

Parte I

Control de tonos y ecualizador de fase

A lo largo de esta parte, se pondrá foco en el circuito mostrado en la Figura 1, que se trata de un circuito de control de tonos.

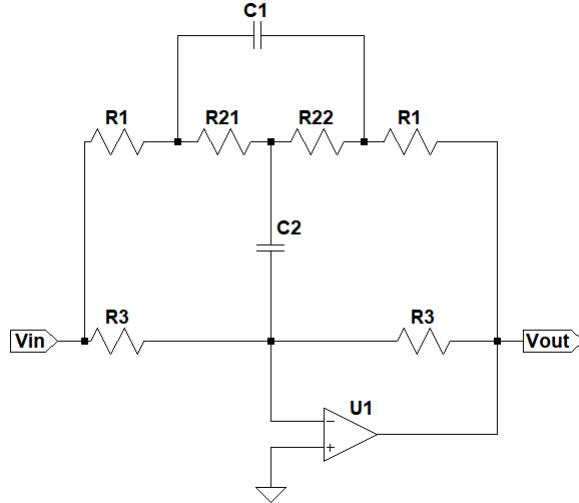


Figura 1: Circuito de Control de Tonos

1. Transferencia

Al calcular la transferencia genericamente para cualquier valor de impedancias, y llamando a $R_{21} = R_2K$, $R_{22} = R_2(1 - K)$, el calculo de la transferencia se expresa como la ecuación (1).

$$H(s) = \frac{As^2 + Bs + C}{As^2 + Es + C} \quad (1)$$

$$A = 20C_2^2K^2R_1R_2^2 - 20C_2^2KR_1R_2^2 - 10C_2^2R_1^2R_2 - 100C_2^2R_1R_2^2 \approx -100C_2^2R_1R_2^2$$

$$B = C_2K^2R_2^2 + 9C_2KR_2^2 - C_2R_1^2 - 31C_2R_1R_2 - 10C_2R_2^2$$

$$C = -2R_1 - R_2$$

$$E = C_2K^2R_2^2 - 11C_2KR_2^2 - C_2R_1^2 - 31C_2R_1R_2$$

2. Análisis de frecuencia central

Para obtener la frecuencia central, basta con llevar a la ecuación de transferencia de la siguiente manera

$$H(s) = \frac{\left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2 + \frac{s}{Q_z\omega_0} + 1}{\left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2 + \frac{s}{Q_p\omega_0} + 1} \quad (2)$$

Por lo tanto;

$$\frac{1}{\omega_0^2} = \frac{A}{C}$$

$$\Rightarrow \omega_0 = \frac{\sqrt{2 + \frac{R_2}{R_1}}}{10C_2R_2} \Rightarrow f_0 = \frac{\sqrt{2 + \frac{R_2}{R_1}}}{20\pi C_2R_2} \quad (3)$$

3. Análisis paramétrico

Si se analiza los factores de calidad correspondientes se obtiene:

$$Q_z = \frac{C}{B\omega_0}$$

$$Q_z = -\frac{10C_2\sqrt{R_1}R_2\sqrt{2R_1+R_2}}{C_2K^2R_2^2+9C_2KR_2^2-C_2R_1^2-31C_2R_1R_2-10C_2R_2^2}$$

$$Q_p = \frac{C}{E\omega_0}$$

$$Q_p = -\frac{10C_2\sqrt{R_1}R_2\sqrt{2R_1+R_2}}{-C_2K^2R_2^2+11C_2KR_2^2+C_2R_1^2+31C_2R_1R_2}$$

por lo tanto, la ganancia para la frecuencia central del filtro quedará dada por:

$$A = \frac{R_1^2 + 31R_1R_2 + 10R_2^2}{R_1(R_1 + 31R_2)} \approx \frac{3R_1 + R_2}{3R_1} K = 0 \quad (4)$$

$$A = \frac{R_1(R_1 + 31R_2)}{R_1^2 + 31R_1R_2 + 10R_2^2} \approx \frac{3R_1}{R_2 + 3R_1} K = 1 \quad (5)$$

$$A = \frac{-K^2R_2^2 - 9KR_2^2 + R_1^2 + 31R_1R_2 + 10R_2^2}{-K^2R_2^2 + 11KR_2^2 + R_1^2 + 31R_1R_2} \text{ Expresado Parametricamente en } K$$

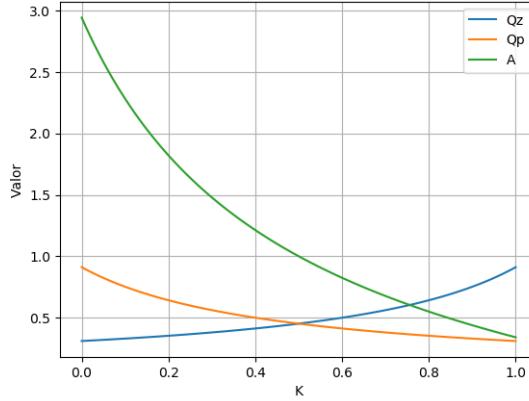


Figura 2: Diagrama paramétrico

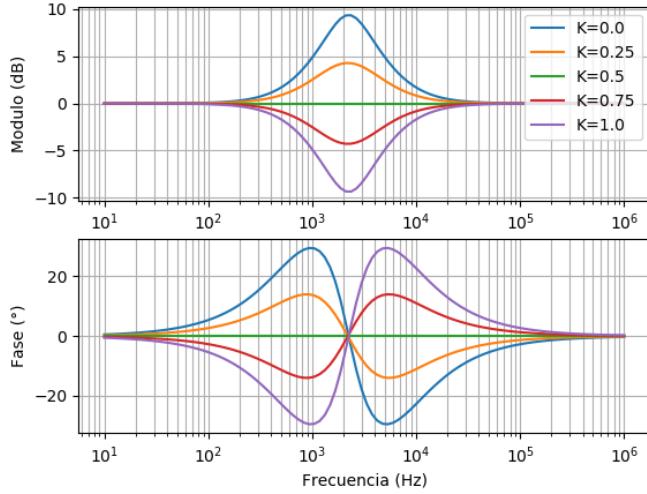


Figura 3: Respuesta en frecuencia paramétrica para una frecuencia dada

4. Análisis de singularidades

4.1. Análisis de Ceros

Si resolvemos la ecuación cuadrática para el denominador expresado en la ecuación (2), obtenemos que la expresión para encontrar los ceros de nuestro circuito, esta dada por:

$$C_{1,2} = \frac{-\frac{1}{Q_z \omega_0} \pm \sqrt{\left(\frac{1}{Q_z \omega_0}\right)^2 - 4 \frac{1}{\omega_0^2}}}{2 \frac{1}{\omega_0^2}}$$

$$\Rightarrow C_{1,2} = -\frac{\omega_0}{2Q_z} \pm \frac{\omega_0}{2} \sqrt{\frac{1}{Q_z^2} - 4}$$

4.2. Análisis de polos

De la misma manera que se procedió para encontrar los ceros en la subsección 4.1, los polos quedan determinados por:

$$\Rightarrow P_{1,2} = -\frac{\omega_0}{2Q_P} \pm \frac{\omega_0}{2} \sqrt{\frac{1}{Q_P^2} - 4}$$

4.3. Análisis de singularidades paramétricas

Si tenemos en cuenta, las expresiones para los polos y los ceros obtenidas anteriormente, y una frecuencia central determinada, como por ejemplo la propuesta en la Figura 3, se podrá hacer un análisis paramétrico graficando como varían los polos y los ceros en un diagrama Imaginario/Real según la variación de la resistencia R_2 .

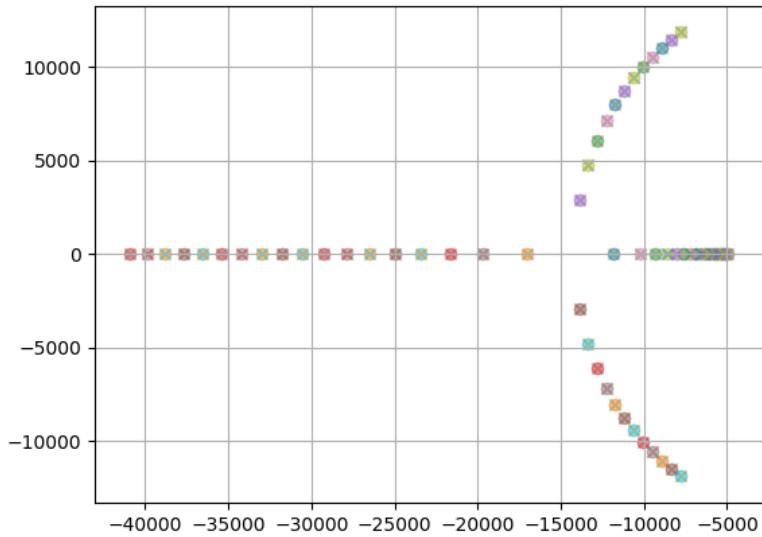


Figura 4: Diagrama paramétrico de polos y ceros

Como se puede observar en la Figura 4, los polos y los ceros se superponen a partir de cierto valor de K . Graficando los polos y los ceros con K variando entre $0 < K < 0,5$, se obtienen todos los ceros reales, como se puede observar en la Figura 5. Por otro lado, si se varía K entre $0,5 < K < 1$, se puede observar que todos los polos son reales, como se observa en la Figura 6.

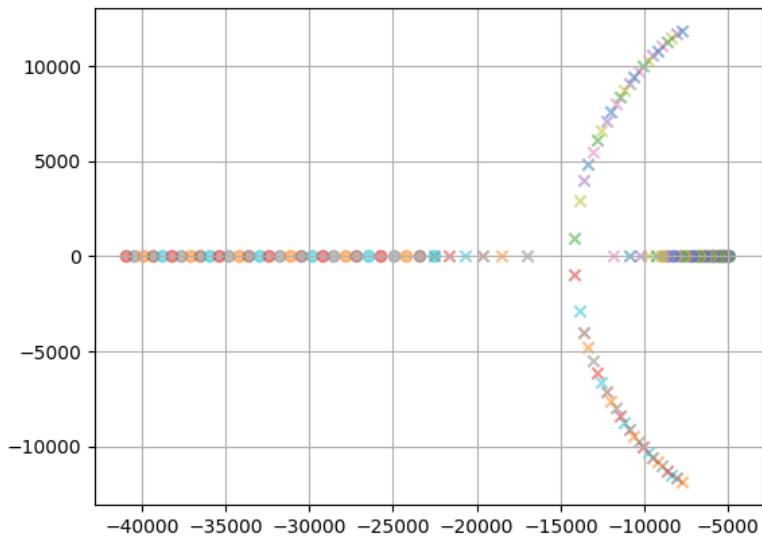


Figura 5: Diagrama paramétrico de polos y ceros con K variando de 0 a 0.5

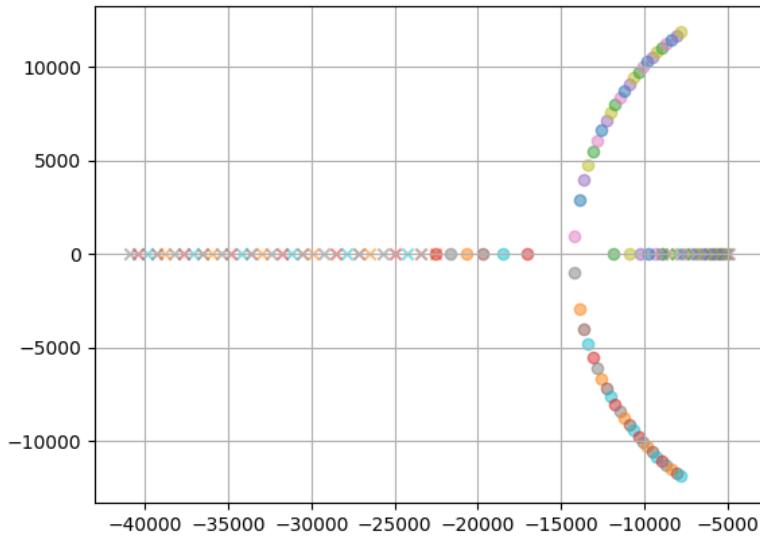


Figura 6: Diagrama paramétrico de polos y ceros con K variando de 0.5 a 1

4.4. Sistema de fase mínima

Un sistema de fase mínima se define como aquel sistema que cumple que los polos y los ceros se encuentren en el semiplano izquierdo del diagrama de polos y ceros, es decir, que su parte real sea negativa. Como se observa en la Figura 4, todos los polos y todos los ceros tienen parte real negativa, por lo tanto, el circuito de la Figura 1, es un sistema de fase mínima.

4.4.1. Ecualizador de fase

Para transformar nuestro circuito en un sistema de fase no mínima, se propuso utilizar un circuito ecualizador de fase, es decir, un circuito que modifique la fase de salida de el circuito de la Figura 1, pero que no modifique la magnitud. Para lograr este objetivo se propuso un circuito como el de la Figura 7.

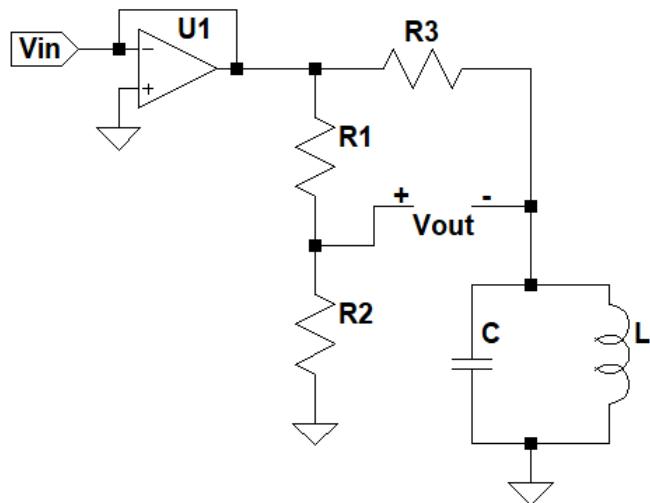


Figura 7: Circuito ecualizador de fase

Si calculamos el paralelo entre el capacitor y el inductor:

$$Z_p = \left(sC + \frac{1}{sL} \right)^{-1} = \frac{sL}{s^2CL + 1}$$

Por lo tanto, la transferencia queda determinada por

$$H(s) = \frac{\frac{sL}{s^2CL+1}}{\frac{sL}{s^2CL+1} + R} = \frac{sL}{s^2CLR + sL + R} \quad (6)$$

Como se observa de la ecuación (6), para el nominador, tenemos un cero en el origen, por lo tanto, ya deja de ser un sistema de fase mínima. Por otro lado, calculando los polos a partir del denominador se obtiene:

$$P_{1,2} = \frac{-L \pm \sqrt{L^2 - 4CLR^2}}{2CLR}$$

Donde se puede ver que para valores razonables de R,L y C, obtenemos que la parte real de los polos son negativas, por lo tanto el circuito permanecerá estable. Al simular el ecualizador de fase, el resultado es el que se muestra en la Figura 8.

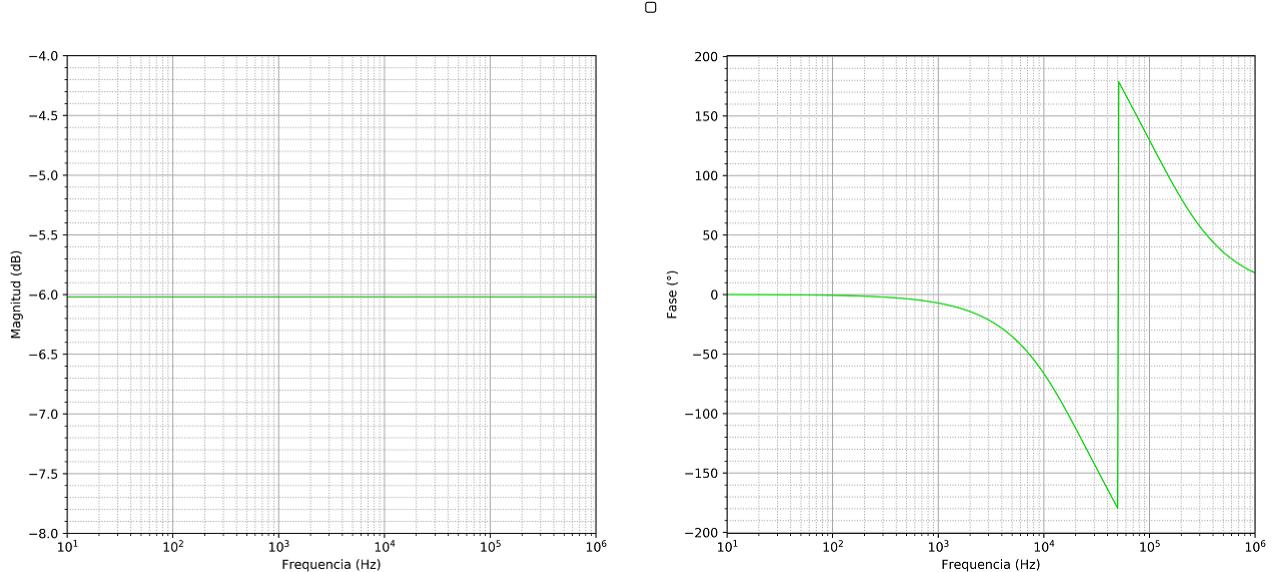


Figura 8: Simulación del circuito ecualizador de fase

Como se puede observar, la variación en magnitud es a fines prácticos nula, sin embargo, se puede ver que el circuito tiene una caída en magnitud de 6(dB), por lo tanto, la señal de entrada se vera atenuada. Por otro lado, la variación en fase es de 360° , con lo que concluyentemente el circuito propuesto cumple su cometido. Si se quiere agregar el ecualizador de fase al circuito de la Figura 1, se deberá conectar en cascada el circuito de la Figura 7. De esta manera, la transferencia total del circuito resultante será la multiplicación entre las 2 transferencias. Al simular el circuito resultante que se muestra en la Figura 9, se obtuvieron los resultados de la Figura 10.

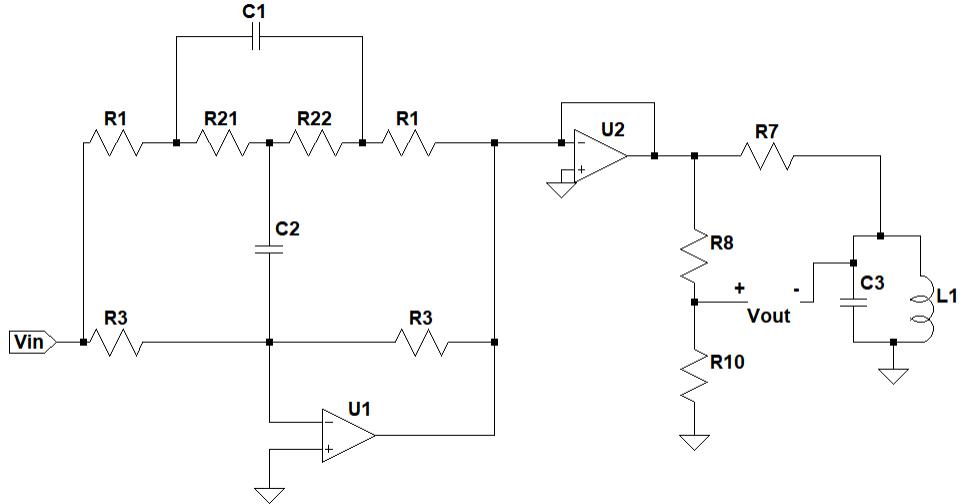


Figura 9: Circuito resultante con ecualizador de fase

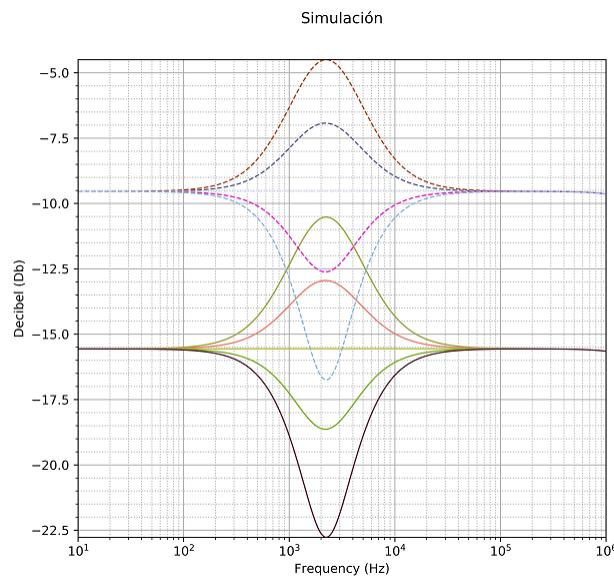


Figura 10: Simulación de la magnitud del circuito resultante con y sin ecualizador de fase

Como se puede observar, la magnitud no varía en forma, sin embargo, se puede detectar una atenuación por parte del filtro de ecualización de fase.

5. Diseño de un ecualizador de 3 bandas

5.1. Análisis del espectro audible

Según cada ser humano, el espectro audible varía dependiendo de la salud y la edad de la persona, una aproximación bastante fiel al espectro audible es de 20 a 20000 (Hz), donde reside el 100 % del sonido que el ser humano escucha. El espectro audible suele dividirse en varias capas, las frecuencias graves, medias y agudas. estas frecuencias se encuentran en la tabla 1.

Graves	Medios	Agudos
<250(Hz)	Entre 250 (Hz) y 2 (kHz)	Entre 2 (kHz) y 20 (kHz)

Cuadro 1: Espectro auditivo del ser humano

Si bien en principio para el diseño del filtro sería correcto diseñar 3 ecualizadores de bandas con frecuencias centrales dentro de los rangos dicho anteriormente, durante la siguiente sección nos propondremos realizar un análisis más detallado de que frecuencias son más convenientes ecualizar para lograr que una canción pueda tener cambios significativos.

5.2. Análisis del espectro de la música

Si bien el humano escucha en un rango de frecuencias determinado, no siempre este rango resulta utilizado para la música en general. Es por esto que se toma como referencia la canción *Bohemian Rhapsody* de la banda británica *Queen*. Para poder analizar una pieza como esta, primero que nada debemos tener en cuenta, que cualquier canción varía en el tiempo, y no es una señal constante, por lo cual, el espectro en frecuencias de la canción analizada variará en el tiempo. Esto significa que para poder ver como varía el espectro para cada instante de la canción debemos disponer de un gráfico en tres dimensiones, siendo estas la frecuencia, el tiempo y la amplitud de la onda. Estos gráficos en 3 dimensiones se llaman comúnmente spectrogramas, uno de estos se puede observar en la Figura 11. Los spectrogramas se deben leer de la siguiente manera: El eje horizontal es el tiempo, el eje vertical son las frecuencias, y la coloración de color es la amplitud, es decir, cuanto más color se encuentre en un punto en el gráfico, más amplitud tendrá la canción en esa frecuencia en ese instante de tiempo.

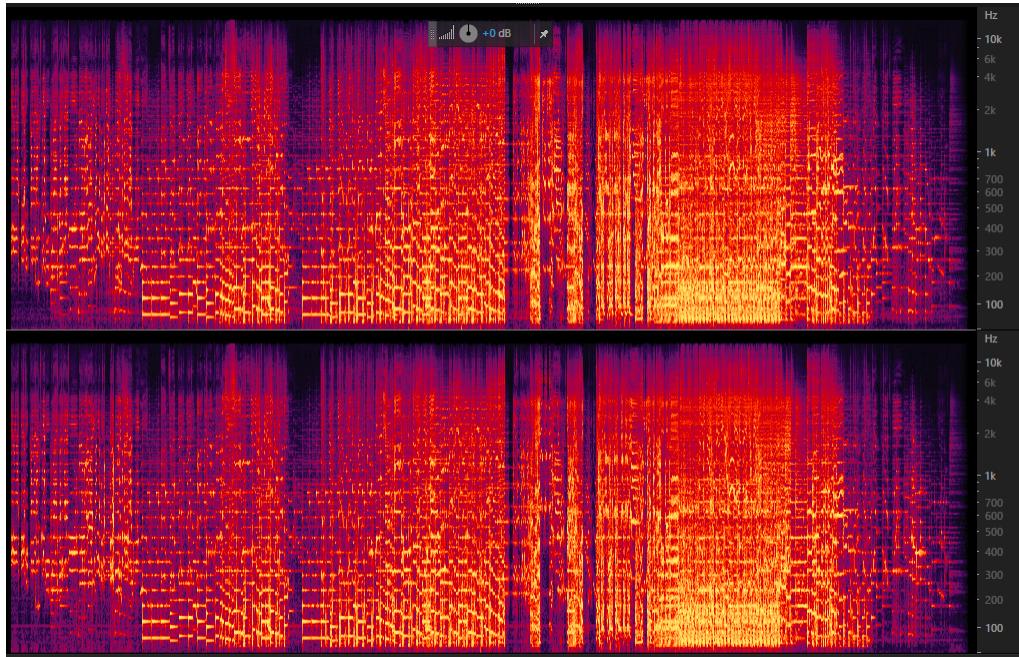
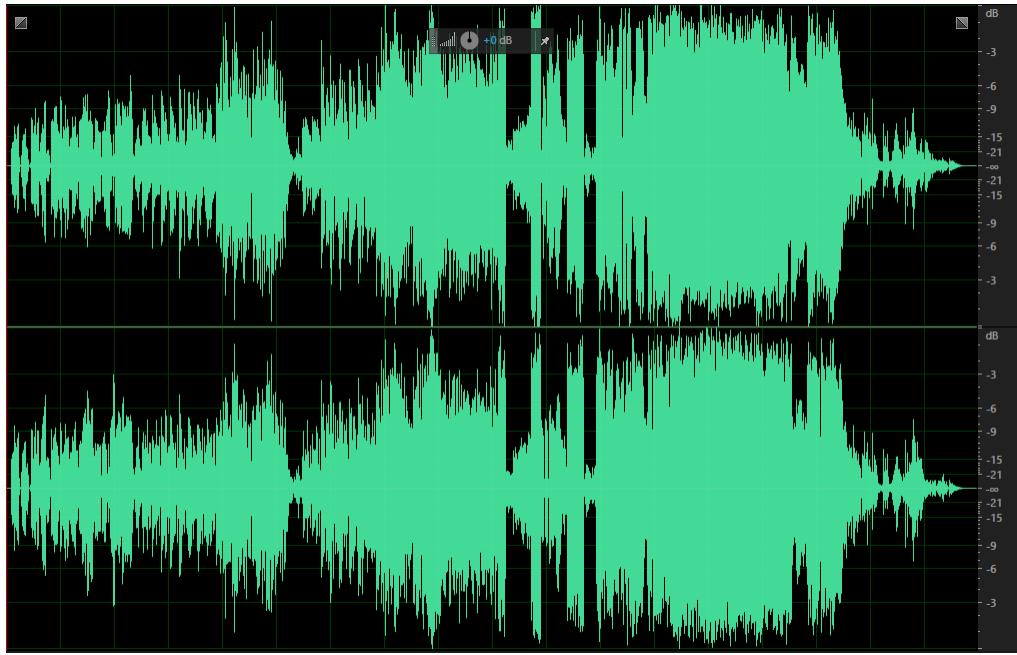


Figura 11: Espectrograma de *Bohemian Rhapsody*



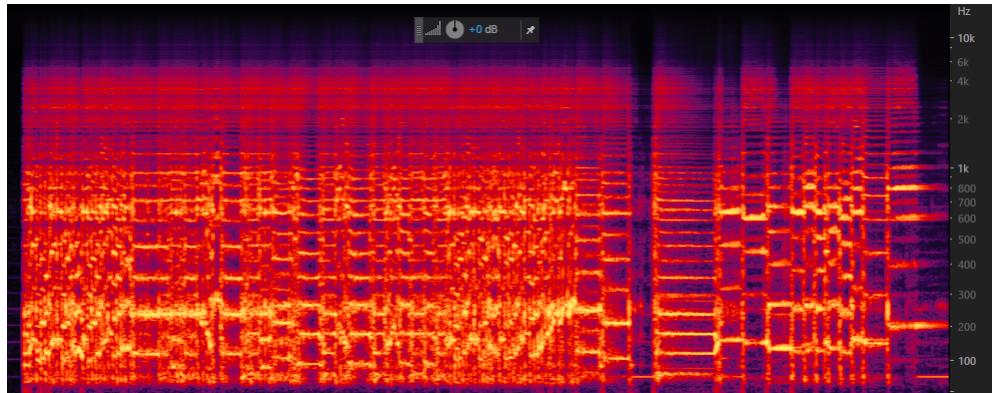


Figura 15: Espectrograma del solo de guitarra de *Bohemian Rhapsody*

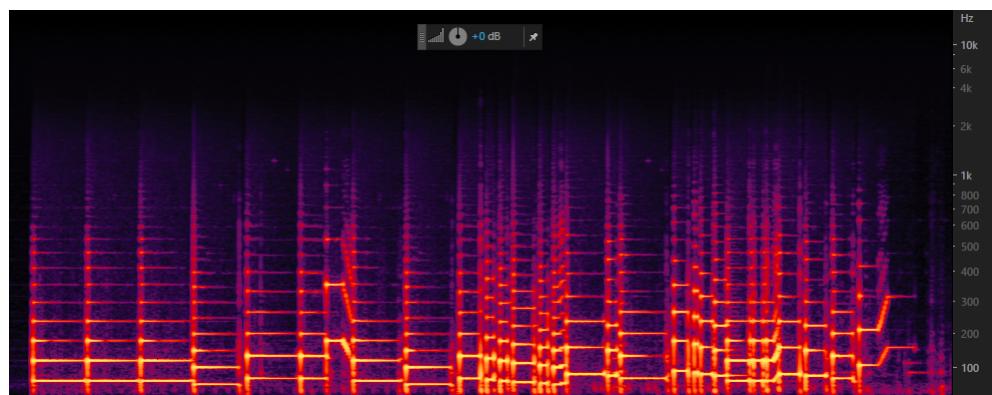


Figura 16: Espectrograma del bajo en la primera estrofa de *Bohemian Rhapsody*

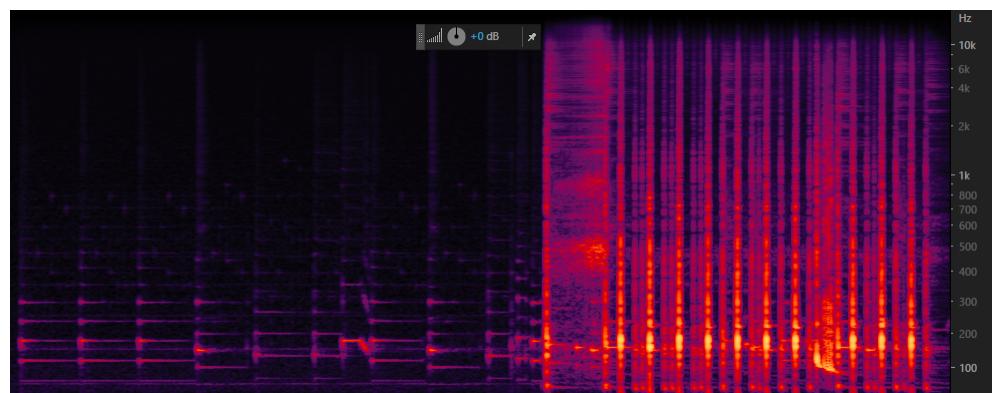


Figura 17: Espectrograma de la batería en la primera estrofa de *Bohemian Rhapsody*

Como se puede ver a simple vista de la Figura 11, la mayor parte de la canción se encuentra por debajo de 1 (kHz) y hay poca información por sobre 1(kHz). A su vez, por debajo de 200 (Hz) hay demasiada amplitud en promedio, por lo cual, podemos asumir que el intervalo entre 0 y 200 (Hz) es bastante importante. A su vez, se puede observar en las figuras 16 y 17 una alta presencia de notas graves al rededor de los 100(Hz). Aprovechando el ancho de banda del filtro explicado de la Figura 1, lo mas conveniente será elegir como frecuencia de referencia central para el primer filtro a 100(Hz) como controladora de frecuencias graves. Por otro lado, será conveniente elegir para el 2do filtro una frecuencia central entre 200 (Hz) y 1 (kHz), teniendo en cuenta las figuras 13 y 15, donde se encuentran principalmente las voces masculinas y gran parte del espectro de la guitarra, se eligió una frecuencia central de referencia de 700 (Hz). Esta frecuencia de referencia fue tomada teniendo en cuenta el espectro de frecuencias

medias de la canción y el ancho de el filtro de tonos graves junto al ancho de banda del filtro de tonos medios, para poder lograr un control adecuado sobre esa banda de frecuencias, que es donde reposa la mayor parte de la pieza musical. Por ultimo, para poder controlar las frecuencias agudas, se eligió el tercer filtro con una frecuencia central de referencia de 2 (kHz), que es el ultimo intervalo donde se pueden apreciar frecuencias significativas dentro de la canción en las figuras 11 y 14. Por lo tanto las frecuencias centrales de referencia de cada filtro serán las que se muestran en la tabla 2.

Frecuencia central Filtro 1	Frecuencia central Filtro 2	Frecuencia central Filtro 3
100 (Hz)	700 (Hz)	2 (kHz)

Cuadro 2: Frecuencias centrales de referencia.

Junto con esto se debe tener en cuenta la disposición logarítmica del comportamiento del filtro, por lo tanto, se buscará que las frecuencias no se encuentren muy cercanas entre sí ya que se podrían ver superpuestos los filtros. Teniendo en cuenta las frecuencias centrales de referencia y lo dicho anteriormente, se decidió utilizar frecuencias que sigan la ecuación (7).

$$f_{n+1} \approx f_n 10^1 \quad (7)$$

Por lo tanto las frecuencias utilizadas serán:

Frecuencia central Filtro 1	Frecuencia central Filtro 2	Frecuencia central Filtro 3
90 (Hz)	800 (Hz)	4 (kHz)

Cuadro 3: Frecuencias centrales propuestas

De esta manera aseguramos un control sobre las 3 bandas de frecuencias más importantes a lo largo de la pieza musical, teniendo en cuenta el espectrograma de cada instrumento y voz, y considerando los rangos de movimientos de cada uno.

5.3. Elección de la ganancia de los filtros

Teniendo en cuenta que la salida de un *Line-Out* de un dispositivo de audio de consumo general tiene valores nominales de tensiones de entre 0.3 a 2 Volts aproximadamente, se elige una ganancia máxima y atenuación máxima de 6 (dB), esto es porque no se quiere llegar a la saturación del amplificador operacional, y porque no se quiere superar por mucho los valores nominales de los dispositivos electrónicos. Utilizando los intervalos dado por las ecuaciones (4) y (5), y la ecuación (3), tenemos que, para cada filtro los valores de los componentes serán los que se especifican en la tabla 4.

Filtro	R_1	R_2	R_3	C_1	C_2	f_0
1	510Ω	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	$820\text{ n}F$	$82\text{ n}F$	90 (Hz)
2	510Ω	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	$150\text{ n}F$	$15\text{ n}F$	500 (Hz)
3	510Ω	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	$18\text{ n}F$	$1,8\text{ n}F$	4.11 (kHz)

Cuadro 4: Valores de los componentes para cada filtro

5.4. Simulacion de cada filtro

Consecuentemente, se procederá a simular y observar los resultados de cada filtro por separado, verificando que cada uno se comporte como se espera.

5.4.1. Filtro para tonos graves

Como se demostró previamente, los tonos graves son los que mas potencia entregan en la mayoría de las piezas musicales, por ende, deberá ser prudente que el filtro de los tonos graves funcione adecuadamente. Si simulamos el circuito con los valores dichos en la tabla 4, obtenemos lo que se puede ver en la Figura 18.

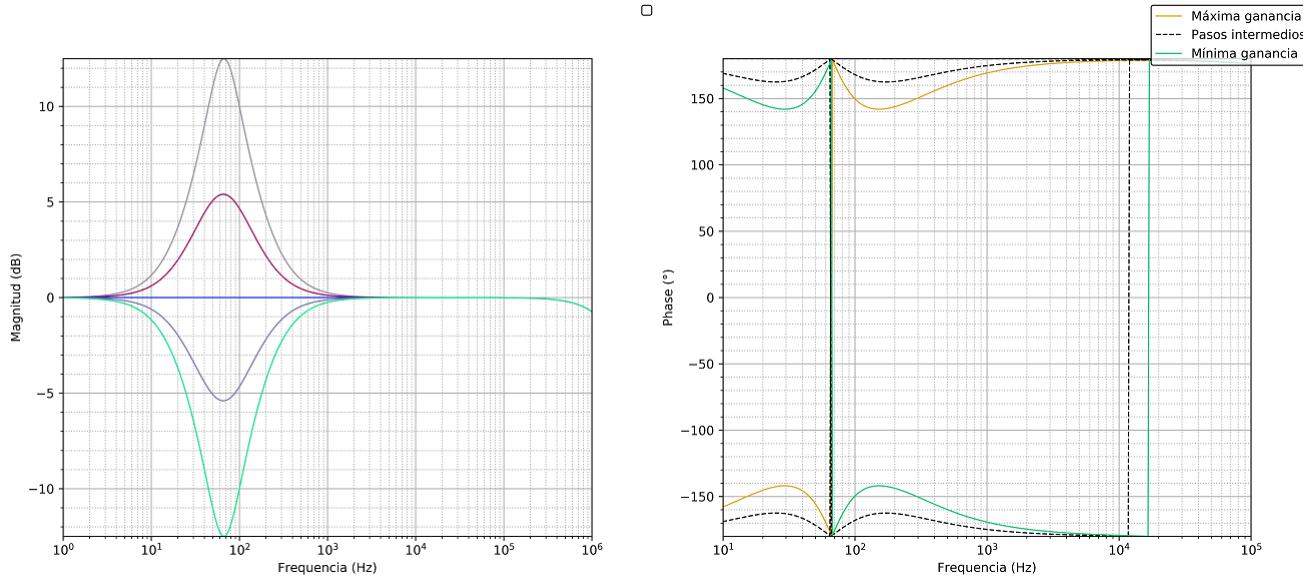


Figura 18: Transferencia del ecualizador de tonos graves

Como se puede observar, nuestro filtro se comporta como lo esperado en magnitud, sin embargo, ya se puede prever, que debido al ancho de banda del filtro, en la etapa de combinacion de filtros, estos se van a superponer.

5.4.2. Filtro para tonos medios

Por otro lado, si graficamos el modulo de la transferencia del circuito para los tonos medios, obtenemos la Figura 19.

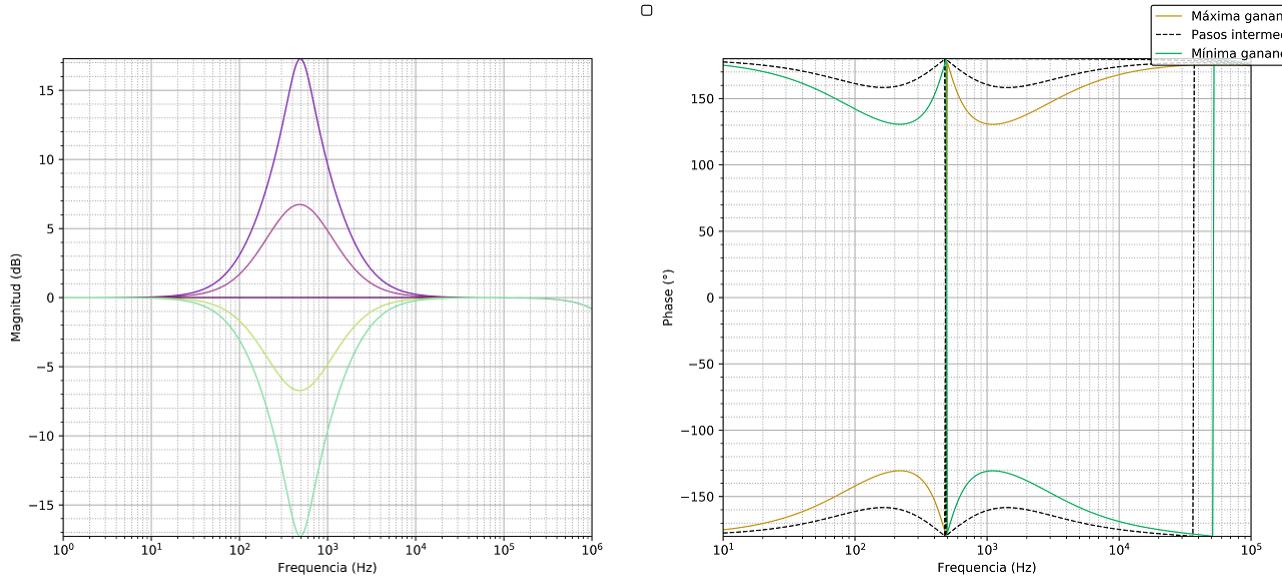


Figura 19: Transferencia del ecualizador de tonos medios

5.4.3. Filtro para tonos agudos

Por ultimo, al graficar la transferencia para el filtro de tonos agudos, se obtiene la Figura 20.

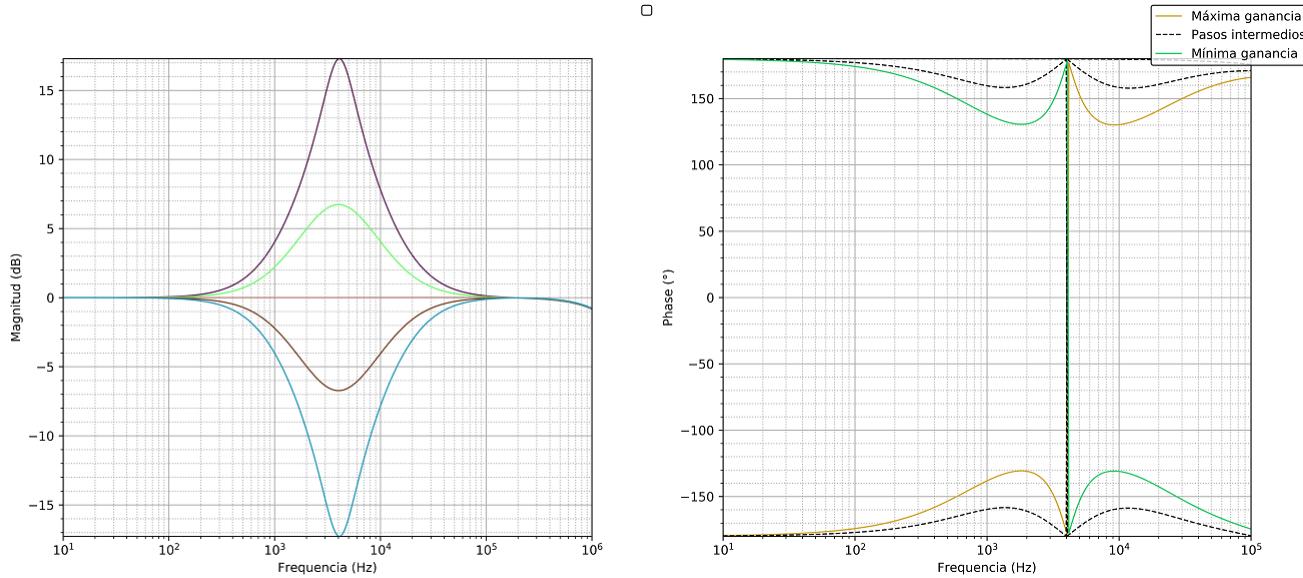


Figura 20: Transferencia del ecualizador para tonos agudos

5.4.4. Conclusión

Si bien podemos observar que los filtros se van a superponer, es inevitable que esto suceda. Esto se debe a las limitaciones del filtro propuesto, ya que el ancho de banda logrado, no es lo suficientemente pequeño como para aislarse completamente un filtro de otro. Para evitar que estas superposiciones nos afecten demasiado en nuestro circuito, se deberá tener en cuenta como se conectan entre si cada filtro para que afecten se interfieran entre sí lo menos posible. Esto sera detallado posteriormente.

5.5. Interconexión de filtros

Como es posible imaginar, los 3 filtros pueden interconectarse principalmente de 2 maneras, en paralelo o en cascada, a lo largo de esta subsección se procederá a analizar los beneficios y deficiencias de cada una de estas interconexiones, y se detallara cual es la mas conveniente a utilizar en este caso.

5.5.1. Interconexion en paralelo

Un diagrama básico de como prdría ser una interconexion en paralelo se muestra en la Figura 21.

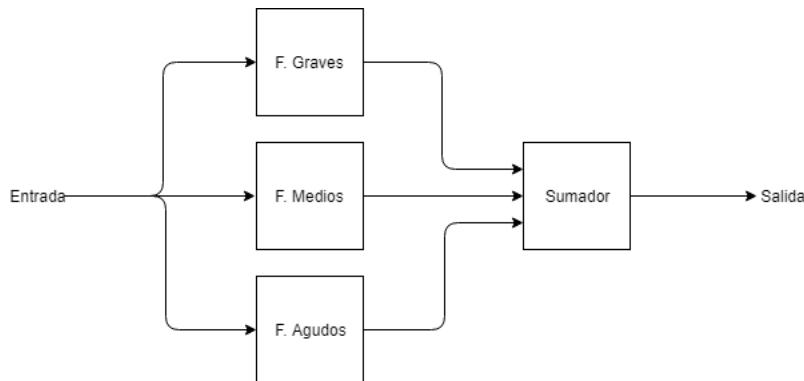


Figura 21: Diagrama de conexiones en paralelo

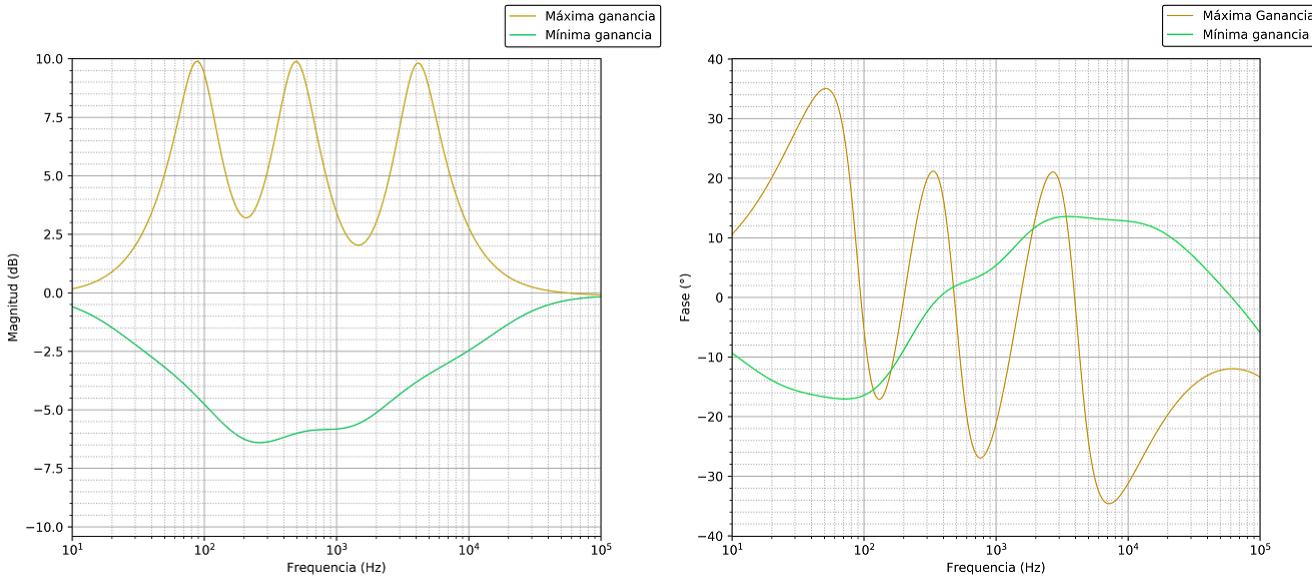


Figura 22: Simulación de interconexion en paralelo para caso de máxima y mínima ganancia

Como se puede ver en la Figuras 22, el ancho de los filtros para la máxima atenuación produce una superposicion de filtros no deseada, en cambio en el caso de la máxima ganancia, el ancho de los filtros permanecen demasiado pequeños, por lo que el control sobre la banda de frecuencias intermedias no será el deseado. Sumado a esto, se debe tener en cuenta que utilizar un diagrama en cascada agrega un amplificado operacional extra para poder realizar la suma de las 3 señales, por lo cual, esto significará un costo adicional a la implementación del ecualizador de tonos.

5.5.2. Interconexion en cascada

La otra opción para conectar los filtros entre sí es la interconexion en cascada, un diagrama básico de esta conexión se muestra en la Figura 23. Al conectar los filtros de esta manera y simular la transferencia del ecualizador para la máxima y la mínima ganancia se obtienen los resultados que se observan en la Figura 24.

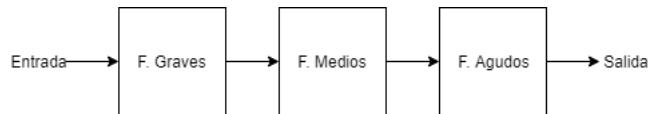


Figura 23: Diagrama de conexiones en cascada

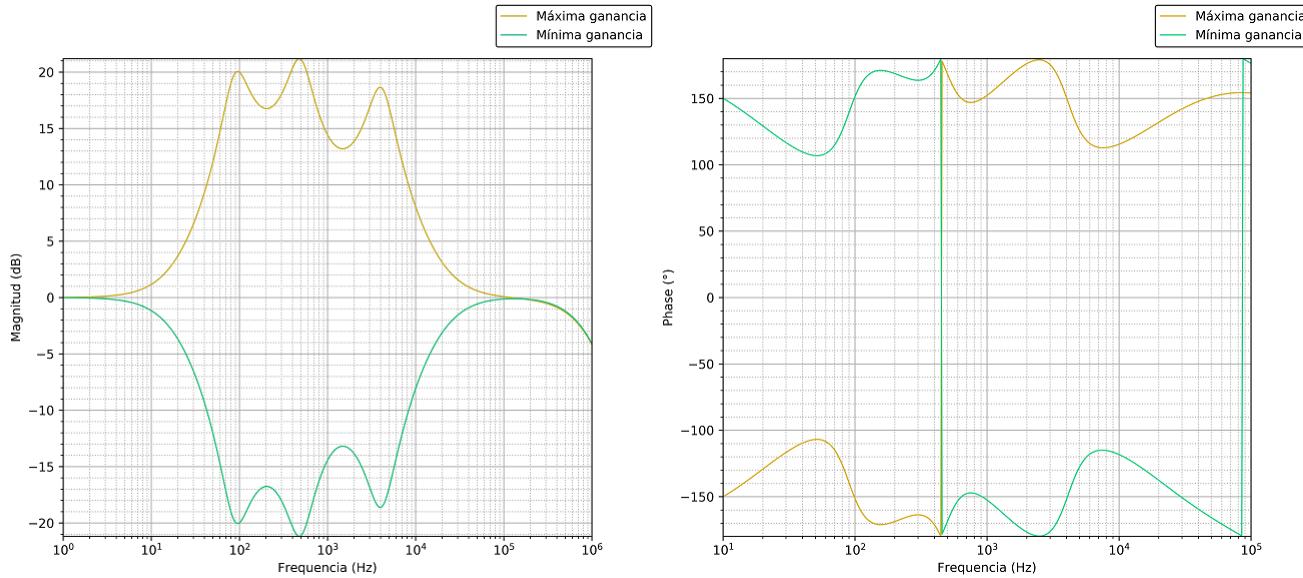


Figura 24: Simulación de interconexion en cascada para caso de máxima y mínima ganancia

Como se puede observar, la interconexión en cascada provee mas robustes frente a la variación de los anchos de banda de cada filtro, manteniendolos a fines practicos, constantes. De esta manera, el ecualizador se comportará prácticamente simétrico frente a ganancia y atenuación, y de esta manera se obtendrá mayor control sobre las bandas deseadas de la pieza musical.

5.6. Conclusión

Debido a los inconvenientes mencionado para la interconexión en paralelo, se decidió utilizar una conexión en cascada, sin embargo, es necesario aclarar que debido a la alta ganancia y atenuación (aproximadamente 20 (dB)) que posee el ecualizador, se deberán cambiar los valores de los componentes, o agregar un atenuador a la salida del ecualizador para poder controlar esta alta ganancia y que no dañe los equipos utilizados para reproducir sonido. Para lograr esto, se decidieron cambiar los componentes a los que se observan en la tabla 5.

Filtro	R_1	R_2	R_3	C_1	C_2	f_0
1	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	390 nF	39 nF	97.4 (Hz)
2	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	68 nF	$6,8\text{ nF}$	558,9 (Hz)
3	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	10 nF	1 nF	3.8 (kHz)

Cuadro 5: Componentes para cada filtro

Por lo tanto, simulando ahora el nuevo ecualizador, se puede ver en la Figura 25, que la ganancia no supera un valor maximo razonable, por lo tanto, no dañará a nuestros equipos.

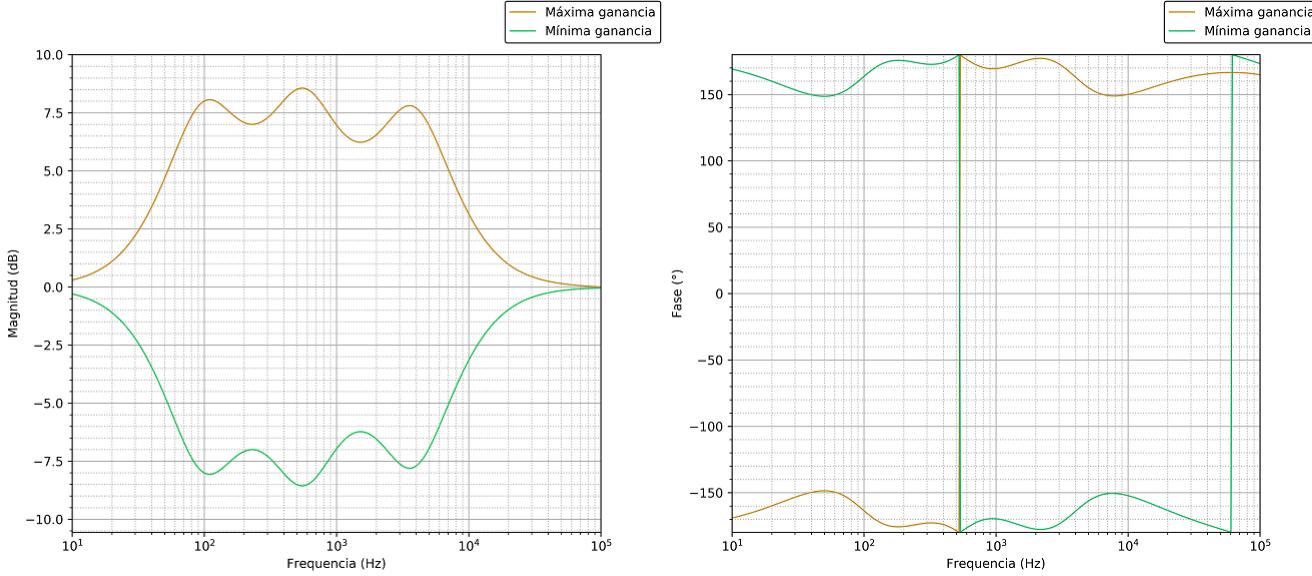


Figura 25: Simulación del ecualizador para la máxima y mínima ganancia

6. Implementación

Para la implementación del ecualizador dicho previamente, se eligió el amplificador operacional LM833, debido a su particular enfasis en la performance de equipos de audio. Segun su datasheet, cada integrado del LM833 cuenta con 2 amplificadores operacionales, por eso fue que se decidió utilizar un ecualizador de 4 bandas en lugar de uno de 3 bandas, para asi, no desperdiciar el amplificador restante. Esto significa que, a partir de ahora, nuestro circuito consistirá en 4 etapas de filtros, siendo la ultima, el filtro de alta frecuencia. Por lo tanto, los valores de los componentes finales del PCB son los descriptos en la tabla 6.

Filtro	R_1	R_2	R_3	C_1	C_2	f_0
1	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	390 nF	39 nF	97.4 (Hz)
2	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	68 nF	$6,8\text{ nF}$	558,9 (Hz)
3	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	10 nF	1 nF	3.8 (kHz)
4	$2,5\text{ k}\Omega$	$10\text{ k}\Omega$	$100\text{ k}\Omega$	$2,7\text{ nF}$	270 pF	14 (kHz)

Cuadro 6: Valores de los componentes para la implementación en PCB

Por lo tanto las simulaciones para la máxima y minima ganancia del ecualizador es la que se muestra en la Figura 26. Como se puede observar, si bien los filtros de frecuencias altas se superponen, esto significa un alto control sobre esas frecuencias, sumado a esto, suele ser normal que las frecuencias por arriba de 10 (kHz) molesten al oido humano sibilantes, por lo tanto, tener control sobre esas frecuencias y atenuarlas adecuadamente a gusto, es una ventaja frente a un ecualizador de 3 bandas.

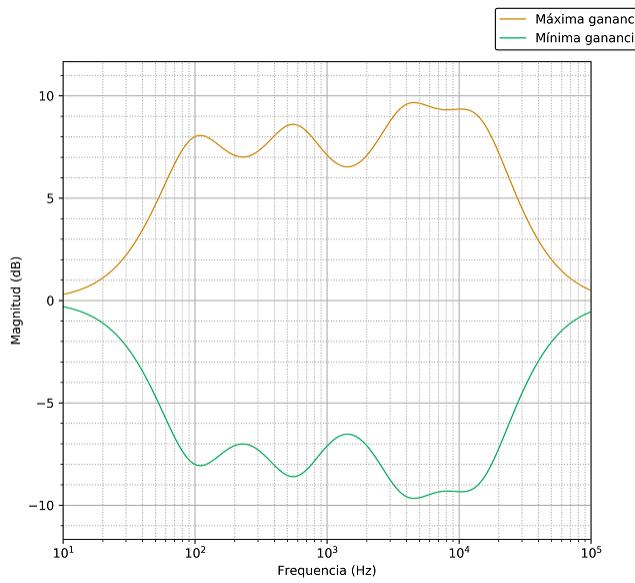


Figura 26: Magnitud de la transferencia con máxima y mínima ganancia del ecualizador

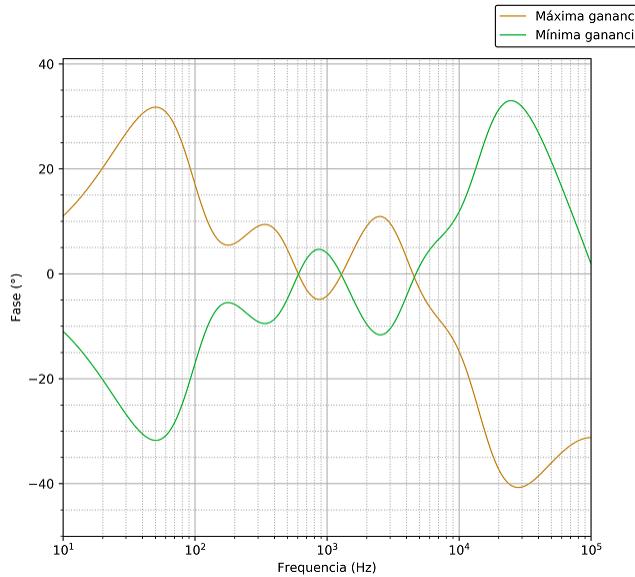


Figura 27: Fase de la transferencia con máxima y mínima ganancia

Para implementar este ecualizador se utilizó el esquemático y el PCB que se muestran en las figuras 28 y 29.

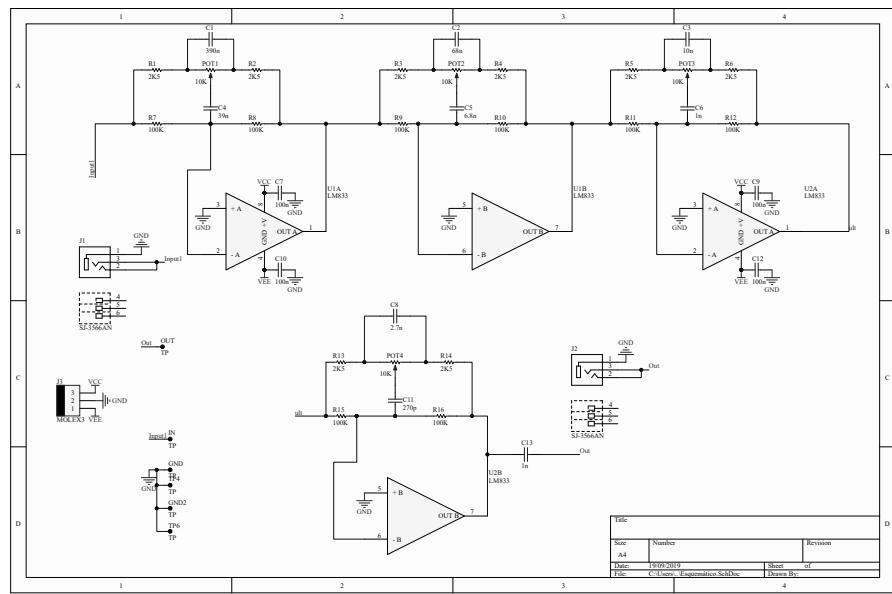


Figura 28: Esquemático

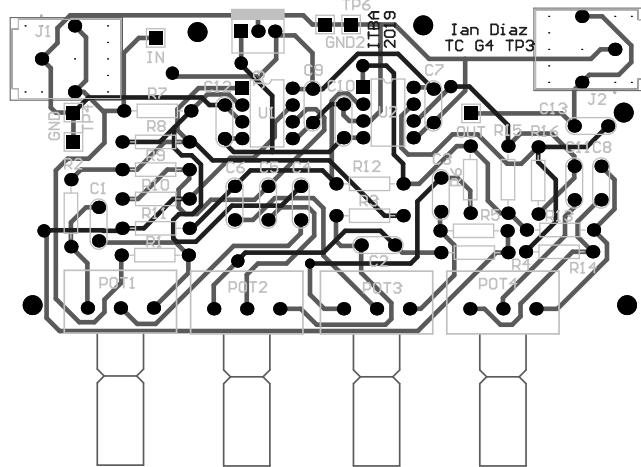


Figura 29: PCB

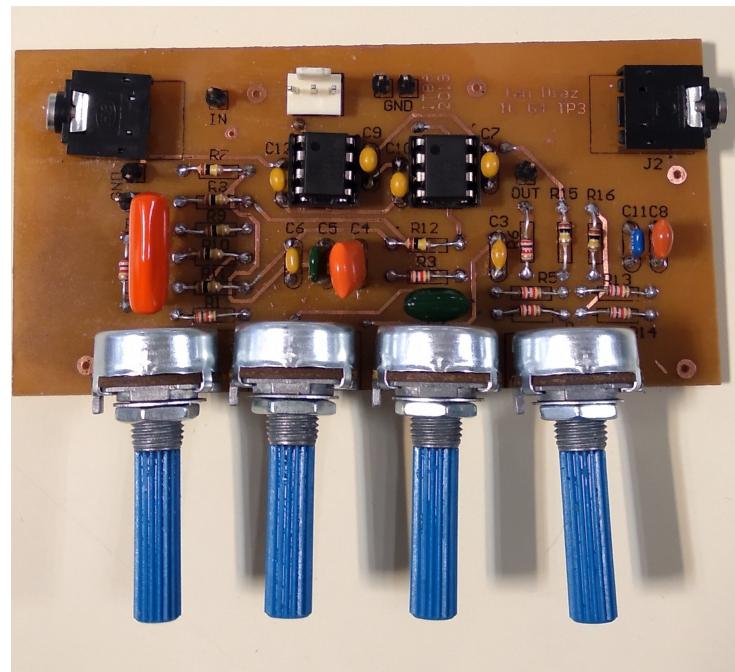


Figura 30: PCB Finalizado

6.1. Mediciones

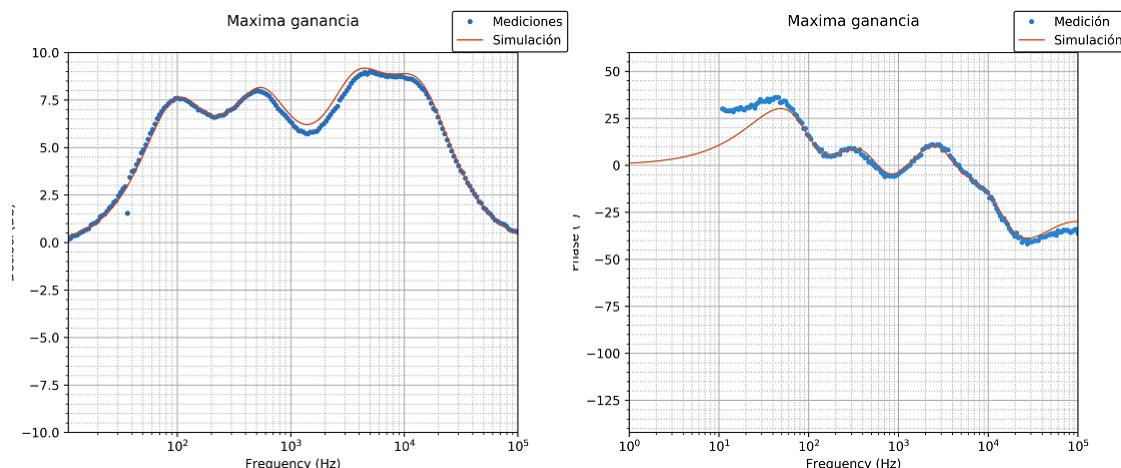


Figura 31: Máxima ganancia

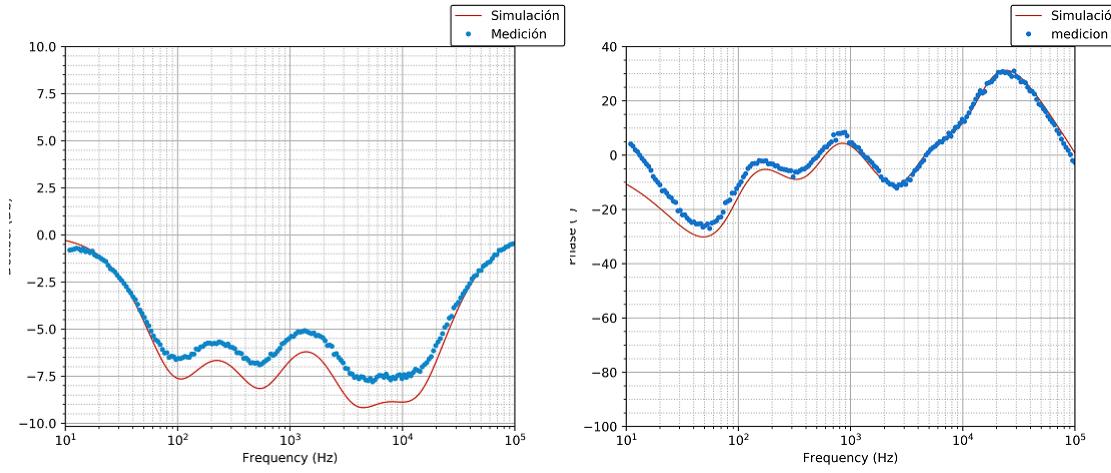


Figura 32: Mínima ganancia

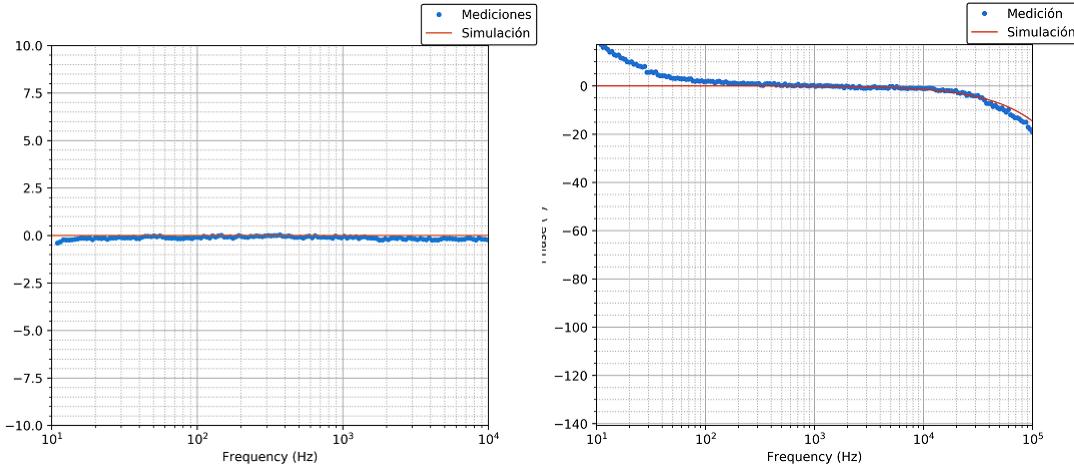


Figura 33: Sin ganancia ni atenuación

Figura 34: Impedancia de salida de un sistema

7. Conclusión

Como se pudo observar en la figura 34, la impedancia de salida del sistema no es lo suficientemente baja, por lo tanto, se generará un divisor resistivo a la salida del sistema conectada con parlantes convencionales, lo que generará una caída en potencia entregada al parlante, por lo cual, el sonido resultante ecualizado será de menor potencia que el original. Sin embargo, esto es fácilmente solucionable simplemente inyectando un buffer a la salida del sistema. Hay 2 formas de hacerlo, soldando un integrado extra de amplificadores operacionales (lo cual requeriría un costo extra en la producción del ecualizador), o simplemente cambiando las 2 últimas bandas de tonos agudos del ecualizador, por una sola banda de un tono intermedio entre esas 2 bandas, así liberando el cuarto amplificador, se lo puede utilizar como buffer. Una última solución posible, es cambiar los componentes pasivos del sistema, de manera tal que la amplificación (o atenuación) de cada banda sea lo suficientemente grande como para que la salida del sistema, incluyendo el divisor resistivo a la entrada de los parlantes, supere la potencia entregada inicialmente por el reproductor musical utilizado. En este último caso, sin embargo, se debe considerar que el amplificador operacional no sature en el proceso de amplificación, ya que se podrían generar distorsiones a la salida, que son efectos no deseados.

Finalmente, se concluye que siempre que se trabaje con el espectro del sonido, se debe tener especial cuidado en las bandas de ecualización que se elijan, ya que al no haber demasiado ancho de banda, los filtros elegidos pueden superponerse y crear efectos no deseados. A su vez, es necesario recalcar, que si bien con una etapa sola, podemos amplificar o atenuar una banda deseada, la fase tambien cambiara lo cual, a fines practicos, generara una pequena distorsion a la señal de salida.