Лабораторна Робота № 4

Тема: Рекурсія

Надо сказать, что пример с родственными отношениями - самая распространенная иллюстрация применения систем искусственного интеллекта. Этот пример приводится в учебниках так часто и в таком примитивном виде, что скорее убеждает студентов в абсолютной бесполезности интеллектуальных систем. В результате студенты оказываются даже неспособны самостоятельно придумать аналогичный пример, не содержащий отношений «отец, сын» и т. п.

Профессор Д.В.Смолин (Россия).

Завдання роботи знаходяться в тексті.

```
До першої частини — завдання 1.1, 1.2, 1.3, 1.4.
До другої частини — завдання 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5.
До третьої частини — завдання 3, 4.1, 4.2, 5, 6.
```

Для захисту лабораторної роботи необхідно підготувати в зошиті короткий звіт, в якому коротко відобразити виконання кожного завдання і отримані результати.

При подготовке данной работы возникли проблемы лингвистического порядка. В тексте встречаются понятия "родитель" и "отец", причем их точное употребление существенно для понимания того, о чем вообще идет речь. Например:

```
father (X, Y):- parent(X, Y), man (X). отец (X, Y):- родитель(X, Y), мужчина (X).
```

(«X является отцом Y», если выполняются условия, что X – родитель Y,

и Х – мужчина.)

Перевести это с английского языка на русский не проблематично. Но попробуйте перевести это на украинский, в котором и отец = батько, и родители = батьки!

А если родитель — женщина, то вообще выходит маразм. По-русски так: если Лиз — родитель и Лиз — женщина, то она — мать; а по-украински мы вынуждены писать: "якщо батько ϵ жінкою, то він ϵ матір'ю", и т.п., и все это вносит большую путаницу.

Чтобы эту проблему как-то решить, я ничего лучше не придумал, чем оставить слово «родитель» без перевода и сделать вид, что так и надо. Кто-то сможет предложить лучший выход?

Короткі теоретичні відомості

Рекурсія (лат. Recursion) — метод визначення класу чи об'єкту через попереднє задання одного чи декількох (звичайно простих) його базових випадків чи методів, а потім заданням на їхній основі правила побудови класу, який визначається.

Іншими словами, рекурсія — часткове визначення об'єкта через себе, визначення об'єкта з використанням раніше визначених. Рекурсія використовується, коли можна виділити самоподібність задачі.

Термін «рекурсія» використовується в різних спеціальних галузях знань — від лінгвістики до логіки, але найширше застосування знаходить у математиці та інформатиці. У математиці та інформатиці рекурсія пов'язана з методом визначення функцій: рекурсивно задана функція у своєму визначенні містить себе, зокрема, рекурсивною є функція, задана рекурентною формулою. Таким чином, можна одним виразом дати нескінченний набір способів обчислення функції, визначити безліч об'єктів через саму себе з використанням раніше заданих окремих визначень. З рекурсією тісно пов'язана математична індукція: вона є природним способом доведення властивостей функцій на натуральних числах, рекурсивно заданих через свої менші значення.

Визначення у логіці, що використовує рекурсію, називається індуктивним (див., наприклад, Натуральні числа).

Рекурсія в програмуванні

Докладніше: Процедура рекурсивна

У програмуванні рекурсія — виклик функції чи процедури з неї самої (звичайно з іншими значеннями вхідних параметрів) безпосередньо чи через інші функції (наприклад, функція А викликає функцію В, а функція В — функцію А). Кількість вкладених викликів функції чи процедури називається глибиною рекурсії.

Міць рекурсивного визначення об'єкта в тім, що таке кінцеве визначення здатне описувати нескінченно велике число об'єктів. За допомогою ж рекурсивної програми можливо описати нескінченне обчислення, причому без явних повторень частин програми.

Існує спеціальний тип рекурсії, називаний «хвостовою рекурсією».

Інтерпретатори і компілятори функціональних мов програмування, що підтримують оптимізацію коду (вихідного та/або такого, що виконується), реалізують хвостову рекурсію в обмеженому обсязі пам'яті за допомогою ітерацій.

Варто уникати надлишкової глибини рекурсії, бо це може викликати переповнення стека викликів.

(Вікіпедія)

ЧАСТИНА 1. (pp23-24)

На рис.1 зображені родинні відносини між членами деякої родини.

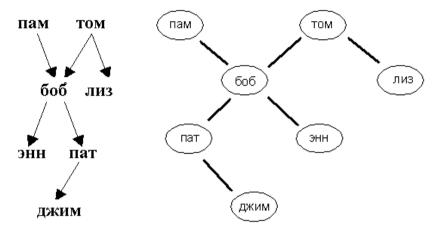


Рис.1. (одне і те ж в двох варіантах)

Щоб описати це дерево родинних відносин, необхідно описати кожну «стрілку» - відношення між двома об'єктами:

```
родитель (пам, боб). родитель (том, боб). родитель (боб, пат). родитель (пам, енн). родитель (том, ліз). родитель (пат, джим).
```

Рис. 2. Опис родини, зображеної на рис.1.

Кожне речення повідомляє про один факт наявності відносини «родитель».

ЗАВДАННЯ ДО ЧАСТИНИ 1:

Завдання 1.1. В програмі, наведеній на рис. 2, є помилка (*зроблена* навмисне). Знайдіть цю помилку. Завдання 1.2. Запрограмуйте генеалогічне дерево рис.1 в Пролозі.

Вказівка: Не забудьте описати всі використані відносини в розділі predicates, вказуючи тип аргументів:

```
predicates
parent(symbol, symbol).
man(symbol).
clauses
```

Завдання 1.3. Поставте системі наступні питання:

Чи є Боб родителем Пат?

Чи ε Ліз родителем Пат?

Чи ϵ Боб родителем Бена? (*Це провокація* — Бен на схемі взагалі не згадується. Що відповість машина?)

Хто ϵ родителем Ліз?

Хто діти Боба? (Оскільки відношення "дитина" ми не визначали, то доведеться спитати: кому Боб доводиться родителем?)

Хто родитель Пат?

Чи є в Ліз дитина?

Хто є родителем родителя Пат? (Для того, щоб написати такий запит, потрібно спочатку визначити відношення «**родитель_родителя**». Як це написати? Спробуйте спочатку здогадатись самостійно. Якщо потрібна підказка, то подивіться зелений текст нижче - це просто шматок із книжки, але ідею одержати можна)

Завдання 1.4. Вважаючи, що відношення «родитель» визначене, знайдіть, якими будуть відповіді Пролог-системи на наступні питання:

- (a) ? родитель (джим, X).
- (b) ? родитель (X, джим).
- (c) ? родитель (пам, X), родитель (X, пат).
- (d) ? родитель (пам, X), родитель (X, Y), родитель (Y, джим).

Сформулюйте ці ж питання природною мовою.

```
Наше складене питання можна інтерпретувати й так:
```

"Знайти X и Y, що задовольняють наступним двом вимогам":

```
родитель(Y, джим) і родитель(X, Y)
```

Якщо ми поміняємо порядок цих двох вимог, то логічний зміст залишиться незмінним:

```
родитель(Х, У) і родитель(У, джим)
```

Це питання можна задати нашій Пролог-системі і в такій формі:

```
?- родитель(Х, У), родитель(У, джим).
```

При цьому результат буде тим же.

У такий же спосіб можна запитати: "Хто онуки Тома?"

```
?- родитель( тім, Х), родитель( Х,У).
```

Система відповість так:

X = 606

Y = ehh:

X = 606

```
Y = \pi a \tau
```

Наступне питання могло б бути таким: "Чи ϵ в Єнн і Пат загальний родитель?" Його теж можна виразити у два етапи:

- (1) Який $X \in$ родителем Eнн?
- (2) чи ε (той же) X родителем Пат?

Відповідний запит до Пролог-системи буде тоді виглядати так:

```
?- родитель (X, енн), родитель (X, пат). 
Відповідь: 
 X = 606
```

ЧАСТИНА 2.

Розширення програми-прикладу за допомогою правил

Нашу програма-приклад можна легко розширити *дуже цікавими способами*. Давайте спершу додамо інформацію про те, якої статі люди, що беруть участь у відношенні **родитель.** Це можна зробити, просто додавши в неї наступні факти:

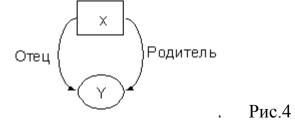
```
жінка (пам).
% (Пам – це побутово-скорочене ім'я Памела, між іншим.)
чоловік (том).
чоловік (боб).
жінка (ліз).
жінка (пат). % (Пат – Patricia – Наприклад, Патрісія Каас)
жінка (енн).
чоловік (джим).
```

Рис. 3.

Ми ввели тут два нових відношення - **чоловік і жінка.** Ці відносини - унарні (або одномістні). Бінарне відношення, таке як **родитель**, визначає відношення між *двома* об'єктами; унарні ж можна використати для оголошення наявності простих властивостей у одного окремо взятого об'єкта.

Перше з наведених вище речень читається так: Пам - жінка.

Тепер повернемося до генеалогічного дерева й запишемо кілька правил.



батько (X, Y): - родитель(X, Y), чоловік (X). (Рис.4)

« $X \in$ батьком Y», якщо виконуються умови, що X - родитель Y, $i \quad X$ - чоловік.

Ці відносини можна назвати «вертикальними».

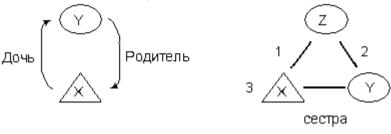


Рис.5 Рис.6

Відносини (чи, більш коректно, – відношення), які мають у структурі більше двох об'єктів і мають вигляд, подібний до відношення "сестра", зображеного на рис.6, називають горизонтальними:

сестра(
$$X,Y$$
) :- родитель(Z,X), родитель(Z,Y), жінка(X).

Для коректності варто було б ввести сюди ще відношення **різні (X, Y)**, що ε істинним тоді й тільки тоді, коли X и Y не рівні між собою. Інакше в результаті виконання програми вийде, що кожна жінка — сама собі сестра. Удосконалене правило для відношення **сестра** набуде тоді наступного вигляду:

сестра(X,Y) :– родитель(Z, Y), жінка(X), різні(X, Y). (У Турбо Пролозі вимогу «різні» можна записати так: X <> У)

Досі ми розглядали відносини першого рангу. Далі розглянемо відносини другого рангу – вони дещо складніші:

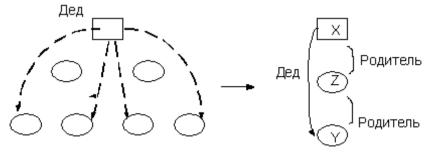


Рис.7. Відношення "дід".

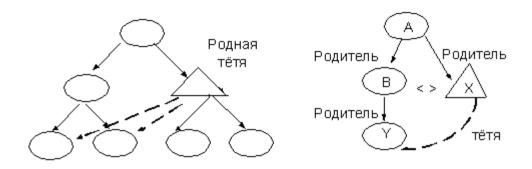


Рис. 8. Вілношення "тітка".

дід (X, B):- родитель (X, Z), родитель (Z, Y), чоловік (X). (Рис.7). тітка (X, Y):- родитель (A, B), родитель (A, X), родитель (B, Y), жінка (X), $B \Leftrightarrow X$. (Рис.8).

ЗАВДАННЯ ДО ЧАСТИНИ 2:

Завдання 2.1. Створіть генеалогічне дерево будь-якої родини (не менше 7 чоловік) і опишіть його в Пролозі.

Спочатку опишіть базові відносини (чоловік, жінка, родитель), щоб на їхній основі будувати подальші відносини - правила.

Завдання 2.2. Тепер ваше завдання - написати кілька простих відношень у вигляді правил.

Наприклад:

Визначте відношення онук, використовуючи відношення родитель.

Визначте відношення $mim \kappa a(X, Y)$ через відношення podumenb й cecmpa.

Складіть правила, що визначають поняття:

1 варіант - мати, дитина, син, дід, внучка, рідна тітка, племінник.

2 варіант - батько, дитина, дочка, бабуся, онук, рідний дядько, племінниця.

Для полегшення роботи можна спочатку зобразити потрібні вам відносини (тітка, тощо) у вигляді діаграм по типу наведених вище. В разі необхідності коригуйте склад родини :).

Завдання 2.3. Введіть у програму одне складне відношення (наприклад, двоюрідна бабуся).

Завдання 2.4. Запрограмуйте наступні твердження в правила на Пролозі: Усякий, в кого є дитина, - щасливий (введіть одноаргументне відношення «щасливий»).

Усякий, в кого ϵ двоюрідна бабуся - щасливий.

Усякий X, що має сина, у якого є сестра, має двох дітей (введіть нове відношення має двох дітей).

Завдання 2.5. Запустіть програму на виконання (Alt + R), і напишіть запити по вашим відносинам.

Наприклад:

- 1. «Хто родитель боба ?» родитель (X, боб).
- 2. «Чи є родители у боба ?» родитель (, боб).
- 3. «Чи ϵ пам родителем бобу ?» родитель (пам, боб).
- 4. «Чи ϵ в представленій родині двоюрідні бабусі ?»
 - двоюрідна_бабуся (X,Y).
 - двоюрідна_бабуся (_,_).
- 5. «Хто ϵ онуком Тома»? (Щоб задати таке питання, спочатку визначте відношення «онук»).
- 6. «Хто зі членів родини щасливий ?»

Відповіді на запити:

- 1. $X = \Pi a M$ X = T i M
- 2. Yes
- 3. Yes
- 4. X = Лi₃, Y = Джим.
- 5.
- 6. (здогадаєтесь самі)

ЧАСТИНА 3. Рекурсивне визначення правил (рр. 33-34)

Давайте додамо до нашої програми про родинні зв'язки ще одне відношення - **предок.** Визначимо його через відношення **родитель.** Все відношення можна виразити за допомогою двох правил. Перше правило буде визначати безпосередніх (найближчих) предків (тобто батьків), а друге - віддалених. Будемо говорити, що деякий X є віддаленим предком деякого Z, якщо між X и Z існує ланцюжок людей, пов'язаних відносинами "**родитель**".

Для всіх X і Z,

Х - предок Z, якщо існує Y, такий, що

- (1) Х родитель Ү
- (2) Y предок Z.

Речення Прологу, що має той же зміст, записується так:

предок(X, Z): – родитель(X, Y), предок(Y, Z).

Тепер ми побудували повну програму для відношення **предок**. Вона містить два правила: одне для найближчих предків й інше для віддалених предків. Тут наводяться обидва правила разом:

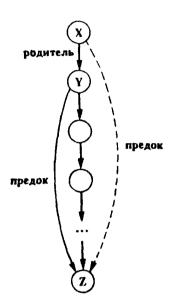


Рис. 1.7. Рекурсивне формулювання відношення **предок.** (38)

Повертаючись до нашої програми, можна тепер задати системі питання: "Хто предок Пам?"

?- предок(Х, пам).

а також і питання

"Хто нащадки Пам?" Тобто:

"Хто та людина, чиїм предком ε Пам ?"

?- предок(пам, X).

X = 606;

 $X = \epsilon_{HH}$:

 $X = \pi a T$:

X = джим

Програма, наведена на рис. 1.8, визначає кілька відношень - **родитель, чоловік, жінка, предок** і т.д. Відношення **предок,** наприклад, визначене за допомогою двох речень. Будемо говорити, що ці два речення входять до складу відносини **предок.**

<u>(36)</u>

```
родитель ( пам, боб). % Пам - родитель Боба ПАМ-БАТЬКО БОБА родитель ( том, боб).
```

```
родитель( том, лиз).
родятель( боб, энн).
родитель( боб, пат).
родитель( пат, джим).
                      % Пам - женщина
женщина (пам).
                      % Том - мужчина
мужчина( том).
мужчина (боб).
женщина( лиз).
женщина (энн).
женщина( пат).
мужчина( джим).
отпрыск( Y, X) :-
                       % У - отпрыск Х, если
   родитель( X, Y). . % X - родитель Y
мать( X, Y) :-
                  % X - мать Y, если
  родитель( Х, Y),
                   % Х - родитель Ү и
                   % X - женщина
  женшнна( Х).
                               % Х - родитель родителя Z, если
родительродителя( X, Z) :-
                     % Х - родитель Ү и
  родитель( X, Y),
  родитель( Y, Z).
                     % Y - родитель Z
                    % X - сестра Y
сестра( X, Y) :-
  родитель(Z, X), родитель(Z, Y) % X и Y имеют общего родителя
  женщина( X, Y),
                     % Х - женщина и
                     % Х отличается от Ү
  различны( X, Y).
                     % Правило пр1: Х - предок Z
предок( X, Z) :-
  родитель( X, Z).
прсдок( X, Z):-
                    % Правило пр2: Х - предок Z
  родитель( X, Y), предок( Y, Z).
```

Рис. 1.8. Програма про родинні відносини.

ЗАВДАННЯ 3. Розгляньте інший варіант відношення предок:

```
предок( X, Z) :-родитель( X, Z). предок( X, Z) :-родитель( Y, Z), предок( X, Y).
```

Чи ε вірним таке визначення? Чи зможете Ви змінити діаграму на рис. 1.8 таким чином, щоб вона відповідала новому визначенню?

ЗАВДАННЯ 4. Розгляньте наступну програму про родинні відносини:

```
/* Program 5 */
domains
  person = symbol
predicates
  male(person)
  female(person)
  father(person,person)
```

```
mother(person, person)
  parent(person,person)
  sister(person, person)
  brother(person,person)
  uncle(person,person)
  grandfather(person,person)
clauses
             % - 20 -
  male(alan).
  male(charles).
  male(bob).
  male(ivan).
  female(beverly).
  female(fay).
  female(merilyn).
  female(sally).
  mother(beverly,marilyn).
  mother(sally,alan).
  father(bob,alan).
  father(charles, beverly).
  father(bob, fay).
  father(alan, marilyn).
  parent(Y,X) if mother(Y,X).
  parent(Y,X) if father(Y,X).
                      /*The brother of X is Y if */
  brother(Y,X) if
     male(Y) and
                     /*Y is a male and
     parent(P,X) and /*the parent of X is P and */
     parent(P,Y) and /*the parent of Y is P and */
     X \Leftrightarrow Y.
                    /* X and Y are not the same*/
  sister(Y,X) if
                    /*The sister of X is Y if */
     female(Y) and /*Y is female and
     parent(P,X) and /*the parent of X is P and */
     parent(P,Y) and /*the parent of Y is P and */
     X \Leftrightarrow Y.
                    /*X and Y are not same
   uncle(U,X) if
                     /*The uncle of X is U if */
     mother(P,X) and /*the mother of X is P and */
     brother(U,P). /*the brother of P is U */
   uncle(U,X) if
                     /*The uncle of X is U if */
     father(P,X) and /*the father of X is P and */
     brother(U,P). /*the brother of P is U */
   grandfather(G,X) if /*The grandfather of X is G*/
     father(G,P) and /*if the father of P is G */
     mother(P,X). /*and the mother of X is P */
   grandfather(G,X) if /*the grandfather of X is G*/
    father (P,X) and /* if the father of X is P */
```

ЗАВДАННЯ 4.1.

Запустіть цю програму й задайте системі наступні питання:

- а. Чи є Алан братом Івана?
- б. Хто дідусь Мерілін?
- в. Хто є чиєю-небудь сестрою?
- г. Які відносини між Мерілін і Беверлі?

ЗАВДАННЯ 4.2.

Відносини "дядько" й "дідусь" у цій програмі описані двома реченнями кожне. Необхідно переписати дядька й дідуся, використовуючи по одному реченню для кожного з них. Які зміни необхідно для цього внести в програму?

ЗАВДАННЯ 5.

САМОСТІЙНО ПРИДУМАЙТЕ ПРИКЛАД ПРЕДМЕТНОЇ ОБЛАСТІ З ВІДНОШЕННЯМИ, ЯКІ МОЖНА ОПИСАТИ ЗА ДОПОМОГОЮ РЕКУРСІЇ, АЛЕ БЕЗ РОДИННИХ ВІДНОСИН (дивись епіграф...)

ЗАВДАННЯ 6.

Ознайомтеся з поняттям «хвостової» та «оптимальної» рекурсії. Наведіть відповідні приклади програм і дослідіть хід їх виконання.

Контрольні питання

- 1. Що таке «унарні відношення» та «бінарні відношення»?
- 2. Дати визначення відношенням першого і другого рангу.
- 3. Що таке «вертикальні» та «горизонтальні» відношення?
- 4. Що в Пролозі називається процедурою?
- 5. Що називається головою правила? Тілом правила?
- 6. Як в TURBO-PROLOG записати умову, що деякі об'єкти «різні»?
- 7. Що таке рекурсивне визначення правил?
- 8. Як можна визначити, що у пред'явленій Вам програмі присутня рекурсія?
- 9. Яка помилка є в програмі на рис.3?
- 10.В чому різниця між запитами:
 - двоюрідна_бабуся (X,Y).
 - двоюрідна_бабуся (_,_).
- 11.Що таке «хвостова рекурсія», «оптимальна і неоптимальна рекурсія»?

- 12.В чому полягає «оптимальність» рекурсії? Яке практичне значення може мати ця оптимальність?
- 13. Розгляньте уважно програму з завдання 4. Ця програма має довгу і складну історію... В книжці, з якої її було взято, все було написано шиворіт-навиворіт. Наприклад: твердження, що Саллі мати Алана, там виглядало не mother (sally, alan), а навпаки: mother(alan, sally). І так далі, все в такому ж дусі. Тепер цю програму вже переписано вашими попередниками більш по-людськи. Спробуйте знайти в ній помилки, і, якщо знайдете, скажіть мені.