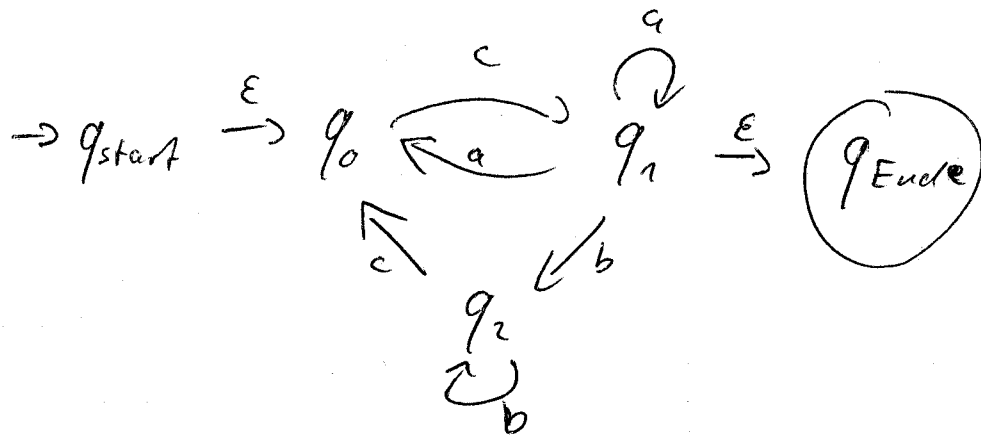
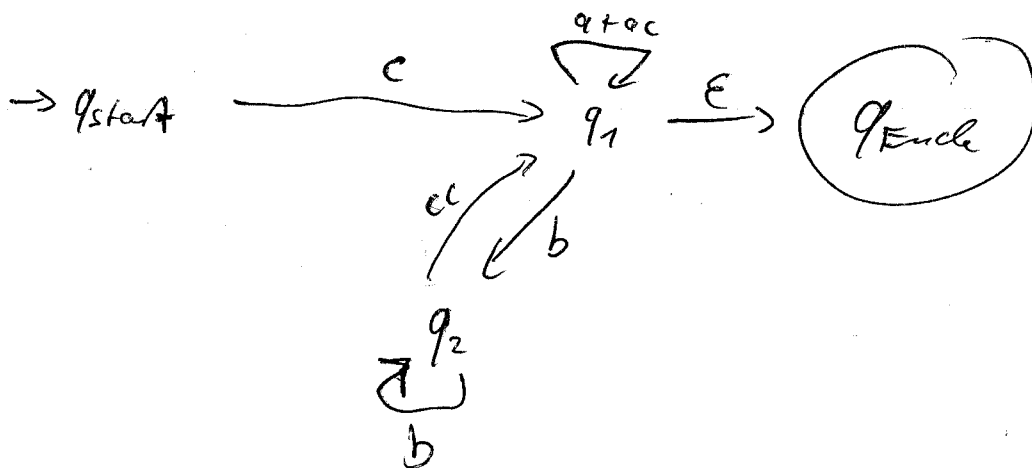


14.) Vorbemerkung:  $bc^*(bc)^*$

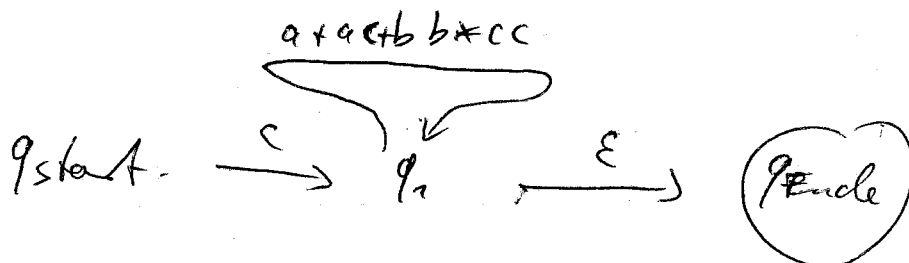
a.) NEAs  $\leadsto$  reguläre Ausdrücke



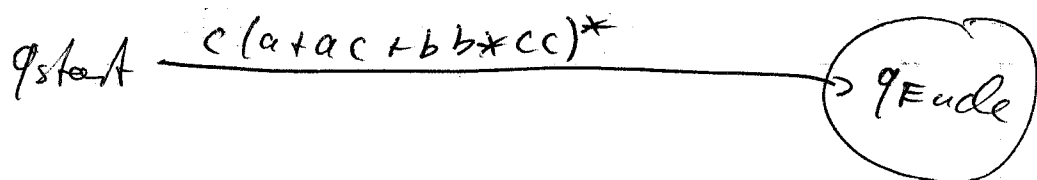
z.)  $q_0$  eliminieren VZ:  $q_{start}, q_1, q_2$   
NZ:  $q_1$



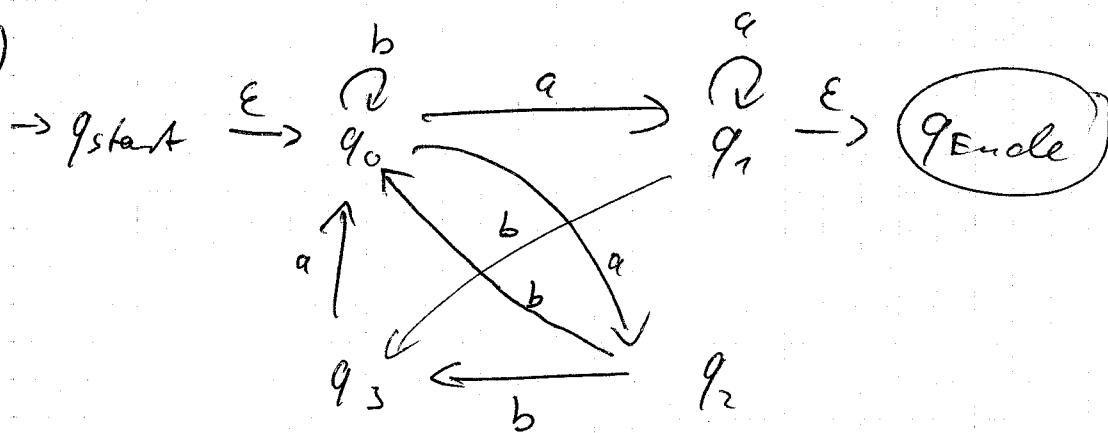
3.)  $q_2$  eliminieren: VZ:  $q_1$  NZ:  $q_1$



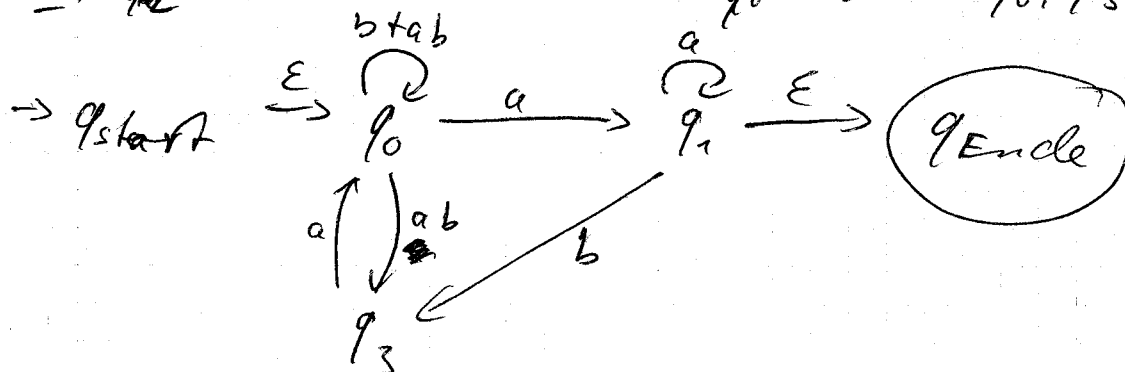
4.)  $q_1$  eliminieren: VZ:  $q_{start}$  NZ:  $q_{Ende}$



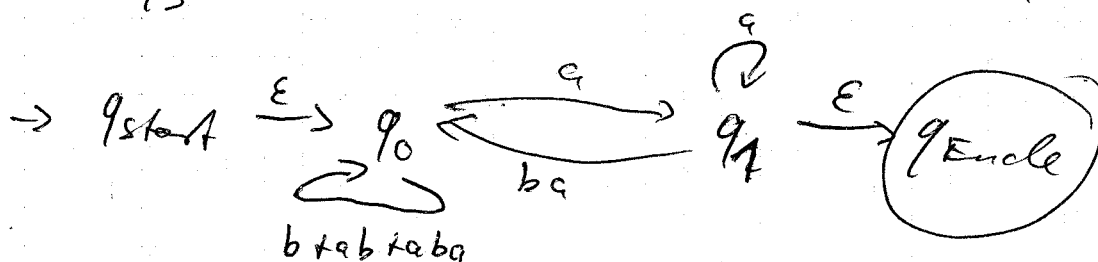
b.) 1.)



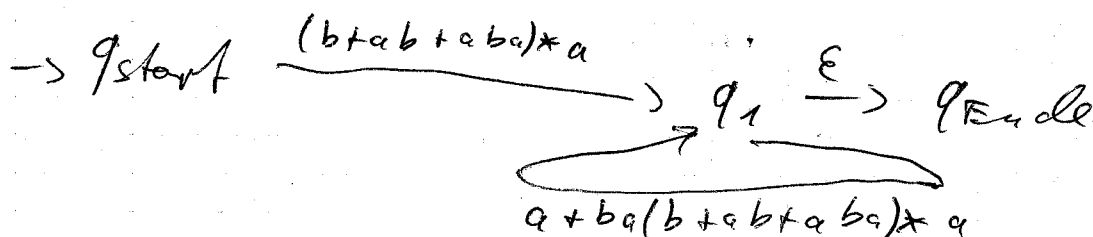
2.)  $q_2$  eliminieren  $VZ: q_0$   $NZ: q_0, q_3$



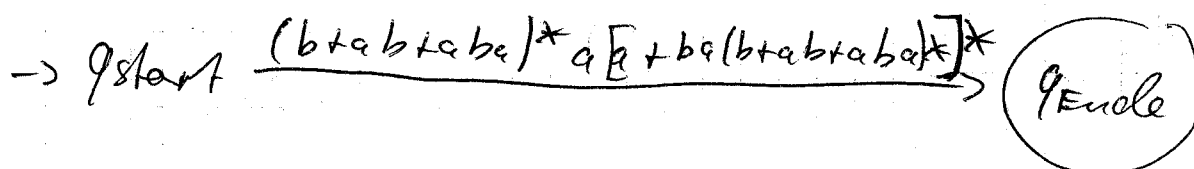
3.)  $q_3$  eliminieren  $VZ: q_0, q_1$   $NZ: q_0$



4.)  $q_0$  eliminieren  $VZ: q_{start}$   $NZ: q_1$

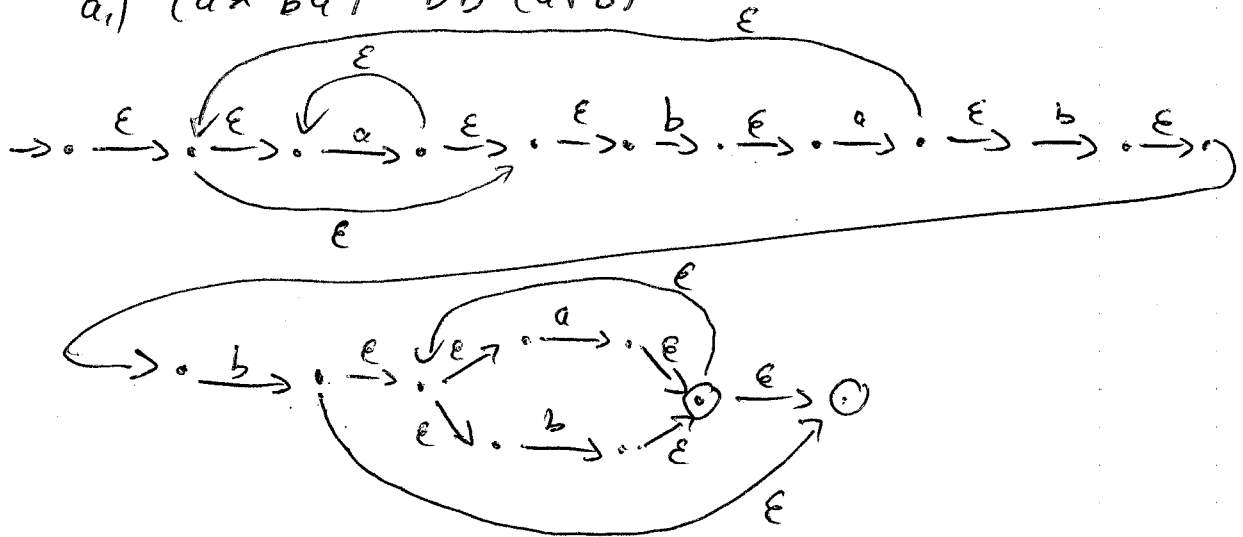


5.)  $q_1$  eliminieren  $VZ: q_{start}$   $NZ: q_{Ende}$

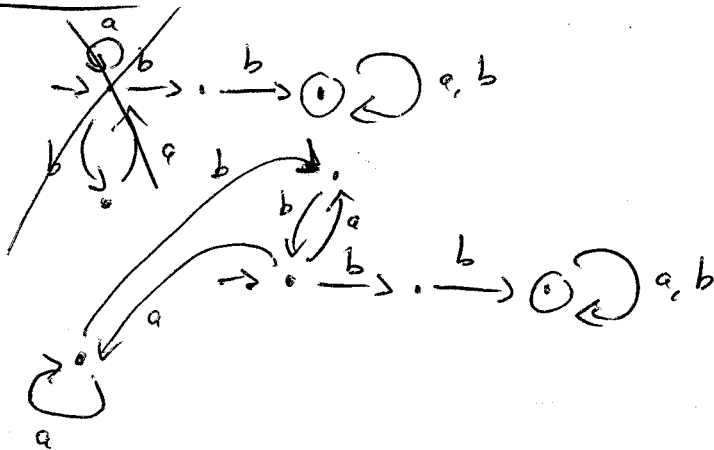


15.)

a.)  $(a^* b a)^* b b (a+b)^*$

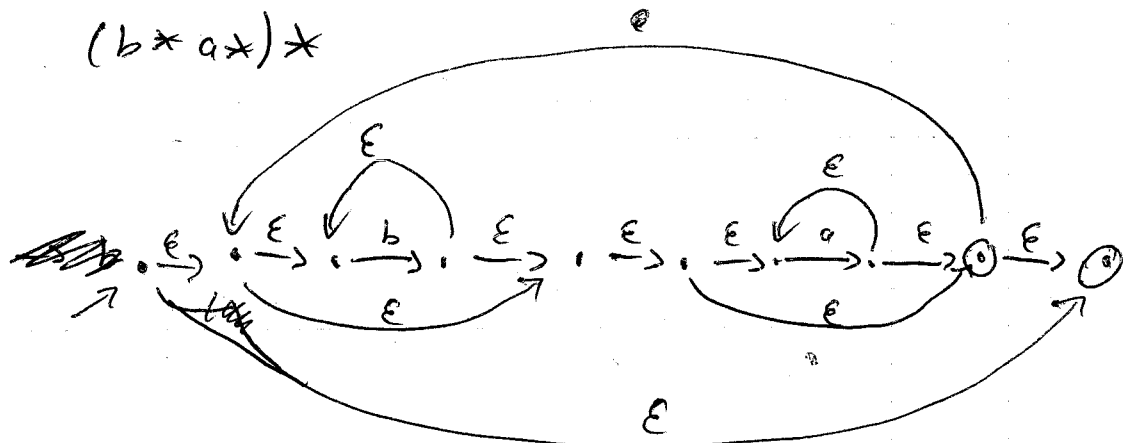


kürzer:



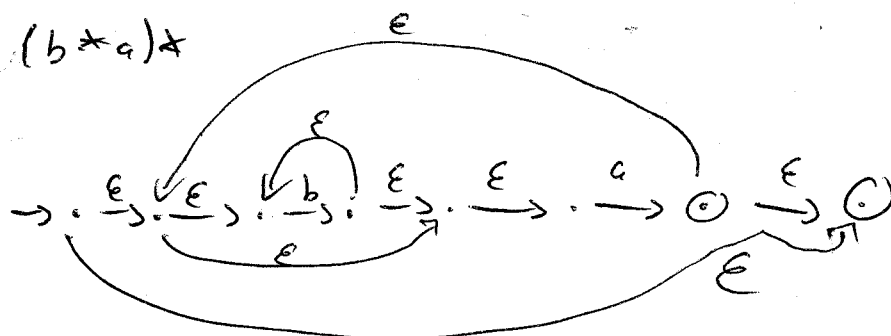
b.) (i.)  $(b^* a^*)^*$

$\mathcal{A}_1$ :



(ii.)  $(b^* a)^*$

$\mathcal{A}_2$ :



Äquivalent zu  $A_3$ :  $\rightarrow (q_0) \xrightarrow{a,b} ?$

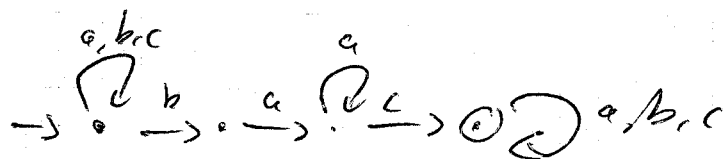
$A_1$ : Ja, da durch die E-Trans. alle möglichen Kombinationen aus „a“ und „b“ in bel. Reihenfolge zusammengesetzt werden können.

$A_2$ : Nein. Sofern der akzeptierte Wort nicht leer ist, muss so ein Wort ein a enthalten und somit z.B.  $b \in L(A_3)$  aber  $b \notin L(A_2)$

16.) a.) NEA mit 4 Zuständen

$$\Sigma = \{a, b, c\} \quad P = baa^*c$$

$$\Sigma^* baa^* c \Sigma^*$$



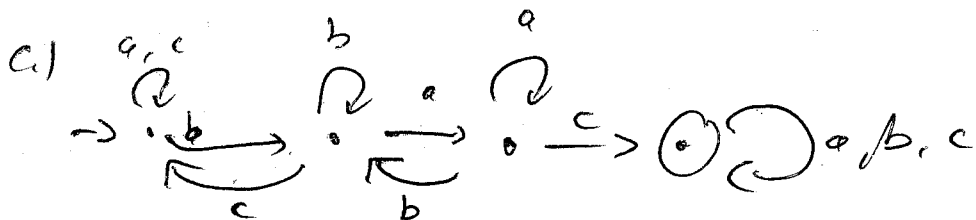
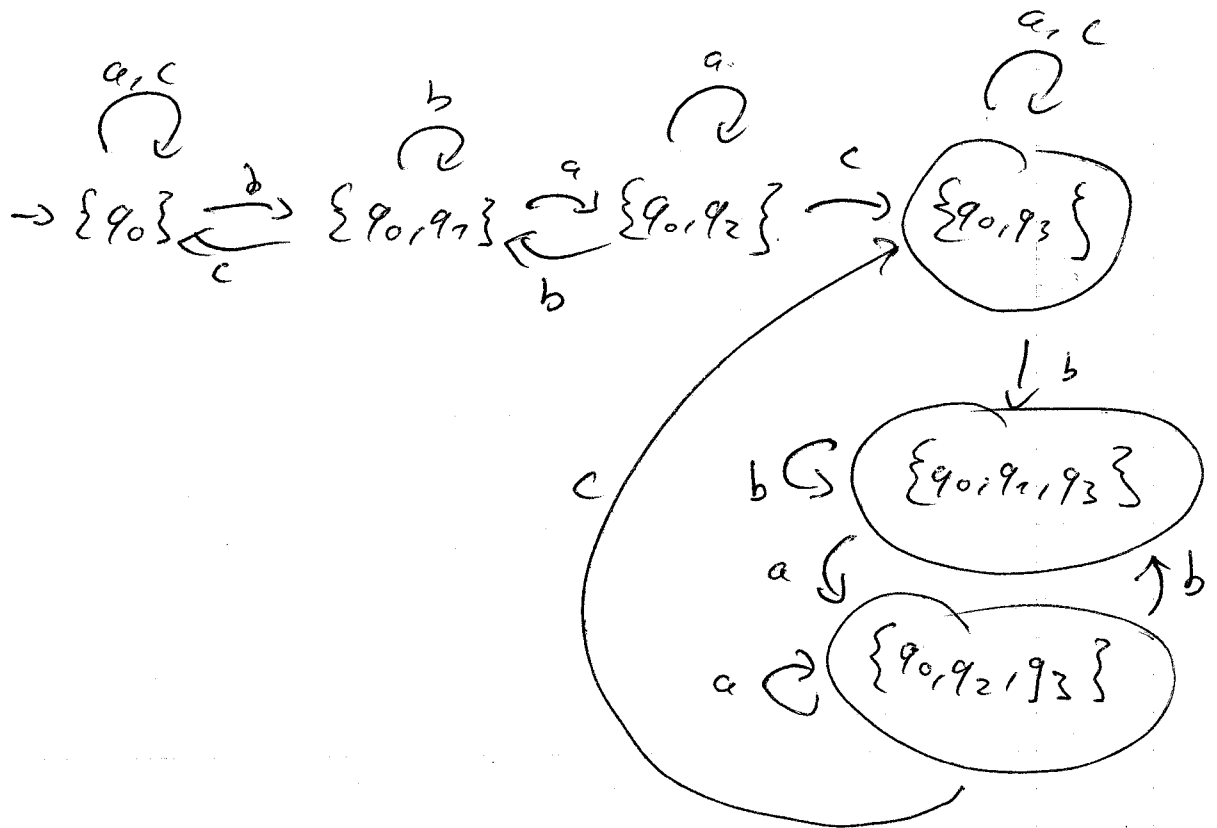
b.)

|                 | a               | b               | c          |
|-----------------|-----------------|-----------------|------------|
| $q_0$           | $q_0$           | $q_0, q_1$      | $q_0$      |
| $q_0, q_1$      | $q_0, q_2$      | $q_0, q_1$      | $q_0$      |
| $q_0, q_2$      | $q_0, q_2$      | $q_0, q_1$      | $q_0, q_3$ |
| $q_0, q_3$      | $q_0, q_3$      | $q_0, q_1, q_3$ | $q_0, q_3$ |
| $q_0, q_1, q_3$ | $q_0, q_2, q_3$ | $q_0, q_1, q_3$ | $q_0, q_3$ |
| $q_0, q_2, q_3$ | $q_0, q_2, q_3$ | $q_0, q_1, q_3$ | $q_0, q_3$ |

$$A' = (Q', \Sigma, \{q_0\}, \delta', F')$$

$Q', \delta'$  siehe Tabelle

$$F' = \{p \in Q' \mid q_3 \in p\}$$



Äquivalenz: sobald in  $A'$  in Endzustand angekommen, wurde das Pattern erkannt, was danach gelesen wird, ist egal  
 $\rightarrow$  selbstschleife

$$\underline{17.)} \quad \underline{a_1)} \quad w \in L_1 \sqcup L_2$$

$$\Leftrightarrow w = u_1 v_1 \dots u_n v_n, \quad u \neq \emptyset \quad \text{und} \\ u = u_1 \dots u_n \in L_1 \\ v = v_1 \dots v_n \in L_2$$

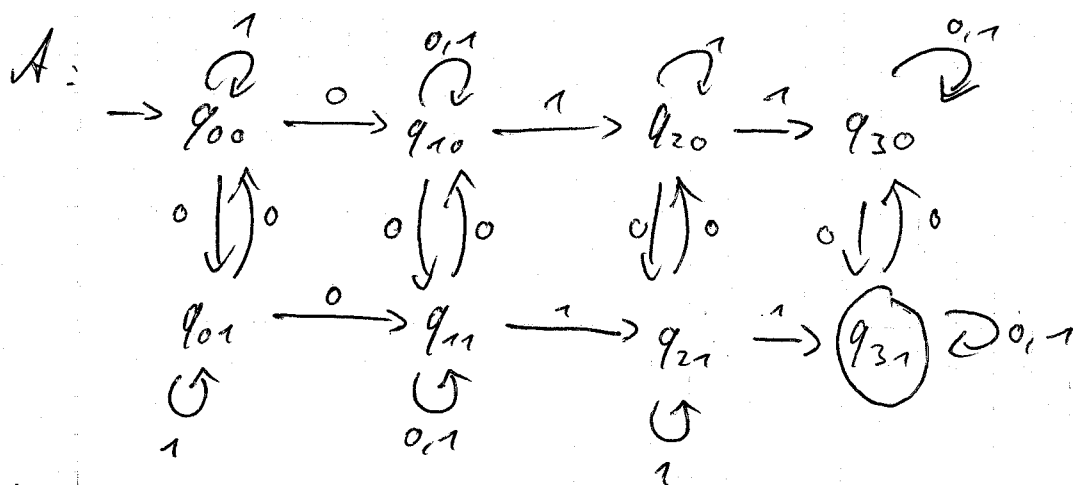
$$u_i, v_i \in \underline{\underline{\Sigma^*}}$$

~~NEA~~  $A_1, A_2$  gegeben

NEA für  $L(A_1) \sqcup L(A_2)$

Idee: „Entweder der eine oder der andere“

hier: erster Index für  $A_1$ , zweiter für  $A_2$



b.) allgemeine Konstruktion:

$$\text{geg.: } A_1 = (Q_1, \Sigma, q_0^1, \Delta_1, F_1)$$

$$A_2 = (Q_2, \Sigma, q_0^2, \Delta_2, F_2)$$

$\leadsto$  konstruiere

$$A = (Q, \Sigma, q_0, \Delta, F) \quad \text{wobei folgt:}$$

$$Q = Q_1 \times Q_2, \quad q_0 = (q_0^1, q_0^2) \quad F = F_1 \times F_2$$

$$\Delta = \{ (q, q'), a, (p, p') \mid [(q, a, p) \in \Delta_1 \wedge q' = p'] \vee [(q', a, p') \in \Delta_2 \wedge q = p] \}$$

□