Projekat br. 1

Poznata je LU dekompozicija regularne matrice $A=LU\in\mathcal{M}_{n\times n}$. Regularna matrica M ima blok formu

 $M = \begin{bmatrix} A & v \\ u^T & a \end{bmatrix},$

gde su $u,v\in\mathbb{R}^n$ vektori i $a\in\mathbb{R}$ nenula skalar. Odrediti LU faktorizaciju matrice Mu blok formi

$$M = \begin{bmatrix} L & - \\ - & - \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U & - \\ - & - \end{bmatrix}, \quad (A = LU)$$
 (1)

i odrediti potreban broj aritmetičkih operacija za njeno dobijanje. U izrazu (1) pozicije $_$ označavaju vektore i skalare koje je potrebno odrediti tako da matrica $\begin{bmatrix} L & - \\ - & - \end{bmatrix}$ bude donje trougaona, matrica $\begin{bmatrix} U & - \\ - & - \end{bmatrix}$ bude gornje trougaona i važi jednakost (1). Kako se menja broj potrebnih aritmetičkih operacija u slučaju kada su A i M simetrične matrice?