$\times$ 4 单层加性 FCNN 示意图,拓扑结构为半径 r=1 的矩形邻域.

在数学形态学中,4个基本算子是:腐蚀算子(erosion)、膨胀算子(dilation)、开算子(opening)、闭算子 (closing). 其中,腐蚀算子和膨胀算子是基础,其它算子可以分解为它们的组合. 设结构元为 S,输入图像为 X,输出图像为Y,则腐蚀算子和膨胀算子FCNN实现的参数模板为[5]:

腐蚀算子(Y=XOS):A=0,B=0, $A_{\text{fmin}}=$ 未定义, $A_{\text{fmax}}=$ 未定义, $B_{\text{fmin}}=-S$ , $B_{\text{fmax}}=$ 未定义, $R_x=1$ ,I= $0, u = X, x_0 = 任意, y = Y;$ 

膨胀算子 $(Y=X \oplus S): A=0, B=0, A_{\text{fmin}}=$ 未定义, $A_{\text{fmax}}=$ 未定义, $B_{\text{fmin}}=$ 未定义, $B_{\text{fmin}}=$ 未定义, $B_{\text{fmax}}=S_D, R_x=1, I=$  $0, u = X, x_0 = 任意, y = Y;$ 

这里 $S_D$ 是S的中心对称变换. 电容参数C可根据实际需要调节,一般地使 $\tau_{FCNN}$ 的数量级在 $10^{-9}$ s,以保 证实时图像处理的需要. 开算子和闭算子可由下述复合算子得到:

开算子:

 $X \circ S = (X\Theta S) \oplus S;$ 

闭算子:

 $X \cdot S = (X \oplus S) \Theta S;$ 

在形态学重构算法的实现中,使用双输入层 FCNN 来实现图像的模糊逻辑运算[5.6].每一输入层表示一 个图像,层间用模糊逻辑"与"(min)、"或"(max)连接,则细胞状态方程变为:

模糊与(u1 ∧ u2):

 $C \dot{x}_{ij} = -x_{ij} + \min(u_{ij1}, u_{ij2});$ 

模糊或(u₁ ♥ u₂):

 $C \dot{x}_{ij} = -x_{ij} + \max(u_{ij1}, u_{ij2});$ 

## 无噪声环境 FCNN 汉字提取

这时待处理的是一灰度图像,由于不存在噪声污染,汉字和背景很容易分离开来而形成二值图像.我们 将用一门限(threshold)FCNN来实现灰度图像的二值化.接着,利用形态学二值重构 FCNN来实现汉字提 取. 下面是有关形态学二值重构的定义:

定义 1. 最短距离膨胀(geodesic dilation)[5]. 设 X 为二值图像,其标识图像(marker) $J\subseteq X$ ,则一阶最短 距离膨胀定义为:

$$\widetilde{D}_{X}^{(1)}(J) = (J \oplus S) \cap X; \tag{4}$$

n 阶最短距离膨胀定义为:

$$\widetilde{D}_{X}^{(n)}(J) = \underbrace{\widetilde{D}_{X}^{(1)} \circ \widetilde{D}_{X}^{(1)} \circ \cdots \circ \widetilde{D}_{X}^{(1)}(J)}_{n \text{ times}}; \tag{5}$$

设X为二值图像,其标识图像(marker) $J\subseteq X$ ,于是,J所标识的X的连 算法 1. 形态学二值重构[5]. 通域可由反复迭代最短距离膨胀直至稳定而重构出来:

$$\widetilde{R}_X(J) = \bigcup_{n \geqslant 1} \widetilde{D}_X^{(n)}(J); \tag{6}$$

当我们以一1表示背景值,1表示前景值,上面的集合交、并可由模糊与、或来实现.

下面的伪代码描述了无噪声环境下汉字提取的 FCNN 算法程序:

Begin

Y = Threshold(X, z); // 门限 FCNN: X 是待处理的灰度图像, z 是门限. X 中大于 z 的像素将被置 1, 其它则为一1.其实现见下面.

 $Z = \widetilde{R}_{V}(J)$ ;

//形态学二值重构.

End.

Function Y = Threshold(X, z)

Function 
$$I = Intestitute(X, x)$$
  
 $\{A=2, B=0, A_{\text{fmax}} = A_{\text{fmin}} = B_{\text{fmax}} = B_{\text{fmin}} = 未定义, R_x = 1, I=z, u=任意, x_0 = X, y=Y\};$ 

图 2 列出了仿真结果. 图 2(a)是摄自《兰亭序》(唐神龙本)的片段,其中含有待提取的"悟"字,这是一幅 不含腐蚀噪声的图像;图 2(b)是门限 FCNN 二值化图像,这里取门限 0.6;图 2(c)是标识图像 J,由于该字 由 3 个连通域组成,至少要在每个连通域选择一个标识点,为加快速度可以选择更多的点(这里是 18 个斑点 块);图 2(d)是经 5 次迭代后重构的结果,这里的结构元选择的是 5×5 阶零矩阵.