

Σύνοψη Κατανομών

Μία περιεκτική συλλογή συχνών κατανομών και των χαρακτηριστικών τους

stesiam

2023-03-03

Διακριτές Κατανομές

Κατανομή	Παράμετροι	$f(x)$	Σύνολο τιμών	$F(x)$	$E(X)$	$Var(X)$	$M_x(t) = E(e^{tX})$	$P_x(t)$
Bernoulli Bernoulli(p)	$p \in [0, 1]$	$\begin{cases} q, & \text{if } k=0 \\ p, & \text{if } k=1 \end{cases}$	$x = \{0, 1\}$	$\begin{cases} 0, & \text{if } k < 0 \\ q, & \text{if } 0 \leq k < 1 \\ 1, & \text{if } k \geq 1 \end{cases}$	p	pq	$p(e^t + q)$	$(pt + q)$
Διωνυμική $B(n, p)$	$n \in \{0, 1, \dots\}$ $p \in [0, 1]$	$\binom{n}{k} p^k q^{n-k}$	$x = 0, 1, \dots, n$	$\sum_{i=1}^{\lfloor x \rfloor} \binom{n}{i} p^i q^{n-i}$	np	npq	$p(e^t + q)^n$	$(pt + q)^n$
Poisson $Poisson(\lambda)$	$\lambda > 0$	$e^{-\lambda} \frac{\lambda^x}{x!}$	$x = 0, 1, \dots$	$\sum_{k=1}^n e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}$	λ	λ	$e^{\lambda(e^t - 1)}$	$e^{\lambda(t - 1)}$
Γεωμετρική 0 $G_0(p)$ # success	$p \in [0, 1]$	$q^x p$	$x = 0, 1, 2, \dots$	$1 - q^{x+1}$	$\frac{q}{p}$	$\frac{q}{p^2}$	$\frac{p}{1 - qe^t}$	$\frac{p}{1 - qt}$
Γεωμετρική 1 $G_1(p)$ # until first succ.	$p \in [0, 1]$	$q^{x-1} p$	$x = 1, 2, \dots$	$1 - q^x$	$\frac{1}{p}$	$\frac{q}{p^2}$	$\frac{pe^t}{1 - qe^t},$ $t < -\ln(q)$	$\frac{pt}{1 - qt}$
Αρνητική Διωνυμική 0 $NB_0(r, p)$	$r = 0, 1, 2, \dots$ $p \in [0, 1]$	$\binom{x+r-1}{r-1} q^x p^r$	$x = 0, 1, 2, \dots$	$\sum_{i=1}^{\lfloor x \rfloor} \binom{x+r-1}{r-1} q^i p^r$	$\frac{rq}{p}$	$\frac{rq}{p^2}$	$\left(\frac{p}{1 - qe^t}\right)^r$	$\left(\frac{p}{1 - qt}\right)^r$
Αρνητική Διωνυμική 1 $NB_1(r, p)$	$r = 1, 2, \dots$ $p \in [0, 1]$	$\binom{x-1}{r-1} q^{x-r} p^r$	$x = r, r + 1, \dots$	Σύνθετη έκφραση	$\frac{r}{p}$	$\frac{rq}{p^2}$	$\left(\frac{pe^t}{1 - qe^t}\right)^r$	$\left(\frac{pt}{1 - qt}\right)^r$
Υπεργεωμετρική $h(v, a, b)$	a, b, n : pos. integers $n \leq a + b$	$\frac{\binom{a}{x} \binom{b}{n-x}}{\binom{a+b}{n}}$	$x=0,1,2,\dots,n$	Σύνθετη έκφραση	$\frac{a}{a+b}$	$\frac{abn(n-1)}{(a+b)^2(a+b-1)}$	Σύνθετη έκφραση	Σύνθετη έκφραση
Discrete Uniform $U(a, b)$	a, b, n : pos. integers $b \geq a$ $n = b - a + 1$	$\frac{1}{n}$	$x=a,a+1,\dots,b-1,b$	$\frac{\lfloor x \rfloor - 1 + a}{n}$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{n^2-1}{12}$	$\frac{e^{at} - e^{(b+1)t}}{n(1 - e^t)}$	$\frac{t^a - t^{b-1}}{n(1 - t)}$

Συνεχείς Κατανομές

Κατανομή	Παράμετροι	$f(x)$	Σύνολο τιμών	$F(x)$	$E(X)$	$Var(X)$	$M_x(t)$
Ομοιόμορφη $U(a, b)$	$-\infty < a < b < +\infty$	$\frac{1}{b-a}$	$x \in [a, b]$	$\begin{cases} 0, & x < a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \leq x \leq b \\ 1, & x > b \end{cases}$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	$\frac{e^{tb}-e^{ta}}{t(b-a)}$
Κανονική $N(n, p)$	$n \in \{0,1,...\}$ $p \in [0,1]$	$\phi(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	$x \in [-\infty, \infty]$		μ	σ^2	$e^{\mu t + \frac{\sigma^2 t^2}{2}}$
Τυπική Κανονική $N(0, 1)$	$\mu = 0$ $\sigma = 1$	$\frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{x^2}{2}}$	$x = 0,1,...$	$\Phi(x)$	0	1	$e^{\frac{t^2}{2}}$
Εκθετική $Exp(\lambda)$	$\lambda > 0$	$\lambda e^{-\lambda x}$	$x \in [0, \infty]$	$1 - e^{-\lambda x}$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$	$\frac{\lambda}{\lambda-t}, t < \lambda$
Γάμμα $Gamma(k, \theta)$	$k > 0$ $\theta > 0$	$\frac{x^{k-1}e^{-\frac{x}{\theta}}}{\theta^k\Gamma(k)}$	$x \in [0, \infty]$	$\frac{\gamma(k, \frac{x}{\theta})}{\Gamma(k)}$	$k\theta$	$k\theta^2$	$(1 - \theta t)^{-k}$
Βήτα $Beta(\alpha, \beta)$	$\alpha > 0$ $\beta > 0$	$\frac{x^{\alpha-1}(1-x)^{\beta-1}}{B(\alpha, \beta)}$	$x \in [0, 1]$	Σύνθετη έκφραση	$\frac{\alpha}{\alpha+\beta}$	$\frac{\alpha\beta}{(\alpha+\beta)^2(\alpha+\beta+1)}$	Σύνθετη έκφραση
Weibull $Wei(c, \gamma)$	$c \in (0, +\infty)$ $\gamma \in (0, +\infty)$	$c\gamma x^{\gamma-1}e^{-cx^\gamma}$	$x \in [0, \infty]$	$1 - exp(-cx^\gamma)$	$c \Gamma(1 + \frac{1}{\gamma})$	Σύνθετη έκφραση	Σύνθετη έκφραση
Erlang $Erl(k, \lambda)$ alt. beta = $\frac{1}{\lambda}$	$k \in 1, 2, 3, ...$ $\lambda \in (0, \infty)$	$\frac{\lambda^k x^{k-1} e^{-\lambda x}}{(k-1)!}$	$x \in [0, \infty]$	$\frac{\gamma(k, \lambda x)}{(k-1)!}$	$\frac{k}{\lambda}$	$\frac{k}{\lambda^2}$	$(1 - \frac{t}{\lambda})^{-k}$ $t < \lambda$
Pareto I $Pareto(\alpha, \beta)$	$a > 0$ $b > 0$	$\frac{\alpha\beta^\alpha}{(\beta+x)^{\alpha+1}}$	$x \in [0, +\infty]$	$1 - \left(\frac{\beta}{x+\beta}\right)^\alpha$	$\frac{\beta}{\alpha-1},$ $\alpha > 1$	$\frac{\alpha\beta^2}{(\alpha-1)^2(\alpha-2)}$	–
Pareto II $Pareto$	$a > 0$ $b > 0$	$\frac{\alpha\beta^\alpha}{x^{\alpha+1}}$	$x \in [0, +\infty]$	$1 - \left(\frac{\beta}{x}\right)^\alpha$	$\frac{\alpha\beta}{\alpha-1}$		–
Λογαριθμοκανονική $logN(\mu, \sigma^2)$	$\mu \in (-\infty, +\infty)$ $\sigma > 0$	$e^{-\frac{(\log x - \mu)^2}{2\sigma^2}} \frac{1}{x\sigma\sqrt{2\pi}}$	$x \in (0, +\infty)$	$\Phi\left(\frac{\ln x - \mu}{\sigma}\right)$	$e^{\mu + \frac{\sigma^2}{2}}$	$(e^{\sigma^2} - 1)(e^{2\mu + \sigma^2})$	–
Burr $Burr(c, k)$	$c > 0$ $k > 0$	$\frac{ckx^{c-1}}{(1+x^c)^{k+1}}$	$x \in (0, +\infty)$	$1 - (1 + x^c)^{-k}$	$\frac{\Gamma(1-\frac{1}{c})\cdot\Gamma(1+\frac{1}{c})}{\Gamma(k)}$	–	–