MAT 340 OLASILIK QUIZ #2

Adı-Soyadı: #ANAHTAR# No:

- 1. Bir fabrikada tüm üretimi gerçekleştiren 3 makine vardır. Bu makineler birbirinden bağımsız olarak sırasıyla, 0.8, 0.9 ve 0.95 olasılıklarıyla çalışıyor olsun.
 - a. X rassal değişkeni herhangi bir zamanda çalışan makine sayısı olarak tanımlanırsa, X'in olasılık dağılımını bulunuz.
 - b. X rassal değişkeninin birikimli dağılım fonksiyonunu bularak $P(2 < X \le 5)$ olasılığını hesaplamak için kullanınız.
- 2. X rassal değişkeni aşağıdaki olasılık dağılımına sahiptir:

$$f(x) = \begin{cases} x & , & 0 < x \le 1 \\ \frac{3}{4} - \frac{x}{4} & , & 1 < x \le 3 \\ 0 & , & d. d. \end{cases}$$

- a. X'in birikimli dağılım fonksiyonunu bulunuz.
- b. P(0.5 < X < 1.5) = ?

$$p(2 < x \le 5) = P(x \le 5) - P(x \le 2)$$

$$= F(5) - F(2)$$

$$= 1 - 0.316$$

$$= 0.684$$

(2) o)
$$F(x) = P(x \le x)$$

 $x \le 0 \implies F(x) = 0$
 $0 < x \le 1 \implies F(x) = \int_{0}^{x} t dt = \frac{t^{2}}{2} \Big|_{t=0}^{t=x} = \frac{x^{2}}{2}$
 $1 < x \le 3 \implies F(x) = \int_{0}^{x} t dt + \int_{0}^{x} \left(\frac{3}{4} - \frac{t}{4}\right) dt = \frac{t^{2}}{2} \Big|_{0}^{t} + \left(\frac{3}{4}t - \frac{t^{2}}{8}\right) \Big|_{t=1}^{t=x}$
 $= \frac{1}{2} + \frac{3}{4}x - \frac{x^{2}}{8} - \frac{3}{4} + \frac{1}{8}$

 $= \frac{6x - x^2 - 1}{x}$

$$x > 3 \Rightarrow F(x) = 1$$

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le 0 \\ \frac{x^2}{2}, & 0 < x \le 1 \\ \frac{6x - x^2 - 1}{8}, & 1 < x \le 3 \end{cases}$$

b)
$$P(0.5 < x < 1.5) = P(x < 1.5) - P(x < 0.5)$$

= $F(1.5) - F(0.5)$
= $\frac{6(1.5) - (1.5)^2 - 1}{8} - \frac{(0.5)^2}{2} = 0.59375$

$$\frac{\sqrt{EYA}}{P(0.5 < x < 1.5)} = \int_{0.5}^{1} x \, dx + \int_{1}^{1.5} \left(\frac{3}{4} - \frac{x}{4}\right) dx = 0.59375$$