算法基础 2022 春
 experiment 3

 任课教师: 陈雪
 due: April 30, 23:59

(1) 只准讨论思路, 严禁抄袭, 查重时发现重合度极高的实验代码取消当次实验分数。

- (2) 只能阅读 bb 上的材料和教材算法导论。严禁网上搜寻任何材料,答案或者帮助。
- (3) 禁止直接使用库函数实现实验题目的主要算法。

**问题 1** (25 分). 给定任意一个序列  $a_1, \dots, a_n$ ,其中没有重复元素。如果  $i < j < k \perp a_j > a_i > a_k$ ,三个数字的大小关系就像运动会颁奖时的领奖台。于是我们称序列中满足该条件的三元组 (i, j, k) 的个数为序列的领奖台数。设计一个算法来计算序列的领奖台数。

问题 2 (25 分). 给定任意一个序列  $a_1, \dots, a_n$  和参数 K,计算满足  $\sum_{i=L+1}^R a_i \ge K$  的最短区间长度 R-L。

**问题 3** (25 分). 给定 n 种硬币,它们面额分别为  $a_1, \dots, a_n$ 。如果我们需要用这些硬币进行找零,金额为 V。我们想知道用这些硬币进行找零,可以有多少种找零的组合。

问题 4 (25 分). 给定一个 01 矩阵  $A \in \{0,1\}^{n \times n}$ , A 中会存在很多元素全 1 且连续的子方阵  $S \in \{1\}^{k \times k}$ 。计算最大的子方阵边长 k。