Parcial 2 - Estadística II

ITAM, Primavera 2021 11/11/2021

Instrucciones

El examen cuenta con 10 preguntas a desarrollar. La formalidad al escribir los resultados es considerada como parte del puntaje. En caso de no tener el desarrollo de la pregunta, o bien se llegué a la respuesta sin una justificación se anulará la respuesta. Cualquier práctica fraudulenta será sancionada de acuerdo al reglamento del departamento. **Trabajar con 4 cifras decimales**

Seccion A: Estimación puntual

1. **(10pts)** Se toma una muestra del número de matches que se tienen en una app para conocer personas llamada Bubble durante 5 dias aleatorios. Se obtienen los siguientes datos:

75, 92, 517, 3200, 428

- A) Determina el número promedio de matches por dia
- B) La varianza del número de matches por dia
- C) La proporción de dias que cuentan con más de 100 matches al dia

Seccion B: Distribuciones de muestreo exactas

- 2. **(10pts)** Suponga que una variable aleatoria X puede tomar los valores {10,50,70} con probabilidades {0.1, 0.3, 0.6}. Considere muestras de tamaño 2 con reemplazo.
 - 1. (3 pts) Calcule E(X) y V(X)
 - 2. (3 pts) Obtenga el espacio muestral y sus respectivas probabilidades
 - 3. (3 pts) Obtenga distribución de muestreo de \overline{X} , $E(\overline{X})$ y $V(\overline{X})$ ¿Qué puede concluir comparandola con lo obtenido en A)?
 - 4. (1 pts) ¿La distribución de \overline{X} es exacta? Justifique
- 3. (10 pts) En una fabrica de galletas tienen 5 lineas de producción L_1 , L_2 , L_3 , L_4 , L_5 . Se sabe que que las lineas L_3 , L_4 , L_5 requieren reparación.
 - 1. (5 pts) Obtenga el espacio muestral si se toman muestras de dos lineas sin reemplazo
 - 2. (5 pts) Obtenga la distribución de muestreo de la proporción de lineas \hat{p} que necesitan reparación

Parcial № 2

Seccion C: Distribuciones de muestreo aproximada

- 4. **(10pts)** Se decide hacer un evento para apoyar monetariamente a refugios de animales sin hogar. Se sabe que el monto que dona cada persona (X) es una variable aleatoria con media 300 y desviación estándar 50. Si en total acuden 100 personas al evento:
 - A) Determine cuál es la probabilidad que se recauden más de \$30,500 pesos durante el evento.
 - B) Si los costos logísticos del evento ascienden a \$15,000, ¿Cuál es la probabilidad que se incurran en pérdidas?
- 5. (10pts) El precio de los armadillos en el zoológico se distribuye normal con media 5 kg y varianza 1.
 - A) ¿Cuál es la probabilidad que un armadillo seleccionado al azar pese más de 4.5 kg?
 - B) Se toma una muestra de 5 armadillos ¿Cuál es la probabilidad que la varianza de la muestra sea mayor a 1.2?

Seccion D: Propiedades de estimadores

6. (10pts) Sea $\hat{\mu}$ un estimador a la media poblacional. Resuelva los siguientes incisos:

$$\hat{\mu} = \frac{1}{1}(X_1) + \frac{X_3 + \dots + X_{n-3}}{2b}$$

- A) Encuentre el ECM del estimador (poner en términos de b)
- B) Determina b tal que el estimador sea insesgado
- 7. **(10pts)** Sea Y la variable aleatoria que modela el número de alumnos en el ITAM que deciden cambiarse a la carrera de Matemáticas Aplicadas después de llevar Estadística 2. Se sabe que Y se distribuye Poisson con media λ . Se considera el siguiente estimador a la media:

$$\hat{\lambda} = \sum_{i} Y_i (Y_i - 1)$$

Toma una muestra de tamaño n

- A) Determina si el estimador es insesgado
- 8. **(10pts)** La probabilidad de que un alumno se vuelva fit después de una plática de Barby Regil es p. Se sabe que n alumnos acudieron a la platica impartida y se propone el siguiente estimador a la proporción poblacional:

$$\hat{p} = \frac{Y+1}{n+1}$$

Sea Y el número de alumnos que se vuelven fit.

A) Determina el sesgo de \hat{p}

Parcial № 2