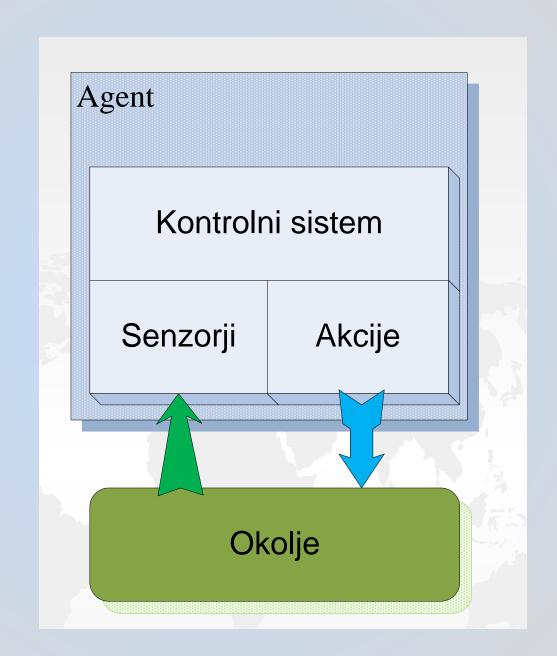
Inteligentni agenti in roboti

prof. dr. Marko Robnik Šikonja Januar 2017

Definicije

- agent: entiteta, ki lahko izvrši različne akcije za rešitev določenega problema
- mnogo različnih definicij
- biološki (ljudje, živali), umetni (roboti, programi)
- softverski agent je program, ki za uporabnika izvrši določeno nalogo
- inteligentni agenti
- lastnosti, tipi agentov, agentne arhitekture
- eden temeljnih konceptov umetne inteligence

Agent



Multiagentni sistemi

- distribuirano reševanje problemov
- program z več agenti, ki rešujejo probleme v interaktivnem okolju in so zmožni
 - x avtonomnih,

 - x skupinsko organiziranih akcij
 - 💥 (ki so usmerjene k doseganju nekega cilja).
- Primer: kiloboti in drugi roji robotov

Interaktivno okolje

- agent sprejema informacije,
- akcije spreminjajo okolje
- internet, igranje iger, robotika (npr. robo-soccer)

Avtomnomnost in fleksibilnost

- delovanje brez eksplicitnih ukazov
- kontrola nad svojimi akcijami
- notranje stanje
- (učenje iz izkušenj)



- odzivnost in aktivnost glede na situacijo
- načrtovanje, sledenje cilju

Skupinsko delovanje

- interakcija z drugimi entitetami (agenti in ljudmi)
- sodelovanje za doseganje ciljev: strategije, pogajanja, specializacija
- distribuirano, asinhrono reševanje problemov
- objekti in agenti

Aplikacije

- proizvodnja: hirerarhična organizacija, agenti modelirajo procese, optimirajo vire,..
- avtomatska kontrola procesov: transportni sistemi (nadzor, optimiranje poti, ...), zračni promet, ...
- telekomunikacije: porazdeljeni sistemi sodelujočih komponent, nadzor, upravljanje
- upravljanje z informacijami (zbiranje, filtriranje,)
- e-poslovanje (borze, iskanje produktov)
- interaktivne igre
- storitve (zdravstveni roboti, nakup kart,...)

Vrste agentov

- odzivni (reactive agents)
- sodelujoči (collaborative agents)
- * vmesniški (interface agents)
- mobilni (mobile agents)
- informacijski (information-gathering agents)
- hibridni agenti

Odzivni agenti

- odziv na okolje glede na vnaprej definirana pravila
- primer: razvrščevalnik elektronske pošte, spam filter, vpisi v koledar
- učenje pravil, revizija pravil

Ciljno usmerjeni agenti

- ne le odziv na okolje, pač pa zasledovanje določenega cilja
- uporaba iskanja ali načrtovanja
- primer: iskanje specifičnih strani na internetu, najcenejše letalske karte

Uporabnostni agenti

- (utility based)
- definirana funkcija uporabnosti (koristnosti, zadovoljstva)
- poleg doseganja ciljev, agent maksimira še druge kriterije vsebovane v funkciji uporabnosti
- primer: poleg relevantnih strani še čas iskanja, kvaliteta strani
- funkcija uporabnosti pojasnjuje racionalnost agenta (npr. izgubi igro, da doseže druge cilje)
- racionalnost odločanja (A. 100% 3000, B. 80% 4000
 C. 20 % 4000 D. 25% 3000), Kahneman, Tversky

Vmesniški agenti

- opravljajo naloge za uporabnika
- osebni asistent
- sodelujejo z uporabnikom
- učenje (lahko tudi od drugih agentov)
- primer: pomoč pri učenju programa, uporabnik označi katere spletne strani (novice) so mu všeč

Mobilni agenti

- fizično (roboti) ali virtualno premikanje (mreža, računalniki)
- * primer: virus, nadzorni program

Informacijski agenti

- zbiranje informacij (na internetu)
- uspešnost merimo s priklicom in natančnostjo
- učenje
- problem: šumnost in verodostojnost podatkov

Sodelujoči agenti

- * tudi zelo šibki agenti lahko v skupini dosežejo dober rezultat (npr. mravlje, genetski algoritem)
- prednost: redundanca, paralelnost

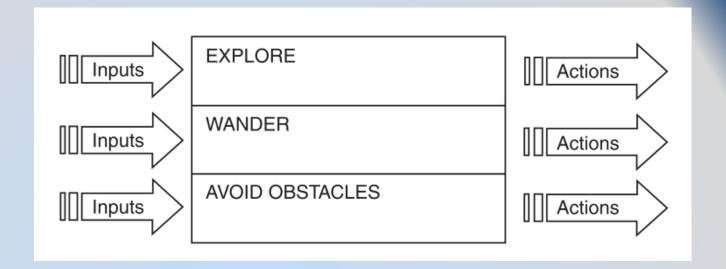
Agentne arhitekture

način kako je agent zgrajen, kako so posamezni deli med seboj povezani in z okoljem

Arhitektura vsebovanosti

- Brooks, 1985, angl. subsumption architecture (intelligence without representation)
- večnivojska arhitektura namenjena primitivnim robotom, brez centralne inteligence
- * vhod, izhod in več plasti, kjer vsaka zasleduje svoje cilje
- višji nivoji lahko blokirajo akcije nižjih

Primer:



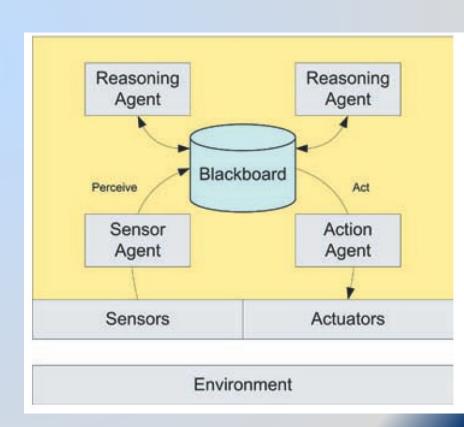
- * vsak nivo ponavadi vsebuje pravila (npr. if-then)
- enostavno dodajanje novih nivojev

BDI arhitektura

- BDI (Belief Desire Intention verjetje, želja, namen)
- verjetje je izjava o okolju, za katero agent verjame, da je resnična (množica takih izjav opisuje agentov pogled na okolje)
- želja je ciljno stanje, ki ga želi agent doseči
- namen je načrt, ki ga ima za dosego cilja
- agent preveri različne možnosti, izbrana možnost postane njegova želja in nameni se, da jo bo dosegel kot svoj cilj
- namenu sledi, dokler ga ne doseže ali ne postane nemogoč
- cilj se lahko spremeni
- drzni in previdni agenti

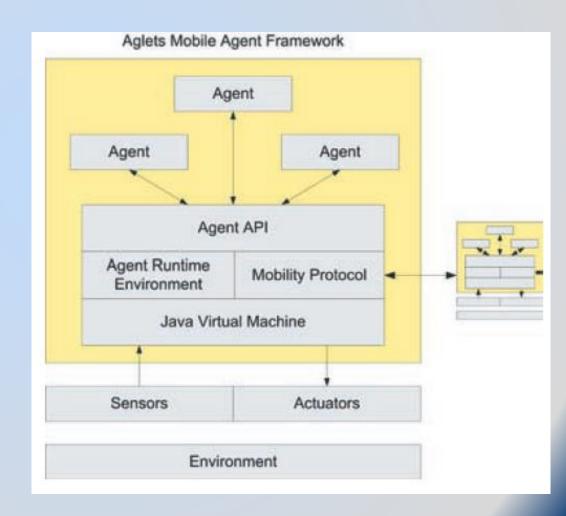
Arhitektura skupne delovne površine

- blackboard architecture
- vsi agenti si delijo skupno delavno področje
- delovna površina vsebuje informacije o okolju in vmesne rezultate
- agenti so lahko tudi specializirani
- koordinacija dostopa
- implemetacija agentov kot niti



Primer mobilne arhitekture

- zgodnji primer:Aglets, IBM 1990
- Java, serializacija, peskovnik

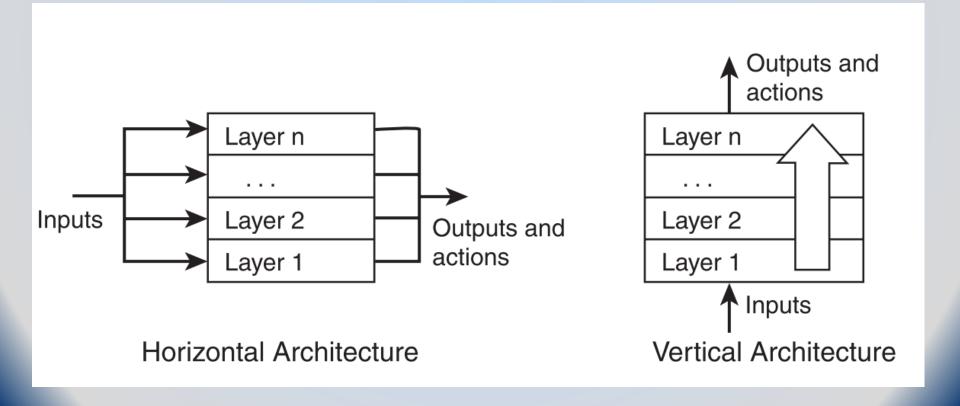


JADE

- JAVA Agent DEvelopment Framework
- odprtokodna platforma za aplikacije s sodelujočimi agenti

Horizontalne in vertikalne arhitekture

- vhod, modeliranje okolja, načrtovanje, sodelovanje, izhod
- vsak nivo hrani svoje znanje



Okolje

- deterministično (poznamo vsa dejstva, agent lahko predvidi učinke svojih akcij – npr. preproste igre, tovarna)
- nedeterministično: agent lahko predvidi verjetnost za spremembo stanja, sklepa stohastično (npr. spremenljivo okolje, ne poznamo nasprotnikove poteze pri igri)

Učeči se agenti

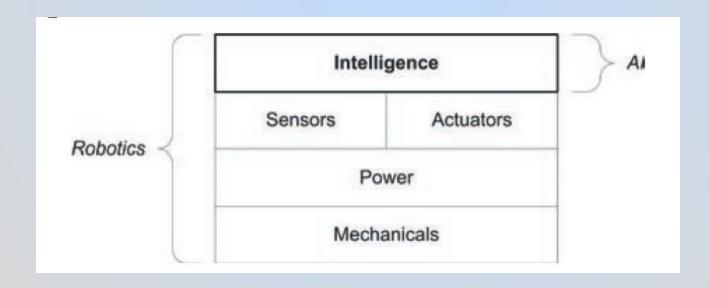
- učenje je prilagoditev okolju
- večagentno učenje:
 - x centralizirano (centralni sistem se uči od vseh agentov)
 - decentralizirano: agenti se učijo vsak zase in od drugih, večja prilagodljivost sistema

Robotski agenti

- realno okolje je bolj zahtevno, nepredvidljivo
- zahteva po obvladanju negotovosti
- industrijski roboti
- roboti raziskovalci (Mars, avtonomija, premikanje, zgled insektov)

Robotika z vidika umetne inteligence

* testno okolje za algoritme umetne inteligence



Taksonomije

- fiksni (npr. industrijski, robotska roka z več prostorskimi stopnjami)
- z nogami (1,2,4,6,8)
- * na kolesih
- podvodni (ribe, raki, črvi)
- zračni (avtomatska letala, sateliti)
- drugi (polimorfni, jate)
- fizični in programski (softboti)

Senzorji

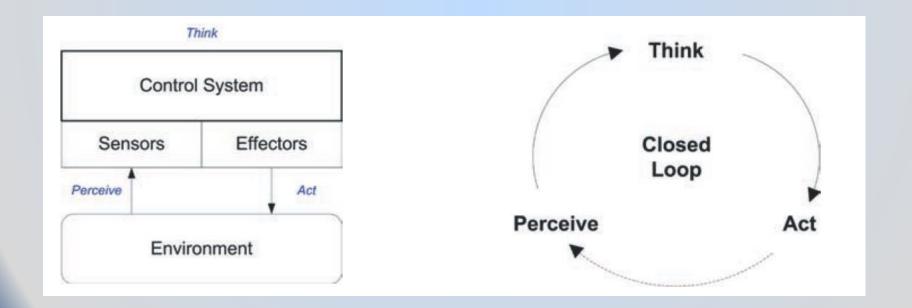
- vid (elektromagnetni valovi)
- sluh (zračni valovi)
- okus in vonj (kemični receptorji)
- tip (pritisk)
- eholokacija (ulrazvok)
- elektrocepcija (električno polje)
- magnetocepcija (spremembe v magnetnem polju)
- ekvilibriocepcija (ravnotežje, pospešek)
- termocepcija (temperatura)
- ***** ...

Aktuatorji

- * kolesa, noge, ...
- prijemala, robotske roke

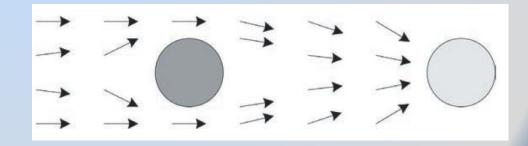
Kontrolni sistem

- * reaktivni
- * arhitektura vsebovanosti
- nevronske mreže, evolucijski pristopi,



Načrtovanje

- bistveno za inteligenco
- načrtovanje gibanja v dinamičnem okolju
- anytime načrtovanje, postopno izboljševanje načrta s časom, a načrt je vedno pripravljen
- dekompozicija na celice
- polje potenciala
- * značilne točke
- graf vidljivosti



Pripomočki

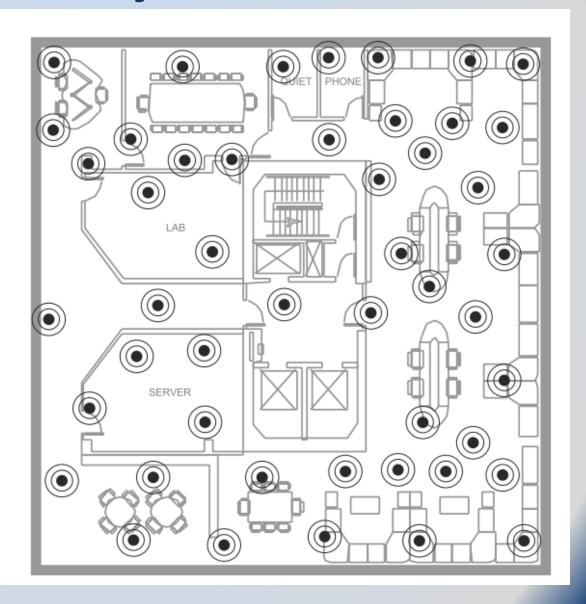
- robotski jeziki
- robotski simulatorji
- okolja, operacijski sistemi, ...

Distribuirano računanje z agenti

- agenti sodelujeju pri skupnem cilju, ki ga definira center
- agenti so samostojni, komunicirajo v soseščini
- poskušajo najti rešitev, ki upošteva globalne omejitve
- naloga: kakšen algoritem naj izvajajo agenti, da bo center dobil globalno informacijo

Primer: mreža senzorjev

* primer: mreža senzorjev (omejene zmožosti procesiranja, komunikacija le v soseščini, želimo globalno sliko)

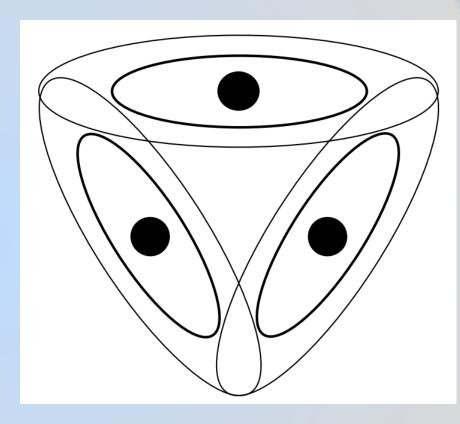


Upoštevanje omejitev

- constraint satisfaction problem
- problem iskanja z omejitvami je definiran z množico spremenljivk, njihovimi domenami in omejitvami glede vrednosti, ki jih lahko spremenljivke zavzamejo
- naloga je spremenljivkam prirediti vrednosti tako, da so upoštevane vse omejitve, ali pa ugotoviti, da to ni mogoče
- primeri: računalniški vid, razumevanje jezika, planiranje, dokazovanje teoremov, razporejanje opravil

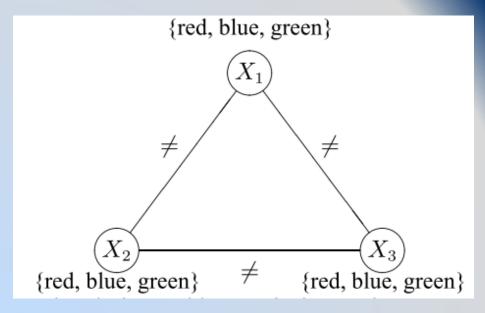
Primer: iskanje frekvence za senzorje

- trije senzorji
- * doseg signala se prekriva
- naloga: vsakemu
 prirediti frekvenco iz
 nabora treh dovoljenih
 tako, da se ne prekrivajo



Frekvence senzorjev

omejitve predstavimo kot problem barvanja grafov



- množica spremenljivk X={X₁, X₂, X₃}
- domena D_i za vsako spremenljivko je množica {red, blue, green}
- * množica omejitev $\{X_1 \neq X_2, X_1 \neq X_3, X_3 \neq X_2\}$

Upoštevanje omejitev: terminologija

- prireditev spremenljivk
 - ★ legalna
- * rešitev
- porazdeljeno upoštevanje omejitev: vsak agent je svoja spremenljivka, rešitev naj določijo brez centralnega nadzora

Algoritmi z rezanjem domen

- vozlišča komunicirajo s sosedi, da odstranijo prepovedane vrednosti iz svojih domen
- algoritem (arc consistency)
- vsako vozlišče X_i z domeno D_i izvaja naslednji program za vse svoje sosede X_i

```
void revise(x<sub>i</sub>, x<sub>j</sub>) {
    foreach ( v_i \in D_i )
    if (ne obstaja v_j \in D_j konsistentno z v_i)
    D_i = D_i - \{v_i\}
}
```

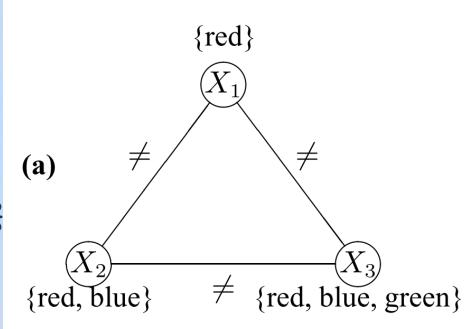
- končamo, ko je ena od domen prazna (ni rešitve), ali ko ni več eliminacij
- če ostane v domeni le ena vrednost imamo rešitev, sicer ne vemo ali obstaja rešitev
- algoritem se konča in je pravilen, ni pa popoln (ni zanesljivo, da najdemo rešitev)

Primer rezanja domen a)

najprej so učinkovita samo sporočila vozlišču X1, zato in X₂ ter X₃ odstranita red iz svoje domene

X2={blue} X3={blue, green}

nato še X₃ dobi
 sporočilo od X₂ in zato
 odstrani blue;
 dobimo pravilen rezultat

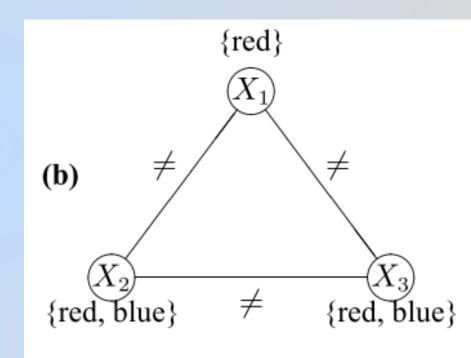


Primer rezanja domen b)

kot prej: X₂ in X₃ odstranita *red* iz svoje domene

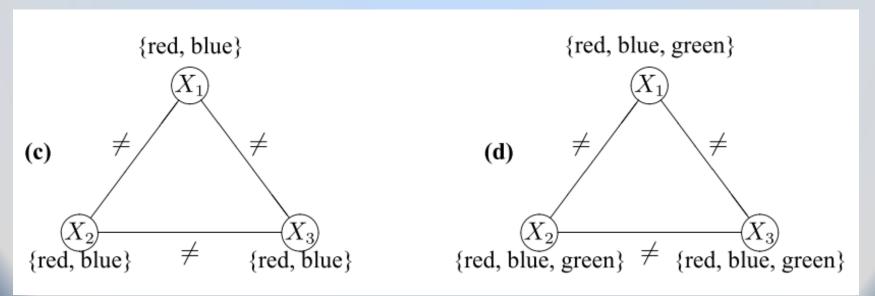
$$X_2=\{blue\}\ X_3=\{blue\}$$

nato oba, X2 in X₃,
 odstranita še *blue*;
 ostane prazna domena,
 zato pravilno razglasita,
 da ni rešitve



Primer rezanja domen c), d)

- nobeno od vozlišč ne more odstraniti nobene vrednosti
- algoritem konča brez zaključka (niti nima rešitve, niti ne ve, da ni rešitve)



Ekvivalentnost logični resoluciji

- rezanje domen je prešibko, služi lahko kot predprocesiranje bolj zahtevnemu algoritmu
- eliminacija je ekvivalentna resoluciji v propozicijski logiki
- * pravilo sklepanja A_1 $\neg (A_1 \land A_2 \land ... \land A_n)$ $\neg (A_2 \land ... \land A_n)$
- zapišemo omejitve v obliki logičnih pravil Nogood, npr. x₁=red ∧ x₂=red

$$x_1$$
=red
 $\neg(x_1$ =red $\land x_2$ =red)
 $\neg(x_2$ =red)

Hiperresolucija

posplošitev resolucije

$$A_{1} \vee A_{2} \vee \cdots \vee A_{m}$$

$$\neg (A_{1} \wedge A_{1,1} \wedge A_{1,2} \wedge \cdots)$$

$$\neg (A_{2} \wedge A_{2,1} \wedge A_{2,2} \wedge \cdots)$$

$$\cdots$$

$$\neg (A_{m} \wedge A_{m,1} \wedge A_{m,2} \wedge \cdots)$$

$$\neg (A_{1,1} \wedge \cdots \wedge A_{2,1} \wedge \cdots \wedge A_{m,1} \wedge \cdots)$$

pravilna in popolna za propozicijsko logiko

Algoritem s hiperresolucijo

- vsak agent generira nove omejitve za svoje sosede, jih o tem obvešča in reže svojo domeno glede na omejitve, ki jih dobi od sosedov
- * NG_i je množica omejitev (Nogoods), ki se jih agent i zaveda
- * NG*_j množica novih omejitev, ki jih agent i dobi od agenta j

```
void reviseHR(NG<sub>i</sub>, NG*<sub>i</sub>) {
    do {
     NG_i \leftarrow NG_i \cup NG_j^*

NG_i \leftarrow hiperresolucija(NG_i, D_i)
      if (NG*, ≠ {})
        NG_i \leftarrow NG_i \cup NG_i^*
        pošlji Nogoods NG*; vsem sosedom vozlišča i
        if \{\{\} \in NG^*\}
         stop
    while (sprememba v NG<sub>i</sub>)
algoritem po končnem številu poslanih sporočil konča izvajanje
če rešitev obstaja, jo najde
```

Hiperresolucija za c)

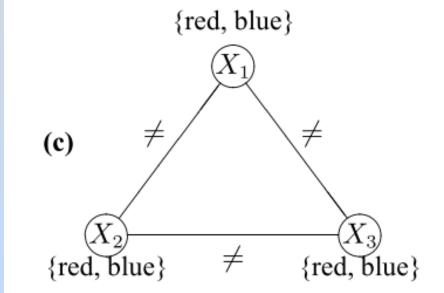
* X₁ ima naslednje omejitve v svoji množici Nogoods: {x₁ = red, x₂ = red},

- * velja tudi, da ima X_1 vrednost: X_1 = red V X_1 = blue.
- s hiperresolucijo lahko X₁ sklepa

$$x_1 = \text{red } V x_1 = \text{blue}$$

 $\neg(x_1 = \text{red } \Lambda x_2 = \text{red})$
 $\neg(x_1 = \text{blue } \Lambda x_3 = \text{blue})$
 $\neg(x_2 = \text{red } \Lambda x_3 = \text{blue})$

in doda {x2 = red, x3 = blue} k svojim Nogoods



Hiperresolucija za c)

- podobno k Nogood doda
 tudi {x₂ = blue, x₃ = red}.
- * x₁ pošlje oba Nogoods svojima sosedoma x₂ in x₃
- x₂ lahko na podlagi svoje domene, svojih Nogood in poslanega sklepa

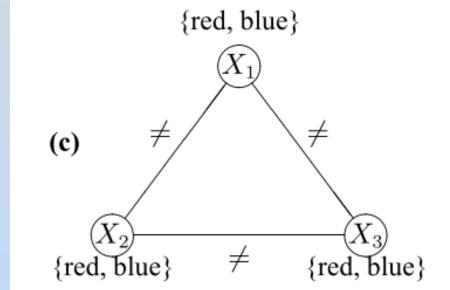
$$x_2 = \text{red } V x_2 = \text{blue}$$

$$\neg(x_2 = \text{red } \Lambda x_3 = \text{blue})$$

$$\neg(x_2 = \text{blue } \Lambda x_3 = \text{blue})$$

$$\neg(x_3 = \text{blue})$$

- na podlagi drugega prejetega x₂ izpelje tudi ¬(x₃ = red)
- ko pošlje ta dva Nogood sosedu x₃, x3 generira {} in algoritem se konča z ugotovitvijo, da rešitve ni



Slabosti hiperresolucije

- močnejša kot resolucija, vendar lahko število generiranih Nogoods zelo naraste
- pri vzporednem procesiranju bi dobili še precej več sporočil in omejitev
- procedure delujejo previdno: sklepajo samo na to, kar je dokazljivo
- alternativa: nedokazljive predpostavke in vračanje

Hevristično iskanje rešitev z omejitvami

- enostavna rešitev je centralno vodeno dogovarjanje in sortiranje spremenljivk
- * spremenljivke sortiramo, npr. x_1, x_2, \ldots, x_n , in pokličemo funkcijo chooseValue($x_1, \{\}$), pri tem so vrednosti $\{v_1, v_2, \ldots, v_{i-1}\}$ že določene spremenljivkam $\{x_1, x_2, \ldots, x_{i-1}\}$

```
void ChooseValue(xi, \{v_1, v_2, \dots, v_{i-1}\}) \{v_i \leftarrow \text{vrednost } v \in D_i \text{ konsistentna } z \ \{v_1, v_2, \dots, v_{i-1}\}) if \{v_i \text{ ne obstaja}\} vračanje else if \{i == n\} stop else chooseValue(x_{i+1}, \{v_1, v_2, \dots, v_i\})
```

- kronološko vračanje: vrnemo se en nivo nazaj in izberemo še ne uporabljeno konsistentno vrednost
- izčrpno preiskovanje, agenti se kličejo sekvenčno

Naivna paralelna asinhrona rešitev

vsi agenti hkrati izvajajo naslednjo kodo

```
izberi vrednost iz svoje domene
do {
   if (lastna vrednost je konsistentna z vrednostmi sosedov OR
        nobena vrednost ni konsistenta )
        ne stori ničesar
   else {
        izberi vrednost iz svoje domene, ki je konsistentna s sosedi
        obvesti sosede o izbrani vrednosti
   }
} while (so še spremembe vrednosti)
```

pravilna, a nepopolna rešitev: lahko nikoli ne konča, lahko ne najde prave rešitve

Asinhrono vračanje

- potrebujemo močnejši algoritem, ki vsebuje elemente prejšnjih: globalno urejenost in izmenjavo sporočil
- ABT (asynchronous backtracking)
- agenti imajo prioriteto (urejenost), sporočila potujejo od agentov z višjo k agentom z nižjo prioriteto
- agenti delujejo paralelno, vrednost postavijo hkrati, obvestijo o vrednostih agente, s katerimi so povezani
- vsi agenti čakajo na sporočila in nanje odgovarjajo
- ko agent spremeni svoje stanje, pošlje svojo novo vrednost vsem povezanim
- ko agent prejme sporočilo o nastavitvi od agenta z višjo prioriteto, poskuša svojo vrednost prilagoditi tako, da ne krši prejetih omejitev

Asinhrono vračanje - komunikacija

- agenti sporočajo vrednosti s sporočili ok?
- ko agent A_i prejme ok? sporočilo agenta A_j, shrani prejete vrednosti v podatkovno strukturo agent_view
- preveri, če njegova trenutna vrednost še ustreza trenutnemu agent_view.
- če ustreza, ne stori ničesar, sicer v svoji domeni poišče novo konsistentno vrednost
- če jo najde, jo priredi svoji spremenljivki in pošlje ok? sporočilo vsem povezanim agentom z nižjo prioriteto, sicer začne vračanje

Asinhrono vračanje - vračanje

- vračanje se začne s sporočilom Nogood
- Nogood vsebuje nekonsistentne delne prireditve
- Nogood za A_i je torej kar njegova vrednost agent_view
- A_i pošlje Nogood agentu z najnižjo prioriteto med tistimi, ki imajo že prirejene vrednosti
- A_i, ki pošlje Nogood agentu A_j, predvideva, da bo A_j spremenil svojo vrednost in iz svojega agent_view zbriše prireditev za A_j ter ponovno poskuša najti konsistentno prireditev

Asinhrono vračanje: lastnosti

- požrešna verzija hiperresolucije
- namesto pošiljanja vseh omejitev vsem agentom, agent poiskuša zadovoljiti svoje omejitve in v Nogood vključi le vrednosti, ki so jih priredili agenti nad njim
- nove vrednosti sporoči le nekaj agentom, omejitve v Nogood pa le enemu

Psevdokoda za agenta Ai

```
// upoštevanje omejitev s postopkom asinhronega vračanja
// kodo izvaja vsak agent A; vzporedno in asinhrono
void ABT() {
  when sprejeto(Ok?, (A<sub>j</sub>, d<sub>j</sub>)) {
add (A<sub>j</sub>, d<sub>j</sub>) to agent_view
check_agent_view()
  when sprejeto(Nogood, nogood) {
        dodaj nogood v seznam Nogood
       foreach (Ak, dk) \in nogood { if A_k ni sosed vozlišča A_i {
             dodaj (A<sub>k</sub>, d<sub>k</sub>) v agent_view zahtevaj od A<sub>k</sub> da doda A<sub>i</sub> kot soseda
             // soseda moramo dodati, da bomo obveščeni o njegovih spremembah
       check_agent_view()
```

Preverjanje konsistentnosti

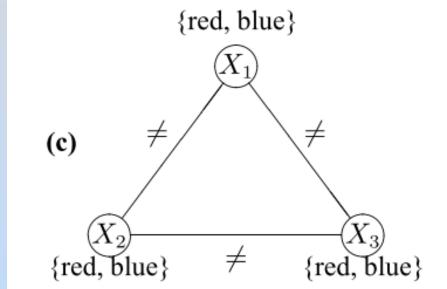
```
void check_agent_view() {
  if ( not konsistentna(agent_view , current_value) ) {
    if (ne obstaja z agent_view konsistentna vrednost v Di)
       backtrack
   else {
     izberi d ∈ D; konsistentno z agent_view
     current_value ← d
     pošlji(ok?, (A<sub>i</sub>, d)) sosedom z nižjo prioriteto
```

Vračanje

```
void backtrack() {
    nogood ← nekonsistentna množica, ki smo jodobili npr. s
    hiperresolucijo
    if ( nogood vsebuje {} )
     sporoči vsem agentom, da ni rešitve, končaj
    else {
      izberi (A_j, d_j) \in nogood AND
A_j ima najnižjo prioriteto v nogood pošlji (Nogood, nogood) agentu A_j odstrani (A_j, d_j) iz agent_view check_agent_view()
```

Asinhrono vračanje za c)

- denimo, da so agenti urejeni po prioriteti x₁, x₂, x₃
- na začetku izberejo naključno vrednost, npr. vsi "blue"
- * x_1 obvesti x_2 in x_3 o svoji izbiri, x_2 obvesti x_3 x_2 doda v svoj agent_view $\{x_1=blue\}$, x_3 doda $\{x_1=blue\}$.
- * x₂ in x₃ morata preveriti konsistentnost z lastno vrednostjo
 - X Z ugotovi konflikt, spremeni svojo vrednost v "red" in obvesti x 3
 - x tem času tudi x₃ ugotovi konflikt, spremeni vrednost na "red", a nikogar ne obvesti
 - x_3 sprejme drugo sporočilo od x_2 in popravi svoj agent_view na $\{x_1 = \text{blue}, x_2 = \text{red}\}$.



Asinhrono vračanje za c)

- * x_3 ne more najti konsistentne vrednosti zato uporabi hiperresolucijo in generira Nogood $\{x_1 = blue, x_2 = red\}$
- $\{\text{red, blue}\}\$ (\mathbf{c}) \neq $\{X_2\}$ $\{\text{red, blue}\}$ \neq $\{\text{red, blue}\}$
- ta Nogood pošlje x2, ker ima ta najnižjo prioriteto v Nogood
- * zdaj x_3 ne more najti konsistentne vrednosti in generira Nogood $\{x_1 = blue\}$ ter ga pošlje v x_1 .
- x₁ ugotovi nekonsistentnost in spremeni svojo vrednost na "red" ter pošlje sporočilo o tem x₂ in x₃
- * tako kot prej, x_2 spremeni svojo vrednost na blue, x_3 ne najde konsistentne vrednosti in generira Nogood $\{x_1 = \text{red}, x_2 = \text{blue}\}$, nakar x_2 generira Nogood $\{x_1 = \text{red}\}$ in ga pošlje x_1
- * v tem trenutku ima x_1 Nogood $\{x_1 = blue\}$ in $\{x_1 = red\}$, uporabi hiperresolucijo in zgenerira Nogood $\{\}$. Algoritem se ustavi z ugotovitvijo, da ni rešitve.

Porazdeljena optimizacija

- Naloga: agenti naj skupaj najdejo optimalno vrednost globalne funkcije.
- Primer: iskanje najcenejših poti v usmerjenem grafu z n vozlišči in m povezavami,
- povezavi (a,b) je pripisana cena c(a,b); naloga je najti pot z najmanjšo vsoto cen povezav od začetnega vozlišča s do enega od končnih vozlišč t ∈T.
- Uporaba: za telekomunikacijske in transportne probleme, planiranje
- Razlika s standardnimi pristopi k iskanju najkrajših poti (Dijkstra, Bellman-Ford) je porazdeljenost (vsak agent izračuna del najboljše rešitve in komunicira le z agenti v svoji okolici)

Asinhrono dinamično programiranje

- Ideja: princip dinamičnega programiranja
- opazimo: če leži vozlišče x na optimalni poti od s do t, potem je optimalen tudi del poti od s do x, kakor tudi del poti od x do t
- optimalno rešitev gradimo postopno od spodaj navzgor
- najkrajšo razdaljo od vozlišča i do končnega vozlišča t označimo s h*(i).
- najkrajšo pot od i do t, ki gre preko sosednjega vozlišča j, lahko zapišemo
 f*(i, j) = c(i, j)+h*(j)
- * najkrajšo pot iz *i* preko poljubnega sosednjega vozlišča pa $h^*(i) = \min_i f^*(i, j)$

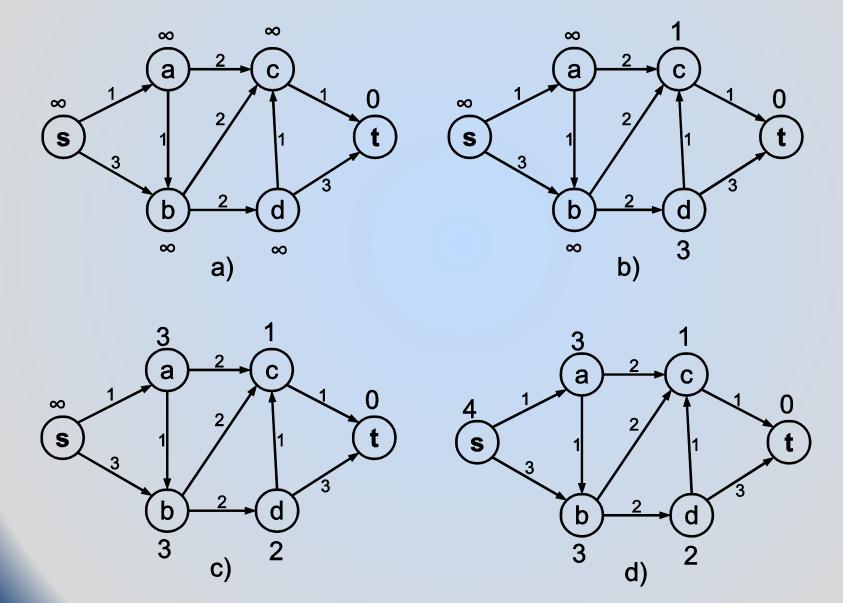
Opis delovanja

- vsako vozlišče i hrani vrednost h(i), ki je približek h*(i)
- * inicializacija h(i)=∞,
- med izvajanjem se vrednosti h(i) zmanjšujejo in konvergirajo k pravi vrednosti h*(i)
- konvergenca zahteva en korak za vsako vozlišče na najkrajši poti, kar pomeni, da bo v najslabšem primeru potrebno n korakov
- Slabost: potrebujemo agenta za vsako vozlišče grafa, kar je v primeru ogromnih grafov (npr. šah) nesprejemljivo

Psevdokoda ADP za iskanje najkrajših poti

```
// algoritem se izvaja na vsakem od vozlišč i danega grafa
void ADP(Vozlišče i) {
  if (i je ciljno vozlišče)
   h(i) = o; // točna vrednost
  else
   h(i) = \infty; // inicializacija
  do{
   foreach (vozlišče j sosedno i )
     f(j) = c(i, j) + h(j);
  h(i) = \min_{j} f(j);
} while (true);
```

Ilustracija ADP



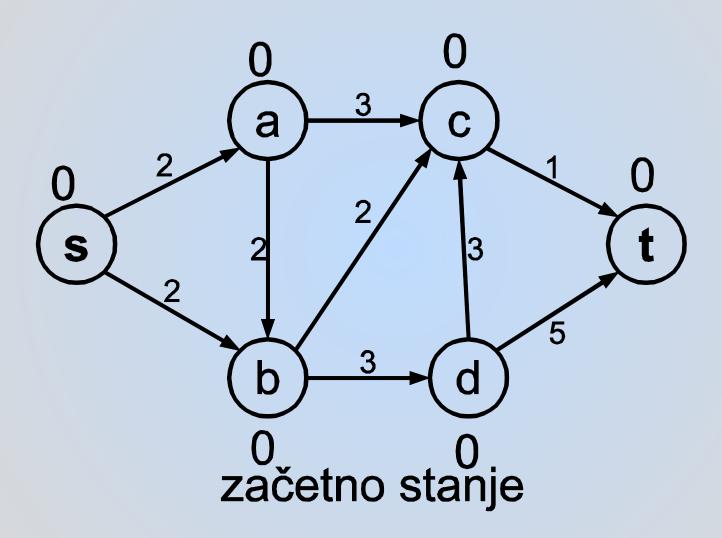
LRTA*

- * algoritem LRTA* (leαrning reαl-time A*) uporablja enega ali več agentov za iskanje najkrajših poti.
- Inicializacija: h(i)=o
- * Agent izvede algoritem večkrat in popravlja vrednosti h(i)
- Primer: izvajanje enega agenta

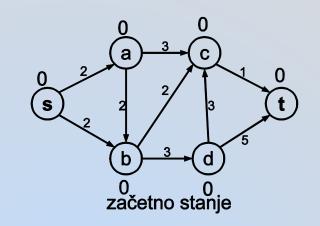
Psevdokoda algoritma LRTA*

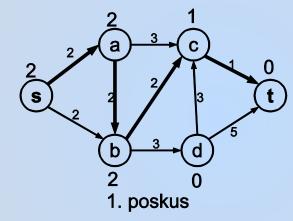
```
// algoritem lahko izvaja eden ali več agentov
void LRTA *() {
 i = s ; // začetno vozlišče
 while ( i ni ciljno vozlišče ) {
   foreach (vozlišče j sosedno i )
     f(j) = c(i, j) + h(j);
   b = \operatorname{argmin}_{i} f(j); // med enakima vozliščema izberi naključno
   h(i) = \max(h(i), f(b));
   i = b;
```

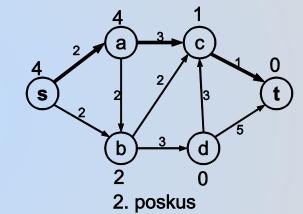
Primer:

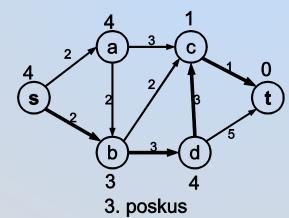


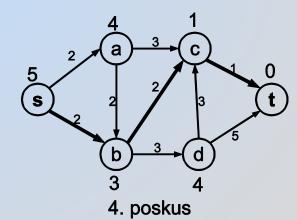
Izvajanje LRTA* enega agenta



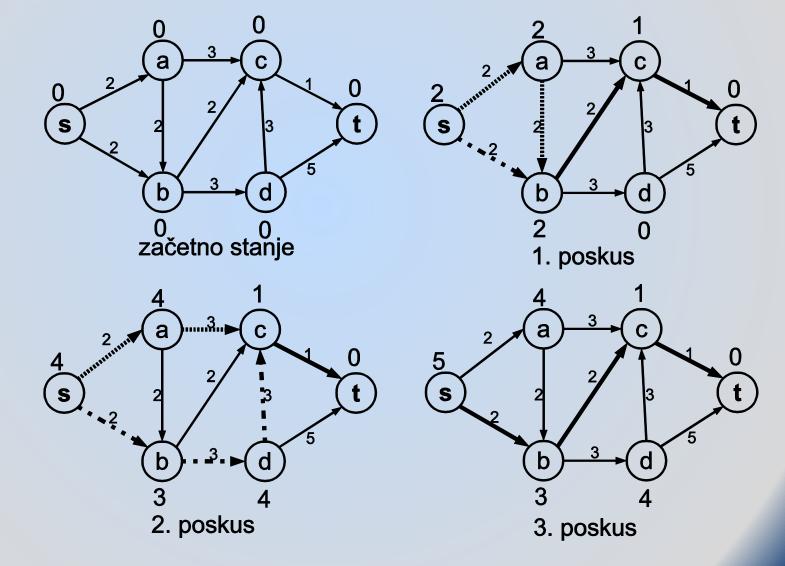








Izvajanje LRTA*(2) (dva agenta)



Agentne tehnologije

- * številne razširitve asinhronega vračanja
- optimizacija z upoštevanjem omejitev
- učeči se agenti
- področje teorije iger (kooperativne in nekooperativne igre)
- * ...
- Več v Y. Shoham, K. Leyton-Brown; Multiagent Systems, Algorithmic, Game-Theoretic, and Logical Foundations. Cambridge University Press, 2009

Primer: izvajanje ADP in LRTA*

