

NOIP2018 提高组模拟赛

Xing Jingze

2018 年 11 月 7 日

Problem code	File name	Time limit	Memory limit	Point distribution	Problem type
strategy	strategy.cpp	1s	256MB	$10' \times 10 = 100'$	Traditional
easy LCA	easy.cpp	1s	256MB	$5' \times 20 = 100'$	Traditional
scarborough fair	fair.cpp	2s	256MB	$5' \times 20 = 100'$	Traditional

* 请务必仔细阅读题目。

1 Strategy (strategy.cpp)

1.1 Background

针针喜欢玩一款叫做 DotA (Defense of the Algorithm) 的游戏。

——CTSC2018 Day1 T1 假面

1.2 Description

继 8102CSTC 之后, DotA 推出了新的游戏模式。在一场对战中, 针针需要面对 $n(1 \leq n \leq 4000)$ 个敌人, 对于第 i 个敌人针针有如下技能可以选择 (必须选择其中一种):

- 花费 $attack_i$ 的代价主动进攻, 迫使敌人进入防御状态, 使之无法进攻, 但是在一场对战中**只能攻击 k 次**。
- 花费 $defend_i$ 的代价防御防御该敌人的进攻, 该技能可以在对战中使用任意多次。
- 与该敌人结盟。注意, 结盟只能**对 1 个敌人**使用, 此时既不能攻击该敌人, 也不必防御该敌人的进攻。

现在给定每个敌人的 $attack$ 和 $defend$, 以及最多攻击次数 k , 针针想知道, 在和第 i 个敌人结盟的情况下, 他在这一轮对战中最少花费的代价。

1.3 Input Format

第一行一个正整数 $n(1 \leq n \leq 4000)$, 表示敌人个数。

接下来 n 行, 每行两个正整数 $attack_i(1 \leq attack_i \leq 10^9)$ 和 $defend_i(1 \leq defend_i \leq 10^9)$ 。

1.4 Output Format

一行 n 个整数, 第 i 个数表示和第 i 个敌人结盟时的最小代价。

1.5 Sample Input

```
4
1 5
2 3
2 4
3 5
```

1.6 Sample Output

```
8 8 7 6
```

1.7 Guarantee

对于 70% 的数据, 保证 $n \leq 500$ 。

对于 100% 的数据, 保证 $n \leq 4000$ 。

2 Easy LCA (easy.cpp)

2.1 Background

问: 如何评价 WC2018 和 CTSC2018?

曰: 猫喜欢上树找 LCA。

猫: 我这次有备而来。

2.2 Description

猫喜欢上了你家的苹果树。你家的苹果树是一个以 1 号点为根的, 节点数为 $n(n \leq 6 \cdot 10^5)$ 的有根树。猫想要把树上所有 LCA 抓下来, 但是他答应, 只要你能回答他的一个问题, 他就放过你的苹果树。

猫会给你一个长度为 n 的 1 到 n 的排列 p , 定义**连续子段** $p[l, r]$ 的权值如下:
 $val[l, r] = depth[lca(p_l, p_{l+1}, \dots, p_r)]$, 也就是 p_l, p_{l+1}, \dots, p_r 的 lca 的深度。他希望求出所有 $\frac{n(n+1)}{2}$ 个连续子段的权值和 (i.e. $\sum_{i=1}^n \sum_{j=i}^n val[i, j]$)。根节点深度为 1。

你正要用苹果树出一道题, 所以为了防止猫弄坏你精心设计的苹果树, 你决定回答这个问题。

2.3 Input Format

第一行一个正整数 $n(1 \leq n \leq 6 \cdot 10^5)$ 。

接下来 $n - 1$ 行, 每行两个正整数 $u_i, v_i(1 \leq u_i, v_i \leq n)$, 代表树上的一条边 (u, v) 。

数据保证输入的是一棵合法的树。

接下来一行包含 n 个正整数, 代表一个 1 到 n 的排列 p 。

2.4 Output Format

输出一行一个整数, 表示所求的所有连续子段的权值和。

2.5 Sample Input

```
6
1 2
2 6
6 3
3 4
6 5
1 2 3 4 5 6
```

2.6 Sample Output

```
51
```

2.7 Guarantee

对于 10% 的数据，保证 $n \leq 5000$ 。

对于另外 10% 的数据，保证 $n \leq 25000$ 。

对于另外 10% 的数据，保证输入的树是一条链 (**保证** $|u - v| = 1$)。

对于另外 20% 的数据，保证 $n \leq 2 \cdot 10^5$ 。

对于**以上**所有数据，保证输入的树是随机的且 $n \leq 2 \cdot 10^5$ 。

对于所有数据，保证 $n \leq 6 \cdot 10^5$ 。

3 Scarborough Fair (fair.cpp)

3.1 Background

Are you going to scarborough fair?

你正要去斯卡波罗集市吗?

Parsley, sage, rosemary and thyme.

西芹, 鼠尾草, 迷迭香和百里香。

3.2 Description

历经了末日的洗礼, 小 W 终于回到了大陆, 他决定拜访十年前遇到小 C 的集市。但是由于时局动荡, 集市中的很多道路已经年久失修, 所以有一定的概率会无法通行。

具体来说, 集市是一张由 n 个路口和 m 条连接路口的无向边组成的图 (由于集市中存在桥, 故不保证是平面图), 其中第 i 条道路连接 u_i, v_i 两点, 有 w_i 的概率是**不能通行**的。

小 W 定义一张图的不方便程度为图中的**联通块个数**, 现在给定集市的地图, 小 W 希望你能帮他求出这张图的期望不方便程度。

3.3 Input Format

第一行两个正整数 $n(1 \leq n \leq 17)$, $m(1 \leq m \leq \frac{n \cdot (n-1)}{2})$, 分别表示集市中的路口数量和无向边数量。

接下来 m 行, 每行三个正整数 u_i, v_i, p_i , 表示一条连接 u_i, v_i 的边。设该道路不能通行的概率为 $w_i = \frac{a}{b}$, 那么 $p_i \equiv a \cdot b^{-1} \pmod{998244353}$ 。

数据保证输入的图中没有重边和自环。

3.4 Output Format

一行一个整数, 表示期望不方便程度在模 998244353 的意义下的答案。

3.5 Sample Input

```
3 3
1 2 499122177
2 3 499122177
3 1 499112177
```

3.6 Sample Output

```
374334134
```

3.7 Guarantee

对于 15% 的数据, 满足 $m \leq 21$ 。

对于另外 35% 的数据, 满足 $n \leq 11$ 。

对于 80% 的数据 (包括以上 50% 的数据), 满足 $n \leq 14$ 。

对于 100% 的数据, 满足 $n \leq 17$ 。

3.8 Friendly tips

- 本题时限 2s
- $\frac{1}{2} \equiv 499122177 \pmod{998244353}$

This examination has no further questions, your honour.

Thanks for your time and hard work.