NOIP 2018

$\mathrm{dy}0607$

October 28, 2018

| 题目名称 | Odyssey | Necklace | Polygon | |
|---------|------------------------|--------------|-------------|--|
| 源文件名 | odyssey | necklace | polygon | |
| 输入文件名 | odyssey.in | necklace.in | polygon.in | |
| 输出文件名 | odyssey.out | necklace.out | polygon.out | |
| 题目类型 | 传统型 | 传统型 | 传统型 | |
| 每个测试点时限 | 1.0s | 1.0s | 1.5s | |
| 空间限制 | 512MB | 512MB | 512MB | |
| 编译命令 | -lm -O2 -std = c + +11 | | | |

Notes:

- 1. 评测在Ubuntu16.04(64bit)上进行,评测时开启无限栈;
- 2. 评测机配置为Intel® Pentium(R) CPU G2030 @ 3.00GHz × 2, 内存4GB;
- 3. 题目难度与顺序无关。

NOIP 2018 Simulation 1 ODYSSEY

1 Odyssey

1.1 Description

 $Santiago f_n$ 个梦想中的地点,于是他决定进行一次长途旅行。

整个世界可以视为一个二维平面,而Santiago的家乡Andalusia就在原点上,而另外n个点都在第一象限内,其中第i个点的坐标为 (X_i,Y_i) 。如果对于两个点i,j(将原点视为0号点),满足 $\max(X_i,Y_i) \leq \max(X_j,Y_j)$,那么i到j有一条有向道路,道路长度为 $|X_i-X_j|+|Y_i-Y_j|$ 。 Santiago希望找一条从Andalusia开始的路径,经过所有的点至少一次,并最小化路径总长度。

1.2 Input

```
从文件odyssey.in中读入数据.
```

第一行一个整数n。

接下来n行,每行两个整数 X_i,Y_i 。

1.3 Output

输出到文件odyssey.out中.

一行一个整数表示最小的路径长度,如果路径不存在,输出 $\binom{2333^{2333}}{233^{2333}}$ 的值。

1.4 Sample1

1.4.1 Input

8

2 2

1 4

2 3

3 1

3 4

1 1

4 3

1 2

1.4.2 Output

15

NOIP 2018 Simulation 1 ODYSSEY

1.5 Sample2

见选手目录下的odyssey/odyssey2.in与odyssey/odyssey2.ans.

1.6 Subtasks

对于所有数据,有 $1 \le n \le 2 \times 10^5, 1 \le X_i, Y_i \le 10^9$,可能有重复的点。

- Subtask1(24%), $n \le 8$.
- Subtask2(18%), $n \le 18$.
- Subtask3(16%), $n \le 5000$.
- Subtask4(16%), X_i, Y_i 在[1, n]內随机生成。
- Subtask5(26%), 没有特殊的约束。

2 Necklace

2.1 Description

Scout在Boo的盒子中找到了一条项链,这条项链由n个珍珠构成,第i颗的重量为 w_i 。项链是环形的,在项链上第i颗珍珠和 $(i \mod n) + 1$ 相邻。

Scout希望将项链从若干个位置切开,将切成的每一份分别藏在不同的地方,并保证每一份的重量之和均不超过m。

现在Scout会给出q次询问,每次给出一个m,你需要回答对于每个m,至少要将项链切成多少份,才能使每一份的重量之和均不超过m。

2.2 Input

```
从文件necklace.in中读入数据.
```

第一行两个整数n,q。

第二行n个整数表示 w_i 。

接下来q行,每行一个整数m表示询问。

2.3 Output

输出到文件necklace.out中.

输出q行,按顺序给出每一个询问的答案。

2.4 Sample1

2.4.1 Input

6 3

2 4 2 1 3 2

7

4

6

2.4.2 Output

2

4

3

NOIP 2018 Simulation 2 NECKLACE

2.4.3 Explanation

对于第一个询问,一种划分方案为2)(421)(32. 对于第二个询问,一种划分方案为2)(4)(21)(3)(2. 对于第三个询问,一种划分方案为(24)(213)(2).

2.5 Sample2

见选手目录下的necklace/necklace2.in与necklace/necklace2.ans.

2.6 Subtasks

对于所有数据,有 $1 \le n \le 10^6, 1 \le q \le 50, 0 \le w_i \le 10^9, \max\{w_i\} \le m \le 10^{15}.$

- Subtask1(22%), $n \le 15$.
- Subtask2(21%), $n \le 10^3$.
- Subtask3(34%), $n \le 5 \times 10^4$.
- Subtask4(23%), 没有特殊的约束.

NOIP 2018 Simulation 3 POLYGON

3 Polygon

3.1 Description

Amir有一个 $n \times n$ 的矩阵A,初始时每个位置都是0;他还有一个k条边的简单多边形(即除了相邻的边之外,不会有两条边相交),满足所有的边都与坐标轴平行,且所有顶点的坐标都是非负整数。

对于任意 $x,y\geq 0$,如果以(x,y),(x+1,y),(x,y+1),(x+1,y+1)为顶点的正方形在多边形内部,那么设f(x,y)=1,否则f(x,y)=0;而 $g(x,y)=\sum_{i=0}^{x}\sum_{j=0}^{y}f(i,j)$ 。

现在Amir会进行q次操作,有两种类型:

- 1 a b 对所有 $a \le x \le n, b \le y \le n$, $\Diamond A[x][y] = A[x][y] + (a+b) \times f(x-a, y-b)$

方便起见,所有操作在模232意义下进行。

Amir想考考Hassan所有操作结束后矩阵中所有元素的异或和是多少,但他自己也算不出结果,于是这个问题就交给你了。

3.2 Input

从文件polygon.in中读入数据.

第一行三个整数n, k, q.

接下来k行,每行两个整数 X_i,Y_i ,逆时针给出多边形的顶点坐标.

接下来q行,每行三个整数描述一次操作。

3.3 Output

输出到文件polygon.out中.

输出一个整数表示答案.

3.4 Sample1

3.4.1 Input

- 3 4 2
- 0 0
- 2 0
- 2 2
- 0 2

```
1 1 1
2 2 2
3.4.2 Output
20
3.4.3 Explanation
  f(i,j)构成的矩阵:
: : :
0 0 0 ...
1 1 0 ...
1 1 0 ...
  g(i,j)构成的矩阵:
: : :
2 4 4 ...
2 4 4 ...
1 2 2 ...
  第一次操作后, A矩阵为: (左下角为A[1][1])
0 0 0
2 2 0
2 2 0
  第二次操作后:
0 8 16
2 6 8
2 2 0
  求异或和,得到答案为20。
```

3.5 Sample2

见选手目录下的polygon/polygon2.in与polygon/polygon2.ans.

NOIP 2018 Simulation 3 POLYGON

3.6 Sample3

见选手目录下的polygon/polygon3.in与polygon/polygon3.ans.

3.7 Subtasks

对于所有数据,满足 $1\leq n\leq 5\times 10^3, 0\leq q\leq 2\times 10^5, 4\leq k\leq 200, 0\leq X_i, Y_i\leq n, 1\leq a,b\leq n$ 。

数据保证多边形不自交,且所有内角均不为 π (即内角均不为平角)。

本题共20个测试点,每个测试点5分。各个测试点还满足如下约束:

| 测试点编号 | k | n | q | 操作种类 |
|-------|-------|----------------------|----------------------|------|
| 1 | =4 | ≤ 100 | = 0 | 1 |
| 2 | | | ≤ 100 | |
| 3 | | | | 1,2 |
| 4 | | $\leq 5 \times 10^3$ | $\leq 5 \times 10^3$ | 1 |
| 5 | | | | 1, 2 |
| 6 | | | $\leq 2 \times 10^5$ | 1 |
| 7 | | | | 1,2 |
| 8 | | | | 1, 2 |
| 9 | ≤ 40 | ≤ 100 | $\leq 10^3$ | 1 |
| 10 | | | | 1,2 |
| 11 | | | | |
| 12 | | $\leq 5 \times 10^3$ | $\leq 2 \times 10^5$ | 1 |
| 13 | | | | |
| 14 | | | | |
| 15 | | | | |
| 16 | | | | 1,2 |
| 17 | | | | 1, 2 |
| 18 | ≤ 200 | | | 1 |
| 19 | | | | 1 |
| 20 | | | | 1,2 |