Упражнения: Други видове цикли

1. Редица числа 2k+1

Напишете програма, която чете число **n**, подадено от потребителя, и отпечатва **всички числа ≤ n от редицата**: 1, 3, 7, 15, 31, Всяко следващо число се изчислява като **предишното число * 2 + 1**. Примери:

вход	изход
3	1 3

вход	изход
8	1
	1 3
	7

вход	изход
17	1 3 7 15

вход	изход
31	1
	3
	7
	15
	31

Подсказки:

- Започнете от **num** = **1**.
- В цикъл докато **num** не стигне **n**, печатайте, го умножавайте по **2** и прибавяйте **1**.

2. Число в диапазона от 1 до 100

Напишете програма, която чете цяло положително **число** n **в диапазона [1...100**], въведено от потребителя. При въвеждане на число извън посочения диапазон, да се отпечата съобщение за грешка и потребителят да се подкани **да въведе ново число**. Примери:

вход / изход			
Enter a number in the range [1100]: The number is: 35	35		
Enter a number in the range [1100]: Invalid number!	105		
Enter a number in the range [1100]: Invalid number!	0		
Enter a number in the range [1100]: Invalid number!	-200		
Enter a number in the range [1100]: The number is: 77	77		

Подсказки:

- Въведете число.
- Повтаряйте в цикъл докато числото е невалидно: отпечатайте грешка и въведете число отново.

3. Факториел

Напишете програма, която чете цяло число \mathbf{n} (1 ≤ \mathbf{n} ≤ 12), въведено от потребителя, и **изчислява и отпечатва n!** = 1 * 2 * ... * \mathbf{n} (\mathbf{n} факториел). Примери:

вход	изход
5	120

вход	изход
6	720

вход	изход
10	3628800

вход	изход
1	1

вход	изход
2	2

Подсказка: в цикъл умножете числата от ${\bf 1}$ до ${\bf n}$.

4. Сумиране на цифрите на число

Напишете програма, която чете цяло число **num**, въведено от потребителя, и отпечатва **сумата от цифрите му**.

Примери:

вход	изход	коментар
5634	18	6+6+3+4 = 18

вход	изход	коментар
19	10	1+9 = 10

вход	изход
5	5

вход	изход
17151	15

Подсказка: в цикъл докато не стигнете до 0 сумирайте последната цифра на числото (**num % 10**) и го разделяйте след това на 10 (така изтривате последната му цифра).

5. Проверка за просто число

Напишете програма, която чете цяло число **n**, въведено от потребителя, и **проверява дали е просто число** (дали се дели само на себе си и на единица). Да се отпечата "**Prime**" или "**Not prime**". Примери:

вход	изход
2	Prime

вход	изход
3	Prime

вход	изход	
4	Not Prime	

вход	изход
5	Prime

вход	изход
7	Prime

вход	изход
1	Not Prime

вход	изход
0	Not Prime

вход	изход
-1	Not Prime

вход	изход
149	Prime

Подсказки:

- Ако числото е по-малко от 2, значи не е просто.
- Всяко друго число първоначално се приема за **просто** и се проверява в цикъл дали се дели на числата 2, 3, 4, ..., до корен квадратен от **n** (цялата част).

6. Въвеждане на четно число (с обработка на грешен вход)

Напишете програма, която **чете четно число**, въведено от потребителя. Ако потребителят въведе **грешно число** (нечетно число или стринг, който не е цяло число), трябва да му излиза **съобщение за грешка** и да **въвежда отново**. Примери:

вход / изход

Enter even number: 34
Even number entered: 34

Enter even number: 35
The number is not even.
Enter even number: hello

Invalid number!

Enter even number: 12.85

Invalid number!

Enter even number: 3464232636536513

Invalid number!
Enter even number: 8
Even number entered: 8

Подсказки:

- В цикъл въвеждайте число и проверявайте дали е четно. При коректно число излезте от цикъла.
- Ctry { ... } catch { ... } конструкция прихванете грешните числа, които не могат да се обърнат в int.

7. Числа на Фибоначи

Напишете програма, която чете цяло число **n**, въведено от потребителя, и пресмята **n-тото число на Фибоначи**. Нулевото число на Фибоначи е 1, първото е също 1, а всяко следващо е сумата от предходните две. Примери:

вход	изход
0	1

вход	изход
1	1

вход	изход
2	2

вход	изход
5	8

вход	изход
10	89

Подсказка:

- При **n < 2** отпечатайте **1**.
- Започнете от **f0=1** и **f1=1** и в цикъл сумирайте последните две числа. Записвайте последните две числа след всяка стъпка в **f0** и **f1**.

8. Пирамида от числа

Напишете програма, която чете цяло число \mathbf{n} , въведено от потребителя, и отпечатва **пирамида от числа** като в примерите:

вход	изход
7	1 2 3 4 5 6 7

вход	изход
10	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

вход	изход
12	1
	2 3
	4 5 6
	7 8 9 10
	11 12

вход	изход
15	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

Подсказка:

- С **два вложени цикъла** печатайте пирамида от числа: на първия ред едно число, на втория ред 2 числа, на третия ред 3 числа и т.н.
- В отделен **брояч** пазете колко числа сте отпечатали до момента (и кое е текущото число). Когато стигнете **n**, излезте внимателно от двата вложени цикъла с **break** или **return**.

9. Най-голям общ делител (НОД)

Напишете програма, която чете две цели положителни числа **a** и **b**, въведени от потребителя, и изчислява и отпечатва **най-големият им общ делител (НОД)**. Примери:

вход	изход
24	8
16	

вход	изход
67	1
18	

вход	изход
15	3
9	

вход	изход
100	4
88	

вход	изход
10	10
10	

Подсказка: имплементирайте алгоритъма на Евклид: https://bg.wikipedia.org/wiki/алгоритъм-на-Евклид.