

TD2: Récursivité et chaînes récursives



TOP: Techniques and tOols for Programming – 1A

```
★ Exercice 1: Code mystère.
```

- ▶ Question 1: Calculez les valeurs renvoyées par la fonction f pour n variant entre 1 et 5.
- ▶ Question 2: Quelle est la fonction mathématique vue en cours que f() calcule?
- ▶ Question 3: Quelle est la complexité algorithmique du calcul?

```
def f(n:Int):Int = {
  def lambda(n:Int, a:Int, b:Int):Int = {
    if (n == 0) {
      return a;
    } else {
      return lambda(n-1, b, a+b);
    }
  }
  return lambda(n, 0, 1);
}
```

Notez que tout le travail est fait par la fonction interne lambda, et la fonction f ne sert qu'à donner une valeur initiale aux arguments a et b, qui servent d'accumulateur. Il s'agit là d'une technique assez classique en récursivité.

★ Exercice 2: Soit le type List [Char] muni des opérations suivantes :

```
 \begin{cases} \textbf{Nil} & \text{La liste vide} \\ head::tail & \text{Construit une liste constituée de head, suivi de la liste tail} \\ list.\textbf{head} & \text{Récupère le premier caractère de la liste} \\ & (\text{pas défini si list est la chaîne vide}) \\ list.\textbf{tail} & \text{Récupère la liste privée de son premier élément (idem)} \end{cases}
```

Écrire les fonctions suivantes en précisant les préconditions nécessaires. Notez que ces exercices sont aussi accessibles dans la PLM.

```
accessibles dans la PLM.

▷ Question 1: longueur : { List [Char] → Int retourne le nombre de lettres composant la chaîne}

▷ Question 2: est_membre : { List [Char] × Char → Boolean retourne true ssi le caractère fait partie de la chaîne}

▷ Question 3: occurence : { Char × List [Char] → Int retourne le nombre d'occurences du caractère dans la chaîne}

▷ Question 4: tous_differents : { List [Char] → Boolean retourne true ssi tous les membres de la chaîne sont différents}

▷ Question 5: supprime : { Char × List [Char] → List [Char] retourne la chaîne privée de toutes les occurences du caractère.

Si le caractère ne fait pas partie de la chaîne, celle-ci est inchangée.
Si le caractère ne fait pas partie de la chaîne, celle-ci est inchangée.

De Question 6: deuxieme: { List [Char] → Char retourne le deuxième caractère de la chaîne}

De Question 7: dernier: { List [Char] → Char retourne le dernier caractère de la chaîne}

De Question 8: saufdernier: { List [Char] → List [Char] retourne la chaîne privée de son dernier caractère}

De Question 9: nieme: { List [Char] × Int → Char retourne le nieme caractère de la chaîne}

De Question 10: npremiers: { List [Char] × Int → List [Char] retourne les n premiers caractères de la chaîne}

De Question 11: nderniers: { List [Char] × Int → List [Char] retourne les n derniers caractères de la chaîne}

De Question 12: retourne: { List [Char] → List [Char] retourne la chaîne lue en sens inverse}

De Question 13: concat: { List [Char] × List [Char] → List [Char] retourne les deux chaînes concaténées}

De Question 14: min_ch: { List [Char] → Char retourne le caractère le plus petit de la chaîne}

On considère l'ordre lexicographique, et on suppose l'existance d'une fonction m
                         Si le caractère ne fait pas partie de la chaîne, celle-ci est inchangée.
                         On considère l'ordre lexicographique, et on suppose l'existance d'une fonction min(a,b).
```