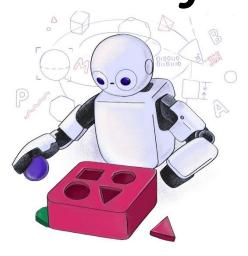
TP555 - Inteligência Artificial e Machine Learning: *Redes Neurais Artificiais (Parte I)*





Felipe Augusto Pereira de Figueiredo felipe.figueiredo@inatel.br

Introdução

- Vamos falar sobre um tópico que parece, inicialmente, não ser relacionado com a disciplina: o cérebro.
- Entretanto, como veremos a seguir, as idéias que discutimos até agora são úteis na construção de modelos matemáticos que aproximam a atividade do cérebro.
- E como veremos, essas ideias que já discutimos, nos ajudarão a entender o funcionamento das redes neurais artificiais (RNAs).
- Redes neurais artificiais são uma das formas mais populares e efetivas para implementação de sistemas de aprendizado de máquina e mereceriam por sí só uma disciplina em separado.
- Neste tópico veremos uma breve visão geral sobre as RNAs.

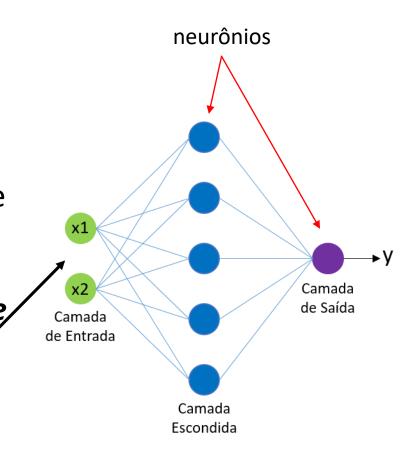
Redes Neurais Artificiais

 Redes neurais artificiais são modelos computacionais inspirados pelo funcionamento do cérebro dos animais.

• Elas são capazes de realizar tarefas de aprendizado de máquina (e.g., regressão e classificação) com grande eficácia.

• RNAs são geralmente apresentadas como *sistemas de nós (unidades) interconectados*, que computam valores de saída, simulando o comportamento de *redes neurais biológicas*.

• Esta primeira parte deste tópico, foca nos elementos básicos de construção de uma rede neural, os *neurônios*.



Algumas aplicações famosas

- RNAs são versáteis, poderosas e escalonáveis, tornando-as ideais para realizar tarefas grandes e altamente complexas de *aprendizado de máquina*, como por exemplo:
 - classificar bilhões de imagens (por exemplo, como o Google Images faz),
 - serviços de reconhecimento de fala (por exemplo, o Siri da Apple, Alexa da Amazon e Google Assistant da Google),
 - recomendar vídeos que melhor se adequam ao comportamento de centenas de milhões de usuários todos os dias (por exemplo, YouTube, Netflix),
 - ou aprender a vencer o campeão mundial de Go examinando milhões de partidas anteriores e depois jogando contra si mesmo (AlphaGo da DeepMind).

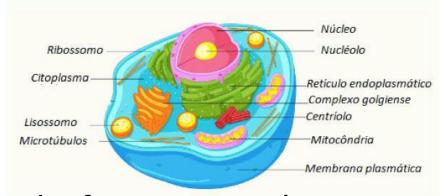








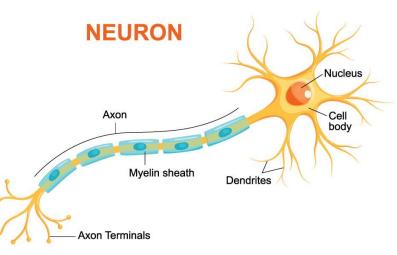
Um pouco de contexto



- A descoberta da célula em 1665 por Robert Hooke foi importantíssima para que houvesse uma melhor compreensão da estrutura dos seres vivos.
- Podemos considerar a célula como sendo o "átomo da vida".
- As células *eucariontes* (plantas, animais, fungos, protozoários, e algas) possuem três partes principais: membrana, citoplasma e núcleo.
- A *membrana* "delimita a célula", i.e., ela isola seu interior do meio externo.
- O *citoplasma* é o espaço intracelular entre a membrana e o núcleo Ele é preenchido pelo *citosol* onde estão suspensas as *organelas*.
- Já o *núcleo* abriga a maior parte do material genético (DNA) da célula. Ele regula o metabolismo e armazena as informações genéticas da célula.

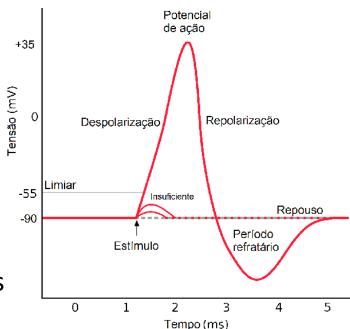
Um pouco de contexto

- Os *neurônios* são células *eucariontes* também, mas são células que possuem mecanismos elétricos e/ou químicos característicos.
- Os neurônios apresentam três partes básicas: os dendritos, o axônio e o corpo celular.
- Os dendritos são prolongamentos do neurônio que garantem a recepção de estímulos de outros neurônios, levando impulsos nervosos em direção ao corpo celular.
- O *axônio* é um prolongamento que garante o envio de informação (estímulos) a outros neurônios através de seus terminais. Cada neurônio possui apenas um axônio, o qual é, geralmente, mais longo que os dendritos.
- O corpo celular (também conhecido como soma) contém o núcleo do neurônio e é responsável por realizar a integração dos estímulos recebidos pelo neurônio através de seus dendritos.
- Os locais/pontos de contato entre os dentritos de um neurônio e os terminais do axônio de outro neurônio são chamados de sinapses e os contatos entre eles de contatos sinápticos.
- Ou seja, os neurônios se comunicam uns com os outros através das *sinapses*.
- A figura ao lado mostra o diagrama de um *neurônio*.



Um pouco de contexto

- Em termos simples, mas lembrando de que há exceções, nós podemos afirmar que:
 - O neurônio recebe estímulos elétricos, basicamente a partir dos dendritos.
 - Esses estímulos são integrados no corpo celular (soma).
 - A integração dos estímulos pode levar à geração ou não de uma resposta elétrica enviada pelo axônio a outros neurônios.
- Nós podemos simplificar o funcionamento do *neurônio* como:
 - Os neurônios recebem estímulos elétricos.
 - Esses estímulos são integrados.
 - Se a atividade (i.e., integração dos estímulos) exceder certo limiar, o *neurônio* gera um pulso (ou potencial de ação).
- O potencial de ação é mostrado na figura ao lado.
- Um *neurônio* se conecta com 10 a 100.000 outros *neurônios* através das *sinapses*.
- Sinais são passados de neurônio para neurônio através de reações eletro-químicas.
- Do ponto de vista do nosso curso, o *neurônio* será considerado como um sistema com várias entradas e uma saída onde a comunicação entre neurônios é feita através de sinais elétricos.



O Modelo de McCulloch e Pitts

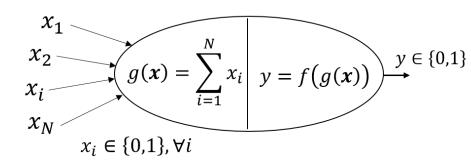
- O final do século XIX e o início do século XX foram períodos fundamentais para o estabelecimento do conhecimento atual do sistema nervoso.
- De posse desse entendimento, em 1943, Warren McCulloch e Walter Pitts apresentaram o primeiro modelo computacional de um neurônio.
- A partir desse modelo, foi possível estabelecer uma conexão entre o funcionamento de um neurônio e a lógica proposicional.
- Lógica proposicional se baseia em proposições onde uma proposição é uma sentença declarativa, ou seja, é uma sentença que declara um fato podendo este ser verdeiro ou falso.
 - 1 ou 1 = 1
 - -1e0 = 0
- O artigo de McCulloch e Pitts fornece *insights* fundamentais sobre como a lógica proposicional pode ser processada por um neurônio.
- A partir daí, a relação com a computação foi natural.



Walter Pitts e Warren McCulloch

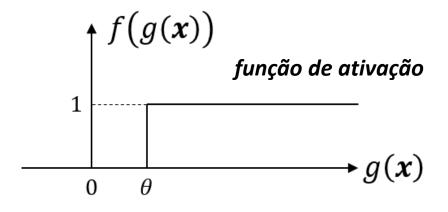
O Modelo de McCulloch e Pitts

- A figura ao lado mostra o modelo matemático do neurônio criado por McCulloch e Pitts.
- A grosso modo, o neurônio é ativado (ou disparado) quando uma combinação linear de suas entradas excede um limiar de ativação.
- Ou seja, o modelo do neurônio de McCulloch e Pitts nada mais é do que um classificador linear com limiar de decisão rígido e pesos unitários.
- As premissas do modelo do neurônio de McCulloch e Pitts (M-P) são:
 - Os valores das entradas, x_i , $\forall i$, ou também chamadas de **sinapses**, são sempre valores booleanos, i.e., '0', ou '1'.
 - As entradas são simplesmente somadas.
 - A atividade do *neurônio* é um processo do tipo "tudo ou nada", ou seja, um processo binário.
 - Portanto, a função de ativação do neurônio é uma função degrau com ponto de disparo dependente do limiar de ativação, θ.
 - Um certo número de sinapses deve ser excitado num determinado período para que o neurônio "dispare".



$$y = f(g(x)) = \begin{cases} 1, \text{ se } g(x) \ge \theta \\ 0, \text{ se } g(x) < \theta \end{cases}$$

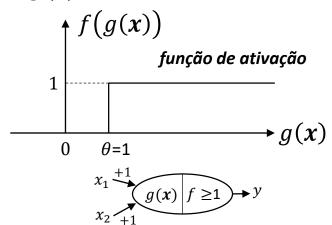
onde θ é o *limiar de ativação*.



Exemplos com o modelo de McCulloch e Pitts

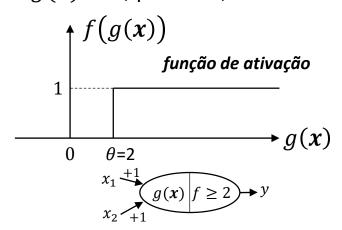
| OR | | | | | |
|-------|-------|---|------|--|--|
| x_1 | x_2 | y | g(x) | | |
| 0 | 0 | 0 | 0 | | |
| 0 | 1 | 1 | 1 | | |
| 1 | 0 | 1 | 1 | | |
| 1 | 1 | 1 | 2 | | |

- Qual seria o valor do *limiar de* ativação, θ?
- Analisando-se g(x), vemos que o disparo deve ocorrer quando $g(x) \ge 1$, portanto, $\theta = 1$.



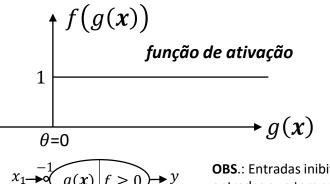
| AND | | | | | |
|-------|-------|---|------|--|--|
| x_1 | x_2 | y | g(x) | | |
| 0 | 0 | 0 | 0 | | |
| 0 | 1 | 0 | 1 | | |
| 1 | 0 | 0 | 1 | | |
| 1 | 1 | 1 | 2 | | |

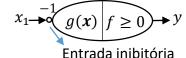
- Qual seria o valor do *limiar de* ativação, θ?
- Analisando-se g(x), vemos que o disparo deve ocorrer quando $g(x) \ge 2$, portanto, $\theta = 2$.



| NOT | | | | | |
|-------|--------|---|------|--|--|
| x_1 | $-x_1$ | y | g(x) | | |
| 0 | 0 | 1 | 0 | | |
| 1 | -1 | 0 | -1 | | |

- Qual seria o valor do *limiar de* ativação, θ ?
- Analisando-se x_1 , vemos que para o disparo ocorrer, seu valor deve ser *inibido*, e assim, o disparo ocorre quando $g(x) \ge 0$, portanto, $\theta = 0$.

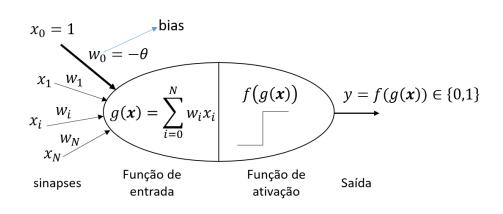




OBS.: Entradas inibitórias são entradas que tem seus valores multiplicados por -1.

- Em 1958, Frank Rosenblatt, propôs o modelo clássico do *perceptron*.
- Em 1969, o modelo de Rosenblatt foi cuidadosamente analisado e refinado por Minsky e Papert.
- O modelo criado por eles é chamado de *perceptron* e é mostrado na figura ao lado.
- O modelo **perceptron**, é um modelo computacional mais geral que o modelo do *neurônio* de M-P.



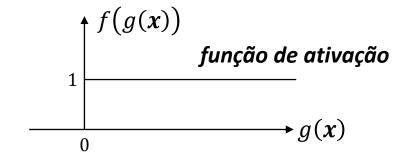


- Esse novo modelo supera algumas das limitações do modelo de M-P:
 - Introdução do conceito de pesos sinápticos (uma medida de importância dos atributos) para as entradas (ou sinapses).
 - E um método para que o modelo aprenda os *pesos*.
- Além disso, as entradas não são mais limitadas a valores booleanos, como no caso do modelo de M-P, suportando entradas com valores reais, o que torna este modelo mais útil e generalizado.
- Assim como no modelo de M-P, a *função de ativação* utilizada pelo *perceptron* também é a *função degrau* com a diferença que aqui ela não mais depende do *limiar de ativação* θ .

- Esse novo modelo supera algumas das limitações do modelo de M-P:
 - Introdução do conceito de pesos sinápticos (uma medida de importância dos atributos) para as entradas (ou sinapses).
- E um método para que o modelo aprenda os *pesos*.
- Além disso, as entradas não são mais limitadas a valores booleanos, como no caso do modelo de M-P, suportando entradas com valores reais, o que torna este modelo mais útil e generalizado.
- Assim como no modelo de M-P, a função de ativação utilizada pelo perceptron também é a função degrau com a diferença que aqui ela não mais depende do limiar de ativação θ.

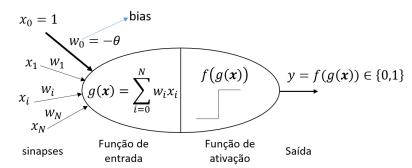
$$y = f(g(x)) = \begin{cases} 1, \text{ se } g(x) \ge 0 \\ 0, \text{ se } g(x) < 0 \end{cases}$$

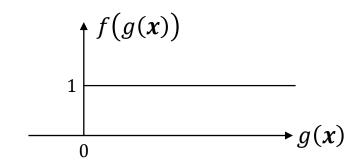
Perceba que o *limiar de ativação* θ agora faz parte das entradas e é chamado de *bias*.



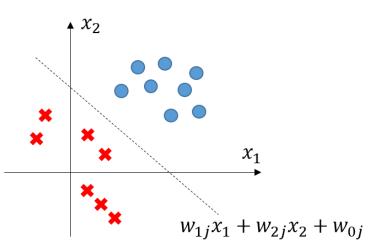
- A ideia é que a ativação do *perceptron* (causada pelos estímulos de entrada) seja uma *combinação linear* entre os *estímulos* e os *pesos sinápticos*. Se essa ativação exceder certo *limiar de ativação*, ocorrerá o *disparo*. Isso pode ser expresso por meio de uma *função de ativação* do tipo *degrau*.
- Note que a **função de ativação** f(.) está centrada "em torno de zero" e o **limiar de ativação** (ou **disparo**) é controlado, indiretamente, pelo valor do **peso do bias**, w_0 .
 - O limiar de ativação foi absorvido pelo somatório, g(x), e, portanto, podemos usar a função de ativação centrada em zero, pois agora, ajusta-se o limiar de ativação indiretamente, através da atualização do peso w_0 .
- O tipo de resposta do *perceptron* dá origem a um *classificador binário*, ou seja, para *problemas com duas classes*.
- As classes são separadas por uma *fronteira de decisão linear* para o qual a equação (*função discriminante*) abaixo é verdadeira.

$$g(\mathbf{x}) = \sum_{i=0}^{N} w_i x_i = 0.$$





- No *espaço de atributos* definido por x_i , $\forall i, g(x)$ é a equação de um *hiperplano* (ponto, reta, plano, etc., dependendo do número de dimensões).
- Portanto, um perceptron só é capaz de classificar dados que sejam linearmente separáveis (ou seja, separáveis por um hiperplano).
- O *perceptron* convergirá apenas se o conjunto de dados for *linearmente separável*.
- A figura ao lado ilustra isso para um caso bidimensional.
- Observe que, ao contrário dos *classificadores de regressão logística*, os *perceptrons* não produzem como saída uma probabilidade da classe, em vez disso, eles apenas fazem previsões com base em um *limiar rígido*, i.e., 0 ou 1.
- Essa é uma das razões para se preferir a *regressão logística* ao invés do *perceptron*.



Regra de aprendizado do perceptron

- Como discutimos anteriormente, a *função degrau* tem derivada igual a 0 em todos os pontos, exceto em torno de 0, onde ela é indefinida.
- Portanto, nós não podemos utilizar o gradiente descentende para treinar o perceptron.
- Existe, porém, uma regra simples e intuitiva de atualização dos *pesos* que converge para uma solução, ou seja, um *separador linear* que *classifica* os dados perfeitamente, dado que eles sejam *linearmente separáveis*.
- Portanto, caso os dados sejam linearmente separáveis, a regra de aprendizado do perceptron tem convergência garantida em um número finito de iterações.
- Nessa regra, para cada exemplo do conjunto de treinamento, obtém-se, primeiramente, a saída do perceptron para os pesos sinápticos atuais:

$$y = f(\sum_{i=0}^{N} w_i x_i) = f(\mathbf{w}^T \mathbf{x}).$$

Regra de aprendizado do perceptron

• Em seguida, calcula-se o erro entre a saída y do $\emph{perceptron}$ e o rótulo d (valor esperado) do exemplo:

$$e = d - y$$
.

 Caso o erro não seja nulo, a equação de adaptação dos pesos sinápticos é definida da seguinte forma:

$$\boldsymbol{w} \leftarrow \boldsymbol{w} + \alpha e \boldsymbol{x}$$

onde α é a *taxa* (ou *passo*) *de aprendizagem*.

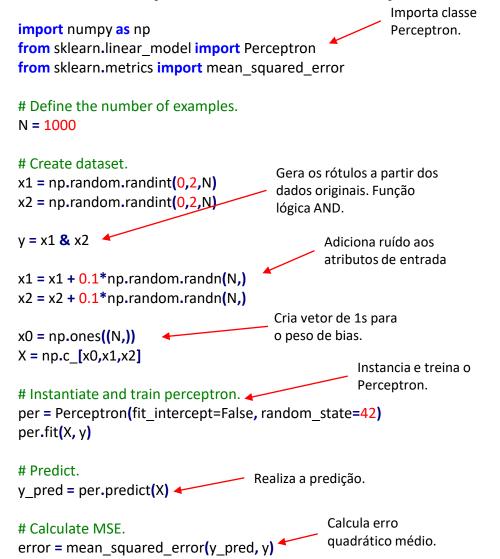
- Após a apresentação de todos os exemplos de treinamento (ou seja, uma época), deve haver um embaralhamento dos exemplos e uma nova etapa de treinamento (i.e., uma época).
- No caso ótimo, quando a separação linear ocorrer, não haverá mais erros, e as regras de atualização calculadas não mais modificarão os pesos sinápticos.
- OBS.: A regra de aprendizado do perceptron é, geralmente, aplicada a um exemplo de entrada por vez. Os exemplos são escolhidos aleatóriamente, assim como o que é feito com o gradiente descendente estocástico.

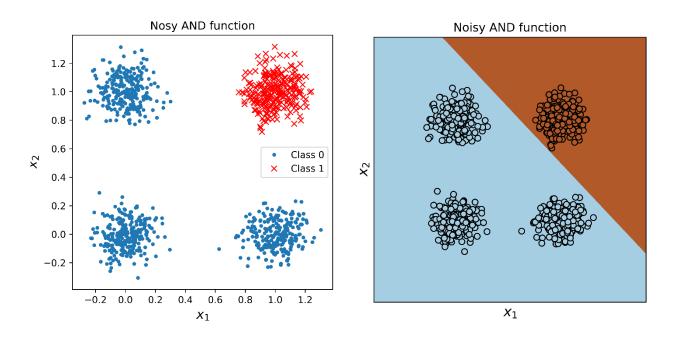
Regra de aprendizado do perceptron

$$\mathbf{w} \leftarrow \mathbf{w} + \alpha(d - y)\mathbf{x}$$

- Percebam que a equação de adaptação dos pesos sinápticos é idêntica à equação de atualização que encontramos para regressores lineares.
- Como ambos, o rótulo d e o valor de saída do perceptron y, assumem apenas 2 valores, 0 ou 1, existem apenas 3 possibilidades para a equação de atualização dos pesos:
 - 1. Se a saída for correta, i.e., d=y, então os pesos não são atualizados.
 - 2.Se d=1 mas y=0, então o valor do peso é aumentado caso a entrada correspondente, x_i , seja positiva e diminuído caso x_i seja negativo. Isso faz sentido pois nós queremos que o valor de $\mathbf{w}^T \mathbf{x}$ aumente tal que y se torne 1.
 - 3.Se d = 0 mas y = 1, então o valor do peso é diminuido caso a entrada correspondente, x_i , seja positiva e aumentado caso x_i seja negativo. Isso faz sentido pois nós queremos que o valor de $\mathbf{w}^T \mathbf{x}$ diminua tal que y se torne 0.

Exemplo: Perceptron com SciKit-Learn





- Exemplo de classificação de dados ruidosos linearmente separáveis.
- A base de dados é gerada a partir da função de uma porta lógica AND com ruído Gaussiano adicionado às amostras.
- Como podemos ver, o perceptron classifica perfeitamente o conjunto de dados ruidosos.

Exemplo: Perceptron.ipynb

Avisos

• Vocês já podem fazer os exercícios da lista #10.

Obrigado!





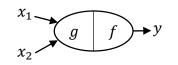


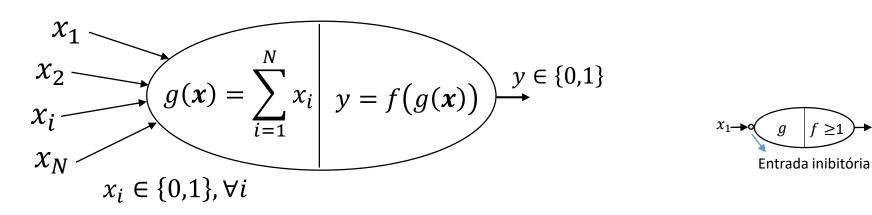
ENGINEERING TIP: WHEN YOU DO A TASK BY HAND, YOU CAN TECHNICALLY SAY YOU TRAINED A NEURAL NET TO DO IT.

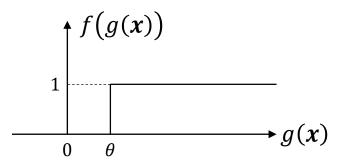




Figuras

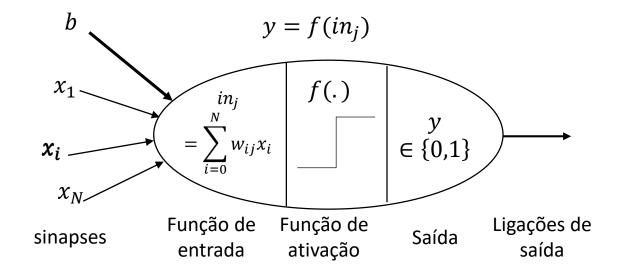


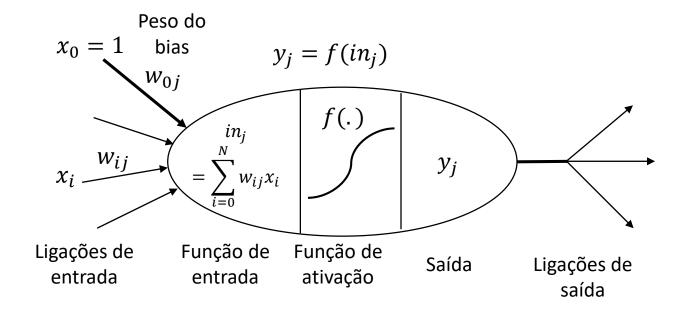


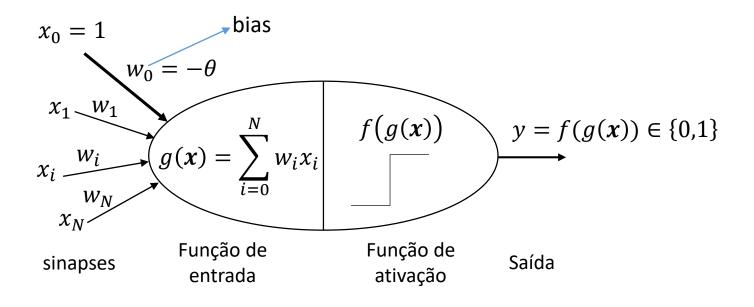


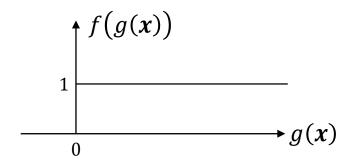
$$y = f(g(x)) = \begin{cases} 1 \text{ se } g(x) \ge \theta \\ 0 \text{ se } g(x) < \theta \end{cases}$$

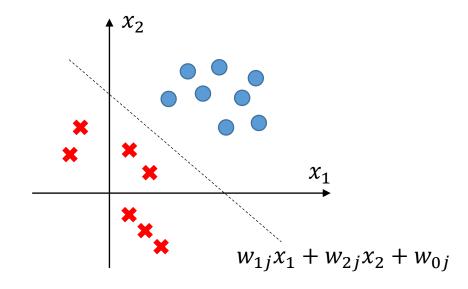
onde θ é o limiar de decisão.

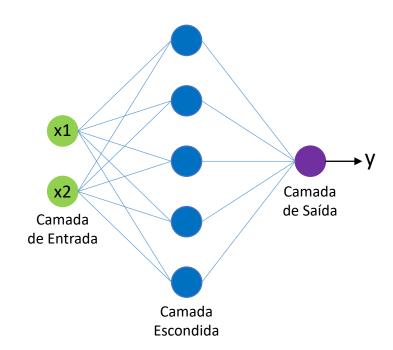


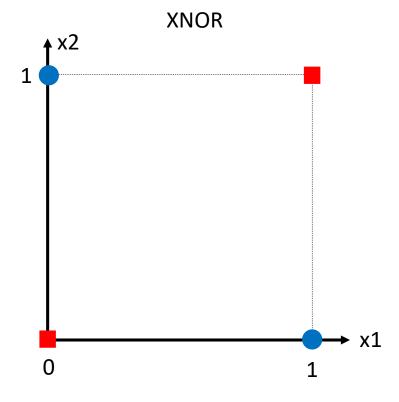












- Classe 0 (nível lógico 0)
- Classe 1 (nível lógico 1)