

# Link Layer HW

---

## P7

---

a

$$\begin{aligned} Np(1-p)^{N-1} &= \frac{N}{N-1}(N-1)p(1-p)^{N-1} \\ &\leq \frac{N}{N-1} \left( \frac{(N-1)p + (N-1)(1-p)}{N} \right)^N \\ &= \left( 1 - \frac{1}{N} \right)^{N-1}. \end{aligned}$$

由均值不等式, 当且仅当  $p = \frac{1}{N}$  时取等.

b

由数学分析的知识, 易知

$$\lim_{N \rightarrow \infty} \left( 1 - \frac{1}{N} \right)^{N-1} = \frac{1}{e}.$$

## P14

---

这里认为  $1 \text{ Mb} = 1024 \text{ Kb}$ ,  $1 \text{ Kb} = 1024 \text{ b}$ .

对于  $1 \text{ Mbps}$  的以太网, 需等待

$$100 \cdot \frac{512}{2^{20}} = 0.049s.$$

同理, 对于  $10 \text{ Mbps}$  的以太网, 需等待  $0.005s$ .

## P15

---

下面都默认以比特时间为单位.

A 在 273 结束拥塞信号的发送, 由于  $K_A = 0$ , 立刻开始准备重传. 在  $273+225=498$  时, B 最后的拥塞信号到达 A, 信号为空, A 开始重传. 在  $498+225=723$  时, A 重传的信号达到 B.

B 在 273 结束拥塞信号的发送, 由于  $K_B = 1$ , 沉睡到  $273+512=785$ , 然后苏醒并准备重传.

因此, 问题的答案为:

- B 在 785 准备重传.
- A 在 498 开始重传.
- A 的信号在 723 到达 B.
- B 的重传被抑制当且仅当 A 重传的包大于  $785-723=62$  比特.

## P16

---

下面都默认以比特时间为单位.

注意到, 如果 A 的信号已经到达 B, 则 B 不会发包, 所以 B 至晚在 224 开始发送. 在这种情况下, B 的信号在 449 到达 A. 如果 A 发送的包小于 449 比特, 就会误以为自己已经成功发送, 没有遇到碰撞. 而在题目所述的情况下, 由于  $512+64 > 449$ , A 能成功检测到碰撞.

## P18

---

### a

当信道空闲时, 恰好有一个节点选择发送数据的概率为

$$Np(1-p)^{N-1},$$

因此非高产状态持续时隙数的期望为

$$x = \frac{1}{Np(1-p)^{N-1}} - 1.$$

故该协议的效率为

$$\eta = \frac{k}{k+x} = \frac{k}{k-1 + \frac{1}{Np(1-p)^{N-1}}}.$$

### b

在 P7 中我们已经证明

$$Np(1-p)^{N-1} \leq \left(1 - \frac{1}{N}\right)^{N-1},$$

于是有

$$\eta \leq \frac{k}{k-1 + \left(1 + \frac{1}{N-1}\right)^{N-1}}.$$

### c

由数学分析的知识, 易知

$$\lim_{N \rightarrow \infty} \eta = \frac{k}{k+e-1}.$$

### d

由数学分析的知识, 易知

$$\lim_{k \rightarrow \infty} \frac{k}{k+e-1} = 1.$$