

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define EPS 1e-10
3 #define PI 3.141592653589793238
4 #define equals(a,b) (fabs((a)-(b)) < EPS)
5 #define rep(i,n) for(int i=0;i<n;++i)
6 typedef long long ll;
7 using namespace std;
8
9 // p1とp2のp0を挟んだ位置関係が反時計回り
10 static const int COUNTER_CLOCKWISE = 1;
11 // 時計回り
12 static const int CLOCKWISE = -1;
13 // p1とp2がp0を挟んで直線状にある
14 static const int ONLINE_BACK = 2;
15 // p0とp2の間にp1がある
16 static const int ONLINE_FRONT = -2;
17 // p0とp1の間にp2がある
18 static const int ON_SEGMENT = 0;
19
20 //Intersect Circle & Circle 共通接線の数
21 static const int ICC_SEPERATE = 4;
22 static const int ICC_CIRCUMSCRIBE = 3;
23 static const int ICC_INTERSECT = 2;
24 static const int ICC_INSCRIBE = 1;
25 static const int ICC_CONTAIN = 0;
26
27 // 点
28 struct Point {
29     double x,y;
30     Point(){}
31     Point(double x, double y) : x(x),y(y){}
32     Point operator+(Point p) {return Point(x+p.x, y+p.y);}
33     Point operator-(Point p) {return Point(x-p.x, y-p.y);}
34     Point operator*(double k){return Point(x*k,y*k);}
35     Point operator/(double k){return Point(x/k,y/k);}
36     double norm(){return x*x+y*y;}
37     double abs(){sqrt(norm());}
38     bool operator == (const Point &p) const {return equals(x,p.x)&&equals(y,p.y);}
39     bool operator < (const Point &p) const {
40         return x!=p.x?x<p.x:y<p.y;
41         //grid-point only
42         //return !equals(x,p.x)?x<p.x:!equals(y,p.y)?y<p.y:0;
43     }
44 };
45
46 typedef Point P;
47 typedef vector<Point> Polygon;
48
49 double norm(P a){return a.x*a.x+a.y*a.y;}
50 double abs(P a){return sqrt(norm(a));}
51
52 // 線分
53 struct Segment {
54     Point p1,p2;
55     Segment(){}
56     Segment(Point p1, Point p2):p1(p1),p2(p2){}
57 };
58
59 typedef Segment Line;
60

```

```

61 struct Circle {
62     Point c;
63     double r;
64     Circle(){}
65     Circle(Point c, double r):c(c),r(r){}
66 };
67
68 // 法線ベクトル
69 Point orth(Point p){return Point(-p.y,p.x);}
70
71 // 内積
72 double dot(Point a, Point b) {return a.x*b.x + a.y*b.y;}
73
74 // 外積
75 double cross(Point a, Point b) {return a.x*b.y-a.y*b.x;}
76 // 2直線の直行判定
77 bool is_orthogonal(Point a1, Point a2, Point b1, Point b2) {
78     return equals(dot(a1-a2, b1-b2), 0.0);
79 }
80 // 2直線の平行判定
81 bool is_parallel(Point a1, Point a2, Point b1, Point b2) {
82     return equals(cross(a1-a2, b1-b2), 0.0);
83 }
84 // 点cが直線ab上にあるかないか
85 bool is_point_on_INF_line(Point a, Point b, Point c) {
86     return equals(cross(b-a,c-a), 0.0);
87 }
88 // 点cが線分ab上にあるかないか
89 bool is_point_on_LIMITED_line(Point a, Point b, Point c) {
90     return (Point(a-c).abs()+Point(c-b).abs() < Point(a-b).abs() + EPS);
91 }
92 // 直線と点の距離
93 double distance_l_p(Point a, Point b, Point c) {return abs(cross(b-a, c-a)) / (b-a).abs();}
94
95 // 点a,bを端点とする線分と点cとの距離
96 double distance_ls_p(Point a, Point b, Point c) {
97     if (dot(b-a, c-a) < EPS) return (c-a).abs();
98     if (dot(a-b, c-b) < EPS) return (c-b).abs();
99     return abs(cross(b-a, c-a)) / (b-a).abs();
100 }
101
102 // 射影
103 Point project(Segment s, Point p) {
104     Point base = s.p2-s.p1;
105     double r = dot(p-s.p1,base)/norm(base);
106     return s.p1+base*r;
107 }
108
109 // 点が線分のどちら側にあるかを計算
110 int ccw(Point p0,Point p1,Point p2) {
111     P a = p1-p0;
112     P b = p2-p0;
113     if(cross(a,b) > EPS) return COUNTER_CLOCKWISE;
114     if(cross(a,b) < -EPS) return CLOCKWISE;
115     if(dot(a,b) < -EPS) return ONLINE_BACK;
116     if(a.norm()<b.norm()) return ONLINE_FRONT;
117     return ON_SEGMENT;
118 }
119
120 // a1,a2を端点とする線分とb1,b2を端点とする線分の交差判定

```

```

121 bool intersectSS(Point p1, Point p2, Point p3, Point p4) {
122     return (ccw(p1,p2,p3)*ccw(p1,p2,p4) <= 0 && ccw(p3,p4,p1)*ccw(p3,p4,p2) <= 0 );
123 }
124
125 // a1,a2を端点とする線分とb1,b2を端点とする線分の交差判定
126 bool intersectSS(Segment s1, Segment s2) {
127     return intersectSS(s1.p1,s1.p2,s2.p1,s2.p2);
128 }
129
130 // 多角形と線分の交差判定
131 bool intersectPS(Polygon p, Segment l){
132     int n=p.size();
133     for(int i=0;i<n;i++)
134         if(intersectSS(Segment(p[i],p[(i+1)%n]),l)) return 1;
135     return 0;
136 }
137
138 // 円と円の交差判定
139 int intersectCC(Circle c1,Circle c2){
140     if(c1.r<c2.r) swap(c1,c2);
141     double d=abs(c1.c-c2.c);
142     double r=c1.r+c2.r;
143     if(equals(d,r)) return ICC_CIRCUMSCRIBE;
144     if(d>r) return ICC_SEPERATE;
145     if(equals(d+c2.r,c1.r)) return ICC_INSCRIBE;
146     if(d+c2.r<c1.r) return ICC_CONTAIN;
147     return ICC_INTERSECT;
148 }
149 // 直線と点の距離
150 double getDistanceLP(Line l, Point p) {
151     return abs(cross(l.p2-l.p1,p-l.p1)/abs(l.p2-l.p1));
152 }
153
154 // 線分と点の距離
155 double getDistanceSP(Segment s,Point p){
156     if(dot(s.p2-s.p1,p-s.p1) < 0.0 ) return abs(p-s.p1);
157     if(dot(s.p1-s.p2,p-s.p2) < 0.0 ) return abs(p-s.p2);
158     return getDistanceLP(s,p);
159 }
160
161 // 線分と円の交差判定
162 bool intersectSC(Segment s,Circle c){
163     return getDistanceSP(s,c.c)<=c.r;
164 }
165
166 //
167 int intersectCS(Circle c,Segment s){
168     if(norm(project(s,c.c)-c.c)-c.r*c.r>EPS) return 0;
169     double d1=abs(c.c-s.p1),d2=abs(c.c-s.p2);
170     if(d1<c.r+EPS&& d2<c.r+EPS) return 0;
171     if((d1<c.r-EPS&& d2>c.r+EPS) || (d1>c.r+EPS&& d2<c.r-EPS)) return 1;
172     Point h=project(s,c.c);
173     if(dot(s.p1-h,s.p2-h)<0) return 2;
174     return 0;
175 }
176
177
178
179
180 // 線分と線分の距離

```

```

181 double getDistanceSS(Segment s1,Segment s2){
182     if(intersectSS(s1,s2)) return 0.0;
183     return min(min(getDistanceSP(s1,s2.p1),getDistanceSP(s1,s2.p2)),
184         min(getDistanceSP(s2,s1.p1),getDistanceSP(s2,s1.p2)));
185 }
186
187 // a1,a2を端点とする線分とb1,b2を端点とする線分の交点計算
188 // 前提として交差していることが必要
189 P getCrossPointSS(P a1, P a2, P b1, P b2) {
190     P b = b2-b1;
191     double d1 = abs(cross(b, a1-b1));
192     double d2 = abs(cross(b, a2-b1));
193     double t = d1/(d1+d2);
194     return a1+(a2-a1)*t;
195 }
196
197 // a1,a2を通る直線とb1,b2を通る直線の交点計算
198 // 前提として平行でないことが必要
199 Point getCrossPointLL(Line l1,Line l2){
200     double a=cross(l1.p2-l1.p1,l2.p2-l2.p1);
201     double b=cross(l1.p2-l1.p1,l1.p2-l2.p1);
202     if(abs(a)<EPS&&abs(b)<EPS) return l2.p1;
203     return l2.p1+(l2.p2-l2.p1)*(b/a);
204 }
205
206 // getCrossPointCCに必要
207 double arg(Point p){
208     return atan2(p.y,p.x);
209 }
210
211 // getCrossPointCCに必要
212 Point polar(double a,double r) {
213     return Point(cos(r)*a,sin(r)*a);
214 }
215
216 // 円と直線の交点
217 Polygon getCrossPointCL(Circle c,Line l){
218     Polygon ps;
219     Point pr=project(l,c.c);
220     Point e=(l.p2-l.p1)/abs(l.p2-l.p1);
221     if(equals(getDistanceLP(l,c.c),c.r)){
222         ps.emplace_back(pr);
223         return ps;
224     }
225     double base=sqrt(c.r*c.r-norm(pr-c.c));
226     ps.emplace_back(pr+e*base);
227     ps.emplace_back(pr-e*base);
228     return ps;
229 }
230
231 // 円と線分の交点
232 Polygon getCrossPointCS(Circle c,Segment s){
233     Line l(s);
234     Polygon res=getCrossPointCL(c,l);
235     if(intersectCS(c,s)==2) return res;
236     if(res.size()>1u){
237         if(dot(l.p1-res[0],l.p2-res[0])>0) swap(res[0],res[1]);
238         res.pop_back();
239     }
240     return res;

```

```

241 }
242
243 // 円と円の交点
244 Polygon getCrossPointCC(Circle c1,Circle c2){
245     Polygon p(2);
246     double d=abs(c1.c-c2.c);
247     double a=acos((c1.r*c1.r+d*d-c2.r*c2.r)/(2*c1.r*d));
248     double t=arg(c2.c-c1.c);
249     p[0]=c1.c+polar(c1.r,t+a);
250     p[1]=c1.c+polar(c1.r,t-a);
251     return p;
252 }
253
254 // 多角形の面積
255 double area(Polygon s){
256     double res=0;
257     for(int i=0;i<(int)s.size();i++){
258         res+=cross(s[i],s[(i+1)%s.size()])/2.0;
259     }
260     return res;
261 }
262
263 // 凸多角形ですか？
264 bool isConvex(Polygon p){
265     bool f=1;
266     int n=p.size();
267     for(int i=0;i<n;i++){
268         int t=ccw(p[(i+n-1)%n],p[i],p[(i+1)%n]);
269         f&t!=CLOCKWISE;
270     }
271     return f;
272 }
273
274 // 多角形の中に点は含まれている？
275 // IN:2 ON:1 OUT:0
276 int contains(Polygon g,Point p){
277     int n=g.size();
278     bool x=false;
279     for(int i=0;i<n;i++){
280         Point a=g[i]-p,b=g[(i+1)%n]-p;
281         if(fabs(cross(a,b)) < EPS && dot(a,b) < EPS) return 1;
282         if(a.y>b.y) swap(a,b);
283         if(a.y < EPS && EPS < b.y && cross(a,b) > EPS ) x = !x;
284     }
285     return (x?2:0);
286 }
287
288 // 凸包に使う
289 bool sort_x(Point a,Point b){
290     return a.x!=b.x?a.x<b.x:a.y<b.y;
291 }
292
293 // 凸包に使う
294 bool sort_y(Point a,Point b){
295     return a.y!=b.y?a.y<b.y:a.x<b.x;
296 }
297
298 // 凸包
299 Polygon convex_hull(Polygon ps){
300     int n=ps.size();

```

```

301     sort(ps.begin(),ps.end(),sort_y);
302     int k=0;
303     Polygon qs(n*2);
304     for(int i=0;i<n;i++){
305         while(k>1&&cross(qs[k-1]-qs[k-2],ps[i]-qs[k-1])<0) k--;
306         qs[k++]=ps[i];
307     }
308     for(int i=n-2,t=k;i>=0;i--){
309         while(k>t&&cross(qs[k-1]-qs[k-2],ps[i]-qs[k-1])<0) k--;
310         qs[k++]=ps[i];
311     }
312     qs.resize(k-1);
313     return qs;
314 }
315
316 // 多角形の直径
317 double diameter(Polygon s){
318     Polygon p=s;
319     int n=p.size();
320     if(n==2) return abs(p[0]-p[1]);
321     int i=0,j=0;
322     for(int k=0;k<n;k++){
323         if(p[i]<p[k]) i=k;
324         if(!(p[j]<p[k])) j=k;
325     }
326     double res=0;
327     int si=i,sj=j;
328     while(i!=sj||j!=si){
329         res=max(res,abs(p[i]-p[j]));
330         if(cross(p[(i+1)%n]-p[i],p[(j+1)%n]-p[j])<0.0){
331             i=(i+1)%n;
332         }else{
333             j=(j+1)%n;
334         }
335     }
336     return res;
337 }
338
339 // 凸多角形を直線で切った時の左側
340 Polygon convexCut(Polygon p,Line l){
341     Polygon q;
342     for(int i=0;i<(int)p.size();i++){
343         Point a=p[i],b=p[(i+1)%p.size()];
344         if(ccw(l.p1,l.p2,a)!=-1) q.push_back(a);
345         if(ccw(l.p1,l.p2,a)*ccw(l.p1,l.p2,b)<0)
346             q.push_back(getCrossPointLL(Line(a,b),l));
347     }
348     return q;
349 }
350
351 // 円と点の接線
352 Polygon tangent(Circle c1,Point p2){
353     Circle c2=Circle(p2,sqrt(norm(c1.c-p2)-c1.r*c1.r));
354     Polygon p=getCrossPointCC(c1,c2);
355     sort(p.begin(),p.end());
356     return p;
357 }
358
359 // 円と円の接線
360 vector<Line> tangent(Circle c1,Circle c2){

```

```
361     vector<Line> ls;
362     if(c1.r<c2.r) swap(c1,c2);
363     double g=norm(c1.c-c2.c);
364     if(equals(g,0)) return ls;
365     Point u=(c2.c-c1.c)/sqrt(g);
366     Point v=orth(u);
367
368     for(int s=1;s>=-1;s-=2) {
369         double h=(c1.r+s*c2.r)/sqrt(g);
370         if(equals(1-h*h,0)) {
371             ls.emplace_back(c1.c+u*c1.r,c1.c+(u+v)*c1.r);
372         }
373         else if(1-h*h>0) {
374             Point uu=u*h,vv=v*sqrt(1-h*h);
375             ls.emplace_back(c1.c+(uu+vv)*c1.r,c2.c-(uu+vv)*c2.r*s);
376             ls.emplace_back(c1.c+(uu-vv)*c1.r,c2.c-(uu-vv)*c2.r*s);
377         }
378     }
379
380     return ls;
381 }
382
383 int main(int argc, char const *argv[]) {
384     double x0,y0,r0,x1,y1,r1;
385     cin>>x0>>y0>>r0>>x1>>y1>>r1;
386     Circle c0(P(x0,y0),r0), c1(P(x1,y1),r1);
387     vector<Line> ls = tangent(c0,c1);
388     Polygon ans;
389
390     for(auto&&e:ls) ans.emplace_back(getCrossPointCL(c0,e).front());
391     sort(ans.begin(), ans.end());
392     cout<<fixed<<setprecision(10);
393     rep(i,ans.size()) {
394         cout<<ans[i].x<<" "<<ans[i].y<<endl;
395     }
396     return 0;
397 }
```