# Порождение признаков с помощью локально-аппроксимирующих моделей

### Максим Евгеньевич Христолюбов

Московский физико-технический институт

Курс: Численные методы обучения по прецедентам (практика, В.В. Стрижов)/Группа 774, весна 2020

## Цель исследования

#### Цель

Решить задачу многоклассовой классификации временных рядов.

#### Задача

Требуется предложить способ построения признакового пространства и решить задачу классификации на построенном пространстве.

#### Метод

Суперпозиция моделей локальной аппроксимации и отбор признаков.

# Литература

#### Базовая литература

- Кузнецов М.П., Ивкин Н.П., Алгоритм классификации временных рядов акселерометров по комбинированному описанию признаков. Машиннное обучение и анализ данных, 2015
- Isachenko R.V., Bochkarev A.M., Zharikov I.N., Strijov V.V., Feature Generation for Physical Activity Classification.
  Artificial Intelligence and Decision Making, 2018, 3: 20-27.
- Petr Somol, Jana, Novovicova, Pavel Pudil, Efficient Feature Subset Selection and Subset Size Optimization. 2010.

## Постановка задачи

#### Данные

Задан исходный временной ряд метками классов:

$$\mathfrak{D} = \{(d_i, y_i)_{i=1}^M = [s_1, \dots s_N],$$

где  $\mathbf{s}_i \in Y$  (по элементно), |Y| — количество классов. Известен максимальный период  $|\mathbf{s}| \le T$ .

#### Модель

Модель будет приближать отображение  $R:\mathcal{I}\to Y$ , где  $\mathcal{I}=\{1,\dots M\}$  — моменты времени. Будем искать ее в виде суперпозиции:

$$\hat{R}(k) = b(w(h(k)), \mathbf{w}),$$

где  $h: \mathcal{I} \to \mathbb{X}$  — отображение момента времени в сегмент  $\mathbf{x}_k$ ,  $w: \mathbb{X} \to W$  — процедура построения признакового описания сегмента,  $\mathbf{w}$  — вектор параметров модели.

# Процедура построения признакового описания сегмента

#### Локально-аппроксимирующая модель

Модель  $\hat{\mathbf{x}}$  назовем локально-аппроксимирующей моделью, если она приближает временной ряд на локальном сегменте  $\mathbf{x}$ :

$$\hat{\mathbf{x}} = \underset{\hat{\mathbf{x}}}{\operatorname{arg\,min}} ||\hat{\mathbf{x}} - \mathbf{x}||_2.$$

#### Признакове описание сегмента

В качестве признакового описания  $\mathbf{w}(\mathbf{x})$  сегмента  $\mathbf{x}$  исполуется вектор параметров локально-аппроксимирующей модели  $\hat{\mathbf{x}}(\mathbf{v})$ :

$$\mathbf{w}(\mathbf{x}) = \mathop{\arg\min}_{\mathbf{v}} ||\hat{\mathbf{x}}(\mathbf{v}) - \mathbf{x}||_2.$$

#### Решение

#### Первый этап

Отображаем классифицируемые моменты времени на локальный сегмент временного ряда.

#### Второй этап

Для полученных сегментов  $\mathbf{x}_k$  строим признаковое описание с помощью локально-аппроксимирующих моделей.

#### Третий этап

После получения признакового описания каждого момента времени, решаем задачу классификации моментов времени ряда.

# Вычислительный эксперимент

#### Цель

Изучить влияние решения одной задачи классификации на решение другой (задачи классификации типа активности и классификации пола человека). Сравнить распределения параметров моделей, построенных для решения этих задач.

#### Данные

Для эксперимента берется шесть временных рядов в 39000 временных моментов (780 секунд). Данные снимаются с четырех человек (двое мужчин и две женщины), которые выполняют подъем или спуск по лестнице (два типа деятельности).

# Влияние решения одной задачи на другую

Таблица: Среднее и дисперсия доли верных классификаций

|               | mean(activity) | std(activity) | mean(gender) | std(gender) |
|---------------|----------------|---------------|--------------|-------------|
| LogRegression | 0.908          | 0.147         | 0.952        | 0.152       |
| after adding  | 0.903          | 0.152         | 0.950        | 0.136       |
| SVC           | 0.934          | 0.097         | 0.971        | 0.074       |
| after adding  | 0.933          | 0.101         | 0.966        | 0.072       |

Использование результата решения одной задачи классификации не влияет существенно на качество решения другой задачи.

## Вычислительный эксперимент

Таблица: Среднее и дисперсия векторов параметров моделей

| mean(act) | -2.89 | -1.37 | 4.20  | 1.58  | -3.41 | -2.86 | 4.51 | 4.12 | -1.24 | 9.29  | 2.35 |
|-----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|------|------|-------|-------|------|
| std(act)  | 0.33  | 0.23  | 0.22  | 0.21  | 0.37  | 0.36  | 0.39 | 0.27 | 0.16  | 0.55  | 0.41 |
| mean(act) | 2.64  | -6.85 | -4.02 | 0.41  | 1.82  | -1.17 | 1.29 | 1.26 | -0.88 | -2.87 |      |
| std(act)  | 0.17  | 0.54  | 0.36  | 0.47  | 0.24  | 0.24  | 0.39 | 0.44 | 0.20  | 0.31  |      |
| mean(gen) | 1.66  | 0.41  | 1.28  | -1.62 | -1.19 | -1.47 | 1.61 | 2.17 | 0.71  | 1.37  | 3.70 |
| std(gen)  | 0.31  | 0.14  | 0.31  | 0.19  | 0.24  | 0.23  | 0.15 | 0.14 | 0.11  | 0.44  | 0.41 |
| mean(gen) | 0.23  | -3.98 | 8.82  | -7.39 | 3.64  | -4.78 | 3.17 | 3.53 | 1.36  | 7.65  |      |
| std(gen)  | 0.18  | 0.50  | 0.20  | 0.33  | 0.23  | 0.26  | 0.18 | 0.17 | 0.09  | 0.17  |      |

#### Расстояние Кульбака-Лейблера

Расстояние Кульбака-Лейблера между распределениями параматров модели классификации активности и модели классификации пола оказалось равным KL=56.20

#### Заключение

#### Резюме

- Рассмотрен способ описания момента времени по локальной окрестности (сегменту) этого момента времени.
- Произведена классификация типа активности и пола человека.
- Найдено расстояние между распределениями параметров моделей для решения этих задач классификации.