Algoritmo di Euclide

Contenuti rieditati delle slide della Prof. L. Caponetti

Calcolo del massimo comun divisore

 Dati 2 interi a, b calcolare il massimo comun divisore di a, b

Input

a, b – coppia di numeri interi maggiori di 0

Output

mcd – numero intero maggiore di 0

Algoritmo di Euclide per il calcolo di mcd

- L'algoritmo di Euclide si basa sulle seguenti proprietà:
 - **1. Se a = b** allora mcd (a,b) = a = b

2. Se a > b allora mcd (a,b) = mcd (a-b, b)

3. Se a < b allora mcd (a,b) = mcd (a, b-a)

Considerazioni

- La proprietà 1 afferma che il massimo comun divisore di 2 numeri uguali è uno qualunque dei 2 numeri
- Le proprietà 2 e 3 affermano che il massimo comun divisore di 2 numeri diversi si può ricondurre al calcolo del massimo comun divisore del più piccolo dei 2 numeri e della differenza tra il più grande e il più piccolo

Idea dell'algoritmo

- Poiché valgono le proprietà precedenti, nel caso generale si possono calcolare tante differenze in modo da riportarsi al caso a=b, per il quale il problema è risolto
- Il calcolo delle differenze deve essere ripetuto se risulta verificata la condizione che a è diverso da b
- Si può utilizzare una iterazione a condizione iniziale (while...)

Algoritmo di Euclide - pseudocodifica

```
mentre(a≠b)
     se (a>b)
           allora assegna ad a il valore a-b
           else assegna a b il valore b-a
     Fine
Fine
assegna a mcd il valore a
```

Algoritmo di Euclide – flow-chart

Algoritmo di Euclide - codifica

```
while (a!=b)

if (a>b)

a=a-b;

else b=b-a;

mcd=a;
```

Algoritmo di Euclide - considerazioni

 L'algoritmo di Euclide si può esprimere in modo più naturale mediante la ricorsione, come vedremo in seguito