## Modelling the dynamics of language death

Wellington J. Leite da Silva <sup>1</sup>

<sup>1</sup>Escola de Matemática Aplicada da FGV (FGV/EMAp), Brasil

November 2021

### Table of contents

- Introdução
- 2 Metodologia
- Resultados
- 4 Conclusão

# Mandan language (não passada adiante)



Figure: Edwin Benson, o último falante do Mandan (1931 - 2016)

# Cacaopera language (violência)



Figure: El Salvador (local dos indigenas falantes de Cacaopera)

# Cornish language (pressão de outras línguas)



Figure: Cornwall (o local dos falantes de Cornish)

### A extinção de idiomas

- Mais de 7.000 línguas faladas ao redor do mundo, mas cerca de 1/3 delas têm menos de 1.000 falantes.
- Segundo UNESCO mais de 40% de todas as línguas estão em perigo de extinção.
- No Brasil, há 190 línguas ameaçadas de extinção

#### Ideia do trabalho

Published: 21 August 2003

Linguistics

#### Modelling the dynamics of language death

Daniel M. Abrams ™ & Steven H. Strogatz

Nature 424, 900 (2003) | Cite this article

10k Accesses | 271 Citations | 41 Altmetric | Metrics

#### Abstract

Thousands of the world's languages are vanishing at an alarming rate, with 90% of them being expected to disappear with the current generation!. Here we develop a simple model of language competition that explains historical data on the decline of Welsh, Scottish Gaelic, Quechua (the most common surviving indigenous language in the Americas) and other endangered languages. A linguistic parameter that quantifies the threat of language extinction can be derived from the model and may be useful in the design and evaluation of language-preservation programmes.



Figure: Artigo inicial<sup>1</sup>

¹https://www.nature.com/articles/424900a#Bib1 □ > ⟨♂ > ⟨ ≧ > ⟨ ≧ > ⟨ ≧ > ⟨ ≥ ⟩ ⟨ ⊘ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩ ⟨ ⊘ ⟩

### O que é tratado neste trabalho?

Figure 1: The dynamics of language death.

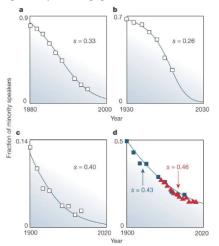


Figure: Gráficos do artigo inicial

### Premissas para o modelo

Com intuito de modelar uma função (x(t)), que representa a porcentagem da população que fala um certo idioma pelo tempo, tomamos as seguintes premissas:

- Vamos considerar um sistema com 2 línguas concorrentes Y e X (onde só é possível falar uma das línguas).
- Vamos considerar também a existência de um parâmetro s  $(0 \le s \le 1)$  que chamamos de status da língua.
- Sendo  $P_{yx}(x(t), s)$  a probabilidade de um falante de Y ir para X no tempo t, onde s é o status de X em relação a Y.

Assim uma EDO que modela o sistema pode ser dada por:

$$x'(t) = (1 - x(t))P_{yx}(x(t), s) - x(t)P_{xy}(x(t), s)$$

<ロ > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 る の へ ○ </p>

### O modelo

Também podemos assumir que:

- Ninguém adotará uma linguagem que não tenha falantes  $(P_{yx}(0,s)=0)$ .
- Ou nenhuma língua com status zero  $(P_{yx}(x(t),0)=0)$ .
- Vamos propor que  $P_{yx}$  é da seguinte forma  $P_{yx} = cs(x(t))^a$  e  $P_{xy} = c(1-s)(1-x(t))^a$

Dessa forma o modelo fica assim:

$$x'(t) = (1 - x(t))cs(x(t))^{a} + x(t)c(1 - s)(1 - x(t))^{a}$$

Onde c, s, a e x(0), são parâmetros do modelo.



## Proposta de mudança

$$x'(t) = (1 - x(t))cs(x(t))^{a} + x(t)c(1 - s)(1 - x(t))^{a}$$

#### Estimação dos parâmetros:

- (Artigo inicial) Regressão Linear
- (Este trabalho) Inferência Bayesiana

### Aplicação do modelo

Para testar o modelo escolhemos 2 línguas: Gaelic e Welsh, então precisamos estimar os parâmetros do modelo, para isso:

- Usamos pymc3.
- Fixamos x(0) como o primeiro valor das observações.
- Sugerimos distribuições a priori para cada um dos outros parâmetros, que foram sento refinadas, até encontrar bons valores para cada parâmetro.
- Em seguinte plotamos o gráfico da x com os "melhores" parâmetros encontrados, junto com as observações.

### Posterioris Gaelic

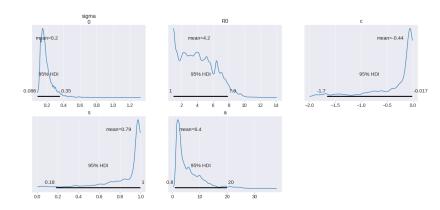


Figure: Posterioris dos parâmetro para gaelic

# Projeção da x(t)

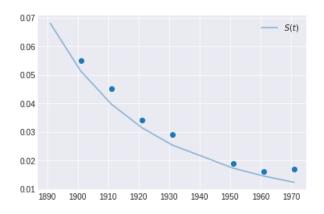


Figure: Modelagem gaelic

#### Posterioris Welsh

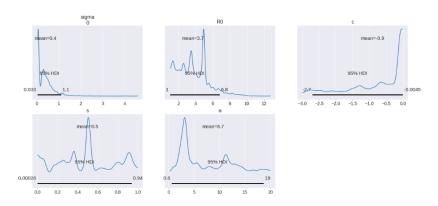


Figure: Posterioris dos parâmetro para welsh

# Projeção da x(t)

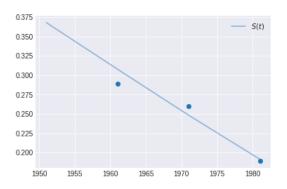


Figure: Modelagem welsh

### Para mais detalhes

### Jupyter-notebook com implementação de Galic

```
https://github.com/wellington36/
Modelling-the-dynamics-of-language-death/blob/main/
Implementa%C3%A7%C3%B5es/implementacao_gaelic.ipynb
```

### Jupyter-notebook com implementação de Welsh

```
https://github.com/wellington36/
Modelling-the-dynamics-of-language-death/blob/main/
Implementa%C3%A7%C3%B5es/Implementa%C3%A7%C3%A3o%20Welsh.
ipynb
```

#### Dificuldades durante o trabalho

- Falta de dados (e de referencias para os que tem).
- Vários aspectos podem levar um idioma a morte.
- Poucas pesquisar na área (principalmente no Brasil que é muito afetado).

# Thank you!

#### For contact:

wellington.71319@gmail.com