

IEL – protokol k projektu

Adam Ližičiar xlizic00

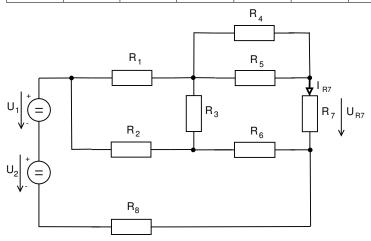
13. decembra 2021

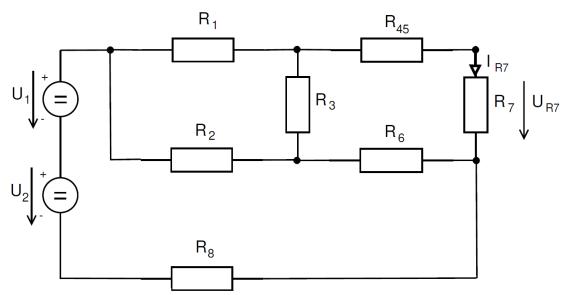
Obsah

1	Příklad 1	2
2	Příklad 2	7
3	Příklad 3	10
4	Příklad 4	11
5	Příklad 5	12
6	Shrnutí výsledků	14

Stanovte napětí U_{R7} a proud I_{R7} . Použijte metodu postupného zjednodušování obvodu.

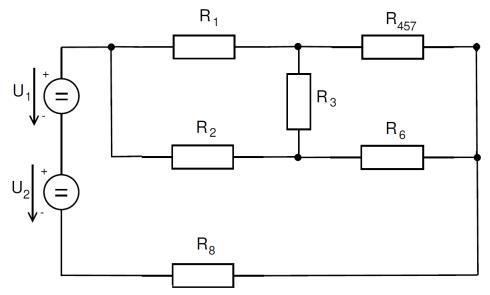
sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$R_3 [\Omega]$	$R_4 [\Omega]$	$R_5 [\Omega]$	$R_6 [\Omega]$	$R_7 [\Omega]$	$R_8 [\Omega]$
G	130	60	380	420	330	440	450	650	410	275





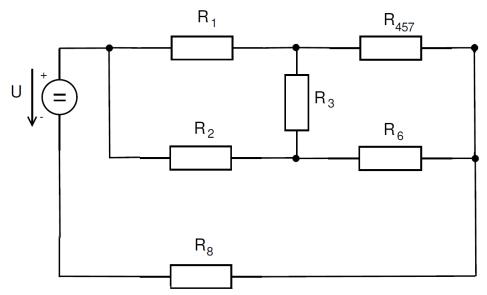
 $\mathbf{Krok}\ 1$ - Zjednodušenie R_4 a R_5 podľa vzorca pre paralelne zapojené rezistory.

$$R_{45} = \frac{R_4 \times R_5}{R_4 + R_5} = \frac{440 \times 450}{440 + 450} = 222,4719\Omega$$



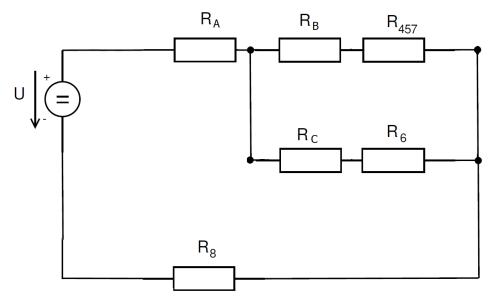
 $\mathbf{Krok}\ \mathbf{2}$ - Zjednodušenie R_{45} a R_7 podľa vzorca pre sériovo zapojené rezistory.

$$R_{457} = R_{45} + R_7 = 222,4719 + 410 = 632,4719\Omega$$



Krok 3 - Zjednodušenie napätia U_1 a U_2 .

$$U = U_1 + U_2 = 130 + 60 = 190V$$

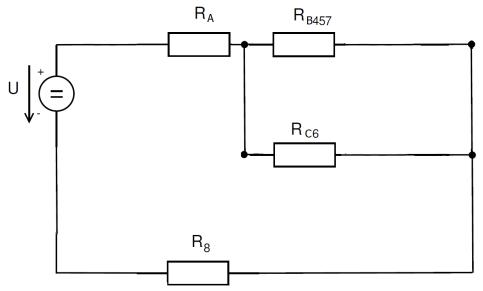


 \mathbf{Krok} 4 - Zjednodušenie $R_1,\,R_2$ a R_3 pomocou rozloženia trojuholníka na hviezdu.

$$R_{A} = \frac{R_{1} \times R_{2}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$

$$R_{B} = \frac{R_{1} \times R_{3}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$

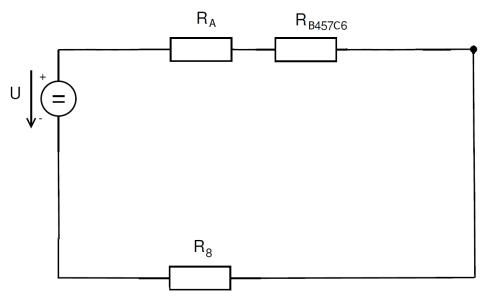
$$R_{C} = \frac{R_{2} \times R_{3}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$



Krok 5 - Zjednodušenie R_B a R_{457} podľa vzorca pre sériovo zapojené rezistory a taktiež zjednodušenie R_C a R_6 podľa vzorca pre sériovo zapojené rezistory.

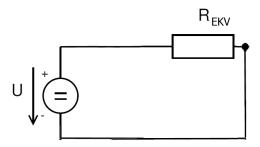
$$R_{B457} = R_B + R_{457} = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2 + R_3} + R_{457} = \frac{380 \times 330}{380 + 420 + 330} + 632,47 = 110,9735 + 632,4719 = 743,4454\Omega$$

$$R_{C6} = R_C + R_6 = \frac{R_2 \times R_3}{R_1 + R_2 + R_3} + R_6 = \frac{420 \times 330}{380 + 420 + 330} + 650 = 122,6549 + 650 = 772,6549\Omega$$



Krok 6 - Zjednodušenie R_{B457} a R_{C6} podľa vzorca pre paralelne zapojené rezistory.

$$R_{B457C6} = \frac{R_{B457} \times R_{C6}}{R_{B457} + R_{C6}} = \frac{743,4454 \times 772,6549}{743,4454 + 772,6549} = 378,8844\Omega$$



Krok 7 - Zjednodušenie R_A , R_{B457C6} a R_8 podľa vzorca pre sériovo zapojené rezistory.

$$R_{EKV} = R_A + R_{B457C6} + R_8 = \frac{380 \times 420}{380 + 420 + 330} + 378,8844 + 275 = 795,1233\Omega$$

Výpočet prúdu

$$I = \frac{U}{R_{EKV}} = \frac{190}{795, 1233} = 0,2390mA$$

Teraz spätne dopočítame $\boldsymbol{U_{R5}}$ a $\boldsymbol{I_{R5}}$:

Vypočítame si úbytok napätia na R_{B457C6} pomocou prúdu, ktorý sa v sériovom obvode nemení.

$$U_{R_{B457C6}} = I \times R_{B457C6} = 0,2390 \times 378,8844 = 90,5534V$$

$$U_{R_{B457C6}} = U_{R_{B457}} = U_{R_{C6}}$$

Dopočítame si \boldsymbol{I}_{R7} :

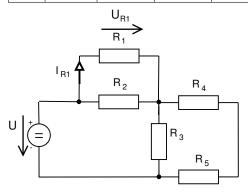
$$I_{R7} = I_{R_{B457}} = \frac{U_{R_{B457}}}{R_{B457}} = \frac{90,5534}{743,4454} = 0,1218$$
A

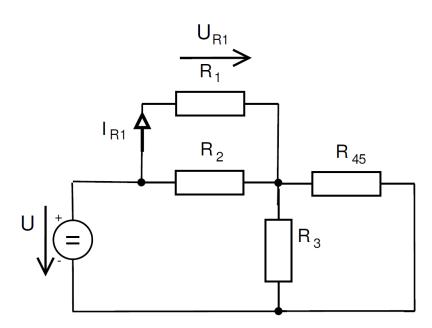
Dopočítame úbytok napätia na $\boldsymbol{U_{R7}}$:

$$U_{R7} = I_{R7} \times R_7 = 0,1218 \times 410 = 49,9380 \text{V}$$

Stanovte napětí U_{R1} a proud I_{R1} . Použijte metodu Théveninovy věty.

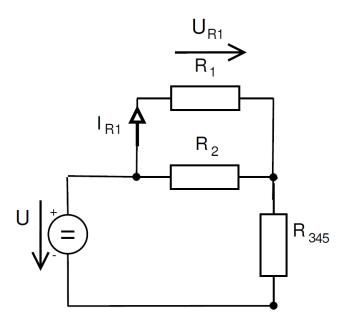
sk.	U[V]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$R_3 [\Omega]$	$R_4 [\Omega]$	$R_5 [\Omega]$
С	200	70	220	630	240	450





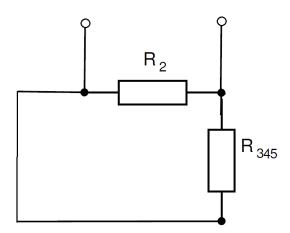
 $\mathbf{Krok}\ 1$ - Zjednodušenie R_4 a R_5 podľa vzorca pre sériovo zapojené rezistory.

$$R_{45} = R_4 + R_5 = 690\Omega$$



Krok 2 - Zjednodušenie R_{45} a R_3 podľa vzorca pre paralelne zapojené rezistory.

$$R_{345} = \frac{R_{45} \times R_3}{R_{45} + R_3} = 329,3182\Omega$$

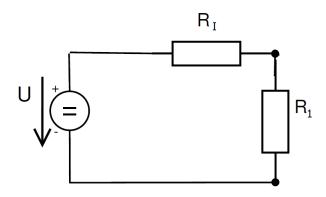


Krok 3 - Skratovanie zdroja a spočítanie vnútorného odporu R_i bez odporu R_1 . Zjednodušenie R_2 a R_{345} .

$$R_i = \frac{R_2 \times R_{345}}{R_2 + R_{345}} = \frac{220 \times 329,3182}{220 + 329,3182} = 131,8908\Omega$$

Krok 4 - Vypočítame U_i .

$$U_i = U \times \frac{R_2}{R_2 + R_{345}} = 200 \times \frac{220}{220 + 329,3182} = 80,0993V$$



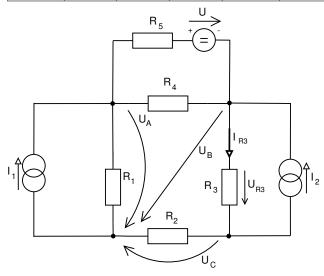
Krok 5 - Dopočítame I_{R1} a U_{R1} :

$$I_{R_1} = \frac{U_i}{R_i + R_1} = \frac{80,0993}{131,8908 + 70} = 0,3967A$$

$$U_{R_1} = I_{R_1} \times R_1 = 0,3967 * 70 = 27,7690V$$

Stanovte napětí U_{R3} a proud I_{R3} . Použijte metodu uzlových napětí $(U_A,\,U_B,\,U_C)$.

sk.	U [V]	I_1 [A]	I_2 [A]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	$R_3 [\Omega]$	$R_4 [\Omega]$	$R_5 [\Omega]$
G	160	0.65	0.45	46	41	53	33	29



Krok 1 - Prevedieme odpor na vodivosť

$$G = \frac{1}{R}$$

Krok 2 - Vytvoríme si rovnice pre uzly

$$A: I_1 + G_4 \times (U_B - U_A) - U_A \times G_1 - G_5 \times (U_B - U_A) = 0$$

$$B: I_2 - G_4 \times (U_B - U_A) - G_3 \times (U_B - U_C) + G_5 \times (U_B - U_A) = 0$$

$$C: G_3 \times (U_B - U_C) - U_C \times G_2 - I_2 = 0$$

Rovnice prevedieme do matice a vypočítame ju:

$$\begin{pmatrix} -G_4 - G_1 + G_5 & G_4 - G_5 & 0 \\ G_4 - G_5 & -G_4 - G_3 + G_5 & G_3 \\ 0 & G_3 & -G_3 - G_2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -I_1 \\ -I_1 \\ I_2 \end{pmatrix}$$

Po vypočítaní zistíme, že:

$$U_B = 79,0103V$$

 $U_C = 24,0593V$

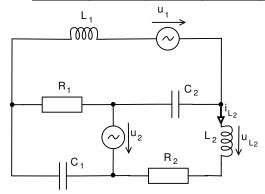
Vypočítame $oldsymbol{U_{R_3}}$ a taktiež $oldsymbol{I_{R_3}}$:

$$egin{aligned} m{U_{R_3}} &= U_B - U_C = \mathbf{54,9510V} \ m{I_{R_4}} &= rac{U_{R_3}}{R_3} = \mathbf{1,0368A} \end{aligned}$$

Pro napájecí napětí platí: $u_1=U_1\cdot\sin(2\pi ft),\,u_2=U_2\cdot\sin(2\pi ft).$ Ve vztahu pro napětí $u_{L_2}=U_{L_2}\cdot\sin(2\pi ft+\varphi_{L_2})$ určete $|U_{L_2}|$ a φ_{L_2} . Použijte metodu smyčkových proudů.

Pozn: Pomocné směry šipek napájecích zdrojů platí pro speciální časový okamžik $(t=\frac{\pi}{2\omega}).$

sk.	U_1 [V]	U_2 [V]	$R_1 [\Omega]$	$R_2 [\Omega]$	L_1 [mH]	L_2 [mH]	C_1 [μ F]	C_2 [μ F]	f [Hz]
G	5	5	13	12	140	60	160	80	60



U

V obvodu na obrázku níže v čase t=0 [s] sepne spínač S. Sestavte diferenciální rovnici popisující chování obvodu na obrázku, dále ji upravte dosazením hodnot parametrů. Vypočítejte analytické řešení $u_C=f(t)$. Proveďte kontrolu výpočtu dosazením do sestavené diferenciální rovnice.

	sk.	U[V]	$R [\Omega]$	C[F]	$u_C(0)$ [V]
	С	45	5	30	12
		R			
0 s					
<u>`</u>	<u>-</u>		c l	^I c	
+			₹	C	
↓	=)				

Krok 1 - Platí:

$$i = \frac{U_R}{R}$$

$$U_R + U_C - U = 0$$

$$U'_C = \frac{du_c}{dt} = \frac{i}{C}$$

Rovnice dosadíme:

$$U_C' = \frac{U_R}{R \times C}$$

Krok 2 - Vyjadríme si λ

$$\lambda + \frac{1}{R \times C} = 0$$
$$\lambda = -\frac{1}{R \times C}$$

Výsledok bude v tvare $U_C(t) = K(t) \times e^{\lambda \times t}$

Krok 3

$$U_C'(t) = K(t) \times e^{-\frac{t}{R \times C}} + \left(-\frac{1}{R \times C}\right) \times K(t) \times e^{-\frac{1}{R \times C}}$$

Rovnicu $U_C=\frac{U_R}{R\times C}$ si upravíme na tvar $U_C'+\frac{U_C}{R\times C}-\frac{U}{R\times C}=0$ a zintegrujeme ju:

$$K'(t) = U \times e^{\frac{t}{R \times C}} \times \frac{1}{R \times C}$$
$$K(t) = U \times e^{\frac{t}{R \times C}} + Z$$

Krok 4 - Dosadenie do vopred pripravenej rovnice

$$U_C(t) = (U \times e^{\frac{t}{R \times C}} + Z) \times e^{-\frac{t}{R \times C}}$$
$$U_C(t) = U + Z \times e^{-\frac{t}{R \times C}}$$

Dosadíme $U_C = 12V$ a t = 0s a vyjadríme Z:

$$Z = -33$$

$$U_C(t) = 45 - 33 \times e^{-\frac{t}{150}}$$

Krok 5 - Skúška výpočtu

$$U_C' + \frac{U_C}{R \times C} - \frac{U}{R \times C} = 0$$

$$U_C'(t) \times e^{-\frac{t}{R \times C}} + (\frac{1}{R \times C}) \times K(t) \times e^{-\frac{t}{R \times C}} + \frac{K(t) \times e^{-\frac{t}{R \times C}}}{R \times C} - \frac{U}{R \times C} = 0$$

$$\frac{U}{R \times C} - \frac{U}{R \times C} = 0$$

$$0 = 0$$

Shrnutí výsledků

Příklad	Skupina	Výsled	lky
1	G	$U_{R7} = 49,9380V$	$I_{R7} = 0,1218A$
2	C	$U_{R1} = 27,7690V$	$I_{R1} = 0,3967A$
3	G	$U_{R3} = 54,9510V$	$I_{R3} = 1,0368A$
4	G	$ U_{L_2} =$	$\varphi_{L_2} =$
5	C	$u_C(t) = 45 - 3$	$33 \times e^{-\frac{t}{150}}$