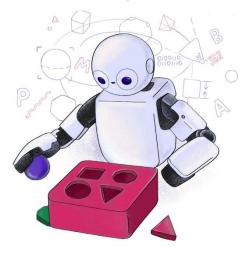
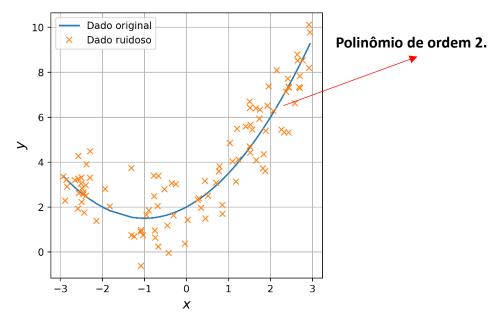
# TP555 - Inteligência Artificial e Machine Learning: *Curvas de aprendizado*





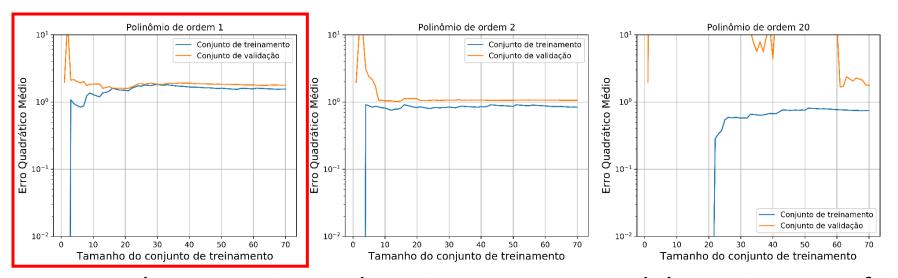
Felipe Augusto Pereira de Figueiredo felipe.figueiredo@inatel.br

## Curvas de Aprendizado: Exemplo



- Caso não conhecêssemos o mapeamento verdadeiro dos dados ruidosos da figura acima, qual ordem de polinômio melhor aproximaria o mapeamento?
  - Além da validação cruzada, podemos usar as chamadas curvas de aprendizado para encontrar a ordem do polinômio aproximador.

#### Curvas de Aprendizado: *Polinômio de ordem 1*



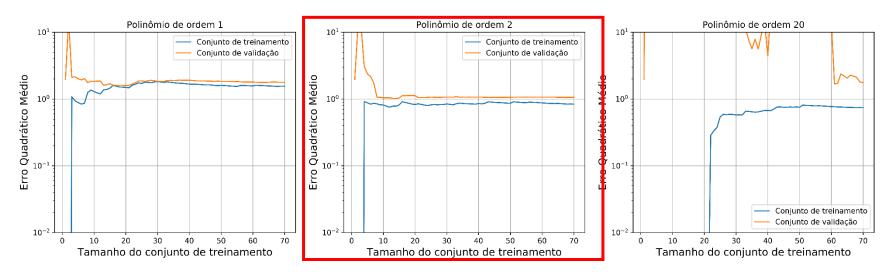
- Com 1 ou 2 exemplos no conjunto de treinamento, o modelo se ajusta perfeitamente (reta), porém, conforme o número de exemplos aumenta, é impossível para ele se ajustar (dados não-lineares e ruído).
- Erro nos exemplos de treinamento aumenta até atingir um platô e não diminui mesmo com o aumento do conjunto de treinamento, pois o modelo não tem flexibilidade.
- Erro de validação é alto quando o modelo é treinado com poucos exemplos, porém, diminui conforme o conjunto de treinamento aumenta, terminando em um platô próximo do erro de treinamento.
- Essas curvas são típicas de um modelo que está *subajustando* (erros altos e próximos).
- O que fazer? Aumentar a ordem do modelo.

### Curvas de Aprendizado: *Polinômio de ordem 20*



- O erro de treinamento é menor do que com o modelo com polinômio de ordem 1.
- Porém, há uma diferença considerável entre as curvas do erro de treinamento e validação.
- Isso significa que o modelo tem um desempenho melhor no conjunto de treinamento do que no conjunto de validação, indicando que ele está *sobreajustando*.
- A performance do modelo melhora caso o conjunto de treinamento aumente.
  - Com um conjunto maior, a tendência é que ambos os erros convirjam para o MSE mínimo.
- O que fazer? Diminuir a ordem do modelo ou aumentar o conjunto de treinamento.

### Curvas de Aprendizado: *Polinômio de ordem 2*



- A diferença entre os erros diminui com o aumento do conjunto de treinamento se tornando pequena.
- Tanto o erro de treinamento quanto o de validação são menores do que com o modelo com polinômio de ordem 1 (i.e., reta).
- Isso é a indicação de um modelo que está se ajustando bem aos dados de treinamento (i.e., flexibilidade) e é capaz de generalizar bem para os dados de validação.
- Aumentar o conjunto de treinamento faz com que a diferença entre as duas curvas se torne ainda menor.
- O que fazer? Escolher esta ordem de polinômio.

#### Referências

```
[1] "learning-curve", <a href="https://scikit-learning-curve">https://scikit-learning-curve</a> learn.org/stable/modules/learning curve.html#learning-curve
```

[2] "what-is-a-learning-curve-in-machine-learning", <a href="https://stackoverflow.com/questions/4617365/what-is-a-learning-curve-in-machine-learning">https://stackoverflow.com/questions/4617365/what-is-a-learning-curve-in-machine-learning</a>