日期 科目 班级 姓名 学号 序号

2022 年 12 月 27 日 数理统计 强基数学 002 吴天阳 2204210460 50

第八次作业

题目 1. (41) 投掷一个骰子 300 次,记录得到以下结果:

结果: 1 2 3 4 5 6 频率: 43 49 56 45 66 41

请问是否有 0.05 的检验水平认为该骰子是均匀的?

解答. 由题可知, $\alpha = 0.05, k = 6, n_1 = 43, n_2 = 49, n_3 = 56, n_4 = 45, n_5 = 66, n_6 = 41, n = 300, p_i^0 = 1/6.$

卡方拟合优度检验: 广义似然比为 $\lambda = \prod_{j=1}^k \left(\frac{np_j^0}{n_j}\right)^{n_j} \approx 0.0133$,通过查表可知 $\chi^2_{1-\alpha}(k-1) = \chi^2_{0.95}(5) \approx 11.07$,由于 $-2\log\lambda \approx 8.634 < 11.07$,所以有 0.05 的检验水平认为该骰子是均匀的.

Pearson 统计量: 求解 Pearson 统计量 $q_5^0 = \sum_{j=1}^k \frac{(n_j - np_j^0)^2}{np_j^0} = 8.96$,由于 8.96 < 11.07,所以也有 0.05 的检验水平认为该骰子是均匀的.

题目 2. (42) 豚鼠杂交的 64 个后代中,有 34 个红色的,10 个黑色的,20 个白色的. 根据遗传学模型,这些数字的比例应该满足 9/3/4. 这些数据是否有 0.05 的检验水平满足该模型?

解答. 由题可知, $\alpha=0.05, k=3, n_1=34, n_2=10, n_3=20, n=64, p_1^0=9/16, p_2^0=3/16, p_3^0=4/16.$

卡方拟合优度检验: 广义似然比为 $\lambda=\prod_{j=1}^k\left(\frac{np_j^0}{n_j}\right)^{n_j}\approx 0.498$,通过查表可知 $\chi^2_{1-\alpha}(k-1)=\chi^2_{0.95}(2)\approx 5.994$,由于 $-2\log\lambda\approx 1.3925<5.994$,所以有 0.05 的检验水平认为该骰子是均匀的.

Pearson 统计量: 求解 Pearson 统计量 $q_2^0 = \sum_{j=1}^k \frac{(n_j - np_j^0)^2}{np_j^0} = 1.444$,由于 1.444 < 5.994,所以也有 0.05 的检验水平认为该骰子是均匀的.

题目 3. (47) 对于下面性别关于是否色盲的 2×2 的列联表,检验患色盲与性别是否独立.

	男性	女性	
正常	442	514	
色盲	38	6	

解答. 由题可知, $n_{11} = 442, n_{12} = 514, n_{21} = 38, n_{22} = 6, \hat{p}_{1.} = 0.956, \hat{p}_{2.} = 0.044, \hat{p}_{.1} = 0.48, \hat{p}_{.2} = 0.52.$

卡方拟合优度检验: 广义似然比为 $\lambda = \frac{\prod_{i=1}^2 p_{i.}^{n_i.} \prod_{j=1}^2 p_{i,j}^{n_{.j}}}{\prod_{i=1}^2 \prod_{j=1}^2 p_{i,j}^{n_{i,j}}} \approx 3.426 \times 10^{-7}$,通过查表可知 $\chi^2_{0.05}(1) \approx 3.838$ 则 $-2\log\lambda \approx 29.773 > 3.838$,故 juj