

# 中山大学计算机学院 人工智能

# 本科生实验报告

(2021 学年春季学期)

课程名称: Artificial Intelligence

	8		
教学班级		专业 (方向)	
学号		姓名	

### 一、 实验题目

编写程序,实现一阶逻辑归结算法,并用于求解给出的三个逻辑推理问题,要求输出按照如下格式:

- 1. (P(x),Q(g(x)))
- 2. (R(a),Q(z),¬P(a))
- 3.  $R[1a,2c]{X=a} (Q(g(a)),R(a),Q(z))$

... ...

- "R" 表示归结步骤.
- "1a" 表示第一个子句(1-th)中的第一个 (a-th)个原子公式,即 P(x).
- "2c"表示第二个子句(1-th)中的第三个 (c-th)个原子公式,即¬P(a).
- "1a"和"2c"是冲突的,所以应用最小合一{X = a}.

#### 任务一: Aipine Club

On(aa,bb)

On(bb,cc)

Green(aa)

-Green(cc)

 $(\neg On(x,y), \neg Green(x), Green(y))$ 

#### 任务二: Graduate Student

GradStudent(sue)

(¬GradStudent(x), Student(x))

(¬Student(x),HardWorker(x))

¬HardWorker(sue)

#### 任务三: Block World

A(tony)

A(mike)

A(john)

L(tony, rain)

L(tony, snow)

 $(\neg A(x), S(x), C(x))$ 



(¬C(y), ¬L(y, rain)) (L(z, snow), ¬S(z)) (¬L(tony, u), ¬L(mike, u)) (L(tony, v), L(mike, v)) (¬A(w), ¬C(w), S(w))

## 二、 实验内容

#### 1. 算法原理

#### Clausal form:

是一种便于计算机处理的表达形式。这种形式下,每一条子句对应着一个元组,元组中的每一个元素是一个原子公式(或者是原子公式的否定),同时元素之间的关系是析取关系。本次实验处理的输入的子句都是这一形式。

#### 合一算法:

"合一"是指通过变量替换使得两个子句能够被归结,对应的那一组变量替换,它是一种等价的操作。

而"最一般合一"指的是使得两个原子公式等价,最简单的一组变量替换。 我们通过"合一"来让"归结"成为可能。

#### 归结原则:

对于子句集:

$$((P1, C_1), (\neg P, C_2), \dots)$$

归结原则:

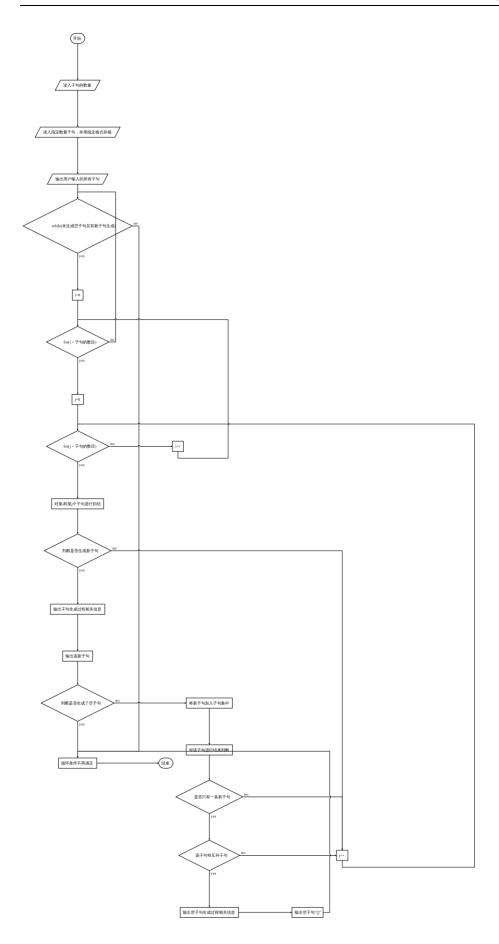
$$(P1,C_1) \wedge (\neg P,C_2) \Rightarrow (C_1,C_2)$$

它的特殊形式:

$$(P1, C_1) \land \neg P \Rightarrow C_1$$

#### 2. 伪代码/流程图







#### 3. 关键代码展示(带注释)

```
1. class Predicate: # 我们先定义一个谓词类来对子句中的谓词进行存储
2.
        element = []
        def __init__(self, str_in):
3.
4.
           self.element = []
5.
           if len(str_in) != 0: # 可能传入字符串为空(这种情况将通过其他方式添加元素)
6.
               if str_in[0] == ',': # 把原来用于分隔谓词的","去掉
7.
                   str_in = str_in[1:]
8.
               for i in range(len(str_in)): # 将谓词内的元素拆分到列表中
9.
10.
                   tmp += str_in[i]
11.
                   if str_in[i] == '(' or str_in[i] == ',' or str_in[i] == ')':
12.
                      self.element.append(tmp[0:-1])
                      tmp = ""
13.
14.
        def new(self, list_in): # 因为只能有一个构造函数,所以此函数用于从列表生成
15.
           for i in range(len(list_in)): # 谓词拆分成的元素此时存储在列表中
16.
17.
               self.element.append(list_in[i])
18.
19.
        def rename(self, old_name, new_name): # 用于支持合一 换名的操作, 更改谓词中元素
20.
            for i in range(len(old_name)):
21.
               j = 1
               while j < len(self.element):</pre>
22.
                   if self.element[j] == old_name[i]:
23.
24.
                      self.element[j] = new_name[i]
25.
                   j = j + 1
26.
        def get_pre(self): # 返回谓词的前缀是否为"¬",是返回布尔值Ture
27.
28.
           return self.element[0][0] == "¬"
29.
30.
        def get_name(self): # 返回谓词名称(存储在最前面)
            if self.get_pre():
31.
32.
               return self.element[0][1:]
33.
           else:
               return self.element[0]
34.
35.
    def print_clause(clause_in): #从格式化存储的谓词组中还原子句字符串,并打印
36.
        tmp = ""
37.
38.
        if len(clause_in) > 1:
           tmp = tmp + "("
39.
        for i in range(len(clause in)):
40.
           tmp = tmp + clause_in[i].element[0] + "("
41.
42.
           for j in range(1, len(clause_in[i].element)):
```



```
43.
                tmp = tmp + clause_in[i].element[j]
44.
                if j < len(clause_in[i].element) - 1:</pre>
45.
                   tmp = tmp + ","
            tmp = tmp + ")"
46.
47.
            if i < len(clause_in) - 1:</pre>
48.
                tmp = tmp + ","
49.
        if len(clause_in) > 1:
50.
            tmp = tmp + ")"
51.
        if(tmp != ""):
52.
            print(tmp)
53.
    def print_msg(key, i, j, old_name, new_name, set_of_clause): # 输出新子句生成相关信息
54.
        tmp = str(len(set_of_clause)) + ": R[" + str(i+1)
55.
        if len(new_name) == 0 and len(set_of_clause[i]) != 1:
56.
57.
            tmp = tmp + chr(key + 97)
        tmp = tmp + ", " + str(j+1) + chr(key + 97) + "]("
58.
59.
        for k in range(len(old_name)):
            tmp = tmp + old_name[k] + "=" + new_name[k]
60.
61.
            if k < len(old name)-1:</pre>
62.
                tmp = tmp + ", "
63.
        tmp = tmp + ") = "
64.
        print(tmp, end="")
65.
66.
    def end_or_not(new_clause, set_of_clause):
        if len(new_clause) == 0: # 新生成的 new_clause 已经为空的情况
67.
68.
            print("[]")
69.
            return True
70.
        if len(new_clause) == 1: # 查找已有的子句中是否存在与新子句(1条)互补
            for i in range(len(set_of_clause) - 1): # set_of_clause[j]超过一个谓词的取或
72.
                if len(set_of_clause[i]) == 1 and new_clause[0].get_name() == set_of_clau
    se[i][0].get_name() and new_clause[0].element[1:] == set_of_clause[i][0].element[1:]
    and new_clause[0].get_pre() != set_of_clause[i][0].get_pre():
73.
                    print(len(set_of_clause) + 1, ": R[", i + 1, ", ", len(set_of_clause)
    , "]() = []", sep="")
74.
                    return True
        return False # 不符合条件不结束while 循环
75.
76.
77. def main(): # 包含子句的输入、while 循环和 for 循环
78.
        set_of_clause = [] # 用于存储子句
        print("首先,请输入子句数量:")
79.
        num_of_clause = input()
80.
        print("下面, 请输入",num_of_clause,"条子句: ")
81.
        for i in range(int(num_of_clause)): # 获取若干条子句的输入
82.
```



```
83.
           clause_in = input()
           if clause_in == "":
24
              print("输入过程有误(输入为空),程序将退出")
85.
86.
              return
           if clause_in[0] == '(': # 如果子句最左侧有括号,则去掉
87.
88.
              clause_in = clause_in[1:-1]
           clause_in = clause_in.replace(' ', '') # 如果子句內有空格,则去掉
89.
90.
           set_of_clause.append([]) # 一个列表,将输入的子句拆分存储
           tmp = "" # 用于拆分子句使用的中间变量
91.
92.
           for j in range(len(clause_in)): # 拆分存储在列表里
93.
              tmp += clause_in[j]
94.
              if clause_in[j] == ')': # 用')'作为结尾分割成多个谓词公式
95.
                  if j + 1 != num_of_clause:
96.
                      clause_tmp = Predicate(tmp) # 创造一个谓词公式类Predicate 的变量
97.
                      set_of_clause[i].append(clause_tmp) # 加入到子句集的第 i 个子句中
                  tmp = ""
98
99.
        for i in range(len(set_of_clause)): # 先输出刚刚输入的子句集里的子句
100.
101.
           print clause(set of clause[i])
102.
       status = True # 状态为True 时while 循环会被执行
103.
104.
        while status:
105.
           for i in range(len(set_of_clause)):
106.
              if not status: # 检查状态
107.
                  break
108.
              if len(set_of_clause[i]) == 1:# 只对一个谓词的子句 set_of_clause[i] 进行下面
    处理
109.
                  for j in range(0, len(set_of_clause)): # 和其它的子句进行比较
110.
                      if not status: # 检查状态
111.
                         break
112.
                      if i == j: # 不和自己比较
113.
                         continue
114.
                      old_name = []
                      new_name = [] # 将自由变量转换为约束变量
115.
                      key = -1 # -1 表示该子句的同名谓词不能进行消去
116.
                      for k in range(len(set_of_clause[j])): # 在子句set_of_clause[j]
117.
    中找相同的谓词,且可以消去,设置 key 为其位置
118.
                         if set_of_clause[i][0].get_name() == set_of_clause[j][k].get_
    name() and set_of_clause[i][0].get_pre() != set_of_clause[j][k].get_pre():
119.
                             key = k
120.
                             for 1 in range(len(set_of_clause[j][k].element) - 1): #
    找到可以换名的变量并记录
121.
                                if len(set_of_clause[j][k].element[l + 1]) == 1: #
    是自由变量
```



```
122.
                                      old_name.append(set_of_clause[j][k].element[l + 1
    ])
123.
                                      new_name.append(set_of_clause[i][0].element[1 + 1
    ])
124.
                                  elif len(set_of_clause[i][0].element[l + 1]) == 1:
125.
                                      old_name.append(set_of_clause[i][k].element[l + 1
    ])
126.
                                      new_name.append(set_of_clause[j][0].element[l + 1
    ])
127.
                                  elif set_of_clause[j][k].element[l + 1] != set_of_cla
    use[i][0].element[1 + 1]:
128.
                                      key = -1
129.
                                      break
130.
                              break
131.
                       if key == -1: # 否则换名 消去 生成新子句
132
                           continue
133.
                       new_clause = [] # 记录生成的新子句
                       for k in range(len(set_of_clause[j])):
134.
                           if k!= key: # 位置为 key 的已经被消去了,所以不在新子句里
135.
                              p = Predicate("")
136.
137.
                              p.new(set_of_clause[j][k].element)
138.
                              p.rename(old_name, new_name)
139.
                              new_clause.append(p)
140.
                       if len(new_clause) == 1: # 判断是否生成的子句是否与已有重复(不判断
    是否生成了子句)
141.
                           for k in range(len(set_of_clause)):
                              if len(set_of_clause[k]) == 1 and new_clause[0].element =
142.
    = set_of_clause[k][0].element:
143.
                                  key = -1
144.
                                  break
                       if key == -1: # 如果生成的子句已存在,跳过加入子句集的过程
145.
146.
                          continue
147.
                       set_of_clause.append(new_clause) # 生成的新的子句加入的子句集中
                       print_msg(key, i, j, old_name, new_name, set_of_clause) # 输出生
148.
    成新子句的相关信息
                       print_clause(new_clause) # 输出该新子句
149.
150.
                       if end_or_not(new_clause, set_of_clause): # 判断是否应该结束归结
    过程
151.
                           status = False
152.
                          break
153.
        print("Success!")
154.
155. if __name__ == '__main__':
156.
        main()
```



#### 4. 创新点&优化

上面的代码几乎完美的通过了本次实验的三个用例,但是它真的没有问题吗? 答案是否定的。我们其实只用到了 (A)and(¬A,B,C,...) => (B,C,...) 的规则,而恰巧三个用例都能用这条规则去解决。我们考虑一种需要使用 (¬A,B,C,...)and(A,B,C,...) => (B,C,...) 的规则的情况:

```
    (A(dear), ¬B(lihua, x))
    (¬A(dear), ¬B(lihua, x))
    (B(lihua, x), ¬B(mike, x))
    (B(lihua, x), B(mike, x))
```

这完全是可以归结的,但是我们的程序却傻眼了,为此,我们需要略做一些升级——对于上面第 108 行的 if 语句,我们在上面 153 行出平行地加入下列代码:

```
else: # set of clause[i]是有多个谓词的子句
2.
                   for j in range(0, len(set_of_clause)): # 找可使用规
    则 (¬A,B,C,...) and(A,B,C,...) => (B,C,...) 的子句 set_of_clause(j)
3.
                       key = -1
4.
                       if i != j and len(set_of_clause[i]) == len(set_of_clause[j]):
5.
                          for k in range(len(set_of_clause[i])):
6.
                              if set_of_clause[i][k].element == set_of_clause[j][k].ele
    ment:
                                  # 实际情况中,应该进一步考虑各种可进行变量换名的情况
7.
8.
                                  continue
9.
                              elif set_of_clause[i][k].get_name() == set_of_clause[j][k
    ].get_name() and set_of_clause[i][k].element[1:] == set_of_clause[j][k].element[1:]:
                                  # 需要在这里判断变量换名的情况
10.
11.
                                  if key != -1: # 表明已经存在一处不等的情况,无法使用该规
    则进行消除
12.
                                      kev = -1
13.
                                      break
14.
                                  key = k
15.
                              else:
                                  key = -1
16.
17.
18.
                       if key == -1:
19.
                          continue
20.
                       new_clause = []
21.
                       for k in range(len(set_of_clause[i])):
22.
                          if k != key:
23.
                              p = Predicate("")
24.
                              p.new(set_of_clause[j][k].element)
25.
                              new_clause.append(p)
                       if len(new_clause) == 1: # 判断是否生成的子句是否与已有重复(不判断
26.
    是否生成了子句)
27.
                          for k in range(len(set_of_clause)):
```



```
if len(set_of_clause[k]) == 1 and new_clause[0].element =
28.
    = set_of_clause[k][0].element:
29.
                                 key = -1
30.
                                 break
                      if key == -1: # 如果生成的子句已存在,跳过加入子句集的过程
31.
32.
                      set_of_clause.append(new_clause)
33.
                      print_msg(key, i, j, [], [], set_of_clause) # 输出生成新子句的相关
34.
    信息
                      print_clause(new_clause) # 输出该新子句
35.
36.
                      if end_or_not(new_clause, set_of_clause): # 判断是否应该结束归结
    过程
37.
                          status = False
38.
                          break
```

这时我们再次尝试处理刚刚我们提到的情况,就可以解决了。我们很容易发现,我们刚添加的部分有一定的代码重用,这部分是可以继续优化的。

另一个优化的点在于是否结束归结过程的判断。我们很容易想到,只要最后归结到一个空的子句,一切就结束了。但是我们的程序里,如果在子句集中已经出现了互补的情况,我们仍然需要走一些弯路才能到达归结到空子句的情况。在上面的代码的第 70-74 行,我们在判断是否结束归结过程时,额外引入了查找是否存在与新生成的子句互补的子句的步骤,从而能够起到提前结束归结过程的效果。

# 三、 实验结果及分析

#### 1. 实验结果展示示例

我们对是否结束归结过程的判断过程进行优化,能够使得归结的步骤变得更为简洁,优化效果如下对比:

#### 任务一: Aipine Club

(请见下页)

优化前	优化后
-----	-----



```
首先,请输入子句数量:
首先,请输入子句数量:
                                                          下面,请输入 5 条子句:
下面,请输入 5 条子句:
                                                          On(aa,bb)
On(bb.cc)
Green(aa)
(¬On(x,y),¬Green(x),Green(y))
9: R[3, 6a]() = Green(bb)
                                                          10: R[4, 5c](y=cc) = (\neg 0n(x,cc), \neg Green(x))
10: R[4, 5c](y=cc) = (\neg 0n(x,cc), \neg Green(x))
11: R[4, 7b]() = ¬Green(bb)
12: R[4, 8b](y=cc) = \neg 0n(aa,cc)
                                                          12: R[9, 11]() = []
13: R[1, 5a](x=aa, y=bb) = (¬Green(aa),Green(bb))
15: R[3, 5b](x=aa) = (\neg 0n(aa,y), Green(y))
16: R[4, 5c](y=cc) = (¬On(x,cc),¬Green(x))
17: R[9, 5b](x=bb) = (\neg 0n(bb,y), Green(y))
18: R[9, 7a]() = Green(cc)
20: R[9, 11a]() = []
```

#### 任务二: Graduate Student

```
优化前
                                         优化后
                                         首先,请输入子句数量:
首先,请输入子句数量:
                                         下面,请输入 4 条子句:
下面,请输入 4 条子句:
                                         GradStudent(sue)
GradStudent(sue)
(-GradStudent(x),Student(x))
                                         (-GradStudent(x),Student(x))
(¬Student(x), HardWorker(x))
                                         (-Student(x), HardWorker(x))
-HardWorker(sue)
                                         -HardWorker(sue)
                                         5: R[1, 2a](x=sue) = Student(sue)
6: R[4, 3b](x=sue) = \neg Student(sue)
                                         6: R[4, 3b](x=sue) = \neg Student(sue)
7: R[5, 3a](x=sue) = HardWorker(sue)
                                         7: R[5, 6]() = []
8: R[5, 6a]() = []
```

#### 任务三: Block World

(请见下页)

优化前	优化后
* - · · · · ·	



```
首先,请输入子句数量:
                                                      首先,请输入子句数量:
下面,请输入 11 条子句:
                                                      下面,请输入 11 条子句:
                                                     A(tony)
                                                     A(mike)
A(john)
                                                     A(john)
                                                     L(tony, snow)
(\neg A(x), S(x), C(x))
                                                     (L(z, snow), ¬S(z))
(¬L(tony,u),¬L(mike,u))
                                                     (\neg A(w), \neg C(w), S(w))
                                                     13: R[1, 11a](w=tony) = (\neg C(tony), S(tony))
                                                     14: R[2, 6a](x=mike) = (S(mike), C(mike))
15: R[2, 11a](w=mike) = (\neg C(mike), S(mike))
                                                     15: R[2, 11a](w=mike) = (\neg C(mike), S(mike))
                                                     16: R[3, 6a](x=john) = (S(john),C(john))
16: R[3, 6a](x=john) = (S(john),C(john))
17: R[3, 11a](w=john) = (\neg C(john), S(john))
                                                     17: R[3, 11a](w=john) = (\neg C(john), S(john))
18: R[4, 7b](y=tony) = \neg C(tony)
                                                     18: R[4, 7b](y=tony) = \neg C(tony)
                                                     19: R[4, 9a](v=rain) = \neg L(mike, rain)
19: R[4, 9a](u=rain) = \neg L(mike, rain)
                                                     20: R[5, 9a](u=snow) = \neg L(mike,snow)
20: R[5, 9a](u=snow) = \neg L(mike,snow)
                                                     21: R[1, 6a](x=tony) = (S(tony),C(tony))
21: R[1, 6a](x=tony) = (S(tony),C(tony))
                                                     22: R[1, 11a](w=tony) = (\neg C(tony), S(tony))
22: R[1, 11a](w=tony) = (¬C(tony),S(tony))
                                                     23: R[2, 6a](x=mike) = (S(mike), C(mike))
23: R[2, 6a](x=mike) = (S(mike), C(mike))
                                                     24: R[2, 11a](w=mike) = (\neg C(mike), S(mike))
24: R[2, 11a](w=mike) = (\neg C(mike), S(mike))
                                                     25: R[3, 6a](x=john) = (S(john),C(john))
25: R[3, 6a](x=john) = (S(john),C(john))
                                                     26: R[3, 11a](w=john) = (\neg C(john), S(john))
26: R[3, 11a](w=john) = (\neg C(john), S(john))
                                                     27: R[18, 6c](x=tony) = (\neg A(tony), S(tony))
27: R[18, 6c](x=tony) = (\neg A(tony), S(tony))
                                                     28: R[18, 12b]() = S(tony)
28: R[18, 12b]() = S(tony)
                                                     29: R[20, 8a](z=mike) = \neg S(mike)
                                                     30: R[1, 6a](x=tony) = (S(tony), C(tony))
31: R[1, 11a](w=tony) = (¬C(tony),S(tony))
                                                     31: R[1, 11a](w=tony) = (\neg C(tony), S(tony))
32: R[2, 6a](x=mike) = (S(mike), C(mike))
                                                     32: R[2, 6a](x=mike) = (S(mike), C(mike))
                                                     33: R[2, 11a](w=mike) = (\neg C(mike), S(mike))
33: R[2, 11a](w=mike) = (\neg C(mike), S(mike))
34: R[3, 6a](x=john) = (S(john), C(john))
35: R[3, 11a](w=john) = (\neg C(john), S(john))
36: R[18, 6c](x=tony) = (\neg A(tony), S(tony))
38: R[29, 11c](w=mike) = (\neg A(mike), \neg C(mike))
39: R[29, 14a]() = C(mike)
40: R[29, 15b]() = \neg C(mike)
41: R[1, 6a](x=tony) = (S(tony),C(tony))
42: R[1, 11a](w=tony) = (¬C(tony),S(tony))
```



```
43: R[2, 6a](x=mike) = (S(mike),C(mike))

44: R[2, 11a](w=mike) = (¬C(mike),S(mike))

45: R[3, 6a](x=john) = (S(john),C(john))

46: R[3, 11a](w=john) = (¬C(john),S(john))

47: R[18, 6c](x=tony) = (¬A(tony),S(tony))

48: R[29, 6b](x=mike) = (¬A(mike),C(mike))

49: R[29, 11c](w=mike) = (¬A(mike),¬C(mike))

50: R[39, 11b](w=mike) = (¬A(mike),S(mike))

51: R[39, 15a]() = S(mike)

52: R[39, 38b]() = ¬A(mike)

53: R[39, 40a]() = []

Success!
```

#### 特殊举例:

这里我们把对优化的另一个点的对比也放在下面:

```
优化前
                                   优化后
                                   首先,请输入子句数量:
首先,请输入子句数量:
下面,请输入 4 条子句:
                                   下面,请输入 4 条子句:
                                   (A(dear),¬B(lihua,x))
(A(dear),¬B(lihua,x))
                                   (¬A(dear),¬B(lihua,x))
(\neg A(dear), \neg B(lihua, x))
                                   (B(lihua,x),\neg B(mike,x))
(B(lihua,x),\neg B(mike,x))
                                   (B(lihua,x),B(mike,x))
(B(lihua,x),B(mike,x))
                                   5: R[1a, 2a]() = \neg B(lihua,x)
                                   6: R[3b, 4b]() = B(lihua,x)
                                   7: R[5, 6]() = []
程序陷入死循环, 无法完成归结过程, 同时
                                   Success!
电脑风扇起飞。
                                   可以正常完成归结过程
```

#### 2. 评测指标展示及分析(机器学习实验必须有此项,其它可分析运行时间等)

我们主要有两项评价指标:一是是否能够正常完成归结过程;二是完成归结过程所需要的步骤数量。

根据上面我们的举例, 在第一项指标中, 优化前的程序不能对部分情况下的子句集完成归结过程, 也就是不能够处理 (A)and(¬A,B,C,…) => (B,C,…) 的规则不能处理的情况, 而优化后的程序将 (¬A,B,C,…)and(A,B,C,…) => (B,C,…) 的规则引入了,从而解决了问题。

在第二项指标中,对于优化后的程序,由于在程序逻辑上提前处理了可以生成空子句的 情况,所以在步骤上更少,表现更优

# 四、 参考资料

《人工智能》(第三版) 贲可荣、张彦铎 清华大学出版社