

MAT 340

Ders 6

Bazi Onemli Surekli Dagilimler

Surekli Duzgun Dagilim

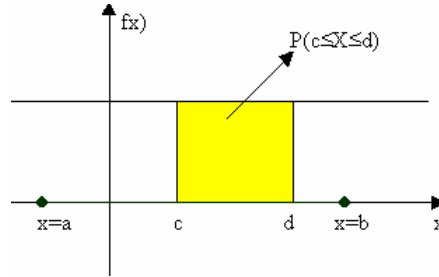
X ; $[a,b]$ araligindaki tum degerleri esit olasilikla alan bir surekli rassal degisken oldugu kabul kabul edilsin.

$[a, b]$ araliginda surekli duzgun rassal degisken X 'in yogunluk fonksiyonu

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & a \leq x \leq b \\ 0 & o.w. \end{cases}$$

Surekli Duzgun Dagilim

X s.r.d. nin olasilik yogunluk fonksiyonunun grafiksel gosterimi;



Surekli Duzgun Dagilim

$f(x)$ asagidaki ozellikleri sagladigindan dolayi bir olasilik yogunluk fonksiyonudur.

$$1) \quad f(x) \geq 0, \begin{cases} b > 0 & a < 0 & b-a > 0 \\ b < 0 & a < 0 & b-a > 0 \end{cases}$$

$$2) \quad \int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \int_a^b f(x) dx = \int_a^b \frac{1}{b-a} dx = \frac{1}{(b-a)} \cdot (b-a) = 1$$

Surekli Duzgun Dagilim

X surekli duzgun rassal degiskenin ortalamasi

$$\mu = E(x) = \int_a^b x \frac{1}{b-a} dx = \frac{1}{b-a} \frac{x^2}{2} \Big|_a^b = \frac{b^2 - a^2}{2(b-a)} = \frac{b+a}{2}$$

X r.d. degiskenin ortalamasi [a,b] araliginin orta noktasina esittir.

Surekli Duzgun Dagilim

X surekli duzgun r.d. varyansi

$$\begin{aligned}\sigma^2 = V(x) &= E(x^2) - [E(x)]^2 = \int_a^b x^2 \frac{1}{b-a} dx - \left[\frac{b+a}{2} \right]^2 \\&= \frac{1}{b-a} \frac{x^3}{3} \Big|_a^b - \frac{(b+a)^2}{4} = \frac{b^3 - a^3}{3(b-a)} - \frac{(b+a)^2}{4} \\&= \frac{b^2 + ab + a^2}{3} - \frac{(b^2 + 2ab + a^2)}{4} \\&= \frac{4b^2 + 4ab + 4a^2 - 3b^2 - 6ab - 3a^2}{12} = \frac{b^2 - 2ab + a^2}{12} \\&= \frac{(b-a)^2}{12}\end{aligned}$$

Surekli Duzgun Dagilim

Ornek

[0,2] araliginda bir nokta rassal olarak secilmektedir. Secilen noktanin 1 ile 3/2 arasinda olma olasiligi nedir?

X'in o.y.f;

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} & 0 < x < 2 \\ 0 & \text{o.w.} \end{cases}$$

Surekli Duzgun Dagilim

Ornek

Bir celik cubugun dayaniklilik gucu [50,70] arasinda duzgun dagilima sahip rassal degiskendir.

$$f(h) = \begin{cases} \frac{1}{20} & 50 < h < 70 \\ 0 & \text{o.w.} \end{cases}$$

Rassal olarak secilen bir celik cubugun dayaniklilik gucunun 65'den az olma olasiligi nedir?

Surekli Duzgun Dagilim

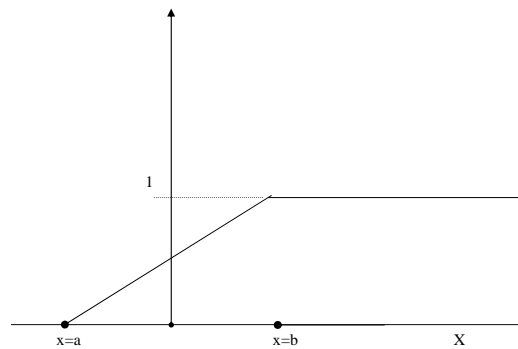
Duzgun dagilimin dagilim fonksiyonu $F(x)=P(X \leq x)$;

$$F(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(s) ds = \int_a^x \frac{1}{b-a} ds = \frac{x-a}{b-a}$$

$$F(x) = \begin{cases} 0 & x < a \\ \frac{x-a}{b-a} & a \leq x < b \\ 1 & x \geq b \end{cases}$$

Surekli Duzgun Dagilim

Surekli duzgun dagilimin dagilim fonksiyonunun grafiksel gosterimi

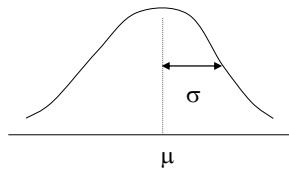


Normal Dagilim

Istatistik biliminde en onemli surekli dagilim **normal dagilimdir**.

Doga,
Endustri
Arastirma

Normal dagilimin grafiksel gosterimi **can egrisi** olarak adlandirilir.



Normal Dagilim

Normal dagilima sahip bir X rassal degisken **normal rassal degisken** olarak adlandirilir.

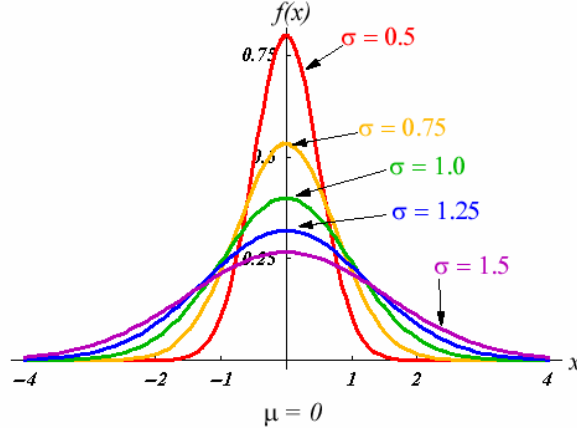
Ortalamasi μ ve varyansi σ^2 olan X normal rassal degiskenin yogunluk fonksiyonu :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-(1/2)[(x-\mu)/\sigma]^2} & -\infty < x < \infty \\ 0 & \text{o.w.} \end{cases}$$

where $\pi = 3.14159...$ and $e = 2.71828...$

Normal Dagilim

Farkli standart sapmaya (σ) sahip normal dagilimlarin grafiksel gosterimi:



Normal Dagilim

Gercek hayatta karsilasilan cogu proses degiskeni ve yigin normal dagilima sahiptir. Ornegin;

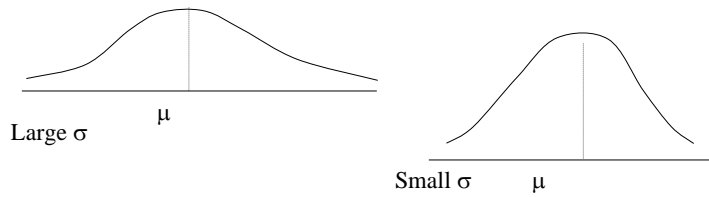
- Yukseklik
- Agirlik
- Insan ve hayvanlardaki diger fiziksel karakteristikler
- Bilimsel deneylerdeki olcum hatalari vb.

Normal Dagilim

- Can egrisi
- Ortalama etrafında simetrik
- Surekli
- Egri altındaki alan 1'e esittir.
- Yaklasik olarak
 - Ortalamadan 1 standart sapma kadar uzaklıkta kalan alan toplam alanin %68,
 - 2 standart sapma uzaklıkta kalan alan toplam alanin % 95 ve
 - 3 standart sapma uzaklıkta kalan alan toplam alanin %99.7 icermektedir.

Bu kural **Gozlemsel Kural** olarak adlandırilir.

Normal Dagilim



Standart Normal Dagilim

- Normal dagilim ile ayni ozelliklere sahiptir. Standart Normal Dagilimda;
 - Ortalama 0,
 - Varyans 1,
 - Standart sapma 1 ve
 - Degerler **z** ile gosterilir;

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

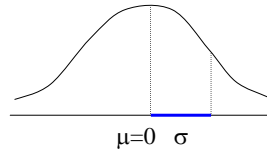
Standart Normal Dagilim

Ortalamasi 0 ve varyansi 1 olan standart normal degisken Z icin olasilik yogunluk fonksiyonu:

$$f(z) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{z^2}{2}} & -\infty < Z < \infty \\ 0 & \text{o.w.} \end{cases}$$

Standart Normal Dagilim

- Standart normal dagilim icin yogunluk egrisi, yada z egrisi:



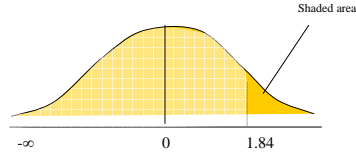
Standart Normal Dagilim

Ornek

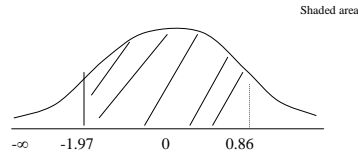
Standart normal dagilimda asagida verilen z degerleri icin egri altinda kalanalani bulunuz:

- a) $z = 1.84$ 'in saginda kalan alan
- b) $z = -1.97$ ve $z = 0.86$ arasinda kalan alan

Standart Normal Dagilim



a) $z = 1.84$ 'un saginda kalan alan (Tablo A.3'u kullanarak) $1 - 0.9671 = 0.0329$



b) $z = -1.97$ ve $z = 0.86$ arasinda kalan alan ; $z = 0.86$ 'in solunda kalan alan eksi $z = -1.97$ 'nin solunda kalan alana esittir. $0.8051 - 0.0244 = 0.7807$

Standart Normal Dagilim

Ornek

- Standart normal dagilimda z degerinin 1.25'den kucuk deger alma olasiligini bulunuz.

$$(z < 1.25) = (\text{Tablo A.3'de 1.2 satiri ile 0.05 kolonun kesisimi}) \\ = 0.8944$$

- Standart normal dagilimda z degerinin -0.38'den kucuk deger alma olasiligini bulunuz.

$$(z < -0.38) = 1 - (\text{Tablo A.3'de 0.3 satiri ile .08 kolonun kesistigi noktadaki deger}) \\ = 1 - 0.648 = 0.352$$

Standart Normal Dagilim

Standarts normal dagilim icin k=?

- (a) $P(Z > k) = 0.3015$
- (b) $P(k < Z < -0.18) = 0.4197$

Standart Normal Dagilim

Normal Dagilim

- Normal dagilim icin ilgili olasiliklarin hesaplanabilmesi icin oncelikle X degeri standardize edilerek z degeri hesaplanir. Z degeri kullanilarak ilgili olasilik degeri hesaplanir.
- X; ortalamasi μ ve varyansi σ^2 olan normal dagilima sahip olsun. X rassal degiskeni icin z degeri:

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

Standardize edilmiş sinir degerleri:

$$a^* = \frac{a - \mu}{\sigma} \quad b^* = \frac{b - \mu}{\sigma}$$

Normal Dagilim

$$\begin{aligned} \left\{ \begin{array}{l} \text{Probability of x values satisfying} \\ a < x < b \end{array} \right\} &= \left\{ \begin{array}{l} \text{probability of z values satisfying} \\ a^* < z < b^* \end{array} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} \text{Probability of x values satisfying} \\ x < a \end{array} \right\} &= \left\{ \begin{array}{l} \text{probability of z values satisfying} \\ z < a^* \end{array} \right\} \\ \left\{ \begin{array}{l} \text{Probability of x values satisfying} \\ x > b \end{array} \right\} &= \left\{ \begin{array}{l} \text{probability of z values satisfying} \\ z > b^* \end{array} \right\} \end{aligned}$$

Normal Dagilim

Ornek

X rassal degiskeni ortalamasi $\mu=50$ ve varyansi $\sigma^2=100$ olan normal dagilima sahiptir. X'in 45 ve 62 arasinda deger alma olasiligini bulunuz.

Normal Dagilim

Ornek

X r.s. degiskeni ortalamasi $\mu=300$ ve standart sapmasi $\sigma=50$ olan normal dagilima sahiptir. $P(X>362)=?$

Normal Dagilim

Ornek

X r.s. degiskeni ortalamasi $\mu=300$ ve standart sapmasi $\sigma=50$ olan normal dagilima sahiptir. $P(X>362)=?$

Cozum

$$\begin{aligned}P(X > 362) &= P(Z > 1.24) = 1 - P(Z < 1.24) \\&= 1 - 0.8925 \\&= 0.1075\end{aligned}$$

Normal Dagilim

Ornek

Ortalaması $\mu = 40$, ve standart sapması $\sigma = 6$ olan bir normal dagilim için asagidaki olasilik degerlerini veren X degerini bulunuz.

- (a) $P(X < x) = 0.45$ ise $x = ?$
- (b) $P(X > x) = 0.14$ ise $x = ?$

Normal Dagilim

Normal Dagilim

Ornek:

Bir isletmede uretilen bilyaların capinin 3 ± 0.01 cm olması istenmektedir. Belirlenen spesifikasyonların dışına çıkan bilyalar iskartaya ayrılmaktadır. Üretimi gerçekleştiren proseste bilyaların capı, ortalaması 3 cm ve standart sapması 0.005 olan normal dagilima sahiptir. Bu proseste iskartaya ayrılan bilyaların oranı nedir?

Normal Dagilim

Normal Dagilim

Ornek: Belirli bir derste ogrencilerin basarisi aritmetik ortalamasi 60 ve standart sapmasi 12 olan normal dagilima sahiptir. Bu dersin sinavina giren bir ogrencinin almisi oldugu notun

- a) 72'den buyuk
- b) 52 ile 66 arasinda
- c) 46'dan az olma olasiligi nedir?
- d) Bu sinava 80 ogrenci girdigi bilindigine gore 72 ve daha fazla puan ogrenci sayisi nedir?

Normal Dagilim

Normal Dagilim

Ornek: $X \sim N(\mu, \sigma^2)$

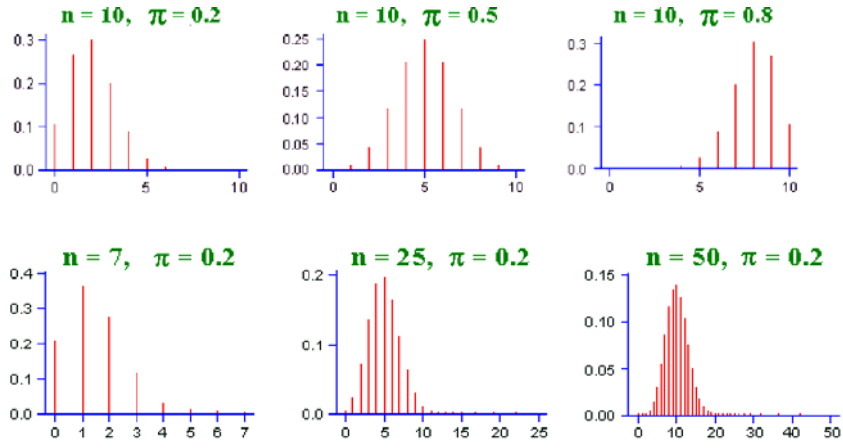
- a) $P(\mu - \sigma < X < \mu + \sigma) = ?$
- b) $P(\mu - 2\sigma < X < \mu + 2\sigma) = ?$
- c) $P(\mu - 3\sigma < X < \mu + 3\sigma) = ?$

Normal Dagilim

Binom Dagilimin Normal Dagilima Yakinsamasi

- n buyuk oldugunda binom olasilik fonksiyonu kullanarak ilgili olasiliklari hesaplamak cok zaman alici olmaktadır.
- Binom dagilim icin ilgili olasiliklari hesaplanmasi icin hazirlanan tablolardan yararlanilabilir. Bu tablolar sadece $n \leq 50$ ve secilen p degerleri icin kullanilabilir.
- n buyuk ise veya secilen n ile p degerleri icin tablo kullanilamiyorsa, ilgili olasiliklari hesaplanmasinda normal dagilimden yararlanilabilir (Binom dagilimin normal dagilima yakinsama ozelliginden dolayi).

Binom ve Normal Dagilimin Karsilastirilmesi



Binom Dagilimin Normal Dagilima Yakinsamasi

- $X \sim \text{Binom}(n, p)$
- $n > 20$ ve $0.05 < p < 0.95$ (veya $np \geq 5$ veya $n(1-p) \geq 5$) ise
- $X \sim \text{Normal}(\mu, \sigma)$
- $E(X) = \mu = np$

$$\sigma = \sqrt{np(1-p)}$$

$$z = \frac{x - np}{\sqrt{np(1-p)}} \sim N(0,1).$$

Binom Dağılımın Normal Dağılıma Yakınsaması

- Binom dağılım kesikli bir dağılım iken normal dağılım sürekli bir dağılımdır.
- Binom dağılım için normal dağılım ile hassas olasılık değerlerini elde edebilmek amacıyla süreklilik düzeltmesi yapılması gerekir.
- Bu işlem hesaplanacak olasılık değerine bağlı olarak x değerine 0.5 değerinin eklenmesi ya da çıkarılması ile gerçekleştirilir.

Binom Dağılımın Normal Dağılıma Yakınsaması

■ Örnek

Bir fakültedeki öğrencilerin %60'ı erkek %40'ı bayandır. Bu fakulteden 50 öğrenci rassal olarak seçildiğinde yarıdan fazlasının bayan olma olasılığı nedir?

- X = örnekteki bayan sayısı.
- $X \sim \text{binom}(50, 0.40)$
- $n = 50$ ve $p = 0.4$.
- $E(X) = np = 50 \times 0.4 = 20$; $np(1-p) = 50 \times 0.4 \times 0.6 = 12$,
- $X \sim N(20, 3.44)$.
- $P(X > 25) = ?$ $z = \frac{25 - 20}{\sqrt{12}} = 1.44$
- $P(X > 25) = P(Z > 1.44) = 1 - P(Z < 1.44) = 1 - 0.9251 = 0.075$

Binom Dağılımın Normal Dağılıma Yakınsaması

- Binom dağılım kullanılarak ilgili olasılık değeri hesaplandığında;
- $P(X > 25) = P(X=26) + P(X=27) + \dots + P(X=50) = 0.0573$
- süreklilik düzeltme özelliği kullanırsa;

$$p(x > 25) = p\left(z > \frac{25.5 - 20}{\sqrt{12}}\right) = p(z > 1.5877)$$

Using entry in row 1.5 and column .08 in Table 4

$$p(z > 1.5877) = 0.5 - .4429 = 0.0571$$

Binom Dağılımın Normal Dağılıma Yakınsaması

• Benzer şekilde örnekteki bayan sayısının 18'den küçük olma olasılığı ile ilgileniliyorsa;

• Süreklilik düzeltme özelliği kullanılarak

$$p(x < 18) = p\left(z < \frac{17.5 - 20}{\sqrt{12}}\right) = p(z < -2.5/3.44) =$$

$$p(z < -.726) = .2358 \approx 23.6\%$$

Binom Dağılımın Normal Dağılıma Yakınsaması

Örnek $X \sim \text{Binom}(15, 0.40)$

a) $P(X=4) = ?$

Binom dağılım kullanılırsa; $P(X=4) = 0.1268$

Binom dağılımın Normal dağılıma yaklaşımı kullanılırsa;

$$\mu = np = (15)(0.4) = 6 \quad \text{and} \quad \sigma^2 = npq = (15)(0.4)(0.6) = 3.6 \quad \text{and} \quad \sigma = \sqrt{3.6} = 1.897$$

$$z_1 = \frac{(4 - 0.5) - 6}{1.897} = -1.32 \quad \text{and} \quad z_2 = \frac{(4 + 0.5) - 6}{1.897} = -0.79$$

$$\begin{aligned} P(X = 4) &= P(-1.32 < Z < -0.79) \\ &= P(Z < -0.79) - P(Z < -1.32) \\ &= 0.2148 - 0.0934 \\ &= 0.1214 \end{aligned}$$

Binom Dağılımın Normal Dağılıma Yakınsaması

b) $P(7 \leq X \leq 9) = ?$

Binom dağılım kullanılırsa; $P(7 \leq X \leq 9) = 0.3546$

Binom dağılımın Normal Dağılıma Yaklaşımı kullanılırsa;

$$z_1 = \frac{(7 - 0.5) - 6}{1.897} = 0.26 \quad \text{and} \quad z_2 = \frac{(9 + 0.5) - 6}{1.897} = 1.85$$

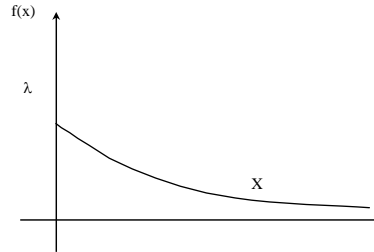
$$\begin{aligned} P(7 \leq X \leq 9) &= P(0.26 < Z < 1.85) \\ &= P(Z < 1.85) - P(Z < 0.26) \\ &= 0.9678 - 0.6026 \\ &= 0.3652 \end{aligned}$$

Ustel Dagilim

X ; $[0, \infty)$ araliginda degerler alan surekli rassal degisken ise

$$f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} & x \geq 0 \\ 0 & o.w. \end{cases}$$

$$\lambda = \frac{1}{\beta}$$
$$f(x) = \begin{cases} \frac{e^{-\frac{x}{\beta}}}{\beta} & 0 \leq x < \infty \\ 0 & o.w. \end{cases}$$



Ustel Dagilim

$f(x)$, asagidaki ozelliklerden dolayi bir olasilik yogunluk fonksiyonudur.

1) $\lambda > 0$ and $\lambda e^{-\lambda x} > 0$ thus $f(x) > 0$

2) $\int_0^{\infty} \lambda e^{-\lambda x} dx = \int f(x) dx = -e^{-\lambda x} \Big|_0^{\infty} = 0 - (-1) = 1$

Ustel Dagilim

X'in beklenen degeri;

$$\mu = E(x) = \int_0^{\infty} x \lambda e^{-\lambda x} dx$$

Integrating by parts and letting $\lambda e^{-\lambda x} dx = dv$

$X = u$, we obtain $v = -e^{-\lambda x}$, $du = dx$. Thus

$$E(X) = \left[-x e^{-\lambda x} \Big|_0^{\infty} + \int_0^{\infty} e^{-\lambda x} dx \right] = -\frac{1}{\lambda} e^{-\lambda x} \Big|_0^{\infty} = \frac{1}{\lambda}$$

Ustel Dagilim

X'in varyansi;

$$E(x^2) = \frac{2}{\lambda^2}$$

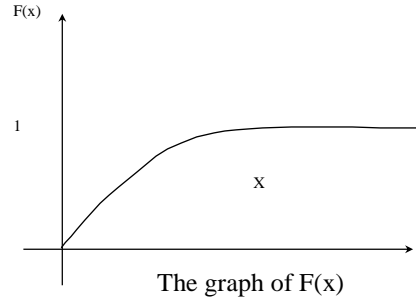
$$\sigma^2 = V(X) = E(x^2) - [E(x)]^2 = \frac{2}{\lambda^2} - \frac{1}{\lambda^2} = \frac{1}{\lambda^2}$$

Ustel Dagilim

Dagilim Fonksiyonu

$$F(x) = P(X \leq x) = \int_0^x \lambda e^{-\lambda x} dx = -e^{-\lambda x} \Big|_0^x = -e^{-\lambda x} - (-e^{-\lambda(0)}) = -e^{-\lambda x} + 1 = 1 - e^{-\lambda x}$$

$$F(x) = P(X \leq x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x} & x \geq 0 \\ 0 & \text{o.w.} \end{cases}$$



Ustel Dagilim

Ornek:

Bir elektrik cihazın arızalanmadan kullanım süresini gösteren rassal değişken X, aşağıdaki dağılım fonksiyonuna sahiptir.

$$F(x) = P(X \leq x) = \begin{cases} 1 - e^{-\frac{x}{500}} & x \geq 0 \\ 0 & \text{o.w.} \end{cases}$$

- X r.d. nin olasılık yoğunluk fonksiyonunu bulunuz.
- Cihazın kullanım süresinin 100 ile 200 saat arasında olma olasılığı nedir?
- Cihazın kullanım süresinin 300 saatten fazla olma olasılığı nedir?

Ustel Dagilim

Ustel Dagilim

Ornek:

Telefon ile konusma suresini tanımlayan X rassal degiskeninin o.y.f. :

$$f(x) = \lambda e^{-\lambda x} \quad 0 \leq x < \infty,$$

ise

a) $F(x) = ?$

b) $P(5 < x \leq 10) = ?$

Ustel Dagilim

Ustel Dagilim

Ornek:

Bir kutuphanecinin kitaplara kart yerlestirme suresi ortalamasi 20 saniye olan ustel dagilima sahiptir. Kart yerlestirme suresi icin;

a) $P(X \leq 30) = ?$

b) $P(X \geq 20) = ?$

c) $P(20 \leq X \leq 30) = ?$

d) $P(x \leq t) = 0.5$ ise $t = ?$

Ustel Dagilim

Ustel Dagilim

Ornek:

Bir sistemde bulunan bir parcanin arizalanma zamani ortalamasi 5 yil olan ustel dagilima sahiptir. 5 farkli sistemde bu parcadan birer tane bulundugunda, en az iki tanesinin 8 yildan fazla sure calisiyor olmasi olasiligi nedir?

Ustel Dagilim

Poisson ve Ustel Dagilimler Arasindaki Iliski

- Belirli bir zaman araliginda olan oluslarin sayisi poisson dagilima sahipse, oluslar arasinda gecen zamanda ustel dagilima sahiptir.
- Ornegin; her hafta bir urune olan taleplerin sayisi poisson dagilima sahipse, talepler arasinda gecen zaman da ustel dagilima sahiptir.
- Bir degisken kesikli, digeri ise surekli rassal degiskendir.

Poisson ve Ustel Dagilimler Arasindaki Iliski

- X , ortalamasi λt olan Poisson dagilima sahip bir rassal degisken ise olasilik fonksiyonu;

$$P(x) = \begin{cases} \frac{e^{-\lambda t} (\lambda t)^x}{x!} & x = 0, 1, 2, \dots \\ 0 & o.w. \end{cases}$$

Poisson ve Ustel Dagilimler Arasindaki Iliski

- X ; $(0, t]$ aralaginda ilgilenilen olayin ortaya cikma sayisi iken bu aralikta biri digerini izleyen olaylar arasinda gecen sure de bir r.d. olacaktır.
- Ornegin, X r.d. bir bilet gisesinde kuyruga giren musteriler sayisi iken gelen musteriler arasinda gecen sure de r.d. dir.
- T : Poisson dagilmis r.d.nin biri digerini izleyen iki olay arasinda gecen sure
- T 'nin dagilim fonksiyonu;
- $P(T \leq t) = F(t) \rightarrow P(T > t) = 1 - F(t)$

Poisson ve Ustel Dagilimler Arasindaki Iliski

- $P(T > t)$ 'ye gore biri digerini izleyen iki olay arasinda gecen surenin t 'den buyuk olmasi, bu arada hic olayin ortaya cikmamasini yani Poisson dagilmis r.d. nin $(0, t]$ 'de sifir degerini almasina esdegerdir.

$$P(T > t) = P(X = 0) = \frac{e^{-\lambda t} (\lambda t)^0}{0!} = e^{-\lambda t}$$

$$F(t) = P(T \leq t) = 1 - P(T > t)$$

$$F(t) = 1 - e^{-\lambda t}$$

$$f(t) = \frac{\partial F(t)}{\partial t} = \lambda e^{-\lambda t} \rightarrow \text{Ustel Dagilim}$$

Ustel Dagilim

Ornek:

Bir merkezi islem birimine her 10 dakikada ortalama 4 is gelmektedir.

- Merkezi islem birimine gelen islerin varislararasi zamaninin dagilimini,
- 10 dakikada hic is gelmeme olasiligini
- Biri digerini izleyen iki is arasinda gecen surenin 4 dakika veya daha fazla olma olasiligini

bulunuz.

Ustel Dagilim

Ustel Dagilim

Ornek:

Bir benzin istasyonuna her 4 dakikada ortalama 2 arac gelmektedir.

- a) Bu istasyona gelen arac sayilariyla, biri digerini izleyen iki arac arasinda gecen surenin dagilimi nedir?
- b) Istasyona 4 dk. da gelen arac sayisinin 1'den fazla oldugu bilindiginde arac sayisinin 4'den az olma olasiligi nedir?
- c) Iki arac gelisi arasindaki surenin 2 dakikadan az oldugu bilindiginde bu surenin 1 dk. dan fazla cikma olasiligi nedir?

Ustel Dagilim

Ornek:

Bir kafeteryada siparis edilen kola sayisi ortalamasi saatte 30 kola ile poisson dagilima sahiptir.

- 22:00 ile 24:00 saatleri arasinda 60 adet kola siparisinin verilme olasiligini bulunuz.
- 09:00 ile 13:00 saatleri arasinda siparis edilen kolanin ortalamasini ve varyansini bulunuz.
- iki kola siparisi arasinda gecen surenin 1 ile 3 dakika arasinda olma olasiligini bulunuz.

Ustel Dagilim

Ustel Dagilim

References

- Walpole, Myers, Myers, Ye, (2002),
 - *Probability & Statistics for Engineers & Scientists*
- Dengiz, B., (2004),
 - *Lecture Notes on Probability*, <http://w3.gazi.edu.tr/web/bdengiz>
- Hines, Montgomery, (1990),
 - *Probability & Statistics in Engineering & Management Science*