## 선형회귀

오류 계산 그래프에서의 역전파

제주대학교 변 영 철

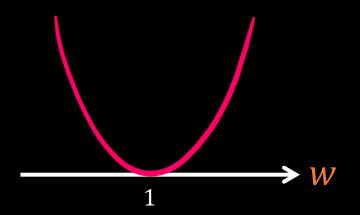
http://github.com/yungbyun/ml

## 차례

- 요즘 인공지능 이야기
- 생활 속 인공지능
- 인공지능과 4차산업혁명
- 인공지능 어떻게?
- 뉴런과 학습, 그리고 신경망
- 선형회귀와 논리회귀
- 딥러닝
- CNN과 RNN 이해하기

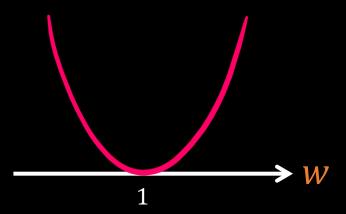
## 차례

- 요즘 인공지능 이야기
- 생활 속 인공지능과 머신러닝
- 4차산업혁명과 AI 변곡점
- 인공지능 어떻게?
- 뉴런과 학습
- 선형회귀와 논리회귀
- 딥러닝
- CNN과 RNN 이해하기



## ₩축어떤지점에서의 기울기(크다, 작다) ₩변화가 E에 기치는 영향(크다, 작다)

기울기를 (보다 정확히) 구하려면?



$$\lim_{\Delta w \to 0} \frac{\Delta E}{\Delta w}$$

$$= \frac{\partial E}{\partial w}$$

## 학습 방법(w 업데이트)



- 시냅스 연결강도 값(w)을 난수 초기화 (ex, 4)
- w값 지점(4)에서 오류 그래프의 기울기(경사) 구함.
- 기울기로 w를 뺌(경사하강) w = w α \* 기울기 반영 비율 (learning rate)

## **TensorFlow**



- 텐서(Tensor): '잡아당기다'라는 라틴어 'tensus'
- 무언가를 잡아당기면 그 주위에 복잡한 변형이 일어나는데, 이를 기술하는 수학적 언어가 텐서
- 오류 E가 줄어들도록 아래로 잡아당기면 그에 따라 여러 w값들이 업데이트 (파라미터 튜닝), w가 많을 경우 모든 값에 대해 복잡한 변형이 일어남을 의미
- 텐서는 텐서플로우 내부에서 만들어지는 값(난수), w 와 같이 텐서 값을 담는 데이터(변수, 벡터, 행렬 형태 등)도 텐서라고 함. 텐서와 연산자로 정의되는 수식도 텐서  $E = (w \cdot 1 1)^2$
- TensorFlow는 텐서(Tensor, 데이터)의 흐름(Flow)이며, 오류 계산 그래프의 텐서 흐름을 통해 w 파라미터를 튜닝해주는 머신러닝 (응용개발) 프레임워크

## 到什些多年 可能让 是利

1시간 일하면 1만원 줄게.

일한 시간만큼 시급을 알아 맞추는 뉴런을 코딩하시오.

올바르게 대답하도록 뉴런의 시냅스 연결강도(w)를 업데이트하는 코드를 작성하시오.

# 01.py Finding w in linear regression

## colab

- 구글이 제공하는 "주피터 노트북"
- 구글 클라우드를 이용한 머신러닝 응용 개발
- 텐서플로우, 파이썬 등 따로 설치할 필요 없음
- Google Colab 페이지 방문 및 가입 http://colab.research.google.com/



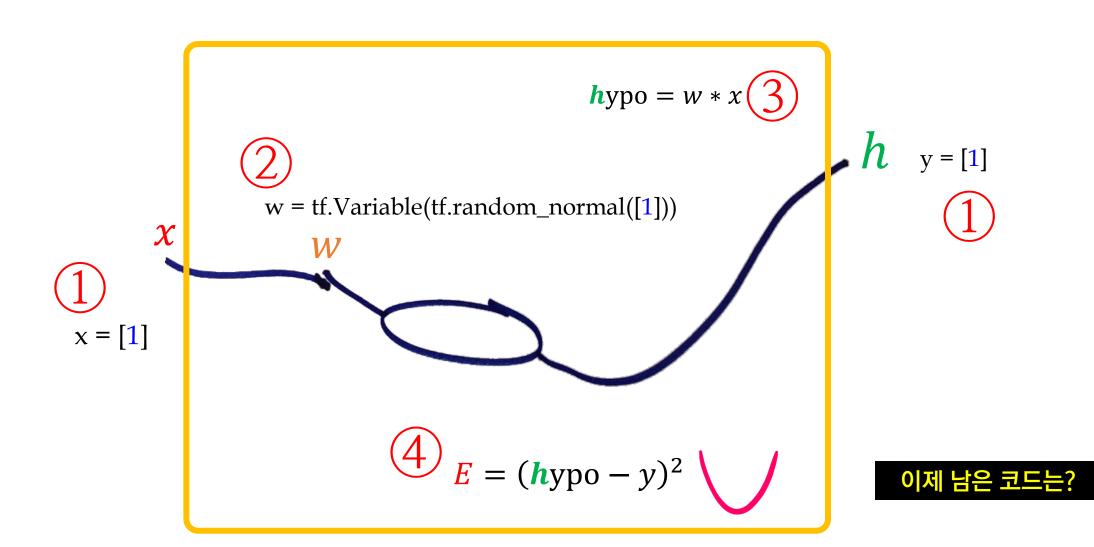
# 텐서플로우 버전을 확인하는 코드

import tensorflow as tf
tf.\_\_version\_\_

#### 항상 작성해야 하는 기본 코드

import tensorflow.compat.v1 as tf
tf.disable\_v2\_behavior()

## TF를 이용한 선형 회귀 학습





Sess 객체 train을 잘 다뤄서 일시키는



```
<u>train</u> = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=0.1).minimize(E)
```

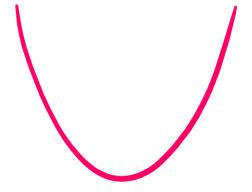
```
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer()) #w값 초기화
err_list = []
for i in range(101):
  w_val = sess.run(w)
  err = sess.run(E)
```

**sess**.run(train) #train은 기울기를 구하고 w=w-기울기 (한번 w 갱신)

#### 학습이 끝났다. 남는 것은?

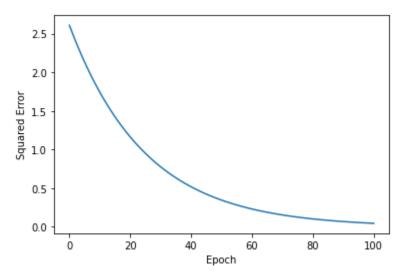
list.append(err)

print(i, 'w:', w\_val, 'cost:', err)



```
# ---- test(prediction)
print(sess.run(w * [3, 4, 6, 9]))
```

```
# show an error graph
import matplotlib.pyplot as plt
plt.plot(err_list)
plt.xlabel('Epoch')
plt.ylabel('Square Error')
plt.show();
```



#### import tensorflow as tf

- import : 구글의 딥러닝 라이브러리 모듈 tensorflow를 불러오고, 필요할 경우 초기화도 수행함. 어떤 이름으로 사용될지 지정함(as tf).
- x: 입력 데이터를 보관하는 리스트
- y: 정답을 보관하는 리스트

```
xxx = [1, 'hello', 2, 'world']
print (xxx)
xxx[1] = 'hi'
xxx.append('Jeju')
print (xxx)
```

#---- 신경세포 만들기  

$$\mathbf{w} = \text{tf.Variable(tf.random_normal([1]))}$$
  
 $\mathbf{h} = \mathbf{w} * \mathbf{x}$ 

- random\_normal: 난수 텐서를 생성하여 반환하는 함수
- Variable: 텐서를 담는 그릇(변수) w 을 만듦. 난수 텐서를 담는 그릇 w 도 텐서하고 함.
- h: 입력 데이터(x)와 w 텐서를 곱한 것. 이것도 텐서라고 부름.

#### #---- 학습 시키기

$$E = (h - y) ** 2$$

train = tf.train.GradientDescentOptimizer (learning\_rate=0.1).minimize(*E*)



- E: 경사하강할 오류/에러/차이/스트레스/고통/로스(loss) 함수. 텐서 h가 있으므로 E도 텐서
- GradientDescentOptimizer : 경사 하강 알고리즘을 추상화한 클래스
- train 객체: 오류 그래프 **E에서 경사 하강하도록 ₩ 업데이트** (학습)
- E 는 계산 그래프(computational graph)로 구성됨.

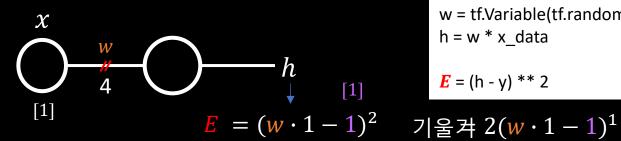
```
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer())
for i in range(101):
    print(sess.run(w), sess.run(E))
    sess.run(train)
```



- Session: run 함수로 텐서를 평가(eval)하여 값을 구하기도 하고, train 객체에게 경사 하강 하도록 시키기도 하는 객체
- sess.run(tf.global\_variables\_initializer()) :
  global\_variables\_initializer 함수가 반환하는 변수 초기화
  오퍼레이션으로 변수들을 초기화
- for 루프: i를 0에서 100까지 (101번) 바꾸면서 반복문을 수행
- sess.run(train): sess가 train에게 한번 경사 하강하도록 일을 시킴.  $w = w \alpha \cdot 기울기$
- 101번 경사 하강이 끝나면 조정된 ₩가 최종 학습결과

#### 시냅스 초기값 난수 4, 학습상수 0.1일 때

w = 2.53



$$w = 4$$
 $(4-1)^2$  $7 \ge 7 = 6$  $w = 4 - 0.1 \cdot 6$  $\rightarrow 3.4$  $w = 3.4$  $(3.4-1)^2$  $7 \ge 7 = 4.8$  $w = 3.4 - 0.1 \cdot 4.8$  $\rightarrow 2.92$  $w = 2.92$  $(2.92-1)^2$  $7 \ge 7 = 3.84$  $w = 2.92 - 0.1 \cdot 3.84$  $\rightarrow 2.53$ 

$$(2.53-1)^2$$
 기울기 = 3.06  $w = 2.53 - 0.1 \cdot 3.06 \rightarrow 2.22$ 

#---- 학습 후 테스트하기 
$$x = [2]$$
 print(sess.run( $x * w$ ))

- 학습이 끝났을 때 결과는 무엇? 바로 여러 번 반복해서 업데이트된 w
- 뉴런의 출력은? 학습된 w 값  $\times$  입력(x)

#---- 학습 후 테스트하기 
$$x = [2]$$
 print(sess.run( $h$ ))

$$x = [1]$$
  
 $y = [1]$   
 $w = \text{tf.Variable(tf.random_normal([1]))}$   
 $h = w * x$   
 $E = (h - y) ** 2$ 

- 텐서  $h = w \cdot x$ 는 계산 그래프로 메모리에 만들어짐.
- 이때 변수 x와 메모리에 만들어진 h 계산 그래프의 x는 서로 다름.
- 따라서 변수 x에 새로운 값 2를 넣어도 h 계산 그래프의 x는 여전히 이전에 설정한 값 1을 가짐.
- 따라서 변수 x가 아닌 h 계산 그래프의 x에 우리가 원하는 값을 넣어야 h가 제대로 계산됨.
- 이를 위한 것이 PlaceHolder (자리 표시기)

## 02.py Placeholder 자리표시기

#### $x, y \leftarrow PQ?$

```
x \rightarrow x_data
y \rightarrow y_data
h \rightarrow hypo
E \rightarrow cost
```

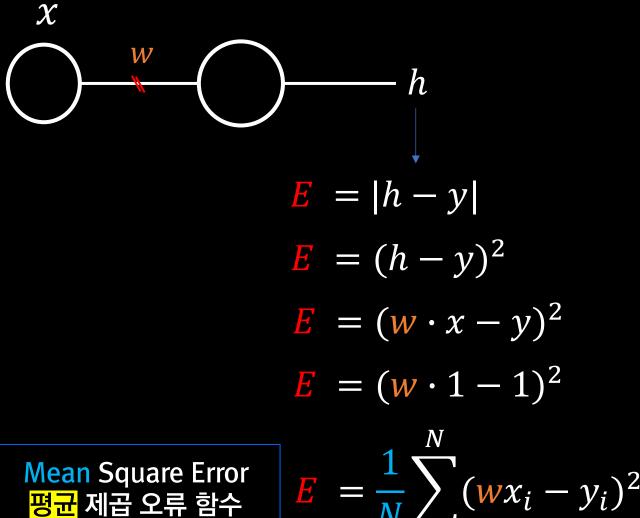
```
x_data = [1]
y data = [1]
X = tf.placeholder(tf.float32)
Y = tf.placeholder(tf.float32)
#---- a neuron
w = tf.Variable(tf.random normal([1]))
hypo = w * X
#----- learning
cost = (hypo - Y) ** 2
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=0.01).minimize(cost)
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global variables initializer())
cost list = []
print(sess.run(w), sess.run(cost, feed_dict={X:x_data, Y:y_data}))
for i in range(1001):
  if i % 100 == 0:
    cost_val = sess.run(cost, feed_dict={X:x_data, Y:y_data})
    print(sess.run(w), cost val)
    cost_list.append(cost_val)
  sess.run(train, feed dict={X:x data, Y:y data})
#---- testing(prediction)
print(sess.run(hypo, feed_dict={X:[3, 5, 7, 8, 10]}))
```

# 03.py Drawing cost function

## 오류 함수 생각하기

$$E = (wx - y)^2$$

- 어느 부분이 뉴런인가?
- 시냅스는?
- 입력 데이터는?
- 뉴런의 출력(대답)
- 가설(hypothesis)은?
- 정답(ground truth)은?
- 오류 함수 **E**의 의미는?
- 뉴런 입력이 여러 개일 경우
- 데이터로 주어지는 것은(csv 파일)?
- 우리가 튜닝해야 하는 것은?

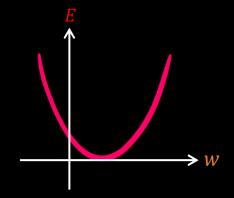


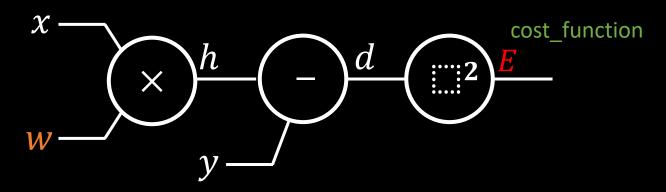
## 오류와오류계산그래프

(computational graph)

$$E = (wx - y)^2$$

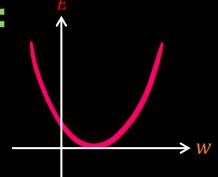
hypo = w x cost\_function(E) = (hypo y) 2)

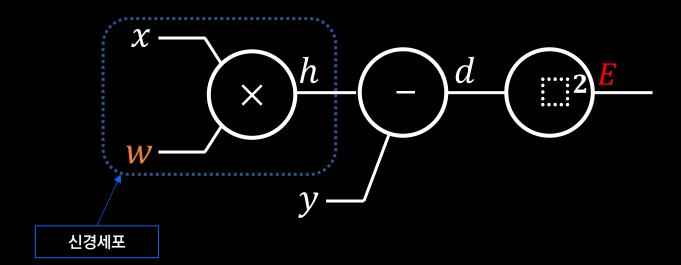




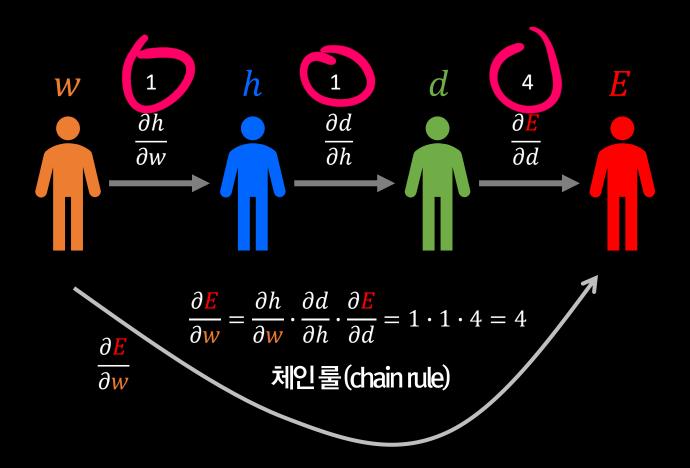
텐서란 무엇이고, 텐서 플로우란 무엇인가? 텐서플로우 (응용개발) 프레임워크가 파라미터 w 튜닝

₩의 변화가 E에 미치는 영향(기울기)을 구한 후경사하강하도록 ₩를 조절

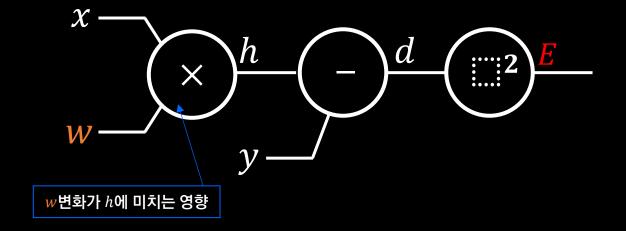


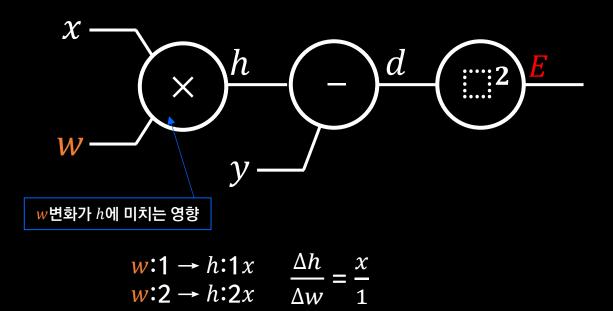


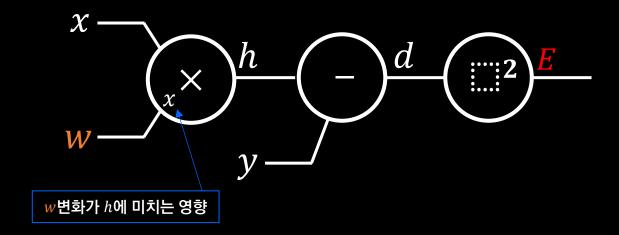
## 사람 사이의 미치는 영향력



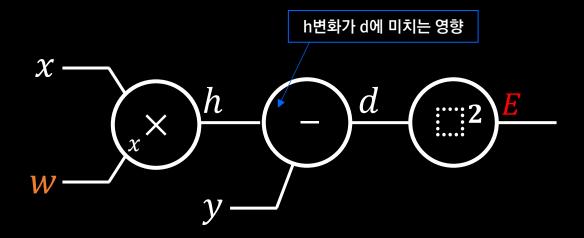
w의 변화가 h에 미치는 영향(수식으로 표현하면?)을 구해보자.



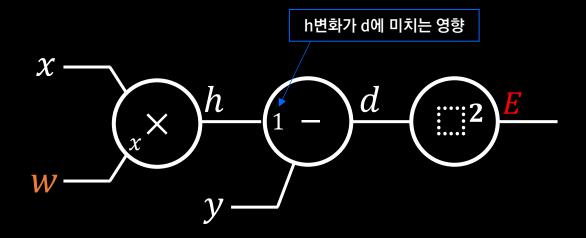


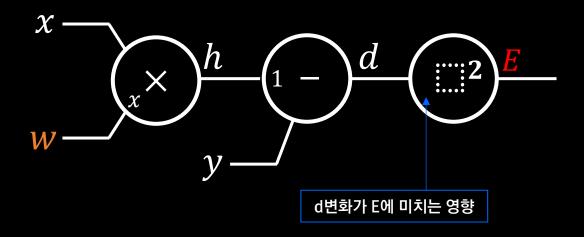


"× 게이트에서의 지역적(local) 미치는 영향"

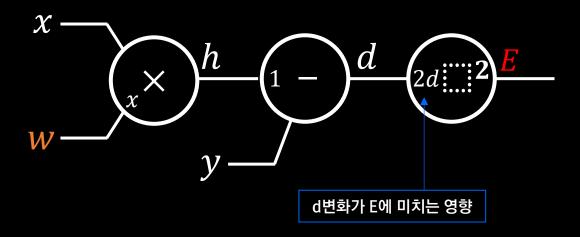


"- 게이트에서의 지역적(local) 미치는 영향"

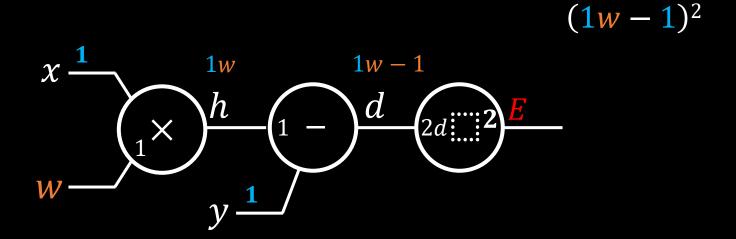




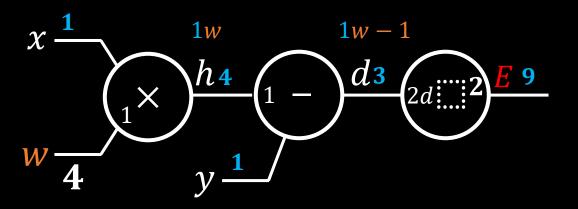
" <sup>2</sup> 게이트에서의 지역적(local) 미치는 영향"



데이터 (x, y) = (1, 1)이면,

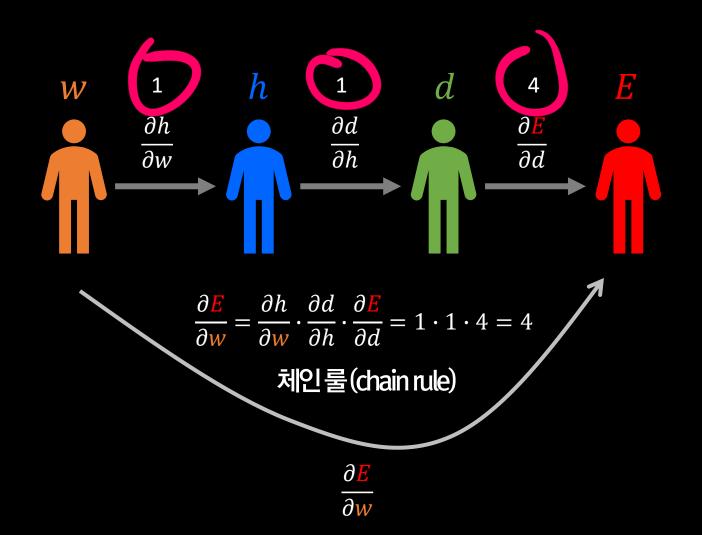


텐서플로 (TensorFlow)!



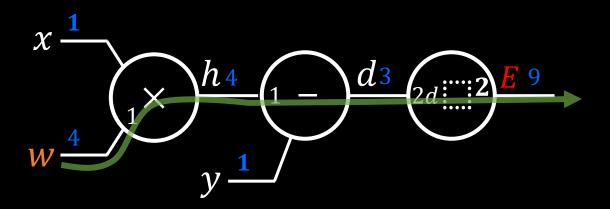
w = 4 지점에서 w변화가 E에 미치는 영향은?

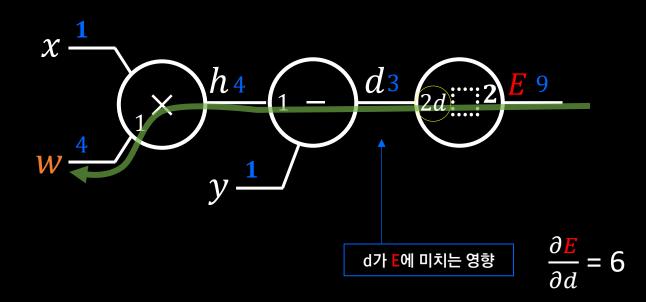
# 사람 사이의 영향력

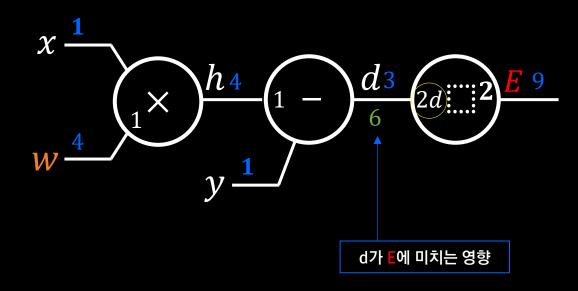


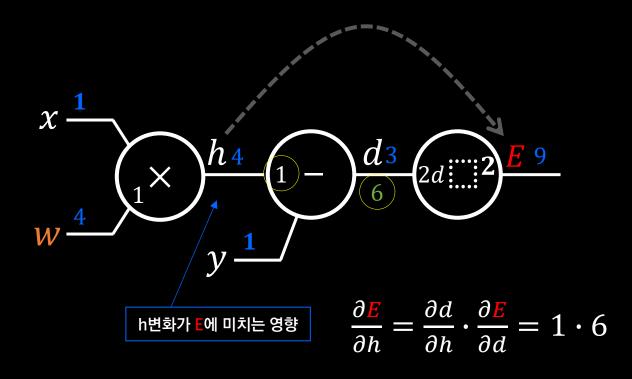
# 앞으로 전파(forward propagation)

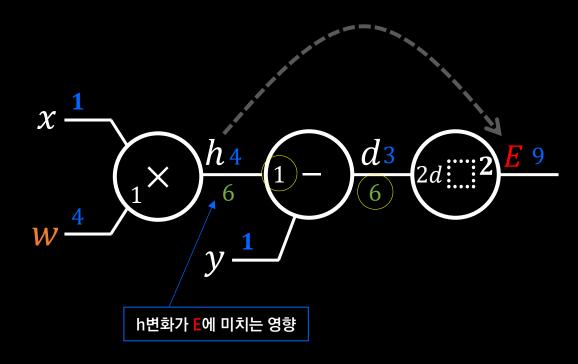
(x,y) = (1,1)이고 w는 4일 경우 에러 값은?

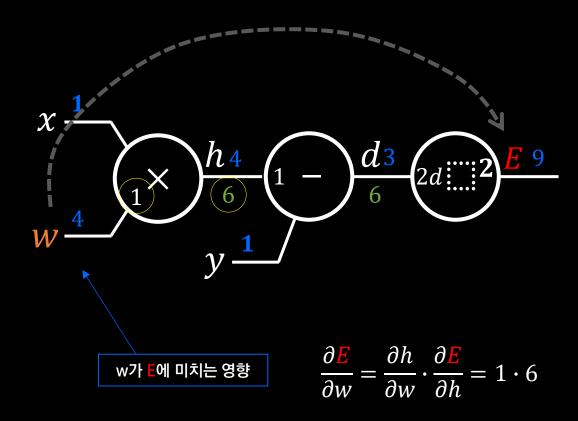


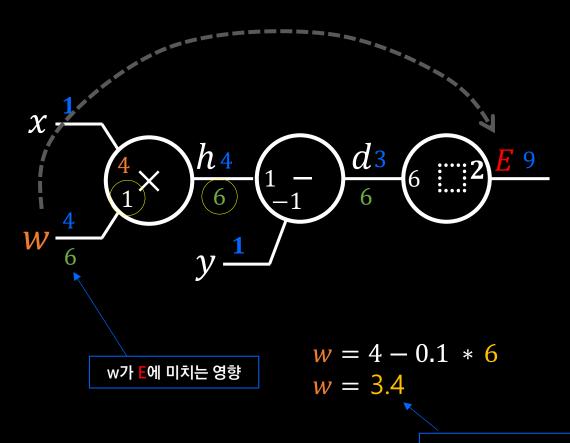










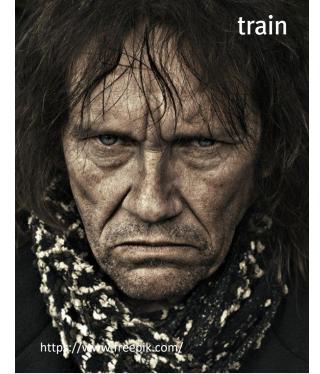


Tuned parameter after 1 step learning

## 따라서 역전파 (back-propagation)

체인 룰(chain rule)을 적용하여 w의 변화가 오류 문에 미치는 영향(기울기)을 알아내는 과정

$$\frac{\partial E}{\partial w}$$

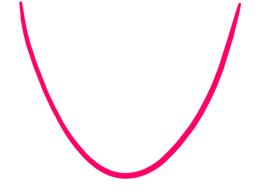




```
train = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate
=0.1).minimize(E)
sess = tf.Session()
sess.run(tf.global_variables_initializer()) #w 값 초기화
err_list = []
for i in range(101):
  w_val = <u>sess</u>.run(w)
  err = sess.run(E)
  print(i, 'w:', w_val, 'cost:', err)
  err_list.append(err)
```

sess.run(train) #한번 경사하강(w 업데이트)

#### 학습이 끝난 후 남는 것은?

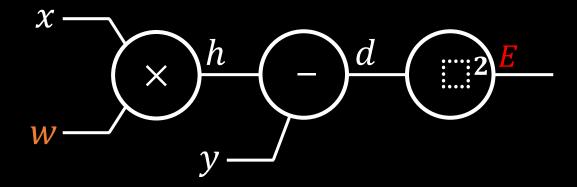


## 계산 그래프 확장

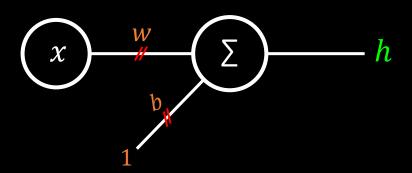
- bias가 있을 경우 (+ 게이트)
- 뉴런 입력이 3개 추가될 때 (+ 게이트)
- 뉴런이 2개일 때
- 튜닝할 파라미터는 모두 몇 개?



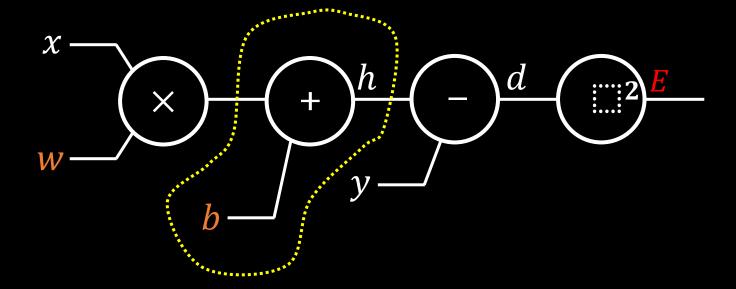
$$E = (wx - y)^2$$

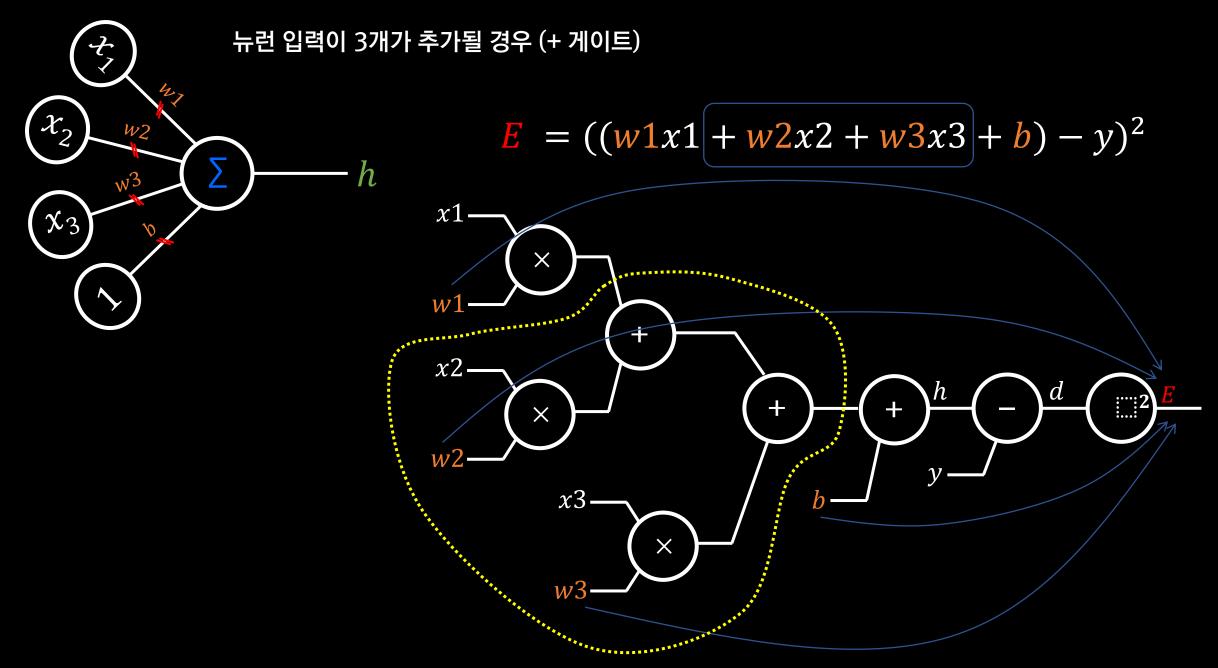


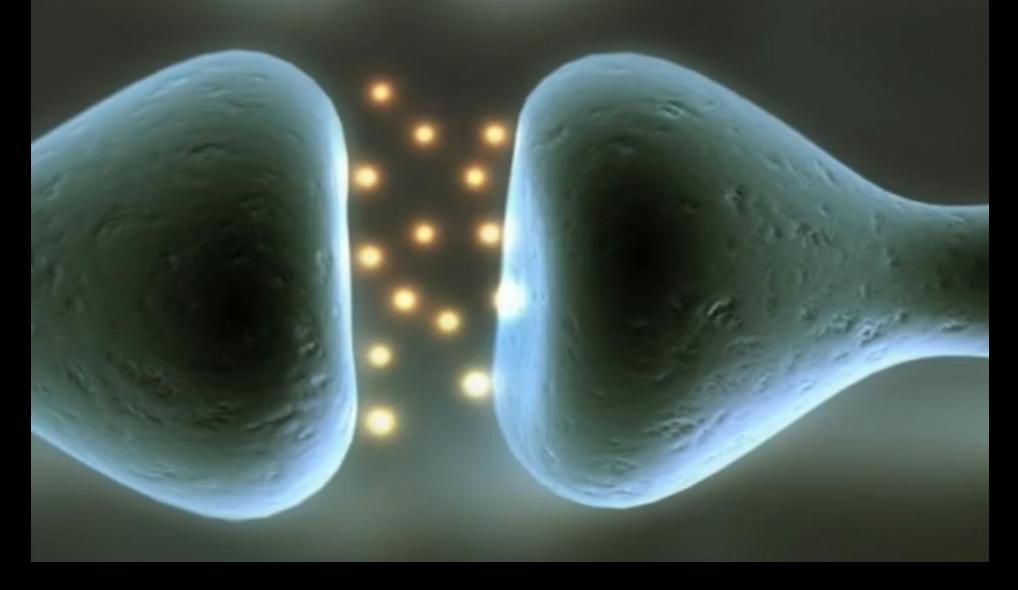
bias가 있을 경우 (+ 게이트)



$$E = ((wx + b) - y)^2$$







학습, 더 새롭고 좋은 연결(w)을 만드는 것

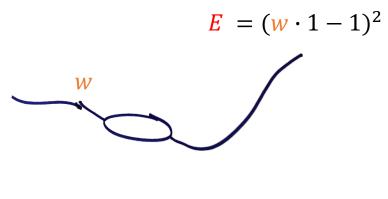
### 오류 함수의 의미

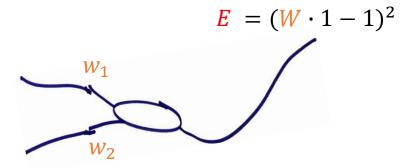
- 기울기가 큼 → 최저점에서 멀리 떨어짐 → 오류가 큼 → bad! → 매우 큰 야단 → 스트레스/고통이 큼 → big update(w)
- 기울기가 작음 → 최저점에 가까움 → 오류가 작음 → not bad! → 작은 야단 → 스트레스/고통이 작음 → small update(w)
- 기울기 0 → 최저점! → 정답을 맞춤! → great!
   → 야단치지 않음 → no update(w) → learning ended!

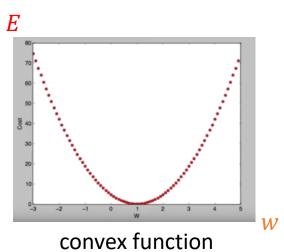
'좋다', '나쁘다'를 느끼게 하는 기저

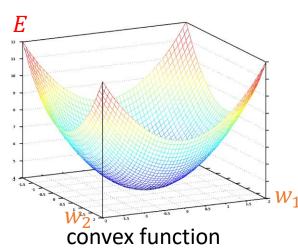
# 우리 마음 속의 오류함수 E

# Cost(Error) Graph

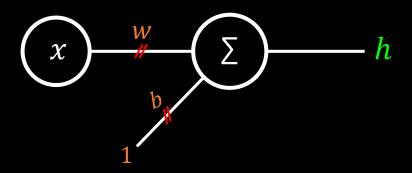








# 04.with\_bias.py Parameter tuning including bias



# 05.py Using multiple data

# O6.py Training a neuron having multiple inputs

## 이번 학습에서는

- 텐서플로우 프로그램의 기본 구조를 이해할 수 있다.
- 오류 계산 그래프 직접 그릴 수 있다.
- 오류 계산 그래프에서 게이트(연산)별 local 미치는 영향을 구할 수 있다.
- 역전파와 체인 룰을 이용하여 global 미치는 영향을 구할 수 있다.
- AI 구현을 위한 학습 메커니즘을 이해할 수 있다.