Міністерство освіти і науки України Національний авіаційний університет Факультет кібербезпеки, комп'ютерної та програмної інженерії Кафедра комп'ютеризованих систем управління

Лабораторна робота № 1.1 з дисципліни «Паралельні і розподілені обчислення» на тему «Ада. Семафори»

> Виконав: студент ФККПІ групи СП-425 Клокун В. Д. Перевірив: Корочкін О. В.

Київ 2019

1. ЗАВДАННЯ РОБОТИ

Розробити програму для заданої паралельної комп'ютерної системи зі спільною пам'яттю (рис. 1).

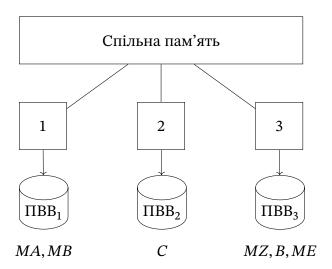


Рис. 1: Задана паралельна комп'ютерна система зі спільною пам'яттю

Програма, розроблена для даної системи, повинна обчислювати значення такого виразу:

$$MA = (MB \cdot MZ) + (B \cdot C) \cdot ME$$
.

Розробити програму на мові програмування «Ада», використовуючи для взаємодії потоків (задач) семафори мови «Ада» з пакету Ada. Synchronous_Task_Control.

2. ХІД РОБОТИ

2.1. Побудова паралельного алгоритму

Необхідно паралельно обчислити значення виразу $MA = (MB \cdot MZ) + (B \cdot C) \cdot ME$. Для цього складаємо паралельний алгоритм:

- 1. Позначимо скалярний добуток векторів як $a = B \cdot C$.
- 2. Обчислимо частини, які складатимуть скалярний добуток векторів:

$$a = B_{H_1} \cdot C_{H_1}, \quad a_i = B_{H_i} \cdot C_{H_i}, \quad a \in \{2, 3\}.$$

3. Обчислимо скалярний добуток векторів, склавши частини:

$$a = a + a_2 + a_3$$
.

4. Паралельно обчислюємо матрицю-результат по частинам:

$$MA_{H_i} = (MB_{H_i} \cdot MZ) + a \cdot ME_{H_i}, \quad a \in \{1,2,3\}.$$

Спільні ресурси: a, a_2, a_3 — для обчислення скалярного добутку; MZ — для множення матриць.

2.2. Розробка алгоритмів потоків (задач)

Розробивши паралельний алгоритм, переходимо до розробки алгоритмів потоків. Представимо їх у вигляді таблиці.

Табл. 1: Паралельний алгоритм потоку 1

Дія	Точки синхронізації
Ввести МВ	
Подати сигнал, що MB введена, в задачу $T2$	$S_{2,MB}$
Подати сигнал, що MB введена, в задачу $T3$	$S_{3,MB}$
Очікувати введення С	$W_{1,C}$
Очікувати введення MZ, B, ME	$W_{1,MZBME}$
Скопіювати $MZ_1 \coloneqq MZ$	Критична ділянка
Обчислити $a\coloneqq C_{H_1}\cdot B_{H_1}$	Критична ділянка
Чекати готовності a_2 із задачі $T2$	W_{1,a_2}
Чекати готовності a_3 із задачі $T3$	W_{1,a_3}
Обчислити $a = a + a_2 + a_3$	Критична ділянка
Подати сигнал, що готове значення a , в задачу $T2$	$S_{2,a}$
Подати сигнал, що готове значення a , в задачу $T3$	$S_{3,a}$
Обчислити $MA_{H_1} = (MB_{H_1} \cdot MZ_1) + a \cdot ME_{H_1}$	
Очікувати готовності MA_{H_2} від задачі $\mathit{T2}$	$W_{1,MA_{H_2}}$
Очікувати готовності MA_{H_3} від задачі $T3$	$W_{1,MA_{H_2}} \ W_{1,MA_{H_3}}$
Вивести МА	. 113

Табл. 2: Паралельний алгоритм потоку 2

Дія	Точки синхронізації
Ввести С	
Подати сигнал, що C введена, в задачу $T1$	$S_{1,C}$
Подати сигнал, що C введена, в задачу $T3$	$S_{3,C}$
Очікувати введення MZ, B, ME	$W_{2,MZBME}$
Скопіювати $MZ_2 \coloneqq MZ$	Критична ділянка
Обчислити $a_2 \coloneqq C_{H_2} \cdot B_{H_2}$	Критична ділянка

Табл. 2: Паралельний алгоритм потоку 2

Дія	Точки синхронізації
Подати сигнал, що готове значення a_2 , в задачу $T1$	S_{1,a_2}
Очікувати готовності a від задачі $T1$	$W_{2,a}$
Скопіювати значення $ac_2 \coloneqq a$	Критична ділянка
Очікувати введення <i>МВ</i>	$W_{2,MB}$
Обчислити $MA_{H_2} = (MB_{H_2} \cdot MZ_{H_2}) + a \cdot ME_{H_2}$	
Дати сигнал, що готове значення MA_{H_2} , задачі $T1$	$S_{1,MA_{H_2}}$

Табл. 3: Паралельний алгоритм потоку 3

Дія	Точки синхронізації
Ввести MZ, B, ME	
Подати сигнал, що MZ, B, ME введені, в задачу $T1$	$S_{1,MZBME}$
Подати сигнал, що MZ, B, ME введені, в задачу $T2$	$S_{2,MZBME}$
Очікувати введення <i>С</i>	$W_{3,C}$
Обчислити $a_3 \coloneqq C_{H_3} \cdot B_{H_3}$	Критична ділянка
Подати сигнал, що готове значення a_3 , в задачу $T1$	S_{1,a_3}
Очікувати готовності a від задачі $T1$	$W_{3,a}$
Скопіювати значення $ac_3 \coloneqq a$	Критична ділянка
Очікувати введення <i>МВ</i>	$W_{3,MB}$
Обчислити $MA_{H_3} = (MB_{H_3} \cdot MZ_{H_3}) + a \cdot ME_{H_3}$,
Дати сигнал, що готове значення MA_{H_3} , задачі $\mathit{T}1$	$S_{1,MA_{H_3}}$

2.3. Розробка структурної схеми взаємодії задач

Розроблюємо структурну схему взаємодії задач (рис. 2). Розробивши схему, вкажемо, навіщо призначені семафори, які в ній використовуються:

\mathbf{Sem}_{cr}	Призначений для доступу до спільних ресурсів.
$\mathbf{Sem}_{2,MB}$	Призначений для синхронізації задачі $T2$ після введення MB .
$\mathbf{Sem}_{3,MB}$	Призначений для синхронізації задачі T 3 після введення MB .
$\mathbf{Sem}_{2,a}$	Призначений для синхронізації задачі $T2$ після обчислення a .
$\mathbf{Sem}_{3,a}$	Призначений для синхронізації задачі T 3 після обчислення a .
$\mathbf{Sem}_{1,C}$	Призначений для синхронізації задачі $T1$ після введення C .
$\mathbf{Sem}_{3,C}$	Призначений для синхронізації задачі T 3 після введення C .
\mathbf{Sem}_{1,a_2}	Призначений для синхронізації задачі $T1$ після обчислення a_2 .
$\mathbf{Sem}_{1,MA_{H_2}}$	Призначений для синхронізації задачі Т1 після обчислен-
112	ня MA_{H_2} .

 $\mathbf{Sem}_{1.MZRME}$ Призначений для синхронізації задачі T1 після введення MZ,

B, ME.

 $\mathbf{Sem}_{2,MZBME}$ Призначений для синхронізації задачі T2 після введення MZ,

B, ME.

 \mathbf{Sem}_{1,a_3} Призначений для синхронізації задачі T1 після обчислення a_3 .

 $\mathbf{Sem}_{1,MAH}$, Призначений для синхронізації задачі T3 після обчислен-

ня MA_{H_2} .

Після розробки структурної схеми можна переходити до розробки програми.

2.4. Розробка програми

Коли структурна схема розроблена, створюємо програму на мові програмування «Ада» (лістинг А.1). Для синхронізації задач використаємо семафори, які надає пакет Ada. Synchronous_Task_Control. Після розробки програми запускаємо її на виконання і спостерігаємо результат (рис. 3).

Як видно, програма коректно обчислює значення заданого виразу з вхідними значеннями, заданими у програмі.

3. Висновок

Виконуючи дану лабораторну роботу, ми розробили програму для заданої паралельної комп'ютерної системи зі спільною пам'яттю, ознайомились із процесом розробки паралельних алгоритмів, а також із семафорами у мові програмування «Ада».

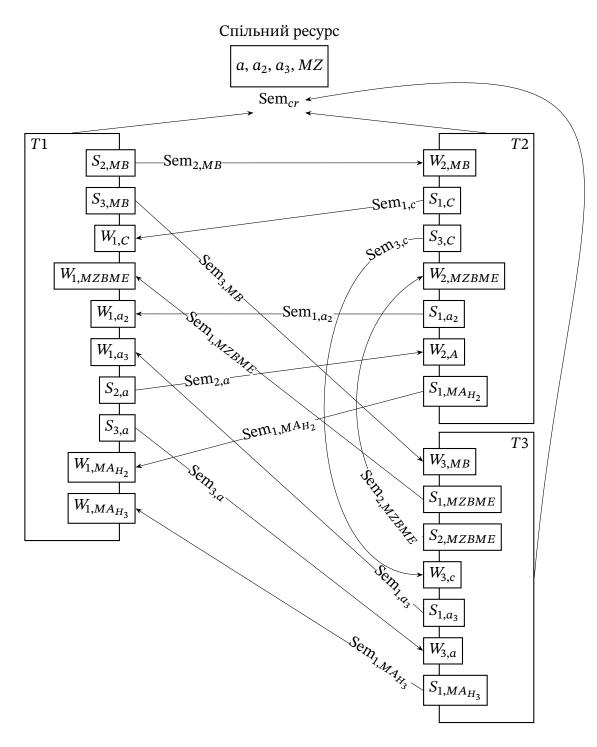


Рис. 2: Структурна схема взаємодії задач

```
C:\Windows\system32\cmd.exe

> lab01.exe

Main procedure started

Process T1 started

Task T2 started.

Task T3 started.

20 20 20 20 20

20 20 20 20 20

20 20 20 20 20

20 20 20 20 20

20 20 20 20 20

T1 Finished.

>
```

Рис. 3: Результат виконання розробленої програми

А. Програма для розв'язку поставленої задачі

Лістинг А.1: Початковий код програмного модуля для розв'язання задачі

```
-- Parallel and Distributed Computing
1
 2
   -- Lab 01: Semaphores
   -- By Vlad Klokun of SP-425
 3
   -- Compiled with GNAT Community (20190517-83)
 4
 5
   With Ada.Integer_Text_IO, Ada.Text_IO, Ada.Synchronous_Task_Control;
6
7
   Use Ada.Integer_Text_IO, Ada.Text_IO, Ada.Synchronous_Task_Control;
8
   procedure Lab01 is
9
10
11
        N: integer := 5; -- vector and matrix dimensions
12
        type Vector is
13
14
            array (Positive range <>) of integer;
        type Matrix is
15
            array (Positive range <>, Positive range <>) of integer;
16
17
        P: integer := 3; -- processor count
18
        H: integer := N/P; -- vector chunk size
19
20
        -- Global variables
21
        MA: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
22
        MB: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
23
        C : Vector(1 .. N);
24
        MZ: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
25
        B : Vector(1 .. N);
26
        ME: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
```

```
-- Shared resources
28
29
        a, a2, a3: integer;
30
        -- Semaphores
31
        -- Comment format:
32
        -- <Destination Thread>: <Explanation>
33
                : Suspension_Object; -- Crit. region
34
        S1mzbme: Suspension_Object; -- T1: MZ, B, ME input
35
        S2mzbme: Suspension_Object; -- T2: MZ, B, ME input
36
               : Suspension_Object; -- T2: MB input
        S2mb
37
38
        S3mb
               : Suspension_Object; -- T3: MB input
               : Suspension_Object; -- T1: C input
        S1c
39
               : Suspension_Object; -- T3: C input
        S3c
40
               : Suspension_Object; -- T1: a2 done
        S1a2
41
        S1a3
               : Suspension_Object; -- T1: a3 done
42
        S2a
               : Suspension_Object; -- T2: a done
43
               : Suspension_Object; -- T3: a done
        S3a
44
        S1mah2 : Suspension_Object; -- T1: MA_H2 done
45
        S1mah3: Suspension_Object; -- T1: MA_H3 Done
46
47
        procedure InitVector(
48
49
            A: out Vector;
50
            size: Integer;
            val: Integer)
51
52
        is
        begin
53
            for i in 1 .. size loop
54
                A(i) := val;
55
            end loop;
56
        end InitVector;
57
58
        procedure PrintVector(
59
            A: Vector;
60
            size: Integer)
61
        is
62
        begin
63
            for i in 1 .. size loop
64
                Put(A(i), 3);
65
            end loop;
66
        end PrintVector;
67
68
        function VectorMul(
69
70
            A: Vector;
            B: Vector;
71
            start: Integer;
72
            stop: Integer)
73
            return Integer
74
```

```
75
         is
             res: Integer;
76
         begin
 77
             res := 0;
78
             for i in start .. stop loop
79
                  res := res + A(i) * B(i);
80
             end loop;
81
              return res;
82
83
         end VectorMul;
84
85
         procedure InitMatrix
              (A: out Matrix;
86
87
               m: Integer;
               n: Integer;
88
               val: Integer)
89
 90
         is
         begin
91
             for i in 1 .. m loop
92
                  for j in 1 .. n loop
93
                      A(i, j) := val;
 94
                  end loop;
 95
              end loop;
96
97
         end InitMatrix;
98
         procedure PrintMatrix(
99
             A: Matrix;
100
             m: Integer;
101
             n: Integer)
102
         is
103
         begin
104
              for i in 1 .. m loop
105
                  for j in 1 .. n loop
106
                      Put(A(i, j), 3);
107
108
                  end loop;
                  New_Line;
109
              end loop;
110
         end PrintMatrix;
111
112
         procedure MMMul(
113
             A: Matrix;
114
             B: Matrix;
115
             C: in out Matrix;
116
             m: Integer;
117
             n: Integer;
118
119
             p: Integer;
             start_i: Integer;
120
             start_j: Integer
121
```

```
)
122
         is
123
124
         begin
125
             InitMatrix(C, N, N, 0);
              for i in start_i .. m loop
126
                  for j in start_j .. p loop
127
                      for k in 1 .. n loop
128
                           C(i,j) := C(i,j) + A(i,k) * B(k,j);
129
                      end loop;
130
                  end loop;
131
132
              end loop;
         end MMMul;
133
134
         procedure MMAdd(
135
             A: Matrix;
136
137
             B: Matrix;
             C: in out Matrix;
138
139
             m: Integer;
             n: Integer;
140
             start_i: Integer;
141
              start_j: Integer
142
143
144
         is
         begin
145
              for i in start_i .. m loop
146
                  for j in start_j .. n loop
147
                      C(i,j) := A(i,j) + B(i,j);
148
                  end loop;
149
              end loop;
150
         end MMAdd;
151
152
         procedure SMMul(
153
             A: Integer;
154
             B: Matrix;
155
             C: in out Matrix;
156
             m: Integer;
157
158
             n: Integer;
             start_i: Integer;
159
              start_j: Integer
160
161
              )
         is
162
         begin
163
              InitMatrix(C, m, p, 0);
164
              for i in start_i .. m loop
165
                  for j in start_j .. n loop
166
                      C(i,j) := A * B(i,j);
167
                      null;
168
```

```
end loop;
169
170
             end loop;
171
         end SMMul;
172
         procedure Run_Tasks is task T1;
173
174
             task body T1
175
             is
176
                  C1: Vector(1 .. N);
177
                  MZ1: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
178
179
                  MT1: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
                  MT2: Matrix(1 .. N, 1 .. N);
180
             begin
181
                  put_line("Process T1 started");
182
183
                  -- Initialize variables but do not consider them ready
184
                  InitVector(B, N, 0);
185
186
                  InitVector(C, N, 0);
                  InitMatrix(MA, N, N, 0);
187
                  InitMatrix(MB, N, N, 3);
188
                  InitMatrix(MZ, N, N, 0);
189
                  InitMatrix(ME, N, N, 0);
190
191
                  -- MB Initialized
192
193
                  Set True(S2mb);
                  Set_True(S3mb);
194
195
                  -- Wait and Copy C
196
                  Suspend_Until_True(S1c);
197
198
                  Suspend_Until_True(Scr);
                  Set_False(Scr);
199
                  C1 := C;
200
                  Set_True(Scr);
201
202
                  -- Wait for MZ, B, Me
203
                  Suspend_Until_True(S1mzbme);
204
205
                  -- Copy B and MZ
206
                  Suspend_Until_True(Scr);
207
208
                  Set_False(Scr);
209
                  MZ1 := MZ;
                  Set_True(Scr);
210
211
                  -- Compute first value of A
212
                  Suspend_Until_True(Scr);
213
                  Set_False(Scr);
214
                  a := VectorMul(C, B, 1, 2);
215
```

```
Set_True(Scr);
216
217
                    -- Wait for a_2 and a_3
218
                    Suspend_Until_True(S1a2);
219
                    Suspend_Until_True(S1a3);
220
221
                    -- When all parts are ready, put a together
222
                    Suspend_Until_True(Scr);
223
                    Set_False(Scr);
224
                    a := a + a2 + a3;
225
226
                    Set_True(Scr);
                    -- Signal other threads
227
228
                    Set_True(S2a);
229
                    Set_True(S3a);
230
231
                    -- Compute MA_{H}
                    -- MT1 = MB \star MZ
232
233
                    MMMul(
                         A \Rightarrow MB,
234
                         B \Rightarrow MZ1,
235
                         C => MT1,
236
                         m \Rightarrow 2,
237
238
                         n => N,
                         p \Rightarrow N,
239
                         start_i => 1,
240
                         start_j => 1
241
                    );
242
243
                    -- MT2 = a * ME
244
                    SMMul(
245
246
                         A \Rightarrow a
                         B \Rightarrow ME,
247
                         C => MT2,
248
249
                         m \Rightarrow 2,
                         n \Rightarrow N,
250
251
                         start_i => 1,
                         start_j => 1
252
                    );
253
254
                    -- MA = MT1 + MT2 = MB * MZ + a * ME
255
                    MMAdd(
256
                         A => MT1,
257
                         B \Rightarrow MT2,
258
                         C => MA,
259
                         m => 2,
260
                         n \Rightarrow N,
261
                         start_i => 1,
262
```

```
start_j => 1
263
                 );
264
265
                 -- MA_{H_{{1}}} is done, wait for others
266
                 Suspend_Until_True(S1mah2);
267
                 Suspend_Until_True(S1mah3);
268
269
                 -- When MA_{H_{i}}, where i \in {1, 2, 3} are done too,
270
                 -- print A.
271
                 PrintMatrix(MA, N, N);
272
273
                 Put_Line("T1 Finished.");
274
             end T1;
275
             task T2;
276
             task body T2
277
             is
278
                 -- Local copies
279
280
                 ac2: Integer;
                 MZ2: Matrix(1..N, 1..N);
281
                 -- Temporary values for computing MA_H
282
                 MT1: Matrix(1..N, 1..N);
283
                 MT2: Matrix(1..N, 1..N);
284
285
             begin
                 Put_Line("Task T2 started.");
286
287
                 -- Input C
                 InitVector(C, N, 1);
288
                 -- Signal other tasks that C is ready
289
                 Set_True(S1c);
290
                 Set_True(S3c);
291
292
                 Suspend_Until_True(S2mzbme);
293
294
                 -- Copy MZ2 and compute a2 in one critical section
295
                 Suspend_Until_True(Scr);
296
                 Set_False(Scr);
297
                 MZ2 := MZ;
298
299
                 a2 := VectorMul(B, C, 3, 4);
300
                 Set_True(Scr);
                 -- Signal that a2 is ready
301
302
                 Set_True(S1a2);
303
                 -- Wait until a is ready
304
305
                 Suspend_Until_True(S2a);
306
                 -- Copy a into this thread. Critical region.
307
                 Suspend_Until_True(Scr);
308
                 Set_False(Scr);
309
```

```
ac2 := a;
310
                     Set_True(Scr);
311
312
                     -- Wait until MB is ready
313
                     Suspend_Until_True(S2mb);
314
315
                     -- Compute MA_{H}
316
                     -- MT1 = MB \star MZ
317
318
                     MMMul(
                         A \Rightarrow MB,
319
320
                          B \Rightarrow MZ2,
                          C => MT1,
321
                         m \Rightarrow 4,
322
                          n => N,
323
                          p \Rightarrow N,
324
325
                          start_i => 3,
                          start_j => 1
326
                     );
327
328
                     -- MT2 = a * ME
329
                     SMMul(
330
                         A \Rightarrow ac2,
331
332
                         B \Rightarrow ME
                         C => MT2,
333
334
                         m \Rightarrow 4,
                          n \Rightarrow N,
335
                          start_i => 3,
336
                          start_j => 1
337
                     );
338
339
                     -- MA = MT1 + MT2 = MB * MZ + a * ME
340
                    MMAdd(
341
                         A => MT1,
342
343
                          B \Rightarrow MT2,
                          C => MA,
344
345
                          m = > 4,
                          n \Rightarrow N,
346
                         start_i => 3,
347
                          start_j => 1
348
                     );
349
                     -- Signal that MA_{H_{{2}}} is ready
350
                     Set_True(S1mah2);
351
               end T2;
352
353
               task T3;
354
               task body T3
355
356
                is
```

```
C3: Vector(1..N);
357
                  ac3: Integer;
358
                  MT1: Matrix(1..N, 1..N);
359
                  MT2: Matrix(1..N, 1..N);
360
             begin
361
                  Put_Line("Task T3 started.");
362
                  -- Input MZ, B, ME
363
                  InitMatrix(MZ, N, N, 1);
364
                  InitVector(B, N, 1);
365
                  InitMatrix(ME, N, N, 1);
366
                  -- Signal other tasks that MZ, B, ME are ready.
367
                  Set_True(S1mzbme);
368
                  Set_True(S2mzbme);
369
370
                  -- Wait until C is ready
371
                  Suspend_Until_True(S3c);
372
373
374
                  -- Copy shared objects and compute a_3. Crit. region.
                  Suspend_Until_True(Scr);
375
                  Set_False(Scr);
376
                  C3 := C;
377
                  a3 := VectorMul(B, C, 5, 5);
378
379
                  -- Signal that a_3 is ready
                  Set_True(Scr);
380
381
                  Set_True(S1a3);
382
                  -- Wait until a is ready
383
                  Suspend_Until_True(S3a);
384
385
                  -- Copy a into this thread. Critical region.
386
                  Suspend_Until_True(Scr);
387
                  Set_False(Scr);
388
                  ac3 := a;
389
                  Set_True(Scr);
390
391
                  -- Wait until MB is ready
392
                  Suspend_Until_True(S3mb);
393
                  -- Compute MA_{H}
394
                  -- MT1 = MB * MZ
395
                  MMMul(
396
                      A \Rightarrow MB
397
                      B \Rightarrow MZ
398
                      C => MT1,
399
                      m => 5,
400
                      n => N,
401
                      p \Rightarrow N,
402
                      start_i => 5,
403
```

```
start_j => 1
404
405
                    );
                    -- MT2 = a \star ME
406
                    SMMul(
407
                         A \Rightarrow ac3,
408
                         B \Rightarrow ME,
409
                         C \Rightarrow MT2,
410
                         m \Rightarrow 5,
411
412
                         n => N,
                         start_i => 5,
413
414
                         start_j => 1
                    );
415
416
                    -- MA = MT1 + MT2 = MB * MZ + a * ME
417
                    MMAdd(
418
419
                         A \Rightarrow MT1,
                         B \Rightarrow MT2,
420
421
                         C => MA
                         m \Rightarrow 5,
422
423
                         n => N,
                         start_i => 5,
424
425
                         start_j => 1
426
                    );
                    -- Signal that MA_{H_{{3}}} is ready
427
                    Set_True(S1mah3);
428
               end T3;
429
430
431
          begin
432
               null;
          end Run_Tasks;
433
434
          begin
435
               put_line("Main procedure started");
436
               -- Allow access to shared resource
437
               Set_True(Scr);
438
439
               Run_Tasks;
     end Lab01;
440
```