2023/1/3 09:46 README

网球拍效应

冯睿骐[1]

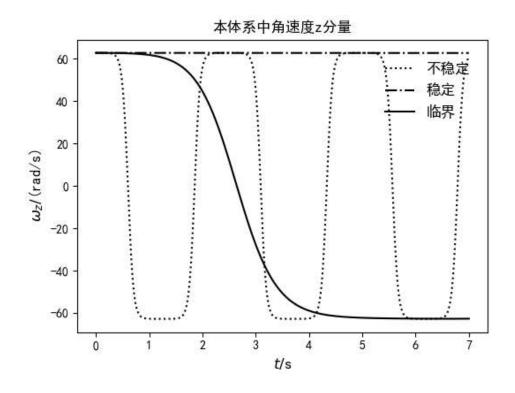
指导老师: 白翠琴

网球拍效应介绍

TRE指刚体绕第二惯量主轴的不稳定旋转现象。刚体自由转动的动力学方程如下

$$\begin{array}{l} \dot{\Omega}_x = \frac{I_{yy} - I_{zz}}{I_{xx}} \Omega_y \Omega_z \\ \dot{\Omega}_y = \frac{I_{zz} - I_{xx}}{I_{yy}} \Omega_z \Omega_x \\ \dot{\Omega}_z = \frac{I_{xx} - I_{yy}}{I_{zz}} \Omega_x \Omega_y \end{array}$$

在 $I_{xx} < I_{zz} < I_{yy}$ 且 $\Omega_{0z} \ll \omega_{0x}, \omega_{0y}$ 的条件下可以观察到刚体除了绕z轴旋转还会翻转。典型的发生、不发生TRE时, ω_z 关于时间的变化图像如下图所示:



COMSOL设置

事实上,刚体的动力学方程是3个常微分方程构成的方程组。解ODE有很多数值方法,而且实现起来也不难。但总之我们先来使用COMSOL。本文档中使用的COMSOL版本是5.6。

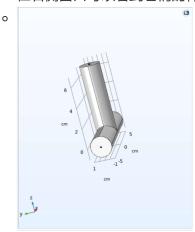
物理场设置

- 打开COMSOL,新建项目,选择 Model Wizard,接着选择 3D,因为我们的模型是3维的。
- 只需选择 Multibody Dynamics 物理场, Study 选择 Time Dependent

2023/1/3 09:46 README

刚体设置

- 在 Component 1/Geometry 中添加你想要的几何体。我们将以T型扳手为例
 - 。 添加两个圆柱体并设置它们的位置和尺寸
- 选择 Component 1/Geometry 中的 Form Union 并在设置中选择 Build All ,从而将添加的几何体组装成一个几何体
 - 。 在右侧窗口可以看到它们的样子

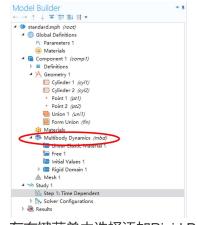


 选择材料(因为是刚体,事实上只有材料的密度会影响;又因为我们的研究中刚体自由转动,只要密度分布均匀 就不会对运动有任何影响)

模拟设置

我们只需要求解刚体运动, 所以

- 在 Component 1/Multibody Dynamics 选项下添加 Rigid Domain 并将几何体加入这个刚体域。
 - 。 如图,右击 Multibody Dynamics



。 在右键菜单中选择添加Rigid Domain



- 选择 Study 1/Step 1: Time Dependent ,设置希望使用的步长和模拟时间。这是一个ODE求解,所以不需要设置 网格
 - 。在左侧菜单中选择



。在设置中调节

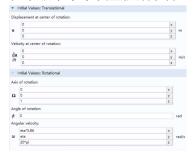
2023/1/3 09:46 README



- 在 Multibody Dynamics 中设置初始条件,需要设置第二主轴的初始角速度远大于另两个轴
 - 。 在Rigid Domain中选择Initial Values为Locally Defined



。 在下级菜单中设置初始条件



• 开始模拟并在 Results 中查看结果,可以导出数据并进一步分析

使用Phyphox进行实验

- 下载Phyphox App
- 选择角速度记录
- 扔手机, 使得初始角速度基本沿第二主轴
- 接住手机 (从而您的手机将会有更小的概率损坏)
- 导出数据并分析

更多资料

- 数据处理的代码在github上可以找到
- 我的COMSOL实例在github上可以找到
- 一个用COMSOL模拟TRE的示例,我的COMSOL模拟参考了这个示例
- 1. 由于作者水平有限,本文难免存在疏漏,请读者不吝赐教。邮箱: rfeng20@fudan.edu.cn ↩