ساختمان دادهها

Array آرایهها

آرایه نوعی ساختمان داده است که عناصر آن هم نوع بوده و هر یک از عناصر با یک اندیس به صورت مستقیم قابل دستیابی است. آرایه می تواند یک بعدی , دو بعدی و یا چند بعدی باشد. آرایههای دو بعدی را با نام ماتریس می شناسیم.

$$[L_1 \dots U_1, L_2 \dots U_2, L_n \dots U_n]$$

Array $[L \dots U]$ of items

تعداد عناصر آرایه
$$U-L+1$$

بعدی
$$n$$
 بعدای عناصر آرایه $=[U_1-L_1+1][U_2-L_2+1][U_n-L_n+1]$

فضای مورد نیاز) = فضای اشغال شده توسط آرایه (فضای مورد نیاز) =
$$(U-L+1) \times n$$

مــثال: در یک آرایـه بـه نام [200] Float اگر آدرس شروع آرایه در حافظه 1000 باشد A25 در کدام آدرس قرار دارد.

$$A[i] = (i-L) \times n + \alpha$$
 محل عنصر أم در حافظه = $(25-0) \times 4 + 1000 = 1100$

آرایههای دوبعدی یا ماتریسها به دو روش در حافظه ذخیره میشوند.

$$\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 6 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \quad 3 \times 2$$

۱. روش سطری Row Major

روش ستونی Column Major .۲

صفحه ۲

مثال : طبق آرایه زیر , آدرسهای خواسته شده را محاسبه نمائید.

$$L_1 \dots U_1 \ L_2 \dots U_2$$
 $A: [1 \dots 3, 1 \dots 2] \Longrightarrow A[3][2]$

$$\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 6 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$A[3,2] = (3-1) \times (2-1+1) + (2-1) = 2 \times 2 + 1 = 5$$
 روش سطری

$$A[3,2] = (2-1) \times (3-1+1) + (3-1) = 1 \times 3 + 2 = 5$$
 روش ستونی

$$A[1,2] = (1-1) \times (2-1+1) + (2-1) = 1$$
 روش سطری

$$A[1,2] = (2-1) \times (3-1+1) + (1-1) = 3$$
 روش ستونی

1000 محل آرایه به شکل of integer محل A [1 ... A [1 ... A [1 ... A [1 ... A [26] محل محل الله به شکل A [20 , 4] محل داده A [60 , 6] محل داده A [20 , 4] محل داده محل داده A [60 , 6] محل داده الله محل داده ا

A
$$[60, 6] = (60-1) \times (26-1+1) + (6-1) \times 2 + 1000 = 4078$$

A $[20, 4] = (4-1) \times (100-1+1) + (20-1) \times 2 + 1000 = 1638$

در آرایههای دو بعدی مربعی یا ماتریسهای مربعی که کلیه عناصر بالای قطر اصلی آن صفر باشند یک ماتریس پایین مثلثی تشکیل می گردد و برعکس اگر کلیه عناصر پایین قطر اصلی آن صفر باشند یک ماتریس پایین مثلثی یا بالا مثلثی حداکثر یک ماتریس پایین مثلثی یا بالا مثلثی حداکثر $\frac{n(n+1)}{2}$ عنصر غیر صفر داریم که n اندازه هر بعد ماتریس است.

حداکثر عناصر غیر صفر
$$=\frac{3(3+1)}{2}=6$$
 بالا مثلثی $=\frac{3(3+1)}{2}=6$

$$A [i , j] = 0$$
 $i > j =====>$ ماتریس بالا مثلثی $i < j =====>$ ماتریس پایین مثلثی $i < j =====>$

ساختمان دادهها

اگر اندازه ابعاد ماتریسهای مثلثی افزایش یابند این ماتریسها حاوی تعداد زیادی صفر خواهند بود که ذخیره کردن سطری یا ستونی ماتریس به طور کامل در حافظه باعث هدر رفتن بخشی از فضای حافظه می گردد. به همین دلیل ماتریسهای مثلثی را بصورت سطری یا ستونی بدون در نظر گرفتن صفرها در حافظه ذخیره می کنند.

$$\frac{(i-1)\times i}{2}+j$$
 سطری $=====>$ پایین مثلثی $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 5 & 0 \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix} ====>$ $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ \hline 1 & 2 & 5 & 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ $=====$

$$====>$$
 بالا مثلثی $\frac{(j-1)\times j}{2}+i$ $=====>$ $\frac{1}{0}$ $\frac{2}{0}$ $\frac{3}{0}$ $\frac{4}{0}$ $\frac{5}{0}$ $\frac{6}{0}$ $\frac{6}{0}$ $\frac{1}{0}$ $\frac{1}{0$

صفحه ۴ ساختمان دادهها

جمع ماتريسها

در جمع دو ماتریس , حتماً باید یک ماتریس $m \times n$ با یک ماتریس $m \times n$ جمع شده و نتیجه نیز یک ماتریس $m \times n$ خواهد شد. در این عملیات عناصر دو آرایه نظیر به نظیر با یکدیگر جمع خواهند شد.

$$A_{m \times n} + B_{m \times n} = C_{m \times n}$$

for $(i = 0, i < m, + + i)$
for $(j = 0, j < n, + + j)$
 $C_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$

ضرب ماتريسها

در عمل ضرب , یک ماتریس A_{mL} و یک ماتریس B_{Ln} با یکدیگر ضرب شده و ماتریس بدست آمده نیز دارای سطر و ستونهایی میباشد که سطر ماتریس بدست آمده با تعداد سطرهای ماتریس اول و ستون ماتریس بدست آمده با تعداد ستونهای ماتریس دوم برابر است.

$$C_{mn} = A_{\frac{mL}{ik}} \times B_{\frac{Ln}{ki}}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 5 & 3 & 1 \\ 1 & 0 & 2 & 1 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 3 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} - & - \\ - & - \\ - & - \end{bmatrix}$$

$$3 \times 4 \quad \times \quad 4 \times 2 = 3 \times 2$$

for
$$(i = 0, i < m, ++i)$$

for $(j = 0, j < n, ++j)$
 $\begin{cases} C_{ij} = 0 \end{cases}$
for $(k = 0, k < L, ++k)$
 $C_{ij} = a_{ik} \times b_{kj} + C_{ij}$
}

تمرین: مقدار [0, 1] را در حاصلضرب دو ماتریس مثال قبل بدست آورید. [0, 1] را در حواسته شده باید حلقههای for بالا را [0, 1] کنیم. پس بنابراین داریم:

$$\begin{split} & C_{ij} = 0 \\ & C_{ij} = a_{ik} \times b_{kj} + C_{ij} \\ & C_{ij} = 2 \times 1 + 0 = 2 \\ & C_{ij} = 5 \times 0 + 2 = 2 \\ & C_{ij} = 3 \times 1 + 2 = 5 \\ & C_{ij} = 1 \times 3 + 5 = 8 \end{split}$$

i	j	k	L	C_{ij}
1	0	0	4	0
		1		2
		2		2
		3		5
				8

ترانهاده

برای اینکه ترانهاده یک ماتریس را بدست آوریم جای سطرها و ستونهای ماتریس عوض میشوند.

$$A\begin{bmatrix} 2 & 3 & 5 \\ 1 & 0 & 7 \end{bmatrix} \rightarrow A^{T} \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 & 4 \\ 1 & 2 & 5 \\ 1 & 3 & 8 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 8 \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{A}_{m\times n}$$

for
$$(i = 0, i < m, ++i)$$

for
$$(j = 0, j < n, ++j)$$

$$A[j][i] = A[i][j]$$

صفحه ۶ ساختمان دادهها

جستجوی خطی در آرایه

جستجوی دودویی برای آرایههای مرتب

```
Int bsearch (A[n] , int x , int L , int U)  \{ \\  & \text{int i ;} \\  & \text{while} \\  & \{ \\  & i = \left \lceil \frac{L+U}{2} \right \rceil; \\  & \text{if (} x < A[i] \text{ ) } U = i-1 \\  & \text{else if (} x > A[i] \text{ ) } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return i // } L = i+1 \\  & \text{else return
```

X	i	L	U	A[i]
8	5	1	10	12
	2	3	4	2
	4	4		5
	3			8

جمع دو چندجملهای بوسیله آرایه

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

$$a_n \quad a_{n-1} \quad a_{n-2} \quad \dots \quad a_1 \quad a$$

Stack یا پشته

Stack لیستی است که اعمال ورودی و خروجی یا اضافه و حذف در آن از یک طرف لیست انجام می شود. به این جهت به آن لیست (Last In First Owt (LIFO) می گویند. بدین معنی که آخرین می می شود. به این جهت به آن لیست (top پشته را top پشته را افزودن داده روی پشته , متغیر top یکی زیاد شده و داده در محل top از پشته قرار می گیرد. برای خارج کردن یک عنصر از پشته نیز داده ای که در محل top قرار گرفته از Stack خارج می گردد و متغیر top یکی کم می شود. مقدار اولیه top صفر است و با افزودن داده به یک پشته n عضوی , top می تواند تا مقدار n تغییر کند.

دو عمل اصلی برای پشتهها را با $\operatorname{push}(x)$ کردن و $\operatorname{pop}(x)$ کردن می شناسیم. $\operatorname{push}(x)$ داده $\operatorname{push}(x)$ را در بالای پشته قرار می دهد و عمل $\operatorname{pop}(x)$ عنصر بالای پشته را در متغیر $\operatorname{nop}(x)$ ذخیره می کند.

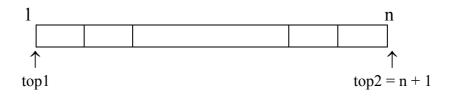
$$x = pop = pop(x)$$

صفحه ۸

```
Stack: Array [1..n] of items
int pop()
                                        void push (int x)
                                           if (top = = n)
   int x;
   if (top = 0)
                                              C out << " پشته پر است ;
      C \text{ out} \Longleftrightarrow " پشته خالي است " ;
                                              return - 1;
      return - 1;
                                           }
                                           else
   else
                                              top + +;
      x = Stack [top];
                                              Stack [top];
      top = top - 1;
                                        }
   return x;
}
                                            مثال : مقدار نهایی A و B و مقدر است؟
                                               C = 5
            A = 10
                                 B = 2
n = 5
push (B)
push(A + B)
                                                         A
                                                                 В
                                                                         C
pop (C)
                                                         10
push (A - B)
                                                                 12
push (C)
                                 2
                                2
                                                         24
                                                                 2
                                                                        12
                                        12
push (B)
                                12
                                        24
pop (A)
                                12
                                        8
                                 2
pop (B)
push (A \times B)
push (C)
push (A)
pop (B)
pop (C)
pop (A)
```

پشتههای چندگانه

پشته دوگانه: برای پیداسازی دو پشته در یک آرایه نیاز به دو متغیر top1 برای نشان دادن بالاترین عنصر پشته اول و top2 برای بالاترین عنصر پشته دوم داریم. top2 و top1 در جهت عکس یکدیگر حرکت می کنند. مقدار اولیه top2 = n + 1 و مقدار اولیه top2 = n + 1 است.



دنبالههای قابل قبول در پشتهها

هرگاه اعدادی را به صورت مرتب شده صعودی داشته باشیم و بخواهیم اعداد دیگری را از آن استخراج کنیم باید این قانون را راعایت کنیم که اعداد بزرگتر در صورتیکه اعداد کوچکتر در پشته قرار نگرفته اند حق قرار گرفتن در پشته را ندارند. مثلاً اعداد ۴, ۳, ۳, ۱ را در نظر می گیریم. عدد ۲ در صورتی می تواند push شود که حتماً عدد ۱ push شده باشد و عدد ۳ زمانی می تواند push شود که اعدا ۱ و ۲ قبلاً push شده باشند.

نیہ ؟	تەلىد ك	۔ توانیم	د ،ا م	اعداد : ر	کدامیک ا:	، ا دا، یم. ٔ	١.٢	. ۳ .	عدد ۴	مثال : چهار
ىيم .	توتيد ر	ی توانیم	ת ני ~	ر اعتدات ریا	عداسيت ار	را قاریم.	' , '	, , ,	, 000	سون چ هر

7177	W 1 F Y	W Y Y 1	4771	4 7 1 7
push 1	push 1	push 1	push 1	push 1
push 2	push 2	push 2	push 2	push 2
pop 2	push 3	push 3	push 3	push 3
pop 1	pop 3	pop 3	push 4	push 4
push 3		pop 2	pop 4	pop 4
pop 3		push 4		pop 3
push 4	قابل توليد نيست	pop 4	قابل توليد نيست	قابل توليد نيست
pop 4		pop 1		, ,

اگـر اعـداد بـه صـورت صـعودی داده شوند (۴ * *) و سه عدد * و * د در اینصورت دنباله * * قابل تولید نیست. *

صفحه ۱۰ ساختمان دادهها

ارزشیابی عبارت

اولويت عملگر

بطور کلی اگر عبارت $a imes b + c \ / \ d$ را داشته باشیم اولویت عملگرها را به صورت زیر مینویسیم :

- 1. ()
- 2. Not , (قرينه) , توان
- 3. and, \times , /, mod
- 4. OR, +, -
- 5. <,>,<=,>=,<>(!=)

نکته: بین عملگرهایی که اولویت مساوی دارند عملگری زودتر محاسبه می گردد که سمت چپ باشد.

روش نمایش عبارات محاسباتی

میانوندی a + b

پسوندی postfix ab +

پیشوندی prefix + ab

تبدیل عبارات میانوندی به پسوندی و پیشوندی بدون استفاده از پشته

۱- پرانتز گذاری

۲- برای تبدیل به پیشوندی , درون هر پرانتز عملگر را به سمت چپ منتقل می کنیم.

۳- برای تبدیل به پسوندی , درون هر پرانتز عمگلر را به سمت راست منتقل می کنیم.

۴- پرانتزها را حذف میکنیم.

مثال:

$$((a + (b \times (c \uparrow a))) - (b \nmid c))$$

postfix =
$$(a(b(ca)) \uparrow x + (bc))$$
 = $abca \uparrow x + bc$ -

prefix = $-+a \times b \uparrow ca / bc$

استفاده از پشته در تبدیل عبارات infix استفاده از

۱- عبارت infix را از چپ به راست پیمایش می کنیم.

۲- پرانتز باز را در پشته push می کنیم.

۳- عملوندها را در خروجی مینویسیم.

۴- در صورتیکه به یک عملگر رسیدیم اگر top پشته دارای عملگری با اولویت بیشتر یا مساوی نبود آنرا push می کنیم در غیر اینصورت عملگر top پشته را pop کرده و در خروجی می نویسیم.

۵- هرگاه به پرانتز بسته رسیدیم آنقدر pop می کنیم تا به اولین پرانتز باز برسیم.

مثال :

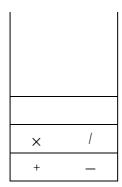
$$((a + (b \times (c \uparrow a))) - (b / c))$$

(
(
(/
+	
(
(

abca
$$\uparrow \times + bc/-$$

مثال : با استفاده از پشته , عبارت زیر را به صورت postfix بنویسید.

$$a + b \times c \uparrow a - b/c$$

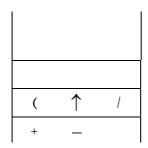


abca
$$\uparrow \times + bc/-$$

صفحه ۱۲ ساختمان دادهها

مثال : با استفاده از پشته , عبارت زیر را به صورت postfix بنویسید.

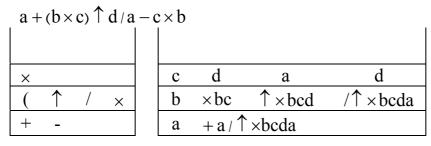
$$a + (b \times c) \uparrow a - b/c$$



$$abc \times a \uparrow +bc/-$$

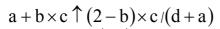
برای تبدیل عبارات infix به عبارات prefix از دو پشته استفاده می کنیم. یکی پشته عملوندها و postfix به infix به postfix به push دیگری پشته عملگرها مانند تبدیل push کردن و pop کردن در پشته عملگرها مانند تبدیل push به عملگر است. با رسیدن به هر عملوند آنرا در پشته عملوندها push می کنیم. در صورت pop شدن هر عملگر از پشته عملوند بالای پشته عملوندها pop شده و با عملگر مربوطه به شکل prefix در پشته عملوندها postfix به infix است.

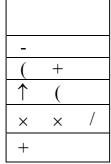
مثال : عبارت زیر را بوسیله پشتبه از infix به prefix بنویسید.



 $-+a/\uparrow \times bcda \times cd$

مثال : عبارت infix زير را بوسيله دو يشته به prefix تبديل كنيد.





b				
2	-2b	a		
c	↑ c-2b	c	d	+da
b	$\times_b \uparrow_{c-2b}$	$\times \times_b \uparrow_{c-2b}$	$/\times \times b \uparrow_{c-2bc+da}$	
a	$+a/\times$	× _b ↑ _{c-2bc+da}		

تبدیل عبارت postfix به

بـا اسـتفاده از یـک Stack مـیتوان رشته postfix ورودی را به infix تبدیل کرد. برای این منظور

رشته postfix را از چپ پردازش می کنیم. هر عملوند درون پشته push می شود. با رسیدن به هر عملگر , دو عنصر پشته pop شده و بصورت infix نوشته می شود. سپس عبارت infix تولید شده درون پشته push می شود. در پایان پردازش رشته ورودی , پشته حاوی یک عنصر است که شکل درون پشته می شود. در پایان پردازش رفته لزوماً پرانتز گذاری شده باشد. عملوند top پشته سمت راست عملگر نوشته می شود.

مثال:

abca´l	`×+bc/-		
a			
c	c↑a	c	
b	$b\times(c\uparrow a)$	b	b/c
a	$a+(b\times(c\uparrow a))$	$(a+b\times(c\uparrow a))-(b/c)$	

تبدیل عبارات prefix به

برای تبدیل عبارت prefix به infix باید رشته ورودی را از سمت راست پردازش کنیم. مانند روش قبل عملوندها در پشته push میشوند و با رسیدن به هر عملگر , دو عملوند بالای پشته push شده و با عملگر ورودی بصورت infix نوشته میشود و نتیجه در پشته push میشود. عملوند top پشته سمت چپ عملگر قرار می گیرد.

تبديل عبارات postfix به prefix و بالعكس

برای تبدیل عبارات postfix و postfix به همدیگر می توان آنها را ابتدا تبدیل به حالت میانی postfix کرده و سپس عبارت infix را با روشهای گفته شده به حالت مطلوب تبدیل نمود. همچنین می توان بصورت مسقتیم عبارت postfix و postfix را با استفاده از الگوریتم قبلی به یکدیگر تبدیل کرد. با این تفاوت که هنگامیکه در حین پردازش رشته ورودی به یک عملگر رسیدیم , دو عملوند بالای پشته pop شده و به جای اینکه به infix با عملگر ورودی در پشته push شوند به هر کدام از حالتهای مورد نظر postfix یا postfix در پشته push می شوند.

صفحه ۱۴ ساختمان دادهها

صف (queue<u>)</u>

صف لیستی است که عمل افزودن دادهها درون آن از یک طرف لیست یا انتهای لیست و عمل حذف دادهها از سمت دیگر یا ابتدای لیست انجام میشود. صف را لیست First In First Out) FIFO مینامند. زیرا اولین عنصر ورودی , اولین عنصر خروجی از صف نیز هست. در ساختمان داده صف دو متغیر front و rear به ترتیب برای نشان دادن جلو و انتهای صف بکار میروند. صف را میتوان با استفاده از آرایهها یا لیستهای پیوندی پیاده سازی کرد.

اگر صف را آرایهای n عضوی از عناصر بدانیم مقادیر front و rear می تواند از صفر تا n تغییر کند که برای صف در ابتدا مقادیر اولیه صفر را برای front = rear = 0 تعریف می کنیم. front = rear = 0 برایر باشد صف خالی است و در صورتیکه n برابر با n باشد صف خالی است.

```
rear = n ===→ صف پر است

front = rear ===→ صف خالی است
```

دو عمل اصلی برای صف , حذف کردن دادهها از صف و افزودن دادهها به صف است که به ترتیب با x Addqueue و Addqueue نمایش می دهیم. تابع x Addqueue نمایش می دهیم تابع x خنصر x است که عنصر x فرار خانسته و در متغیر x قرار x قرار x فرار x و طوارسته و در متغیر x قرار x و طوارسته و در متغیر x قرار x می دهد.

پیاده سازی تابع Addqueue و delqueue از صف

queue: Array [1..n] of item

```
برای اضافه کردن
                                                    برای حذف کردن
void Addqueue (int x)
                                       int delqueue ()
     if (rear = = n)
                                            if (front = = rear)
          : " صف ير است " <> c out
                                                  : " صف خالى است " >> C out
     else
                                                  return 0;
          rear + +;
          queue[rear] = x;
                                            else
                                                  front + +;
                                                  x = queue[front];
                                                  return x;
                                             }
```

مثال : با استفاده از توابع صفحه قبل مقادیر نهایی A و B و C را بدست آورید.

$$A = 5$$
 $B = 10$

$$C = 2$$

$$n = 4$$

Addqueue
$$(A + B)$$

Addqueue ($B \times C$)

$$A = delqueue ()$$

$$B = delqueue()$$

Rear	Front	A	В	C
0	0	5	10	2
1	1	15	2	
2	2			
3				
4				

$$A = 15$$

$$\mathbf{B} = \mathbf{2}$$

$$C = 2$$

پس بنابراین داریم:

توابع Addqueue و Addqueue به صورتیکه نوشته شد یک صف خطی را پیادهسازی می کنند. مشکل صف خطی این است که تنها یک بار قابل پر شدن است و در صورتیکه عناصر آن حذف شوند نیز با پیغام «صف پر است » مواجه می شوید به همین دلیل صف را بصورت حلقوی تعریف می کنیم. در صف حلقوی (دوار) rear و front بعد از رسیدن به آخرین مقدار خود در صورت وجود شرایط لازم مجدداً مقادیر اولیه را می توانند بگیرند. صف حلقوی n-1 عضوی را بصورت آرایه صفر تا n-1 تعریف می کنیم.

$$front = (rear + 1) \mod n ===$$

برای اضافه کردن به صف حلقوی , rear یکی اضافه میشود و در صورتیکه rear = n-1 باید صفر بشود. بدین منظور rear و با رابطه زیر در هر شرایطی مقداردهی می کنند.

$$rear = (rear + 1) \bmod n$$

این مسئله برای front نیز برقرار است.

front =
$$(front + 1) \mod n$$

صفحه ۱۶ ساختمان دادهها

```
برای اضافه کردن
                                                   برای حذف کردن
void Addqueue (int x)
                                      int delqueue ( )
                                       {
                                            if (front = = rear)
     rear = (rear + 1) \mod n
     if (front = = rear)
                                                 C out << " صف خالى است ;
          C out << " صف پر است ;
     else
                                                 return 0;
          queue[rear] = x;
                                            else
                                                 front = (front + 1) \mod n
                                                 x = queue[front];
                                       }
```

مثال:

Addanana [50]	r = 1	0	1	2	3
Addqueue [50]	f = 0	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			
Addqueue [20]	r = 2	0	1	2	3
Addquede [20]	f = 0		50	20	
Addqueue [30]	r = 3	0	1	2	3
Addquede [30]	f = 0		50	20	30
delqueue ()	r = 3	0	1	2	3
deiqueue ()	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	20	30		
Addqueue [10]	r = 0	0	1	2	3
Audqueue [10]	f = 1	10	50	20	30

مثال : عبارت زير را بصورت prefix و postfix بنويسيد.

$$\sqrt{a^2 - bc} \Rightarrow (a \uparrow 2 - b \times c) \uparrow (1/2)$$

$$postfix = a2 \uparrow bc \times -12/\uparrow$$

$$prefix = \uparrow - \uparrow a2 \times bc/12$$

مرتبسازي

در مرتبسازی تعدادی عنصر که از ورودی داده شدهاند را بر اساس کلیدشان بصورت صعودی یا نزولی مرتب می کنیم.

مرتبسازی انتخابی (Selection Sort)

در مرتبسازی انتخابی یک آرایه n عنصری (A[1..n]), n-1 بار پیمایش میشود. در هر پیمایش بزرگترین عنصر در محل درست خود یعنی انتهای آرایه قرار می گیرد. با این روش آرایه از انتها مرتب می شود. در مرتبسازی انتخابی می توان با انتخاب کوچکترین عنصر در هر پیمایش و قرار دادن آن در محل درست خود یعنی ابتدای آرایه در هر پیمایش , مرتبسازی را از ابتدای لیست انجام داد.

مثال:

•						
	12	25	20	8	5	10
پویش اول	25	12	20	8	5	10
پویش دوم	25	20	12	8	5	10
پویش سوم	25	20	♦ 12	_8	5	10
پویش چهارم	25	20	12	10	5	8
پویش پنجم	25	20	12	10	8	5

صفحه ۱۸

```
برنامه کلی مرتبسازی انتخابی به شرح ذیل میباشد:
```

```
for (i = n; i > 1; --1)
{
    max = A[1];
    index = 1;
    for (i = 2; j <= i; ++j)
    if (A[j] > max)
    {
        max = A[j];
        index = j;
    }
    A[index] = A[i];
    A[i] = max;
}
```

مثال:

3	2		5	1
1	2		3	4
i	j	n	max	index
4	2	4	3	1
3	4		5	3
	4		3	1
	2			
	3			

نگته: در مرتبسازی انتخابی , حداکثر و حداقل n^2 مقایسه داریم. حداقل جابجایی صفر و حداکثر جابجایی نیز n بار خواهد بود.

مرتبسازی حبابی (Bubble Sort)

در مرتبسازی حبابی یک آرایه n عنصری (A[1..n]), n-1 بار پیمایش میشود و در هر پیمایش دو عنصر متوالی با یکدیگر مقایسه شده که در صورت لزوم جابجا خواهند شد. در هر پیمایش , طول آرایه پیمایش شده نسبت به مرحله قبل یکی کم میشود.

مر تبسازی از انتهای لیست

for
$$(i = 1 ; i < n ; ++i)$$

for $(j = 1 ; j <= n ; ++j)$
if $(A[j]) > A[j +1])$
swap $(A[j], A[j +1]);$

مرتبسازی از ابتدای لیست

for
$$(i = 1 ; i < n ; ++i)$$

for $(j = n ; j > = i ; --j)$
if $(A[j]) < A[j-1])$
swap $(A[j], A[j-1])$;

مثال:

5	3	7	2		i	j	n
1	2	3	4		1	4	4
2	5	3	7	پویش اول	2	3	
					3	2	
2	3	5	7	پویش دوم		1	
						4	

« الگوريتم متعادل است »

صفحه ۲۰ ساختمان دادهها

در هر پویش امکان n^2 جابجایی وجود دارد. حداقل تعداد جابجایی نیز صفر است.

مرتبسازي حبابي يهينه شده

```
for (i = 1; i <= x; ++ i)
{
    sw = 0;
    for (j = 1; j < n - 1; ++ j)
        if (A[j] > A[j + 1])
        {
        sw = 1;
        swap (A[j], A[j + 1]);
        }
        if (sw = = 0) break;
}
```

مرتبسازی دَرجی (Insertion Sort)

در مرتبسازی درجی فرض شده است که i-1 عنصر اول لیست مرتب هستند. پس عنصر iام در جای صحیح خود قرار دارد.

```
For (i = 2 ; i <= n ; + + i) {

y = A[i] ;

j = i - 1 ;

while (j > 0 & & (y < A[j])) {

A[j + 1] = A[j] ;

j = j - 1 ;

}

A[j + 1] = y ;
}
```

50	60	40	20	10	30	i	n	у	
1	2	3	4	5	6	2	6	60	
						3		40	
50	60	40				4		20	
						5		10	
50	40	60							
40	50	60							
10	40	50	60						

در این جابجایی حداقل n تا پویش داریم و در بهترین حالت نیز جابجایی نداریم.

مثال : آرایه زیر را به روش درجی مرتب کنید.

1 0

							, ,			_
						1	2	3	4	5
n	i	j	y		A	4	8	5	2	6
5	2	1	8	-		4	8			
	3	2	5			4	5	8		
	4	1	2			2	4	5	8	
		3	6			2	4	5	6	8
		2								
		1								

043

صفحه ۲۲ ساختمان دادهها

مرتب سازی ادغامی (merge sort)

مرتب سازی ادغامی مبتنی بر تقسیم و حل است و در روش ادغامی لیست n عنصری تبدیل به لیستهای یک عنصری شده (با تقسیمات متوالی بر ۲) و سپس لیستهای یک عنصری که مرتب هستند ادغام شده و لیستهای دو تایی مرتب تشکیل میدهند و سپس لیستهای دو تایی مرتب شده با هم ادغام میشوند و این فرآیند تا تولید لیست اولیه به صورت مرتب ادامه پیدا میکند که این حالت نیز بصورت بازگشتی است.

									<i></i>
11	2	20	18	1	8	7	12	17	5
		20	10				10	1.5	
11	2	20	18	1	8	7	12	17	5
11	2	20	18	1	8	7	12	17	5
11	2	20	18	1	8	7	12	17	5
11	2		1	18	8	7		5	17
2	11]			7	8			
2	11	20]		7	8	12		
1	2	11	18	20	5	7	8	12	17
1	2	5	7	8	11	12	17	18	20

```
Void mergsort (int L , int U)
{
    int i;
    if ( L < U )
    {
        i = ( L + U ) / 2;
        mergsort ( L , i );
        mergsort ( i + 1 , U );
        merg ( L , i , U );
    }
}</pre>
```

مثال:

1	7	2
1	7	2
1	7	2
5	2	7
2	5	7
	1 1 5	1 7 1 7 5 2

L = 3	U = 3	L = 4	U = 4
L=3	U = 3	i = 3	
L = 1	U = 1	L=2	U = 2
L = 1	U = 2	i = 1	
L = 1	U = 4	i = 2	

مثال : آرایه زیر را بوسیله merge sort مرتب کنید.

1 1	TT 4	
L = 4	U = 4	
L=3	U = 4	
L = 3	U = 4	i = 3
L = 2	U = 2	
L = 1	U = 1	
L = 1	U = 2	i = 1
L = 1	U = 4	i = 2

تمرین: برنامهای بنویسید که دو آرایه مرتب را بگیرد و در هم ادغام کند.

صفحه ۲۴ ساختمان دادهها

مرتب سازی سریع (quick sort)

در روش مرتبسازی سریع , یک عنصر بعنوان عنصر محوری در نظر گرفته می شود که عنصر محوری را معمولاً اولین عنصر آرایه در نظر می گیرند. بعد از اولین پیمایش , عنصر محوری در محل مناسب خود در لیست قرار می گیرد و لیست به دو بخش مجزا تقسیم می گردد. عناصر سمت چپ عنصر محوری که کوچکتر از عنصر محوری هستند و عناصر سمت راست عنصر محوری که همگی بزرگتر از عنصر محوری می باشند. این عمل مجدداً بر روی هر یک از دو بخش انجام می شود تا به لیستهای یک عنصری مرتب برسیم. متوسط زمان اجرای این الگوریتم 0 (n Log n) و بدترین زمان اجرای آن یک عنصری مرتب برسیم. متوسط زمان اجرای این الگوریتم 0 (n Log n) می باشد که زمانی اتفاق می افتد که آرایه از پیش مرتب باشد.

1	2	3	4	5	6	7	8	9
12	10	2	8	15	7	3	1	14
محوری (Pivot)						j		Ι
3	10	2	8	1	7	12	15	14
	i	j	i	j				
2	1	3	8	10	7	12	14	15

```
Void quicksort (int L , int U )
{
    int i , j , pivot ;
    if ( L < U )
    {
        i = L + 1 ; j = U ; pivot = A[L] ;
        while ( i < j )
        {
            while ( A[i] < pivot ) i + + ;
            while ( A[j] > pivot ) j - - ;
            if ( i < j ) swap ( A[i] , A[j]) ;
        }
        swap ( A[L] , A[j] ) ;
        quicksort ( L , j - 1 ) ;
        quicksort ( j + 1 , U ) ;
    }
}</pre>
```

(Link List) ليست پيوندي

لیستها ساختمان دادهای هستند که اندازه آنها بصورت پویا تغییر می کند. پیمایش در لیستهای پیوندی بصورت ترتیبی (خطی) است. بنابراین برای حذف , اضافه یا جستجو باید لیست را از ابتدا بصورت خطی پیمایش کرد. هر گره (node) در لیست پیوندی ساختاری با دو فیلد اصلی دارد. یکی فیلد داده که می تواند از هر نوع دادهای باشد و دیگری فیلد آدرس که به محل عنصر بعدی در لیست پیوندی اشاره می کند. در ساختمان داده لیست پیوندی اعمال اصلی حذف داده از لیست , اضافه کردن داده به لیست و جستجو در لیست انجام می شود. عنصر اول لیست پیوندی را هد (Head) یا هدر (Heade) لیست می گویند و معمولاً این عنصر را برای سادگی پیمایش خالی نگه می دارند. برای افزودن داده جدید به لیست پیوندی ۴ عمل اصلی انجام می گیرد.

```
    ۱- تشکیل گره (node) جدید بر اساس اطلاعات جدید افزوده شدنی
    ۲- بدست آوردن آدرس گرهای که باید قبل از گره جدید قرار گیرد (مثلاً گره p)
    ۳- آدرس گره جدید که به محل اشاره گر p اشاره می کند.
    ۴- آدرس گره p را به محل node تغییر می دهیم.
    ۷- آدرس گره p را به محل void insert ( int x , node * start )
```

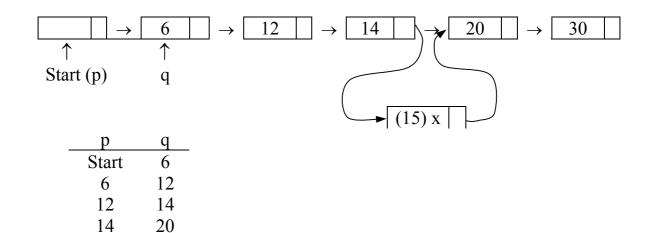
```
{
    node * p , * q , * new node ;
    q = start \rightarrow next ;
    p = start ; new node = new ( node ) ; new node \rightarrow data = x ;
    while ( q \rightarrow data < \underbrace{newnode \rightarrow data}_{x})

{
    p = q ;
    q = q \rightarrow next ;
}

new node \rightarrow next = p \rightarrow next ;
p \rightarrow next = new node ;
}
```

صفحه ۲۶ ساختمان دادهها

مثال : میخواهیم گره ۱۵ را به لیست اضافه کنیم :



مراحل حذف یک گره از لیست پیوندی

```
(q) حذف (q) مشخص شده برای حذف (q) روه مشخص شده برای و به این (q) به (q) به
```

مثال: گره شماره 3 را حذف کنید.

تمرین: برنامههای زیر چه کاری انجام میدهند؟

```
node * f ( int x , node * start )
{
          node * p ;
          p = start ;
          while ( p ) ;
          if ( p → data ! = x && p ) p = p → next ;
          else return p ;
}
void g ( node * start )
{
          if (start ! = Null )
          {
                C out << start → data ;
                g ( start → next ) ;
          }
}</pre>
```

جواب: در قسمت اول یعنی f عمل جستجو را انجام میدهد و در قسمت دوم یعنی g عناصر لیست را به ترتیب چاپ می کند.

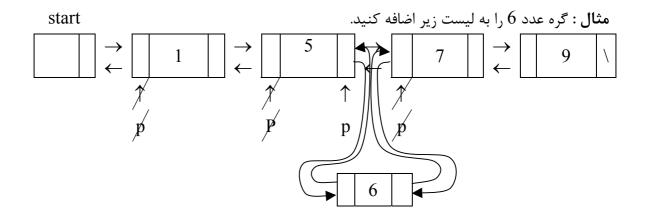
ساختمان دادهها	صفحه ۲۸
	لیست پیوندی چرخشی
staı) لیست ما تبدیل به	اگر اشاره گر عنصر انتهای لیست به جای Null به هد لیست اشاره گر کند (rt
	لیست تک پیوندی چرخشی میشود.
	تمرین: عمل حذف و اضافه را در یک لیست پیوندی چرخشی بنویسید.

}

ساختمان دادهها صفحه ۲۹

```
لیست دو پیوندی
                                                      در لیست دو پیوندی سه بخش وجود دارد.
                                                                          ا- ىخش ا
                                        ۲- بخش سمت راست که به گره بعدی اشاره می کند.
                                          ۳- بخش سمت چپ که به گره قبلی اشاره می کند.
struct Linklist
        struct Linklist * left;
        data;
        struct Linklist * right;
typedeg struct Linklist node
node * p , * q ;
                                               مراحل اضافه کردن داده به لیست دو پیوندی
                      ۱- تشکیل گره جدید با استفاده از اطلاعات اضافه شدنی (new node)
                                                        ۲- پیدا کردن محل درج گره جدید
  new node و p و ادرس راست گرههای p و انتساب مقادیر مورد نظر به بخشهای آدرس چپ و آدرس راست گرههای
void insert (int x , node * start )
       (node * newnode , * p ;
       newnode = new (node);
_{\text{onewnode}} \rightarrow \text{data} = x ;
       newnode \rightarrow right = Null;
       newnode \rightarrow left = Null;
       p = \text{start} \rightarrow \text{right};
مرحله 2 while ( p \rightarrow data < x ) p = p \rightarrow right;
       p = p \rightarrow left;
       (p \rightarrow right) \rightarrow left = newnode;
مرحله 3 newnode \rightarrow left = p;
       newnode \rightarrow right = p \rightarrow right;
       p \rightarrow right = newnode;
```

صفحه ۳۰ ساختمان دادهها



حذف از لیست دو پیوندی

```
void delete ( int x , node * start ) {

node *p;

p = \text{start} \rightarrow \text{right};

while ( p && p \rightarrow \text{data} < x ) p = p \rightarrow \text{right};

if ( p = = \text{Null} \mid \mid p \rightarrow \text{data} > x ) return " داده در لیست نبوده است ";

( p \rightarrow \text{Left} ) \rightarrow \text{right} = p \rightarrow \text{right};

( p \rightarrow \text{right} ) \rightarrow \text{Left} = p \rightarrow \text{Left};

delete ( p );
}
```

نمایش چندجملهایها با استفاده از لیستهای پیوندی

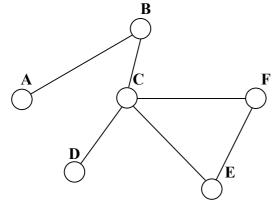
همانطور که چندجملهایها بوسیله آرایهها قابل نمایش بودند با استفاده از لیستهای پیوندی نیز می می توان چندجملهایها را نمایش داد. برای این منظور باید ساختار متناسب با چندجملهای تولید کرد. این ساختار شامل یک توان , یک ضریب و یک اشاره گر به جمله بعدی چند جملهای است. به این ترتیب در نمایش چندجملهایها بوسیله لیستهای پیوندی از حافظه بصورت بهتری استفاده شده است ولی چون پیمایش در لیستهای پیوندی , ترتیبی یا خطی است زمان محاسبات روی چندجملهایها در صورت استفاده از لیست پیوندی افزایش می یابد.

گراف (Graph)

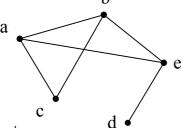
بود.

گراف G مجموعه ای است از گرهها (گره = Vertex) که بوسیله یالهایی (لبه , یال = Edge) به یکدیگر متصل شده اند. گرافها می توانند جهت دار یا غیر جهت دار باشند. اگر هر یال در گراف دارای جهت مشخصی باشد بدین معنی که مبدأ و مقصد آن مشخص بوده و غیرقابل جابجایی , این گراف , گراف جهت دار خواهد بود. هر دو گره که مستقیماً با یک یال به هم متصل باشند را دو گره مجاور یا همسایه گویند (Adjacement). گرافی که بین تمام گرهها مسیر مستقیم وجود داشته باشد را گراف کامل می گویند. گراف کامل با گره را با k_n نمایش می دهند.

n(n-1) و در گراف کامل جهت دار n(n-1) خواهد n(n-1) و در گراف کامل جهت دار



B و A در گراف برسیم گوئیم بین A و B یک مسیر از طول A وجود دارد. A تعداد یالهایی است که در مسیر پیموده می شوند. اگر در مسیری گرهای بیش از یکبار دیده شده باشد آن مسیر , مسیر غیر ساده است در غیر اینصورت مسیر ساده خواهد ببود. اگر در یک مسیر , گره مبدأ و گره مقصد بر هم منطبق بودند یا گره مبدأ همان گره مقصد بود , گراف دارای سیکل یا دور است.



c - b - e = مسیر ساده

c - a - e - b =مسیر غیر ساده

فاصله دو گره در گراف برابر است با کوتاهترین مسیر بین آن دو گره قطر گراف برابر است با بزرگترین فاصله بین دو گره در گراف صفحه ۳۲ ساختمان دادهها

گراف متصل: گرافی که بین هر دو گره مسیری وجود داشته باشد را گراف متصل گویند.

گراف غیر متصل : گرافی است که حداقل بین دو گره آن هیچ مسیر وجود نداشته باشد.

شرط لازم برای اینکه گرافی با n گره متصل باشد این است که حداقل n-1 یال وجود داشته باشد.

گراف تهی : گرافی است که مجموعهای از گرهها باشد و هیچ یالی بین گرهها وجود نداشته باشد.

درجه هر گره: تعداد یالهایی که از یک گره عبور میکند را درجه آن گره گویند.

تذکر: درجه خروجی برای گرافهای جهتدار تعداد یالهای خارج شده از یک گره را نشان میدهد و درجه ورودی برای گرافهای جهتدار تعداد یالهایی که به یک گره وارد شدهاند میباشد.

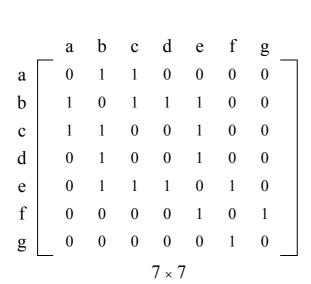
مجمع درجات گرهها در گرافهای بدون جهت دو برابر تعداد یالهاست و مجموع درجات ورودی یا مجموع درجات خروجی در گرافهای جهتدار تعداد یالها را نشان میدهد.

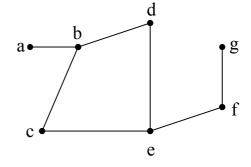
روشهای نمایش گرافها

۱- ماتریس مجاورتی

 $n \times n$ ماتریس مجاورتی روشی عمومی برای پیاده سازی گراف ها است. در این روش از یک ماتریس $n \times n$ برای نمایش گراف استفاده می کنیم که n تعداد گرههای گراف است.

گراف وزن دار : گراف وزن دار گرافی است که به هر یال آن یک وزن (ارزش) منتصب شده باشد.

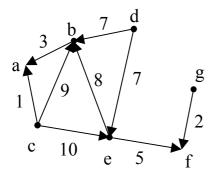




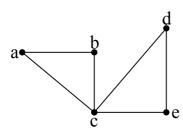
A[i,j] = 1 یا w if i,j

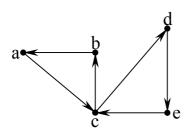
A[i,j] = 0 if متصل نباشند i

نکته : ماتریس گرافهای غیر جهتدار , ماتریس متقارن است.



	a	b	c	d	e	f	g	
a	0	0	0	0	0	0	0	
b	3	0	0	0	0	0	0	
c	1	9	0	0	10	0	0	
d	0	7	0	0	7	0	0	
e	0	8	0	0	0	5	0	
f	0	0	0	0	0	0	0	
g	0	0	0	0	0	2	0	





مجموع سطری یا ستونی هر گره در ماتریس برای گرافهای بدون جهت برابر با درجه هر گره است و مجموع سطری هر گره در ماتریس برای گرافهای جهتدار برابر است با درجه خروجی هر گره و مجموع ستونی هر گره در ماتریس برای گرافهای جهتدار برابر است با درجه ورودی هر گره.

صفحه ۳۴ ساختمان دادهها

تمرین : ماتریس A صفحه قبل را در نظر گرفته و ماتریسهای A^2 و A^3 آنرا حساب کنید.

حال برای اینکه ماتریس بدست آمده را امتحان کنیم تا درست بودن آن ثابت گردد یک عدد را در نظر گرفته (مثلاً عدد α که از خانههای α بدست می آید) و حالات موجود را بررسی می کنیم :

نکته : قطر اصلی ماتریس A^2 درجه هر گره را نشان می دهد.

عنصر [i,j] در ماتریس A^k نشان میدهد که چه تعداد مسیر به طول k بین i و i وجود دارد. فضای لازم برای نمایش دادن یک گراف با استفاده از ماتریس مجاورتی از مرتبه n^2 است که n تعداد گرههای گراف میباشد.

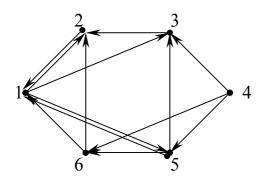
۲- لیست همجواری

برای نمایش گرافها می توانیم از لیستهای همجواری استفاده کنیم. بدینصورت که آرایهای به تعداد گرههای گرههای گرههای گراف ایجاد می کنیم. هر عنصر این آرایه اشاره گری است به ابتدای یک لیست پیوندی. این لیست پیوندی شامل گرههایی است که به گره متناظر با عنصر آرایه متصل اند.

در گرافهای غیر جهتدار تعداد کل گرهها در لیستهای پیوندی دو برابر تعداد یالهای گراف است. ولی در گرافهای جهتدار مجموع تعداد گرههای لیستهای پیوندی برابر تعداد یالهای گراف است. فضای مصرفی در نمایش بوسیله لیست همجواری در گرافهای جهتدار از مرتبه n+e و در گرافهای غیر جهتدار n+e است. n+e تعداد یالهای گراف و n تعداد گرههای گراف است.

$$n = |V|$$
$$e = |E|$$

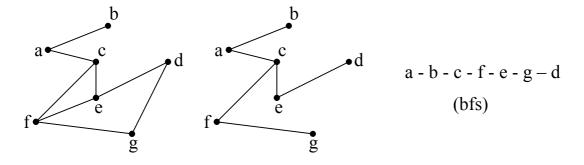
1	\rightarrow	2	\rightarrow	3	$] \rightarrow$	5	\
2	\rightarrow	1 \					
3	\rightarrow	2 \					
4	\rightarrow	3	\rightarrow	5	\rightarrow	6	\
5	\rightarrow	3	\rightarrow	6	\rightarrow	1	\
6	\rightarrow	2	\rightarrow	1 \			



روشهای پیمایش گراف

دو روش کلی برای پیمایش گراف وجود دارد.

- breadth first search (bfs) اول سطح .١
 - depth first search (dfs) اول عمق .٢



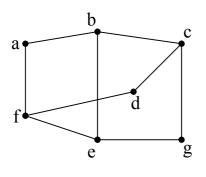
صفحه ۳۶ ساختمان دادهها

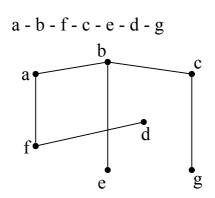
تعریف درخت: درخت گراف متصل بدون سیکل است.

روش اول سطح

در پیمایش اول سطح با شروع از یک گره و ملاقات آن , کلیه گرههای مجاور آن نیز ملاقات می شوند. سپس این رویه به ترتیب برای هر یک از گرههای مجاور تکرار می شود. برای پیاده سازی پیمایش اول سطح (bfs) از ساختمان داده صف استفاده می کنیم. بدین ترتیب که رئوس مجاور هنگام ملاقات وارد صف می شوند , سپس از سر صف یک عنصر را حذف کرده و گرههای مجاور آنرا ضمن ملاقات به صف اضافه می کنیم. هر گره در صورتی ملاقات می شود (وارد صف می گردد) که قبلاً ملاقات نشده باشد. نتیجه پیمایش اول سطح , درخت پوشای اول سطح (درخت bfs گراف) می باشد.

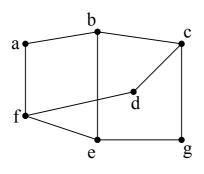
پیمایش اول سطح از یک گراف و در نتیجه درخت پوشای bfs لزوماً منحصر به فرد نیست. مثال: گراف زیر را بوسیله روش اول سطح پیمایش کرده و درخت پوشای آنرا بکشید.

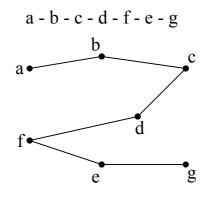




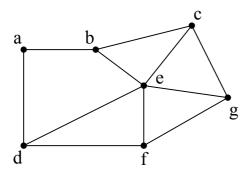
روش اول عمق

در پیمایش اول عمق با شروع از یک گره و ملاقات آن , یکی از گرههای مجاوری که ملاقات نشده را ملاقات مینمائیم و این عمل را متناوباً تکرار میکنیم. اگر در یک گره بودیم و همه گرههای مجاور آن ملاقات شده بود , یک مرحله به عقب برمی گردیم. برای پیاده سازی در پیمایش اول عمق از پشته استفاده می کنیم. نتیجه پیمایش اول عمق , درخت پوشای dfs است که لزوماً منحصر به فرد نیست.





تمرین : از گره e شروع کرده و اول سطح و اول عمق گراف زیر را بنویسید.



اول سطح
$$= e - b - c - d - f - g - a$$

 $= e - c - b - a - d - f - g$

کدنویسی روش اول سطح و اول عمق

Struct Linklist	
{	
int data;	
struct Linklist *Next;	,
}	4
typedef struct Linklist node;	
struct LinkArray	4
{	
int sw;	•
node *Link;	
} typedef struct LinkArray pointer;	
pointer *graphnodes; graphnodes = New pointer [n];	

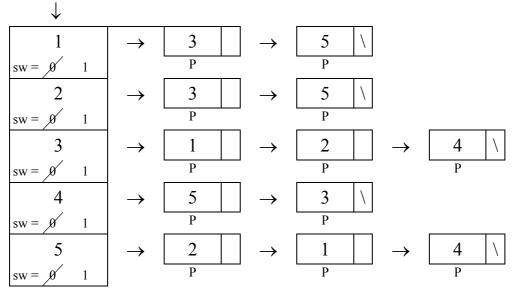
		_	 _	
1	sw = 0	\rightarrow	\rfloor	
2	sw = 0	\rightarrow		
3	sw = 0	\rightarrow		
4	sw = 0	\rightarrow		
5	sw = 0	\rightarrow		

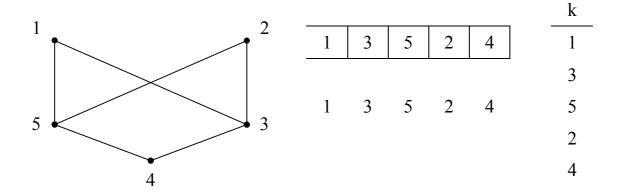
صفحه ۳۸ ساختمان دادهها

الگوريتم پيمايش اول سطح

```
در این پیمایش از رأس k شروع می کنیم. پس بنابراین داریم :
Void bfs (pointer graphnodes [], int k)
      node *p;
      graphnodes [ k ] sw = 1;
      C out \ll k;
      Addqueue (k);
                                        مقدار k را به انتهای صف اضافه می کند.
      while ( ! ( queue . empty ( ))) چک می کند که آیا صف خالی است یا خیر
       {
             k = delqueue(); مقدار حذف کرده و در k قرار می دهد.
             p = graphnodes [k] . Link;
             do
                    if (graphnodes [p \rightarrow data]. sw = = 0)
                           addqueue ( p \rightarrow data ); C out \ll p \rightarrow data;
                           graphnodes [ p \rightarrow data ] . sw = 1;
                    p = p \rightarrow Next;
             while (p);
      }
}
```

Graphnodes [5]





الگوريتم اول عمق

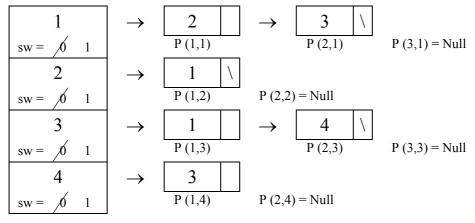
در این پیمایش از رأس k شروع می کنیم. پس بنابراین داریم :

همان گراف بالا را در نظر می گیریم:

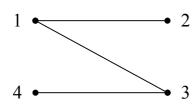
1 3 2 5 4

صفحه ۴۰ ساختمان دادهها

مثال:







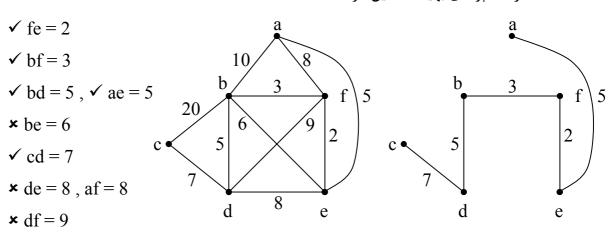
1 2 3 4

ی	ررب
k	
1	
2	
3	
4	
	1 2 3

درخت پوشای بهینه (حداقل هزینه)

درخت پوشای بهینه در گرافهای ارزشدار (وزندار) ساخته می شود و آن درختی است که اگر ارزش تمام گرافهای آن را جمع کنیم کوچکترین عدد ممکن حاصل گردد.

• روش اول الگوریتم کراسکال (kraskal): در الگوریتم کراسکال , یالهای گراف را به ترتیب صعودی مرتب می کنیم. از اولین (کوچکترین) یال شروع کرده و هر یال را به گراف اضافه می کنیم به شرط اینکه دور در گراف ایجاد نگردد. این روال را آنقدر ادامه می دهیم تا درخت پوشای بهینه تشکیل گردد.



x
$$ab = 10$$

$$2 + 3 + 5 + 5 + 7 = 22$$

$$bc = 20$$