenido

| PRESENTACIÓN | 2 |
|------------------------|----|
| DESARROLLO DEL TRABAJO | 2 |
| PROGRAMA FINAL | 8 |
| RESULTADOS | 11 |



PRESENTACIÓN

El trabajo que se nos ha propuesto es un contador arbitrario de 4 bits en el que se debe seguir la siguiente secuencia de números:

$$3 \rightarrow 5 \rightarrow 0 \rightarrow 11 \rightarrow 11 \rightarrow 11 \rightarrow 2 \rightarrow 8 \rightarrow 12 \rightarrow 5$$

Y vuelta a empezar

Los números 11 y 5 aparecen en repetidas ocasiones por lo que los sustituiremos por otros valores que no aparezcan en la serie, en nuestro caso hemos sustituido el 1 → 10, 1 → 15 y 5 → 13, hemos elegido esos números ya que en binario son los que menos números de bits cambian.

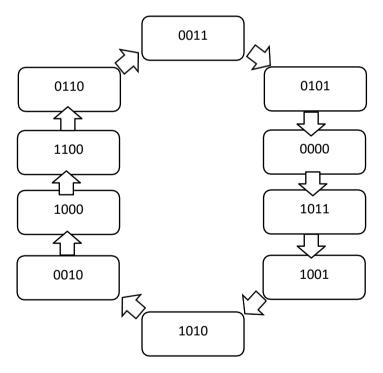
La serie quedaría así:

$$3 \rightarrow 5 \rightarrow 0 \rightarrow 11 \rightarrow 9 \rightarrow 10 \rightarrow 2 \rightarrow 8 \rightarrow 12 \rightarrow 6$$

El circuito deberá de estar formado por 4 biestables JK, una señal de reloj y puertas lógicas AND, OR y XOR.

DESARROLLO DEL TRABAJO

Lo primero será, construir el diagrama de transición de estados que queda de la siguiente forma:





Para el siguiente paso nos será de gran ayuda la tabla de transiciones del biestable JK:

| Actual | Siguiente | J | K |
|--------|-----------|---|---|
| 0 | 0 | 0 | X |
| 0 | 1 | 1 | X |
| 1 | 0 | X | 1 |
| 1 | 1 | X | 0 |

Una vez creado el diagrama de transiciones procedemos a crear la tabla de transiciones, en el caso de los valores que no se incluyen en la cadena principal se completaran con "X". Con la ayuda de la tabla de transiciones del biestable escribimos las "jotas" y las "kas" de los biestables en función de las variables.

Estas variables son las salidas de cada biestable: Q3, Q2,Q1,Q0 y K3,K2,K1,K0. Estas tablas reciben el nombre de tablas de Karnaugh y de ellas es de donde se extraen las ecuaciones para cada biestable para montar el circuito y que funcione el contador arbitrario y completar el mapa de transiciones y el diagrama final.

| Actual Siguiente | J 3 | K3 | J2 | K2 | J1 | K1 | J0 | K 0 |
|------------------|------------|----|----|-----------|----|----|----|------------|
| 0 0000-1011 | 1 | X | 0 | X | 1 | X | 1 | X |
| 1 0001-XXXX | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 2 0010-1000 | 1 | X | 0 | X | X | 1 | 0 | X |
| 3 0011-0101 | 0 | X | 1 | X | X | 1 | X | 0 |
| 4 0100-XXXX | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 5 0101-0000 | 0 | X | X | 1 | 0 | X | X | 1 |
| 6 0110-XXXX | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 7 0111-XXXX | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 8 1000-1100 | X | 0 | 1 | X | 0 | X | 0 | X |
| 9 1001-XXXX | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 10 1010-1111 | X | 0 | 1 | X | X | 0 | 1 | X |
| 11 1011-1010 | X | 0 | 0 | X | X | 0 | X | 1 |
| 12 1100-1101 | X | 0 | X | 0 | 0 | X | 1 | X |
| 13 1101-0011 | X | 1 | X | 1 | 1 | X | X | 0 |
| 14 1110-XXXX | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 15 1111-0010 | X | 1 | X | 1 | X | 0 | X | 1 |



| J3 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|----|----|----|----|
| 00 | 1 | X | X | X |
| 01 | X | 0 | X | X |
| 11 | 0 | X | X | X |
| 10 | 1 | X | X | X |

| J 2 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|------------|----|----|----|----|
| 00 | 0 | X | X | 1 |
| 01 | X | X | X | X |
| 11 | 1 | X | X | 0 |
| 10 | 0 | X | X | 1 |

| J1 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|----|----|----|----|
| 00 | 1 | X | 0 | 0 |
| 01 | X | 0 | 1 | X |
| 11 | X | X | X | X |
| 10 | X | X | X | X |

| JO | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|----|----|----|----|
| 00 | 1 | X | 1 | 0 |
| 01 | X | X | X | X |
| 11 | X | X | X | X |
| 10 | 0 | X | X | 1 |

| K3 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-----------|----|----|----|----|
| 00 | X | X | 0 | 0 |
| 01 | X | X | 1 | X |
| 11 | X | X | 1 | 0 |
| 10 | X | X | X | 0 |

| K2 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-----------|----|----|----|----|
| 00 | X | X | 0 | X |
| 01 | X | 1 | 1 | X |
| 11 | X | X | 1 | X |
| 10 | X | X | X | X |

| K1 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|----|----|----|----|
| 00 | X | X | X | X |
| 01 | X | X | X | X |
| 11 | 1 | X | 0 | 0 |
| 10 | 1 | X | X | 0 |

| K0 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|----|----|----|----|
| 00 | X | X | X | X |
| 01 | X | 1 | 0 | X |
| 11 | 0 | X | 1 | 1 |
| 10 | X | X | X | X |



Tras analizar estos mapas de Karnaugh, se llega a las siguientes ecuaciones:

| J3-> | nQ0 |
|------|-------|
| K3-> | Q0*Q2 |

| J2-> | Q0*nQ3 + nQ0*Q3 |
|------|-----------------|
| K2-> | Q0 |

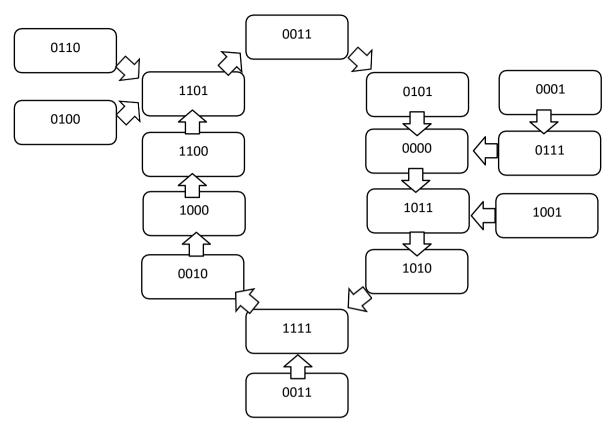
| J1-> | nQ2*nQ3 + Q0*Q3 |
|------|-----------------|
| K1-> | nQ3 |

| J0-> | nQ1*nQ3 + Q2 + Q1*Q3 |
|------|----------------------|
| K0-> | nQ3*Q2 + Q1*Q3 |

Una vez obtenidas, obtenemos los valores de X en cada caso para obtener el diagrama de transición final:

| | Actual | J3 | K3 | J2 | K2 | J1 | K1 | J0 | K0 | Siguiente | |
|----|--------|----|----|----|----|----|----|----|----|-----------|----|
| 0 | 0000 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1011 | 11 |
| 1 | 0001 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0111 | 7 |
| 2 | 0010 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1000 | 8 |
| 3 | 0011 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0101 | 5 |
| 4 | 0100 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1101 | 13 |
| 5 | 0101 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0000 | 0 |
| 6 | 0110 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1101 | 13 |
| 7 | 0111 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0000 | 0 |
| 8 | 1000 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1100 | 12 |
| 9 | 1001 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1011 | 11 |
| 10 | 1010 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1111 | 15 |
| 11 | 1011 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1010 | 10 |
| 12 | 1100 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1101 | 13 |
| 13 | 1101 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0011 | 3 |
| 14 | 1110 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1111 | 15 |
| 15 | 1111 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0010 | 2 |





Una vez construido el contador arbitrario, se procede a deshacer el cambio de los valores que estaban repetidos en la sucesión, para ello construimos una tabla y averiguamos sus ecuaciones.

| Q | Q3 | Q2 | Q1 | Q0 | I3 | I2 | I1 | I 0 | Q* |
|----|----|----|----|----|----|----|----|------------|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 2 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 2 |
| 3 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 3 |
| 4 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 4 |
| 5 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 5 |
| 6 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 6 |
| 7 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 7 |
| 8 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 8 |
| 9 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 9 |
| 10 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 11 |
| 11 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 11 |
| 12 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 12 |
| 13 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 5 |
| 14 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 14 |
| 15 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 11 |



| I 3 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|------------|----|----|----|----|
| 00 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 01 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 11 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 10 | 0 | 0 | 1 | 1 |

| I | 1 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|---|----|----|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 10 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |

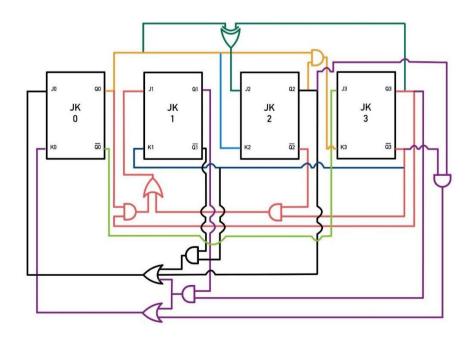
| I2 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-----------|----|----|----|----|
| 00 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 01 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 11 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 10 | 0 | 1 | 1 | 0 |

| I0 | 00 | 01 | 11 | 10 |
|-----------|----|----|----|----|
| 00 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 01 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 11 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 10 | 0 | 0 | 0 | 1 |

I3->
$$Q3 * (nQ0 + Q1 + nQ2)$$

I2->
$$Q2 * (nQ1 + nQ3 + nQ0)$$

Tras obtener las ecuaciones del circuito arbitrario y las ecuaciones para deshacer el cambio, podemos diseñar el circuito manualmente.





PROGRAMA FINAL

Después de todo lo explicado anteriormente llegamos a nuestro programan final, habiendo determinado las ecuaciones y programado sus diferentes módulos. Queda así el contador arbitrario en Verilog

```
//Modulo JK
module JK(output reg Q, output wire nQ, input wire J, input wire K, input
wire C);
not(nQ,Q);
initial
begin
Q=0;
end
always @(posedge C) // Se activa por cada flanco de subida
case ({J,K})
2'b10: Q=1;
2'b01: Q=0;
2'b11: Q=~Q;
endcase
endmodule
module ContadorArbitrario (output wire [3:0] Q, output wire [3:0] I, input
wire C);
wire [3:0] nQ;
wire J0,K0,J1,K1,J2,K2,J3,K3;
    wire nQ2nQ3,Q0Q3,nQ1nQ3,Q1Q3,nQ3Q2,nQ0Q3,Q0nQ3;
    //J0-K0
    and (nQ3Q2,nQ[3],Q[2]);
    or (K0,nQ3Q2,Q1Q3);//K0
    and (nQ1nQ3,nQ[1],nQ[3]);
    and (Q1Q3,Q[1],Q[3]);
    or (J0,nQ1nQ3,Q1Q3,Q[2]);//J0
    //J1-K1
    assign K1=nQ[3];//K1
```



```
and (nQ2nQ3,nQ[2],nQ[3]);
    and (Q0Q3,Q[0],Q[3]);
    or (J1,nQ2nQ3,Q0Q3);//J1
    //J2-K2
    assign K2=Q[0];//K2
    and (nQ0Q3,nQ[0],Q[3]);
    and (Q0nQ3,Q[0],nQ[3]);
    or (J2,nQ0Q3,Q0nQ3);//J2
    //J3-K3
    and (K3,Q[0],Q[2]); //K3
    assign J3=nQ[0]; //J3
    JK JK0(Q[0],nQ[0],J0,K0,C);
    JK JK1(Q[1],nQ[1],J1,K1,C);
    JK JK2(Q[2],nQ[2],J2,K2,C);
    JK JK3(Q[3],nQ[3],J3,K3,C);
//Cambiar valores repetidos por sus respectivos
//La cuenta arbitraria definitiva con el cambio se guardara en un nuevo
registro I
wire or1, or2, and1, and2;
    //00
    and (and2,Q[1],nQ[2],Q[3]);
   or (I[0],Q[0],and2);
   //01
    assign I[1]=Q[1];
   or (or2,nQ[1],nQ[3],nQ[0]);
    and (I[2],Q[2],or2);
   or (or1, nQ[0],nQ[2],Q[1]);
    and (I[3],Q[3],or1);
```

endmodule



```
//Módulo para probar el circuito.
module TestModulo;
reg C;
wire [3:0] Q;
wire [3:0] I;
ContadorArbitrario counter (Q,I,C);
always #5 C=~C;
initial
begin
$dumpfile("ContadorArbitrarioGTK.dmp");
$dumpvars(2, counter, Q);
counter.JK0.Q<=1; //La serie empezara por el numero</pre>
counter.JK1.Q<=1; // 0011 es decir el 3 en decimal</pre>
counter.JK2.Q<=∅;
counter.JK3.Q<=0;
C=0;
//Para comprobar el programa en el terminal
$monitor($time, " Reloj C(%b) Contador Q |%d| |%b| Contador I
|%d||%b|",C,Q,Q,I,I);
#100;
$dumpoff;
$finish;
end
endmodule
```



RESULTADOS

Por último, comprobamos los resultados con el GTKWave y el terminal.



En el GTKWave podemos comprobar como la progresión de los números es correcta y que funciona por flanco de subida, es decir, cambia el número cuando el valor de la señal de reloj (C), pasa a estar en alto.

En el terminal podemos comprobar igualmente que los valores son correctos.

