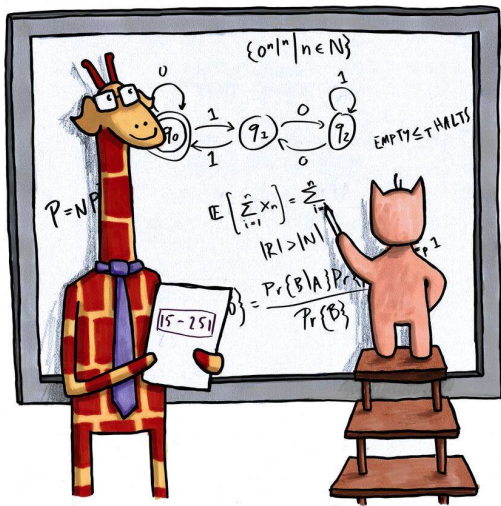


# 程序综合报告

唐雯豪, 易普, 谢睿峰

EECS, PKU  
January 6, 2021



math is hard, but you don't have to do it alone!

# Outline

- 1 概述
- 2 方法一：VSA
- 3 方法二：直接法
- 4 方法三：DSL 增强的搜索
- 5 方法四：基于 Rosette 的暴力展开
- 6 总结

# 概述

我们小组设计并实现了四种方法，最后提交的程序使用了其中三种方法并行求解，可以解出 open tests 中所有测试用例，并且具有一定泛化能力。

# Outline

- 1 概述
- 2 方法一：VSA**
- 3 方法二：直接法
- 4 方法三：DSL 增强的搜索
- 5 方法四：基于 Rosette 的暴力展开
- 6 总结

# 算法过程

和上课讲的基本相同：

1. 随机生成几个样例
2. 从样例中生成 VSA 并求交
3. 从求交后的 VSA 中生成任意一个程序
4. 扔给 SMT solver，有反例的话从反例生成 VSA 并跟当前 VSA 求交，重复上一步；否则得到结果

# 效果

写得太差了，只能解出 three 和 max2  
max3 中随着样例数量增加，VSA 中非终结符数量的增长：33 → 208 → 1466 → 10251 → 71990 → VSA 求交函数爆栈  
沉没成本，果断放弃

# Outline

- 1 概述
- 2 方法一：VSA
- 3 方法二：直接法**
- 4 方法三：DSL 增强的搜索
- 5 方法四：基于 Rosette 的暴力展开
- 6 总结

# 观察

1. SyGuS 问题直接给了我们函数结果的约束
2. 大多数对函数结果的约束都是等号约束
  - 对于 open tests 来说，除了 max 系列问题之外都是只有等号约束
  - 并且除了 three 问题之外，所有等号约束都是函数结果只出现在等号一边（也就是没有递归约束）

→ **直接**从约束中综合出程序。



# 算法过程

主要想法：提取每个对函数结果的等号约束成立时的条件，然后把整个程序写成一堆 if 语句。

具体分为三个步骤：

1. 约束规范化
2. 分支提取
3. 局部搜索

# 约束规范化

1. 将所有 constraint 语句用 and 连起来
2. 对于传递了常数的函数调用，将常数参数作为一个条件前置，比如将  $f\ 3\ \dots = y$  转化成  $(x = 3) \rightarrow f\ x\ \dots = y$
3. 将  $A \rightarrow B$  转化成  $\neg A \wedge B$
4. 使用  $\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$ ,  $\neg(A \vee B) = \neg A \wedge \neg B$ ,  $\neg\neg A = A$  将  $\neg$  下传并消减。
5. 将连续的 and 和 or 合并成一个，比如将  $(and\ x\ (and\ y\ z))$  转化成  $(and\ x\ y\ z)$

最终的约束树中的只有多分支的 and 和 or，所有 not 都在最底层。

# 分值提取

从规范化后的约束中提取每个对函数结果的等号约束成立时的条件。

在这里我们假设约束确实对应了一个函数（可以是 partial 的）。只需要分别考虑遇到 and 和 or 时应该怎么办：

- **and**: 对于所有有函数结果约束的分支  $x$ ，将其所有没有函数结果约束的兄弟分支的 and 作为  $x$  中约束成立的条件的一部分。
- **or**: 对于所有有函数结果约束的分支  $x$ ，考虑其所有没有函数结果约束的兄弟分支的 and 取反后作为  $x$  中约束成立的条件的一部分。

正确性尚未证明。

# 局部搜索

问题：SyGuS 问题中给的语法没有涵盖约束中出现的所有语法。

1. 有的语法没有给出，比如没有 `and`
2. 有的常数没有给出，比如 `5` 或者 `False`
3. 没有不动点，写不了递归

问题一和问题二都可以通过对于语法、常数或者含有它们的局部进行搜索的方法解决，也可以内置一些语法糖。搜索或者内置的结果举例：

■  $and(x, y) = ite(x, y, False)$

■  $False = x < x$

■  $x < 5 = x + x < 10$

问题三没法解决，交给其它方法做

# 一个简单的例子

```
(set-logic LIA)
(synth-fun findIdx ( (y1 Int) (y2 Int) (k1 Int)) Int
  --(Start Int ( 0 1 2 y1 y2 k1 (ite BoolExpr Start Start)))
  --(BoolExpr Bool ((< Start Start) (≤ Start Start) (> Start Start) (≥ Start Start)))
  --)
)
(declare-var x1 Int)
(declare-var x2 Int)
(declare-var k Int)
(constraint (⇒ (< x1 x2) (⇒ (< k x1) (= (findIdx x1 x2 k) 0))))
(constraint (⇒ (< x1 x2) (⇒ (> k x2) (= (findIdx x1 x2 k) 2))))
(constraint (⇒ (< x1 x2) (⇒ (and (> k x1) (< k x2)) (= (findIdx x1 x2 k) 1))))
(check-synth)
```

```
['and',
 ['or',
  ['not', ['<', 'x1', 'x2']],
  ['not', ['<', 'k', 'x1']],
  ['=', ['findIdx', 'x1', 'x2', 'k'], ('Int', 0)]],
 ['or',
  ['not', ['<', 'x1', 'x2']],
  ['not', ['>', 'k', 'x2']],
  ['=', ['findIdx', 'x1', 'x2', 'k'], ('Int', 2)]],
 ['or',
  ['not', ['<', 'x1', 'x2']],
  ['not', ['>', 'k', 'x1']],
  ['not', ['<', 'k', 'x2']],
  ['=', ['findIdx', 'x1', 'x2', 'k'], ('Int', 1)]]]
```

```
['ite',
 ['ite', ['<', 'y1', 'y2'], ['<', 'k1', 'y1'], ['<', 'y1', 'y1']],
 0,
 ['ite',
  ['ite', ['<', 'y1', 'y2'], ['>', 'k1', 'y2'], ['<', 'y1', 'y1']],
 2,
 1]]
```

# 效果

- open tests 中除了 max 和 three 都能解，并且可以在 1s 内解完。
- 理论上对于所有 SyGuS 问题，只要它对函数结果的约束只有等号约束，并且函数结果只在等号一边出现，都可以用该方法解出。
- 并没有什么实用性。
- 或许可以推广到部分带有非等号约束的问题。

# Outline

- 1 概述
- 2 方法一：VSA
- 3 方法二：直接法
- 4 方法三：DSL 增强的搜索**
- 5 方法四：基于 Rosette 的暴力展开
- 6 总结

# 动机

1. “目前 Synthesis 方法的效率高度依赖 DSL 的设计”
2. MaxFlash 论文里和 TText 对比时说 TText 的 DSL 有 regex 所以它解的更快。
3. 加上  $\text{max}(x, y) = \text{ite}(x < y, y, x)$  这个语法糖后 max 问题的程序可以随便写。

→ 在 DSL 中加入一些更强的构造，并优先使用这些构造进行搜索，搜出程序后再加一个解语法糖的过程。



# 效果

max 问题都可以很快的搜出来。

我们组提交的测试用例是 min15，也可以很快的搜出来。

但我们现在只加了 max 和 min 这两个语法，只对含有需要他们的程序有优化效果。

# Outline

- 1 概述
- 2 方法一：VSA
- 3 方法二：直接法
- 4 方法三：DSL 增强的搜索
- 5 方法四：基于 Rosette 的暴力展开**
- 6 总结

# 算法过程

- Rosette 是 Racket 语言的一个扩展，提供了 solver-aided programming 的能力，简单来说就是可以直接把代码扔给 SMT solver。
- 并且 Rosette 提供了一个 *define – synthax* 语法构造，可以定义一个 CFG 并且暴力展开 k 层，然后扔给 SMT solver 求解。
- 于是我们在外面套了一个对于 k 的迭代加深然后暴力展开求解。
- 实际上这个东西非常慢，不对 SyGuS 给出的语法做一些剪枝的话，max3 都要解几分钟。

# Outline

- 1 概述
- 2 方法一：VSA
- 3 方法二：直接法
- 4 方法三：DSL 增强的搜索
- 5 方法四：基于 Rosette 的暴力展开
- 6 总结**

# 总结

- 我们最后的方案是并行跑直接法、DSL 增强的搜索和基于 Rosette 的暴力展开。
- 实际上只需要前两种方法就可以解出 open tests 中的所有问题。（还带着 Rosette 的原因是因为时间仓促搜索法有个搜不出 three 的 bug 还没来得及修）
- 实现上，使用了 Python, Haskell, Racket 三种语言，遇到了一系列徒手造轮子和并行问题。

# 谢谢聆听.

