列队

20%的数据 暴力枚举每行或列选不选 复杂度 **O(2^{2n *} n)**

40%的数据 状压 dp 状态 f[i], i 表示那些列还能被选,记录所选行数的最大值。循环行,如果选了这一行,那么有同学的那些列就不能被选了,把原状态或上那些同学得到新的状态,到最后一行把行和列统计在一起求出最大值即可

复杂度 O(2ⁿ* n)

100%的数据 行列棋盘图为二分图经典模型,令行为左侧点,列为右侧点,有同学的格子就在对应行列之间连一条边,那么问题:一共最多取出多少行和列 就转化为 二分图上最大的最大独立集问题最大独立集点数=总点数-最大匹配数 匈牙利算法即可复杂度 O(VE)=O(nk)

小凯学数学

对于 40%的数据 暴力合并即可 对于 70%的数据 只是 100%的弱化 或许你可以观察到 3 和其他数运算后就会得到 2 或许你会观察到两个数运算后都不会超出原来的数 甚至你会观察到运算实际上就是 整数下的(a+b)/2 你可以尝试特判全是 3 的情况必然为 3

没有3的情况就输出012由于输出非常小很容易就能蒙中....

对于 100%的数据 其实跟上面没什么关系 只要利用运算的有界性即可 进行区间 dp f[i][j][k]代表 i 到 j 的区间是否可能结果为 k 转移易知

Extra---是否答案一定是连续的?是否存在贪心策略可以得出答案的最大最小值?是否存在更优算法?

逛公园

对于 20%的数据 O(qn²)暴力

对于 50%的数据 O(qn)暴力 从 I 循环到 r,每次的起始值都是逛完上个景点的最大值和 X₀ 的最大值 这样对于每个询问都能 O(n)得出答案(如果您写的足够优秀甚至能过掉后面的很多点)

对于 100%的数据

记 **F**(**i**,**j**,**x0**)表示以初始代价 **x0** 依次经过第 **i** 景点到第 **j** 景点后的答案 有两个性质(思考一下便知)

1 对于 a>=b, F(i,j,a)>=F(i,j,b);

2 记 G(i,j)为 F(i,j,inf), 其中 inf 是正无穷, S(i,j)为 i 到 j 的 D 值之和。 则有 F(i,j,x0)=min(G(i,j), x0+S(i,j))。

推论:对于询问的 I,r,如果两个子串都被包含在[I,r]中,且有 G1>=G2 且 S1>=S2,显然第二个子串是一定不会取到的(由性质二得到)。

于是可以考虑分块

块内贡献 : 每块大小根号 n,子串个数就是 O(n)个可以把每个子串 的 G 值和 S 值都求出来,根据推论把没用的都扔掉,那么最后剩下的 序列就是 G 值不断减小 S 值不断增大的序列 ,每次询问给出 X_0 ,最

大的点一定中间某处(答案是 min 函数),二分即可得出块内的答案 块间贡献 : 一共有 2 种

- 1. 从当前块开始到后面的某一块结束
- 2. 从之前的某一块开始到当前块结束

参照 50%暴力的策略,那么我们就可以维护一个 Y 值代表上一个块给这一个块带来的贡献,同时再维护前缀以及后缀的 G、S 值利用前缀和 Y 值,我们可以采用和之前块内一样的二分来算出答案利用后缀我们可以算出这一块给下一块的 Y 值,也有三种情况:

- 1 从上个 Y 走满整块到下个 Y
- 2 从某个后缀开始
- 3 直接取 X₀
- 三者的最大值即为Y

总复杂度 O(n* √n + q* √n*logn)

和暴力的复杂度比较接近......如果常数过大可能无法通过(不过标程 800ms 暴力最慢的点将近 20s 应该不需要太大力的卡常)

如果不苛求复杂度优化的微弱的话,就此题的代码和思想而言,不失为一道锻炼代码能力和思维能力的好题!

原题:bzoj2122