

学号

姓名

专业

年级

院/系

线
订
装
超
勿
题
答

线

订

装

安徽大学 2019—2020 学年第二 学期

《线性代数 (A)》模拟试卷 (1)

(闭卷 时间 120 分钟)

考场登记表序号_____

题 号	一	二	三	四	五	六	七	总分
得 分								
阅卷人								

一、填空题 (每小题 2 分, 共 10 分)

得 分

1. 行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ -1 & 2 & 3 & -4 \\ 1 & 4 & 9 & 16 \\ -1 & 8 & 27 & -64 \end{vmatrix} = \underline{\hspace{2cm}}$

2. 已知 $A \in R^{n \times n}$, $|A| = 3$, 则 $|(((A^*)^*)^*)^*)| = \underline{\hspace{2cm}}$

3. 行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & -1 & -1 \\ 1 & 0 & x & -1 \\ 1 & -1 & -1 & 1 \end{vmatrix}$ 中 x 的系数是 $\underline{\hspace{2cm}}$

4. 已知向量 $\alpha_1 = (t, 1, 1)^T$, $\alpha_2 = (1, t, -1)^T$, $\alpha_3 = (1, -1, t)^T$, 线性相关, 则 $t = \underline{\hspace{2cm}}$

5. 实对称矩阵 $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ 的符号差等于 $\underline{\hspace{2cm}}$

二、选择题（每小题 2 分，共 10 分）

得分

6. 已知以三维向量 α, β, γ 为棱的平行六面体体积等于零, 则下列说法不正确的是()

- A. α, β, γ 共面 B. α, β, γ 混合积等于零
C. α, β, γ 线性相关 D. α, β, γ 线性无关

7. 若 n 阶方阵 A 可逆, 下列说法不正确的是 ()

- A. A 的特征值均不为零
B. A 的行向量组线性无关
C. A 的伴随矩阵的秩为 0
D. A 可以分解为初等矩阵的乘积

8. A 为 $m \times n$ 的矩阵, 非齐次方程组 $AX = \beta$ 的导出组为 $AX = 0$, 如果 $m < n$, 下列说法正确的是 ()

- A. $AX = \beta$ 必有无穷多解
B. $AX = \beta$ 必有唯一解
C. $AX = 0$ 必有无穷多解
D. $AX = 0$ 必有唯一解

9. 下列说法与 A 为正交矩阵等价的是 ()

- A. A 的行 (列) 向量组两两正交
B. $|A| = \pm 1$
C. $A^{-1} = A^T$
D. A 的特征值均大于零。

10. 若 n 阶矩阵 A 和 B 合同, 则 ()

- A. A 和 B 相等
B. A 和 B 相似
C. $|A| = |B|$
D. $r(A) = r(B)$

三、计算题（每小题 10 分，共 70 分）

得分	
----	--

11. 计算 n 阶行列式 $D_n = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & \cdots & 0 & 0 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \end{vmatrix}$

12. 求矩阵 $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 0 \\ 2 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & -2 \\ 0 & 1 & -2 & 6 \end{pmatrix}$ 的逆矩阵。

13. 求非齐次方程组 $\begin{cases} x_1 + x_2 = 5 \\ 2x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 1 \\ 5x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 7 \end{cases}$ 的通解。

14. 已知 $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 \\ 4 & -2 & 5 \\ 2 & -1 & 4 \end{pmatrix}$, 构造矩阵 $B \in R^{3 \times 4}$, 且 $r(B) = 1$, 使得 $AB = 0$

15. 设 $A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 0 & -3 & 4 \\ 0 & 4 & 3 \end{pmatrix}$, 求可逆矩阵 P 及对角阵, 使 $PAP^{-1} = \Lambda$ 。

16. 已知向量 $\alpha_1 = (1, 1, 1)^T$, 求向量 α_2, α_3 , 使得 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 为正交向量组。

17. 求二次型 $2x_1^2 - x_2^2 - x_3^2 + 4x_1x_2 + 8x_1x_3 - 4x_2x_3$ 的标准型。

四、证明题（每小题 5 分，共 10 分）

得分	
----	--

18. 已知三阶实矩阵 A 的特征值分别为 1, 2, 3,
证明: 矩阵 $A - E, A - 2E, A - 3E$ 均不可逆。

19. 已知向量组 $r(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_s) = r_1, r(\beta_1, \beta_2, \dots, \beta_t) = r_2$,
证明: $r(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_s, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_t) \leq r_1 + r_2$,

