

Cada questão abaixo tem 3 alternativas: (a), (b), (c). Marque a única alternativa correta. Cada resposta correta vale 1,0 (um ponto). Cada resposta errada perde 0,5 (meio ponto). Questões deixadas em branco não ganham nem perdem nada.

**Q1:** Seja  $f(n) = 6n(n+7) + 50n + 800$ . Não é correto afirmar que

- (a)  $f(n) = O(n \log n)$       (b)  $f(n) = O(n^3)$       (c)  $f(n) = O(n^2)$

**Q2:** Quando implementamos uma fila (de  $n$  elementos) utilizando um array, a inserção de um novo elemento é feita em tempo constante, pois o elemento é colocado no final do array. Já a operação conhecida como "*pop*", que consiste em processar o primeiro elemento da fila, dando vez a outro elemento,

- (a) roda em tempo  $O(n)$ , demandando um "*shift left*" dos demais elementos  
(b) pode ser implementada para rodar em tempo  $O(\log n)$ , usando uma estrutura auxiliar como uma heap, e essa complexidade é a melhor possível  
(c) pode ser implementada para rodar em tempo constante

**Q3:** Sejam as chaves 114, 65, 100, 1234, 148, 61313, 825, 111, 112, 113, e seja  $h(x) = x \bmod 50$  a função de dispersão utilizada em uma tabela hash (com encadeamento exterior) implementada sobre um array com  $m = 50$  posições. Considerando *operação básica* como sendo uma comparação entre chaves ou uma verificação de lista vazia, o número médio de operações básicas na busca por uma chave *ausente* dessa tabela, supondo que todas as chaves ausentes tem imagens por  $h$  uniformemente distribuídas no intervalo  $[0, 49]$ , é:

- (a)  $6/5$       (b)  $13/5$       (c)  $13/50$

**Q4:** Suponha que certo conjunto  $A$  de  $n$  chaves está armazenado usando uma das estruturas abaixo. Em que caso é possível retornar a mediana de  $A$  em tempo  $O(1)$ ?

- (a) lista duplamente encadeada      (b) array ordenado      (c) heap de mínimo

**Q5:** Conseguimos inserir/remover elementos em uma pilha mais eficientemente se implementarmos a pilha utilizando

- (a) uma árvore binária de busca balanceada  
(b) uma tabela hash  
(c) uma lista duplamente encadeada

**Q6:** Para ordenar elementos selecionados *aleatória e uniformemente* de um intervalo conhecido, conseguimos maior eficiência, na prática, usando:

- (a) MergeSort      (b) BucketSort      (c) QuickSort

**Q7:** Para selecionar o milésimo *maior* elemento presente em um arquivo com  $n = 10.000.000.000$  elementos, a maneira mais eficiente *dentre as opções abaixo* é:

- (a) criar uma max heap com os  $n$  elementos e remover 1000 vezes a raiz  
(b) copiar a lista para um array, ordená-lo, e retornar o elemento de índice  $k$   
(c) fazer  $O(n)$  inserções em uma min heap de tamanho 1000

**Q8:** A frase que melhor descreve o objetivo da técnica da *programação dinâmica* é:

- (a) evitar programas recursivos, que podem consumir tempo exorbitante  
(b) evitar alocação estática de memória sempre que possível  
(c) evitar resolver um mesmo subproblema repetidas vezes

**Q9:** Uma vantagem das tabelas hash sobre arrays com endereçamento direto é

- (a) economizar memória  
(b) simplicidade de implementação  
(c) gastar menos tempo para inserção e consulta

**Q10:** Dadas as chaves (1, 2, 3, 4) e as respectivas frequências de acesso (9, 1, 3, 2), o número médio de comparações numa busca por uma dessas chaves numa árvore binária de busca ótima é:

- (a) 7/5      (b) 8/5      (c) 9/5