Inter-blocages (Deadlocks)

Abdelouahed Gherbi Hiver 2020

Plan

- Introduction
 - Qu'est ce qu'un inter-blocage
 - Conditions nécessaires pour l'inter-blocage
- Modélisation d'inter-blocage
- Prévention d'inter-blocage
- Détection d'inter-blocage
- Évitement d'inter-blocage

- Un système est composé d'un nombre fini de ressources
- Plusieurs processus sont en compétition pour les ressources du système
- Un processus doit demander (requête) une ressource avant de l'utiliser et doit la libérer après.

- Un processus utilise une ressource comme suit :
 - Demander la ressource (requête) :
 - si la ressource ne peut pas être allouée immédiatement le processus doit attendre
 - Se fait via un appel système : request(), open(), allocate()
 - Pour les ressources gérés par l'utilisateur : wait(s) ou s est un sémaphore
 - Utiliser la ressource
 - Libérer la ressource
 - Se fait via des appels système: release(), close(), free()
 - Se fait via signal(s) sur un sémaphore s pour les ressources gérés par l'utilisateur

Qu'est ce qu'un inter-blocage ?

Qu'est ce qu'un inter-blocage ?

Une situation où un ensemble de processus sont en interblocage si chaque processus dans l'ensemble est en attente d'un événement qui ne peut être causé que par un autre processus dans l'ensemble

Exemple 1 :

« When two trains approach each other at a crossing, both shall come to a full stop and neither shall start up again until the other has gone »,

-- A law passed by the Kansas ligislature in the early 20th centery [1]

- Exemple 2 :
 - -semaphores A et B initialisés à 1

 Il a été démontré [2] que les conditions suivantes doivent être vérifiées pour causer un inter-blocage

Exclusion Mutuelle:

Chaque ressource doit être attribuée à un seul processus à la fois

Détention et attente:

Les processus ayant déjà obtenu des ressources peuvent en demander des nouvelles

Pas de réquisition (No preemption):

- Les ressources déjà détenues par un processus ne peuvent lui être retirées de force.
- Elles doivent être explicitement libérées par le processus.

Attente circulaire:

Il doit y avoir un ensemble de processus {P0, P1, ...,Pn} en attente tels que : P0 est en attente pour une ressource détenue par P1, P1 est en attente d'une ressource détenue par P2, ..., Pn-1 est en attente d'une ressource détenue par Pn, and Pn est en attente d'une ressource détenue par P0.

- Les inter-blocages peuvent être représentés (modélisés) en utilisant un graphe orienté
 - graphe d'allocation de ressources
- Ce graphe consiste en un ensemble N de nœuds et un ensemble A d'arcs.
- N est partitionné en deux types de nœuds :
 - $-P = \{P_1, P_2, ..., P_n\}$: ensemble de tous les processus du système
 - $-R = \{R_1, R_2, ..., R_m\}$: ensemble des types de ressources dans le système
- Arc de requête
 - Un arc orienté d'un processus P1 vers un type de ressource P1 \rightarrow Rj
 - Signifie que le processus P1 a demandé une instance du type de ressource Rj et est actuellement en attente pour cette ressource
- Arc d'allocation
 - Un arc orienté d'un type de ressource Rj vers un processus Pi : Rj \rightarrow Pi
 - Signifie qu'une instance de du type de ressource Rj est allouée au processus Pi

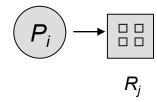
- Graphiquement :
- Processus



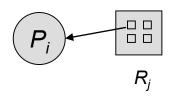
• Un type de ressource R_j avec 4 instances

$$R_{j}$$

• Le processus P_i demande une instance de R_j

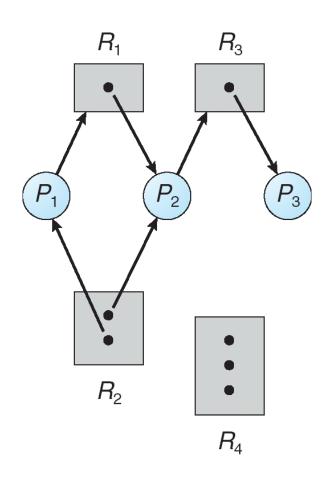


Le processus P_i détiens une instance of R_i



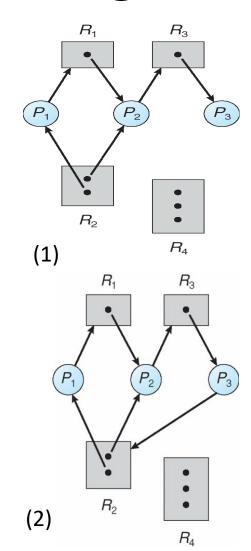
Exemple

- Les ensembles P, R et A
 - $P = \{P_1, P_2, P_3\},\$
 - $R = \{R_1, R_2, R_3, R_4\},$
 - $A = \{P_1 --> R_1, P_2 --> R_3, R_1 --> P_2, R_2 --> P_2, R_2 --> P_1, R_3 --> P_3\}$
- Instances de ressources
 - Une instance du type de ressources R₁
 - Deux instances du type de ressources R₂
 - Une instance du type de ressources R₃
 - Trois instances du type de ressources R_{Δ}
- État des processus
 - Processus P_1 détiens une instance du type de ressource R_2 et est en attente d'une instance du type de ressource R_1
 - Processus P_2 détiens une instance du type de ressource R_1 et une instance du type de ressource R_2 et est en attente d'une instance du type de ressource R_3
 - Processus P3 détiens une instance du type de ressource R3



- Il peut être démontré que :
- Si la graphe d'allocation ne contient pas de cycles <u>alors</u> il n'y a pas d'inter-blocage
- Si le graphe contient un cycle alors
 - Si il y a une seule instance par type de ressources, <u>alors</u> inter-blocage
 - Si il y a plusieurs instances par type de ressources, <u>alors</u> il y a une <u>possibilité</u> d'inter-blocage

- Exemple
- On considère le graphe d'allocation de ressources (1)
- Si le processus P₃ demande une instance de type de ressource R₂
- On obtient le graphe d'allocation de ressource (2)
- Est ce qu'il existe des cycles dans ce graphe? Si oui quels sont les processus impliqués?



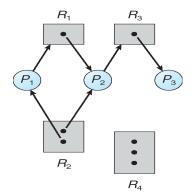
LOG 710 Hiver 2020

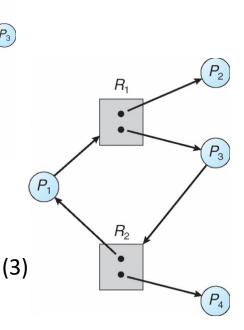
- Exemple
- On considère le graphe d'allocation de ressources précédent

• Si le processus P_3 demande une instance de type de ressource R_2



- Oui il y a deux cycles :
 - P1-->R1-->P2-->R3-->P3-->P1
 - P2-->R3-->P3-->R2-->P2
 - Alors les processus P1, P2 et P3 sont en interblocage
- Qu'en est t-il du graphe (3)?





LOG 710 Hiver 2020

Méthodes de traitement des inter-blocages

- Ignorer le problème et prétendre que les inter-blocages n'arrivent jamais dans un système (Politique de l'autruche)
 - Utilisée par la plus part des systèmes d'exploitation incluant UNIX
- Prévention des inter-blocages
- Détection des inter-blocages
- Évitement des inter-blocages

Prévention des inter-blocages

 Cette méthode est basée sur l'idée de s'assurer que l'une des conditions d'inter-blocage ne soit pas vérifiée

Exclusion mutuelle

- pas nécessaire pour les ressources partageables
- doit être vérifiée pour les autres

Détention et attente

- Il suffit de garantir qu'à chaque fois qu'un processus demande une ressource, il ne doit pas déjà détenir aucune autre
- Le processus doit demander et être alloué toutes les ressources avant qu'il commence à exécuter
- Ou permettre à un processus de demander une ressource seulement quand il n'en a pas
- Faible utilisation des ressources et possibilité de famine

Pas de réquisition (No Preemption)

- Si un processus qui détient des ressources demande une autre ressource qui ne peut pas lui être immédiatement attribuée (il doit donc attendre), alors toutes les ressources actuellement détenues par ce processus sont libérés
- Les ressources réquisitionnées sont ajoutées à la liste des ressources pour lesquelles le processus est en attente
- Le processus sera remis en marche quand il peut reprendre ses ressources anciennes, ainsi que les nouvelles qu'il demande
- Difficile à implémenter pour des ressources qui ne peuvent pas être non réquisitionnées (imprimantes, bandes magnétiques, etc.)

Attente circulaire

 Imposer un ordre total sur tous les types de ressources et exiger que chaque processus demande les ressources dans un ordre croissant

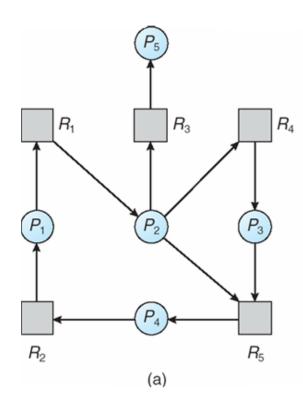
LOG 710 Hiver 2020

Détection des inter-blocages

- Permettre au système d'entrer dans un état d'inter-blocage
- Utiliser un algorithme de détection d'inter-blocages
- Si un inter-blocage est détecté, appliquer une procédure de récupération (recovery) du système
- Pour la détection d'inter-blocages, on distingue deux cas
 - Instance unique pour chaque type de ressource
 - Instances multiples pour chaque type de ressource

Détection des inter-blocages (Instance unique par type de ressource)

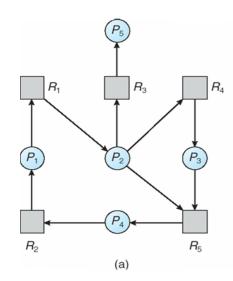
- On peut définir un algorithme qui utilise le graphe d'attente (wait-for graph)
- Le graph d'attente est une variante du graphe d'allocation de ressources obtenu en éliminant les nœuds de ressources et en réunissant les arcs adéquats
- En particulier :
 - Un arc de Pi --> Pj dans un graphe d'attente implique que Pi attend que Pj libère la ressource dont il a besoin
 - Un arc Pi-->Pj existe dans un graphe d'attente <u>ssi</u> le graphe d'allocation de ressources correspondant contient deux arcs Pi-->Rq et Rq-->Pj pour une ressource Rq donnée
- Exemple : Quel est le graphe d'attente correspondant au graphe d'allocation suivant?

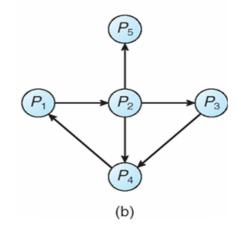


Détection des inter-blocages (Instance unique par type de ressource)

Graphe d'allocation de ressources

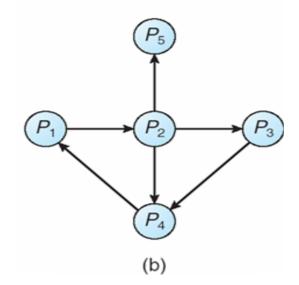
Graphe d'attente correspondant





Détection des inter-blocages (Instance Unique par type de ressource)

- Un inter-blocage existe dans le système si et seulement si le graphe d'attente contient un cycle
- Complexité de la solution: afin de détecter les inter-blocages, le système d'exploitation doit :
 - maintenir le graphe d'attente
 - Invoquer périodiquement un algorithme de recherche de cycle dans le graphe
- Exemple :
 - D'après notre graphe d'attente, est ce que le système présente des inter-blocages ?
 - Si oui, quels sont les processus impliqués dans ces inter-blocages ?



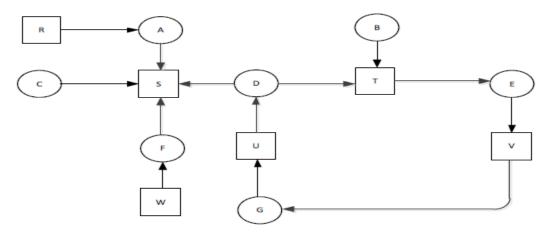
Détection des inter-blocages (Instance Unique par type de ressource) Exercice #1

- 1. Considérons l'attribution des ressources suivante :
 - A détient R et demande S ;
 - B demandes T;
 - C demandes S;
 - D détient U et demande S et T :
 - E détient T et demande V ;
 - F détient W et demande S :
 - G détient V et demande U.

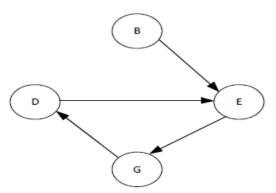
Construire le graphe d'allocation des ressources. Est-ce qu'il y a un inter-blocage ? Si oui, quels sont les processus concernés ?

Détection des inter-blocages (Instance Unique par type de ressource) Exercice #1

Graphe d'allocation de ressources



Comme il y une instance unique par type de ressource, on utilise le graphe d'attente :



Dans ce graphe d'attente il y a un cycle D→E→G→D donc les processus {D,E,G} sont en inter-blocage

 L'algorithme basé sur le graphe d'attente n'est pas applicable pour un système d'allocation de ressources avec plusieurs instances par type de ressources

Disponible

 Un tableau (vecteur) de longueur m qui indique le nombre de ressources (instance) disponibles pour chaque type

Allocation

 Une matrice n x m qui définit le nombre de ressources de chaque type (instance) actuellement allouées à chaque processus.

• Requête:

- Une matrice n x m qui indique les requêtes (demandes) actuelles de chaque processus.
- Sir Requête [i][j] = k, alors le processus P_i demande k instances de plus de du type de ressource R_i .

- 1. Soit *Travail* et *Fin* deux tableaux de longueurs *m* et *n*, respectivement On initialise *Travail* et *Fin* comme suit :
 - (a) Travail = Disponible
 - (b) for i = 1,2, ..., n,
 if Allocation[i] ≠ 0, then Fin[i] = false;
 else Fin[i] = true
- 2. Trouver un index *i* tel que :
 - (a) *Fin*[*i*] == *false*
 - (b) Requête [i] ≤ TravailSi un tel i n'existe pas passer à l'étape 4
- 3. Travail = Travail + Allocation[i]
 Fin[i] = true
 Aller à étape 2
- 4. If Fin[i] == false, pour certain i, $1 \le i \le n$, then le system est dans un état d'inter-blocage. Pour chaque processus Pi tel que Fin[i] == false, P_i est en inter-blocage

- Exemple 1
- On considère un système composé de :
 - Cinq (5) processus P_0 à P_4 ;
 - Trois (3) types de ressources : A (7 instances), B (2 instances), et C (6 instances)
- A l'instant T_0 on l'état d'allocation de ressources est comme suit :

$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		<u> Allocation</u>	<u>Requête</u>	<u>Disponible</u>
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		ABC	ABC	ABC
P_{2} 303 000 P_{3} 211 100	P_0	010	000	000
P_3^2 211 100	P_1	200	202	
3	P_2	3 0 3	000	
$P_4 002 002$	P_3	211	100	
	P_4	002	002	

Est ce que ce système est en état d'inter-blocage ?

- Exemple 2
- On considère un système composé de :
 - Cinq (5) processus P_0 à P_4 ;
 - Trois (3) types de ressources : A (7 instances), B (2 instances), et C (6 instances)
- Le processus P2 fait une requête supplémentaire pour instance de type C:

	<u>Allocation</u>	<u>Requête</u>	<u>Disponible</u>
	ABC	ABC	ABC
P_0	010	000	000
P_1	200	202	
P_2	303	0 0 1	
P_3	211	100	
P_4	002	002	

Est-ce que le système est en état d'inter-blocage ? Si oui quels sont les processus impliqués?

<u>Requête</u>

- 2. On considère un système composé de 4 types de ressources :
 - Quatre (4) dérouleurs de bandes (DB)
 - Deux (2) tables traçantes (TR)
 - Trois (3) scanners (S)
 - Un (1) lecteur de CD (CD)

DB	TR	S	CD
2	0	0	1
1	0	1	0
2	1	0	0

Le système comporte trois (3) processus. Le processus P1 possède un scanner ; le processus P2 possède deux dérouleurs de bandes et un lecteur CD ; le processus P3 possède une table traçante et deux scanners. Chaque processus a besoin de ressources supplémentaires comme le montre la matrice Requête.

- a. Donner la matrice d'allocation
- b. Donner le tableau de ressources disponibles
- c. Exécuter l'algorithme de détection d'inter-blocage pour vérifier si le système est en inter-blocage et si oui quels sont les processus impliqués
- d. Supposons que le processus 2 ait besoin de trois scanners et de la table traçante. Est-ce que le système est en état d'inter-blocage ?

a. Allocation

	DB	TR	S	CD
P1	0	0	1	0
P2	2	0	0	1
P3	0	1	2	0

Ъ.

Disponible

DB	TR	D	CD
2	1	0	0

c.

Exécution de l'algorithme de détection

Travail

	DB	TR	S	CD
Initialement	2	1	0	0
Itération 1	2	2	2	0
Itération 2	4	2	2	1
Itération 3				

Tableau Fin

	P1	P2	P3
Initialement	false	false	false
Itération 1	false	false	true
Itération 2	false	true	true
Itération 3	true	True	true

Le système n'est pas en inter-blocage

Requête

DB	TR	S	CD
2	0	0	1
1	0	1	0
2	1	0	0

LOG 710 Hiver 2020

d. P2 ait besoin de trois scanners et de la table traçante donc la matrice requête est comme suit :

Requête

DB	TR	S	CD
2	0	0	1
0	1	3	0
2	1	0	0

Allocation

	DB	TR	S	CD
P1	0	0	1	0
P2	2	0	0	1
P3	0	1	2	0

Travail

	DB	TR	S	CD
Initialement	2	1	0	0
Itération 1	2	2	2	0

Tableau Fin

	P1	P2	P3
Initialement	false	false	false
Itération 1	false	false	true

Donc le système est en inter-blocage et les processus impliqués sont {P1, P2}

- 3. Considérons un système gérant quatre processus, P1 à P4, et trois types de ressources R1, R2 et R3 (3 R1, 2 R2 et 2 R3). Les ressources sont attribuées comme suit :
 - P1 détient une ressource de type R1 et demande une ressource de type R2;
 - P2 détient 2 ressources de type R2 et demande une ressource de type R1 et une ressource de type R3 ;
 - P3 détient 1 ressource de type R1 et demande une ressource de type R2;
 - P4 détient 2 ressources de type R3 et demande une ressource de type R1;

Est-ce qu'il y a un inter-blocage ? Si oui, quels sont les processus concernés ?

Matrice d'allocation

	R1	R2	R3
P1	1	0	0
P2	0	2	0
P3	1	0	0
P4	0	0	2

Tableau Disponible

R1	R2	R3
1	0	0

Requête

	R1	R2	R3
P1	0	1	0
P2	1	0	1
P3	0	1	0
P4	1	0	0

Exécution de l'algorithme de détection d'inter-blocage

Travail

Havan			
	R1	R2	R3
Initialement	1	0	0
Itération 1	1	0	2
Itération 2	1	2	2
Itération 3	2	2	2
Itération 4	3	2	2

Tableau Fin

	P1	P2	P3	P4
Initialement	false	false	false	false
Itération 1	false	false	false	true
Itération 2	false	true	false	true
Itération 3	True	True	False	true
Itération 4	True	True	True	true

Le système n'est pas en interblocage

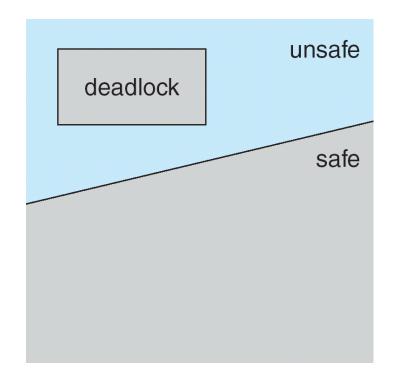
- Une méthode alternative basée sur <u>une connaissance a priori</u> d'informations sur comment les ressources vont être demandées
- Le système, sachant pour chaque processus, la séquence complète des requêtes et libérations
 - peut décider <u>lors de chaque requête</u> si le processus doit ou non attendre afin d'éviter un possible inter-blocage future
- Pour faire cette décision, le système considère pour chaque requête :
 - Les ressources actuellement disponibles
 - Les ressources actuellement allouées pour chaque processus
 - Les requêtes et libérations futures pour chaque processus
- Un algorithme d'évitement d'inter-blocage examine <u>dynamiquement</u> l'état d'allocation des ressources afin d'assurer que la condition d'attente circulaire n'arrive jamais
- L'état d'allocation des ressources est défini par le nombre de ressources disponibles, allouées et le nombre maximum des demandes des processus

- Notion <u>d'état sûr</u> (safe state)
 - Un état est <u>sûr</u> si le système peut allouer les ressources pour chaque processus <u>dans un certain ordre</u> tout en continuant à éviter l'inter-blocage

Formellement :

- Un système est dans un état sûr s'il existe une séquence sûre
- Une séquence de processus (P1, P2, ..., Pn) est <u>une séquence sûre</u> pour l'état d'allocation courant Si :
 - Pour chaque Pi, les requêtes que Pi peut encore faire peuvent être satisfaites avec les ressources actuellement disponibles plus celles détenues pas les Pj tel que j < I
- Dans cette situation, si les ressources nécessaires pour Pi ne sont pas immédiatement disponibles, alors Pi peut attendre jusqu'à ce que tous les Pj terminent
- Quand les Pj terminent, Pi peut obtenir toutes ses ressources , fait sa tache et termine en retournant ses ressources
- Quand Pi termine, Pi+1 peut obtenir ses ressources et ainsi de suite.
- Si une telle séquence n'existe pas, l'état du système est dit non sûr (unsafe)

- Un état <u>sûr</u> n'est pas un état d'interblocage
- Inversement, un état d'inter-blocage est un état <u>non sûr</u>
- Les états <u>non sûr</u> ne sont pas tous des états d'inter-blocage mais peuvent conduire à un inter-blocage
- <u>Tant et aussi longtemps que le</u> <u>système est dans un état sur, il peut</u> <u>éviter l'inter-blocages</u>



- Exemple
- On considère un système composé de
 - Douze (12) dérouleurs de bandes magnétiques (tapes drives) DBM
 - Trois processus P0, P1 et P2 tels que
 - Processus P0 a besoin de 10 DBM; processus P1 peut avoir besoin de 4 DBM; et processus P2 peut avoir besoin de 9 DBM

	Besoins maximum	Besoins actuels
Р0	10	5
P1	4	2
P2	9	7

- A l'instant T0 :
 - P0 détiens 5 DBM; P1 détiens 2 DBM et P3 détiens 2 DBM
- Est ce que le système est dans un état sûr à l'instant T0

- Exemple
- On considère un système composé de
 - Douze (12) dérouleurs de bandes magnétiques (tapes drives) DBM
 - Trois processus P0, P1 et P2 tels que
 - Processus P0 a besoin de 10 DBM; processus P1 peut avoir besoin de 4 DBM; et processus P2 peut avoir besoin de 9 DBM

	Besoins maximum	Besoins actuels
Р0	10	5
P1	4	2
P2	9	7

- A l'instant T0 :
 - P0 détiens 5 DBM; P1 détiens 2 DBM et P3 détiens 2 DBM
- A l'instant T0 : il y a donc 3 DBM disponibles
- La séquence P1, P0, P2 est une séquence sûre

- Algorithme du banquier (banker's algorithm) Dijkstra 1965
 - Algorithme d'évitement d'inter-blocage dans un système avec plusieurs instances par type de ressources
 - Ce nom est choisi car l'algorithme peut être utilisé dans un système bancaire pour assurer que la banque n'utilisera jamais les liquidités disponibles de sorte qu'elle ne sera jamais en mesure de satisfaire les besoins de ses clients
- Quand un processus entre dans le système, il doit déclarer le nombre maximum d'instances pour chaque type de ressource dans le système dont il aura besoin.
- Quand un processus fait une requête pour un ensemble de ressources
- Le système doit déterminer <u>si l'allocation de ces ressources va laisser</u> le système dans <u>un état sûr</u>
 - Si oui, les ressources sont allouées
 - Si non, le processus doit attendre jusqu'à ce que d'autres processus libèrent assez de ressources

- Structures de données pour l'implémentation de l'algorithme du banquier
- n : nombre de processus, m : nombre de types de ressources

Disponible :

- Tableau de longueur m
- Si Disponible [j] = k, il y a k instances disponibles du type de ressource R_i

Max:

- Matrice n x m
- Si Max [i,j] = k, le processus Pi peut demander au plus k instances du type de ressources Rj

Allocation:

- Matrice n x m matrix.
- Si Allocation[i,j] = k, le processus Pi est actuellement alloué k instances de Rj

Besoin:

- Matrice n x m
- Si Besoin[i,j] = k, le processus Pi pourra avoir besoin de k instances de Rj supplémentaires pour compléter sa tache

Quelle est la relation entre Besoin[i,j], Max[i,j] et Allocation[i,j] ?

- Structures de données pour l'implémentation de l'algorithme du banquier
- n : nombre de processus, m : nombre de types de ressources

Disponible :

- Tableau de longueur m.
- Si Disponbile [j] = k, il y a k instances disponibles du type de ressource R_i

Max:

- Matrice n x m.
- Si Max [i,j] = k, le processus Pi peut demander au plus k instances du type de ressources Rj

Allocation:

- Matrice n x m matrix.
- Si Allocation[i,j] = k, le processus Pi est actuellement alloué k instances de Rj

Besoin:

- Matrice n x m
- Si Besoin[i,j] = k, le processus Pi pourra avoir besoin de k instances de Rj supplémentaires pour compléter sa tache
- Quelle est la relation entre Besoin[I,j], Max[I,j] et Allocation[I,j] ?
 - Besoin[i,j] = Max[i,j] Allocation[i,j]

- Algorithme de sûreté
 - Algorithme qui détermine si un système est dans un état sûr ou non
- Soit Travail et Fin des tableaux (vecteurs) de longueurs m et n, respectivement.
 On initialise :

```
Travail = Disponible

Fin [i] = false pour i = 0, 1, ..., n- 1
```

- 2. Trouve un index *i* tel que:
 - (a) Fin [i] = false(b) Besoin[i] ≤ TravailSi un tel i n'existe pas aller à étape 4
- 3. Travail= Travail + Allocation[i] Fin[i] = true Aller à étape 2
- 4. Si Fin [i] == true pour tout i, alors le système est dans un état sûr

- Algorithme de demande de ressources (Resource-Request Algorithm)
- Requête_i est un tableau (vecteur)
 - Représente la requête du processus P_i
 - Si Requête_i [j] = k, le processus P_i demande k instances du type de ressource
 Rj
- Quand un processus fait une requête les actions suivantes sont mise en œuvre
 - Si Requête_i ≤ Besoin[i] alors aller à étape 2. sinon provoque une condition d'erreur car le processus a dépassé son maximum de réclamation
 - 2. Si $Requête_i \le Disponible$, alors aller à étape 3. sinon P_i doit attendre car les ressources ne sont pas disponibles
 - 3. <u>Prétendre</u> (simuler) d'allouer les ressources demandées au processus P_i en modifiant l'état comme suit :

```
Disponible= Disponible— Requête;;
Allocation[i] = Allocation[i] + Requête;;
Besoin[i] = Besoin[i] — Requête;;
```

- Si état est sûr ⇒ les ressources sont allouées à Pi
- Si l'état n'est pas sûr ⇒ Pi doit attendre, et restaurer l'ancien état d'allocation

Exemple

- 5 processus $P_0 \dots P_4$
- Un Système composé de :
- 3 types de ressources : A (10 instances), B (5 instances), and C (7 instances)
- A l'instant T₀ l'état du système est comme suit :

	<u>Allocation</u>	<u> Max</u>
	ABC	ABC
P_0	010	753
P_1	200	3 2 2
P_2	302	902
P_3	211	222
P_{Δ}	002	433

- Déterminer le vecteur Disponible et la matrice Besoin ?
- Est ce que le système est dans un état sûr ?

Exemple

- 5 processus P₀ through P₄
- Un Système composé de :
- 3 types de ressources : A (10 instances), B (5instances), and C (7 instances)
- A l'instant T₀ l'état du système est comme suit :

	<u>Allocation</u>	<u> Max</u>	<u>Disponible</u>	<u>Besoin</u>
	ABC	ABC	ABC	ABC
P_0	010	753	3 3 2	743
P_1	200	3 2 2		122
P_2	302	902		600
P_3	211	222		011
P_4	002	433		431

- Le système est dans un état sûr. La séquence P1,P3, P4, P2 et P0 satisfait le critère de sûreté
- Si le processus P1 fait une requête pour une instance supplémentaire du type de ressource A et deux instances du type de ressource C. Est-ce que le système doit accepter cette requête ?

- Le processus P1 fait une requête pour une instance supplémentaire du type de ressource A et deux instances du type de ressource C. Requete1 = (1, 0, 2)
- Appliquons l'algorithme du banquier :
- Requete1 <= Besoin [1] : OK
- Requete1 <= Disponible : OK
- On <u>prétend</u> que la requête est acceptée et <u>on teste si le système est dans un état sûr</u> suite à cette requête
- A la suite de cette requête le système est d'état suivant

	<u>Allocation</u>	<u>Max</u>	<u>Disponible</u>	<u>Besoin</u>
	ABC	ABC	ABC	ABC
P_0	010	753	230	743
P_1	302	3 2 2		020
P_2	302	902		600
P_3	211	222		011
P_4	002	433		431

- Le système est dans un état sûr. La séquence P1,P3, P4, P0 et P2 satisfait le critère de sûreté
- Est-ce qu'une requête (3,3,0) par le processus P4 peut être accordée dans cet état?
- Est-ce qu'une requête (0,2,0) par le processus P0 peut être accordée ?

Références

[1] SILBERSCHATZ, A. et P.B. GALVIN, *Operating System Concepts*. 8th Edition, Addison Wesley.

[2] Coffman, E.G., Elphick, M.J. and Shoshani, A "System deadlocks" Computing survey, vol. 32, pp. 67-78, June 1971