



PROGRAMAÇÃO E ESTRUTURAS DE DADOS II

Prof. Rodrigo De Vit
SI UFSM-FW

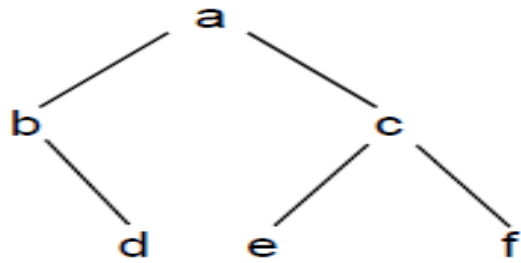


Figura 13.5: Exemplo de árvore binária



Figura 13.6: Duas árvores binárias distintas.

Árvores binárias

- Uma propriedade fundamental de todas as árvores é que só existe um caminho da raiz para qualquer nó. Com isto, podemos definir a *altura* de uma árvore como sendo o comprimento do caminho mais longo da raiz até uma das folhas. Por exemplo, a altura da árvore da Figura 13.5 é 2, e a altura das árvores da Figura 13.6 é 1. Assim, a altura de uma árvore com um único nó raiz é zero e, por conseguinte, dizemos que a altura de uma árvore vazia é negativa e vale -1.

Representação em C

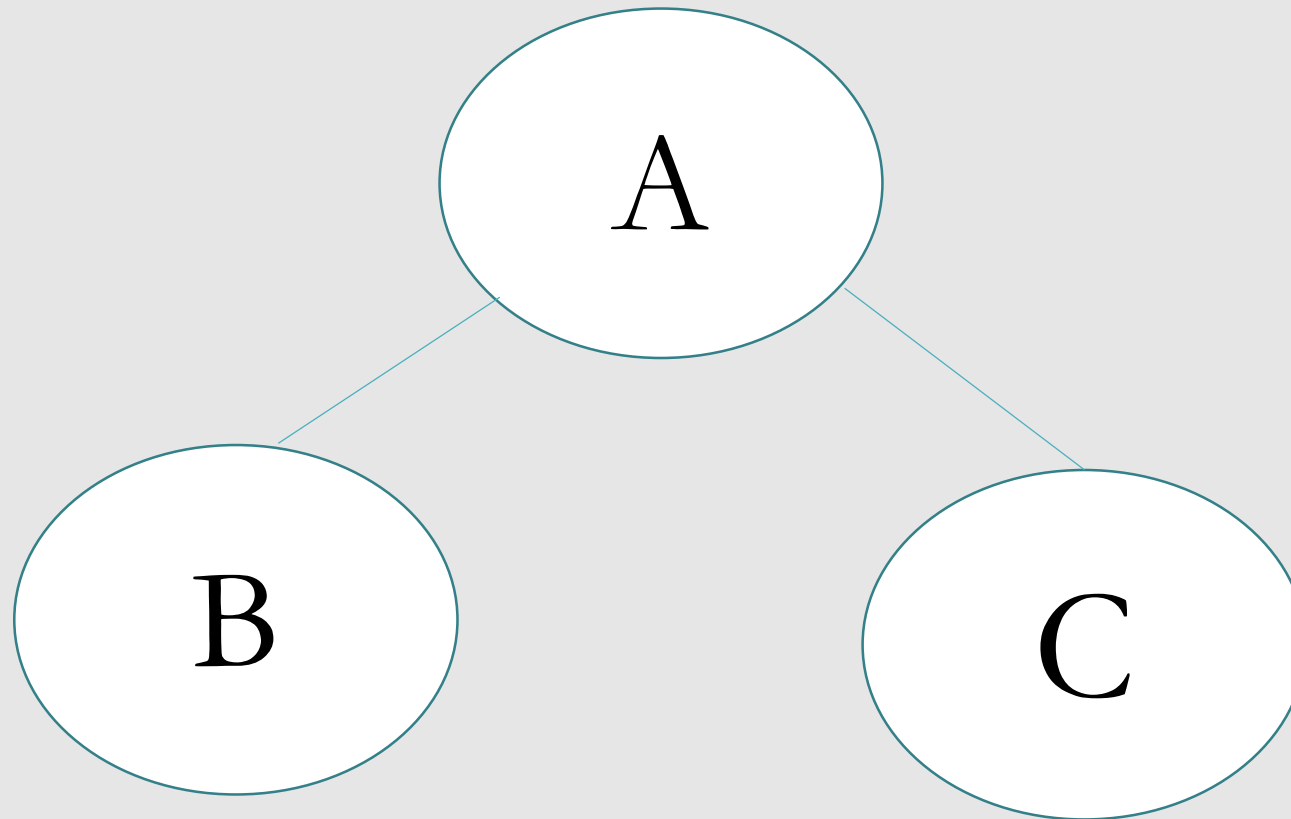
- Árvore binária em C.
- Enxerto e poda em árvores. (vide `main()`)



Ordens de percurso em árvores binárias

- A programação da operação `imprime`, vista anteriormente, seguiu a ordem empregada na definição de árvore binária para decidir a ordem em que as três ações seriam executadas. Entretanto, dependendo da aplicação em vista, esta ordem poderia não ser a preferível, podendo ser utilizada uma ordem diferente desta, por exemplo:
 - `imprime(a->esq); /* mostra sae */`
 - `imprime(a->dir); /* mostra sad */`
 - `printf("%c ", a->info); /* mostra raiz */`
- Muitas operações em árvores binárias envolvem o percurso de todas as sub-árvores, executando alguma ação de tratamento em cada nó, de forma que é comum percorrer uma árvore em uma das seguintes ordens:
 - *pré-ordem*: trata *raiz*, percorre *sae*, percorre *sad*;
 - *ordem simétrica*: percorre *sae*, trata *raiz*, percorre *sad*;
 - *pós-ordem*: percorre *sae*, percorre *sad*, trata *raiz*.

Ordens de percurso em árvores binárias



Pré: ABC

Central: BAC

Pós: BCA

Árvores Genéricas

- Cada nó pode ter um número arbitrário de filhos. Essa estrutura deve ser usada, por exemplo, para representar uma árvore de diretórios.
- Nesse exemplo, podemos notar que o a árvore com raiz no nó a tem 3 sub-árvores, ou, equivalentemente, o nó a tem 3 filhos. Os nós b e g tem dois filhos cada um; os nós c e i tem um filho cada, e os nós d, e, h e j são folhas, e tem zero filhos.
- De forma semelhante ao que foi feito no caso das árvores binárias, podemos representar essas árvores através de notação textual, seguindo o padrão: <raiz sa1 sa2 ...san>. Com esta notação, a árvore da Figura 13.7 seria representada por:

$\alpha = \langle a \langle b \langle c \langle d \rangle \rangle \langle e \rangle \rangle \langle f \rangle \langle g \langle h \rangle \langle i \langle j \rangle \rangle \rangle \rangle$

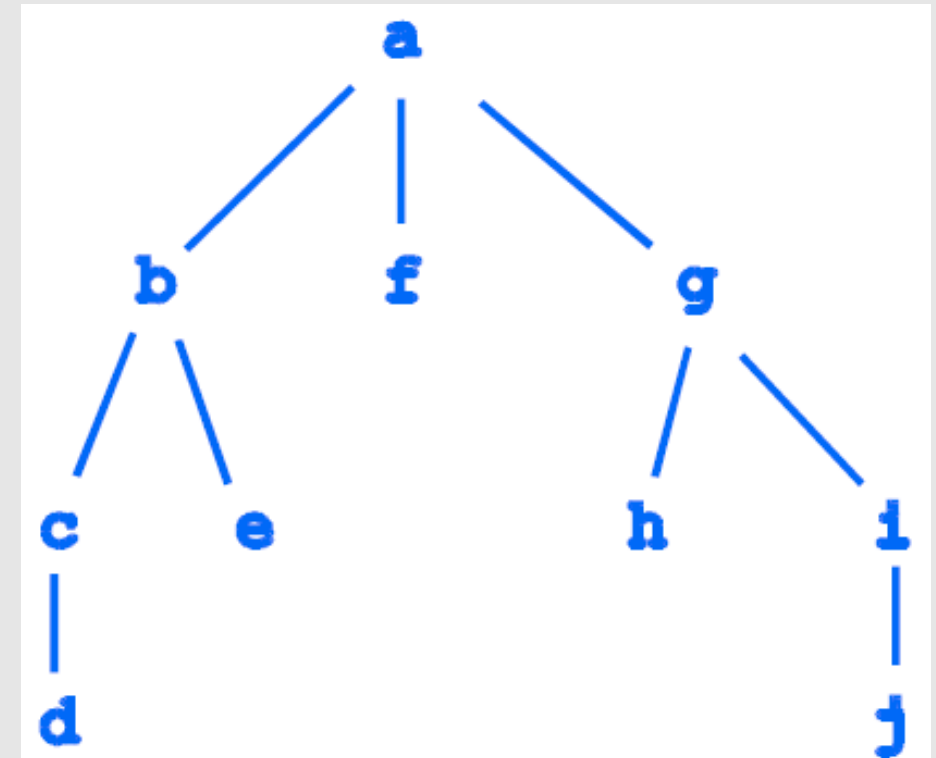


Figura 13.7: Exemplo de árvore genérica.

Árvores Genéricas

- Podemos verificar que a representa a árvore do exemplo seguindo a sequência de definição a partir das folhas:

$$\alpha_1 = \langle d \rangle$$

$$\alpha_2 = \langle c \alpha_1 \rangle = \langle c \langle d \rangle \rangle$$

$$\alpha_3 = \langle e \rangle$$

$$\alpha_4 = \langle b \alpha_2 \alpha_3 \rangle = \langle b \langle c \langle d \rangle \rangle \langle e \rangle \rangle$$

$$\alpha_5 = \langle f \rangle$$

$$\alpha_6 = \langle h \rangle$$

$$\alpha_7 = \langle j \rangle$$

$$\alpha_8 = \langle i \alpha_7 \rangle = \langle i \langle j \rangle \rangle$$

$$\alpha_9 = \langle g \alpha_6 \alpha_8 \rangle = \langle g \langle h \rangle \langle i \langle j \rangle \rangle \rangle$$

$$\alpha = \langle a \alpha_4 \alpha_5 \alpha_9 \rangle =$$

$$\langle a \langle b \langle c \langle d \rangle \rangle \langle e \rangle \rangle \langle f \rangle \langle g \langle h \rangle \langle i \langle j \rangle \rangle \rangle$$

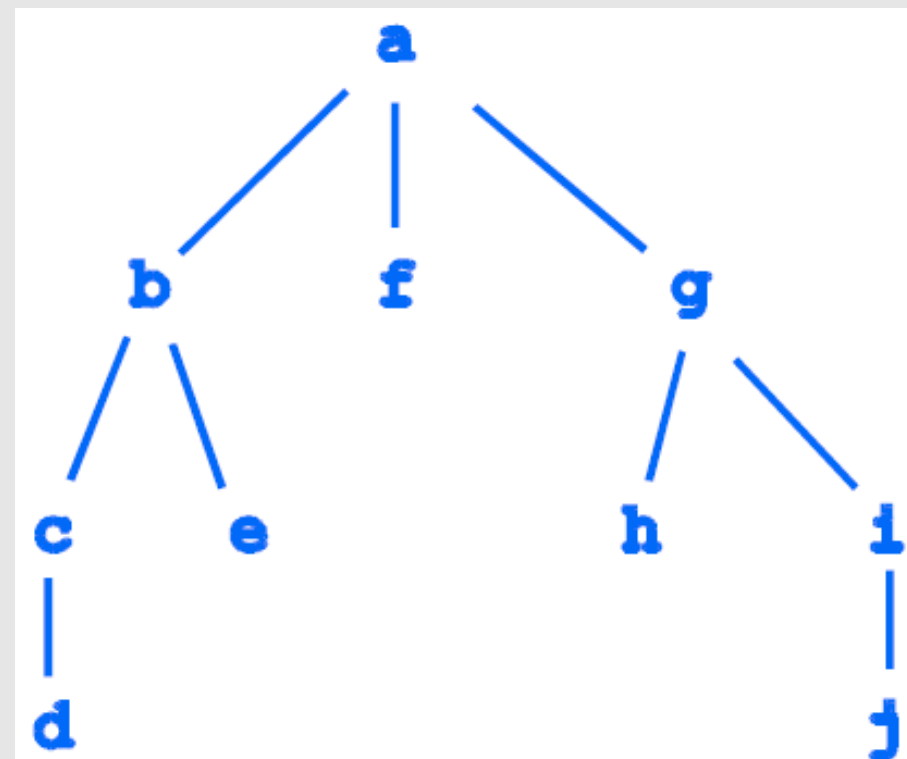


Figura 13.7: Exemplo de árvore genérica.

Representação em C

```
struct arv3 {  
    char val;  
    struct no *f1, *f2, *f3;  
};
```

Desperdício...

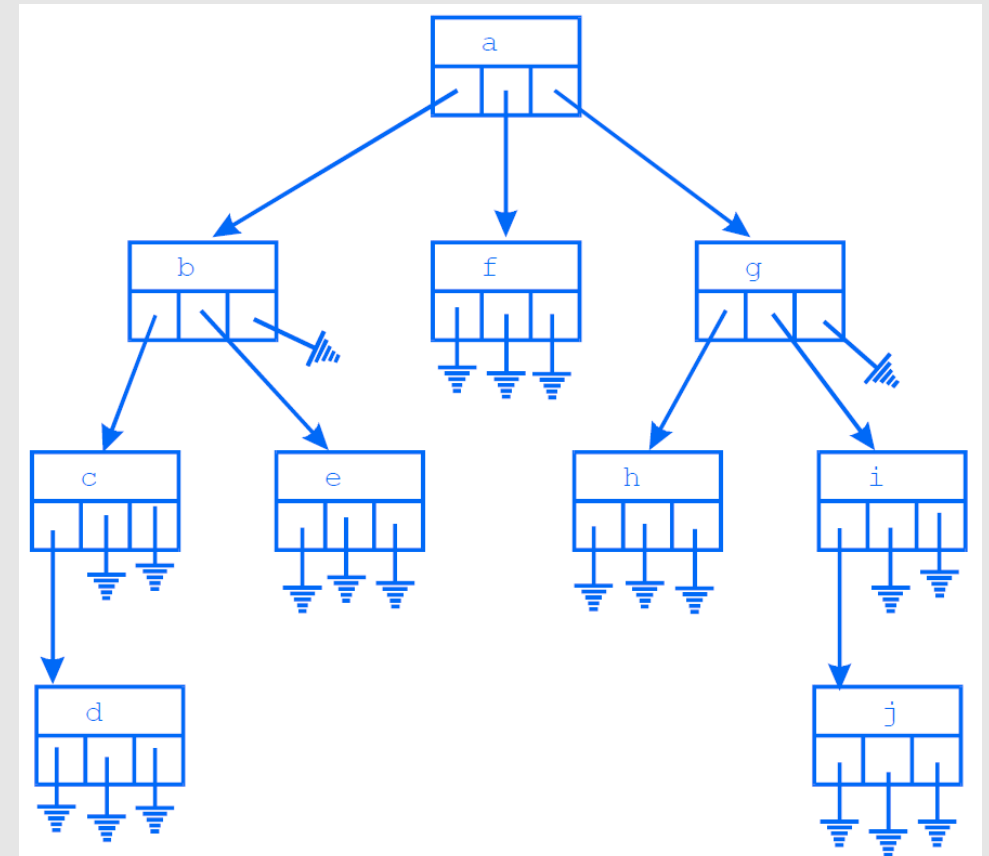


Figura 13.8: Árvore com no máximo três filhos por nó.

Representação em C

```
struct arvgen {  
    char info;  
    struct arvgen *prim;  
    struct arvgen *prox;  
};
```

- Uma solução que leva a um aproveitamento melhor do espaço utiliza uma “lista de filhos”: um nó aponta apenas para seu primeiro (prim) filho, e cada um de seus filhos, exceto o último, aponta para o próximo (prox) irmão.
- TAD:

cria: cria um nó folha, dada a informação a ser armazenada;

insere: insere uma nova sub-árvore como filha de um dado nó;

imprime: percorre todos os nós e imprime suas informações;

busca: verifica a ocorrência de um determinado valor num dos nós da árvore;

libera: libera toda a memória alocada pela árvore.

[ArvGen.c](#)

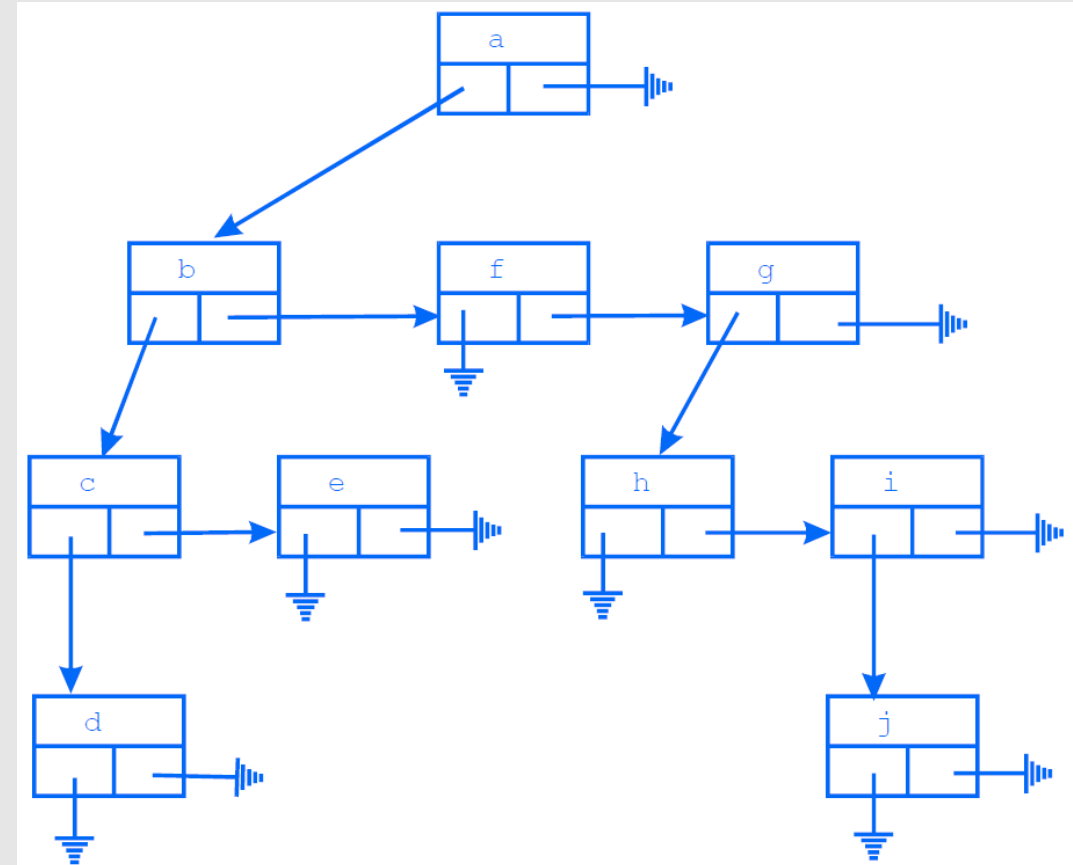


Figura 13.9: Exemplo usando “lista de filhos”.