## 编译原理作业 4

23.09.27

## 练习 2.2.1

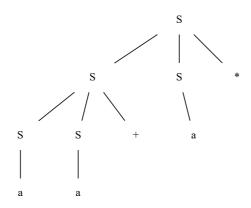
- (1) 练习 4.2.1 的 (1) 或 (2) 的推导方式都可以生成该串.
- (2) 同练习 4.2.1 (3).
- (3) 所有运算符为 + 或 \*, 操作数为 a 的后缀表达式. 所有这样的表达式都能由该文法生成, 且该文法生成 的所有串都是这样的表达式, 两者的证明都是显然的.

## 练习 4.2.1

(1) 
$$S \underset{lm}{\Rightarrow} SS* \underset{lm}{\Rightarrow} SS + S* \underset{lm}{\Rightarrow} aS + S* \underset{lm}{\Rightarrow} aa + S* \underset{lm}{\Rightarrow} aa + a*.$$

(2) 
$$S \underset{rm}{\Rightarrow} SS* \underset{rm}{\Rightarrow} Sa* \underset{rm}{\Rightarrow} SS + a* \underset{rm}{\Rightarrow} Sa + a* \underset{rm}{\Rightarrow} aa + a*.$$

(3)



- (4) 该文法无二义性. 我们可以通过查看末尾字符, 确定所使用的替换规则, 因此显然语言中的每个串都对应着唯一的 AST.
- (5) 所有运算符为 + 或 \*, 操作数为 a 的后缀表达式.

## 练习 4.2.3

(1)

$$\begin{split} S &\to AB \\ A &\to \epsilon |1| AA \\ B &\to \epsilon |C| BB \\ C &\to 01A \end{split}$$

A 代表若干个 1. "若干"可以是零个, 后面同.

C 代表前缀为 01, 后面跟着若干个 1 的串.

B 代表若干个 C.

(2)

(3)

$$S \rightarrow \epsilon |SS| 0S1 |1S0$$

S 代表 0 和 1 个数相等的串. 注意到如果 S 的始末字符相同, 例如 S 形如 0x0, 由于 0 中 0 比 1 多一个, 0x 中 0 比 1 少一个, 根据介值原理, 必存在 x=yz, 0y 和 z0 中都有等量 0 和 1, 因此 S 必形如 SS. 而如果始末字符不同, 中间的部分就也是 S 了.

(4)

$$egin{aligned} S &
ightarrow S_1 | S_2 \ S_1 &
ightarrow A_1 | A_1 S_1 \ A_1 &
ightarrow B0B \ S_2 &
ightarrow A_2 | A_2 S_2 \ A_2 &
ightarrow B1B \ B &
ightarrow \epsilon |BB|0B1|1B0 \end{aligned}$$

 $S_1$  代表 0 比 1 多的串.

 $A_1$  代表 0 比 1 多一个的串. 根据介值原理, 容易证明  $S_1$  一定可以拆成一个或多个  $A_1$ .

B 代表 0 和 1 个数相等的串. 如果  $A_1$  的首字符是 0, 那么它形如 0B; 如果  $A_1$  的首字符是 1, 容易用介值原理证明它必然形如 B0B.

同理,  $S_2$  代表 0 比 1 少的串,  $A_2$  代表 0 比 1 少一个的串.

(5)

$$\begin{split} S &\to AB \\ A &\to \epsilon |1| AA \\ B &\to \epsilon |C| BB \\ C &\to 0 |01 \end{split}$$

A 代表若干个 1. C 代表 0 或 01. B 代表若干个 C.

(6)

$$S \rightarrow AB|BA$$
 
$$A \rightarrow TAT|1$$
 
$$B \rightarrow TBT|0$$
 
$$T \rightarrow 0|1$$

注意到, 对于一个合法的串, 例如形如 a0bc1d, 其中  $|a|=|c|=n_1$ ,  $|b|=|d|=n_2$ , 可以将 bc 视为 xy , 其中  $|x|=n_1$ ,  $|y|=n_2$ . 这样 a 与 x 等长, y 与 d 等长, 就容易构造文法生成 a0xy1d 了.