

# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

# Отчет по лабораторной работе №4 по курсу "Анализ алгоритмов"

Студент <u>Пересторонин П.Г.</u>

Группа <u>ИУ7-53Б</u>

Преподаватели Волкова Л.Л., Строганов Ю.В.

Тема Распараллеливание алгоритма Винограда

## Оглавление

B	Введение						
1	Аналитическая часть						
	1.1	Описание задачи	4				
2	Koı	Конструкторская часть					
	2.1	Разработка алгоритмов	6				
		2.1.1 Алгоритм Винограда	6				
		2.1.2 Параллельная реализация алгоритма Винограда	8				
3	Технологическая часть						
	3.1	Требования к ПО	13				
	3.2	Средства реализации	13				
	3.3	Листинг кода	13				
	3.4	Тестирование функций	21				
4	Исследовательская часть						
	4.1	Технические характеристики	22				
	4.2	Время выполнения алгоритмов	22				
За	аклю	очение	27				
<b>.</b> П-	итер	атура	28				

## Введение

Многопоточность — способность центрального процессора (CPU) или одного ядра в многоядерном процессоре одновременно выполнять несколько процессов или потоков, соответствующим образом поддерживаемых операционной системой. Этот подход отличается от многопроцессорности, так как многопоточность процессов и потоков совместно использует ресурсы одного или нескольких ядер: вычислительных блоков, кэш-памяти ЦПУ или буфера перевода с преобразованием (TLB).

В тех случаях, когда многопроцессорные системы включают в себя несколько полных блоков обработки, многопоточность направлена на максимизацию использования ресурсов одного ядра, используя параллелизм на уровне потоков, а также на уровне инструкций. Поскольку эти два метода являются взаимодополняющими, их иногда объединяют в системах с несколькими многопоточными ЦП и в ЦП с несколькими многопоточными ядрами.

Многопоточная парадигма стала более популярной с конца 1990-х годов, поскольку усилия по дальнейшему использованию параллелизма на уровне инструкций застопорились. Смысл многопоточности — квазимногозадачность на уровне одного исполняемого процесса. Значит, все потоки процесса помимо общего адресного пространства имеют и общие дескрипторы файлов. Выполняющийся процесс имеет как минимум один (главный) поток.

Многопоточность (как доктрину программирования) не следует путать ни с многозадачностью, ни с многопроцессорностью, несмотря на то, что операционные системы, реализующие многозадачность, как правило, реализуют и многопоточность.

#### Достоинства:

- облегчение программы посредством использования общего адресного пространства;
- меньшие затраты на создание потока в сравнении с процессами;
- повышение производительности процесса за счёт распараллеливания процессорных вычислений;

• если поток часто теряет кэш, другие потоки могут продолжать использовать неиспользованные вычислительные ресурсы.

#### Недостатки:

- несколько потоков могут вмешиваться друг в друга при совместном использовании аппаратных ресурсов [1];
- с программной точки зрения аппаратная поддержка многопоточности более трудоемка для программного обеспечения [2];
- проблема планирования потоков;
- специфика использования. Вручную настроенные программы на ассемблере, использующие расширения ММХ или AltiVec и выполняющие предварительные выборки данных, не страдают от потерь кэша или неиспользуемых вычислительных ресурсов. Таким образом, такие программы не выигрывают от аппаратной многопоточности и действительно могут видеть ухудшенную производительность из-за конкуренции за общие ресурсы.

Однако несмотря на количество недостатков, перечисленных выше, многопоточная парадигма имеет большой потенциал на сегодняшний день и при должном написании кода позволяет значительно ускорить однопоточные алгоритмы.

## Задачи работы

В рамках выполнения работы необходимо решить следующие задачи:

- изучить понятие параллельных вычислений;
- реализовать последовательный и 2 параллельных алгоритма Винограда;
- сравнить временные характеристики реализованных алгоритмов экспериментально;
- на основании проделанной работы сделать отчет, в котором сделать выводы по проделанной работе.

## 1 Аналитическая часть

#### 1.1 Описание задачи

Пусть даны две прямоугольные матрицы

$$A_{lm} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1m} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{l1} & a_{l2} & \dots & a_{lm} \end{pmatrix}, \quad B_{mn} = \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & \dots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & \dots & b_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{m1} & b_{m2} & \dots & b_{mn} \end{pmatrix}, \quad (1.1)$$

тогда матрица C

$$C_{ln} = \begin{pmatrix} c_{11} & c_{12} & \dots & c_{1n} \\ c_{21} & c_{22} & \dots & c_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ c_{l1} & c_{l2} & \dots & c_{ln} \end{pmatrix}, \tag{1.2}$$

где

$$c_{ij} = \sum_{r=1}^{m} a_{ir} b_{rj} \quad (i = \overline{1,l}; j = \overline{1,n})$$

$$(1.3)$$

будет называться произведением матриц A и B [3].

Если посмотреть на результат умножения двух матриц, то видно, что каждый элемент в нем представляет собой скалярное произведение соответствующих строки и столбца исходных матриц. Можно заметить также, что такое умножение допускает предварительную обработку, позволяющую часть работы выполнить заранее.

Рассмотрим два вектора  $V=(v_1,v_2,v_3,v_4)$  и  $W=(w_1,w_2,w_3,w_4)$ . Их скалярное произведение равно:  $V\cdot W=v_1w_1+v_2w_2+v_3w_3+v_4w_4$ , что эквивалентно (1.4):

$$V \cdot W = (v_1 + w_2)(v_2 + w_1) + (v_3 + w_4)(v_4 + w_3) - v_1 v_2 - v_3 v_4 - w_1 w_2 - w_3 w_4.$$
 (1.4)

Несмотря на то, что второе выражение требует вычисления большего количества операций, чем стандартный алгоритм: вместо четырех умно-

жений - шесть, а вместо трех сложений - десять, выражение в правой части последнего равенства допускает предварительную обработку: его части можно вычислить заранее и запомнить для каждой строки первой матрицы и для каждого столбца второй, что позволит для каждого элемента выполнять лишь два умножения и пять сложений, складывая затем только лишь с 2 предварительно посчитанными суммами соседних элементов текущих строк и столбцов. Из-за того, что операция сложения быстрее операции умножения в ЭВМ, на практике алгоритм должен работать быстрее стандартного [4].

В данной лабораторной работе стоит задача распараллеливания алгоритма Винограда по 2 схемам. Так как каждый элемент матрицы C вычисляется независимо от других и матрицы A и B не изменяются, то для параллельного вычисления произведения, достаточно просто равным образом распределить элементы матрицы C между потоками.

#### Вывод

Алгоритм перемножения матриц Винограда независимо вычисляет элементы матрицы-результата, что дает большое количество возможностей для реализации параллельного варианта алгоритма.

## 2 Конструкторская часть

## 2.1 Разработка алгоритмов

#### 2.1.1 Алгоритм Винограда

На рисунке 2.1 представлена схема однопоточного алгоритма Винограда с выделением этапов, а на рисунке 2.2 представлены подробные схемы 1 и 2 этапов (предварительный расчёт для строк первой матрицы и столбцов второй).

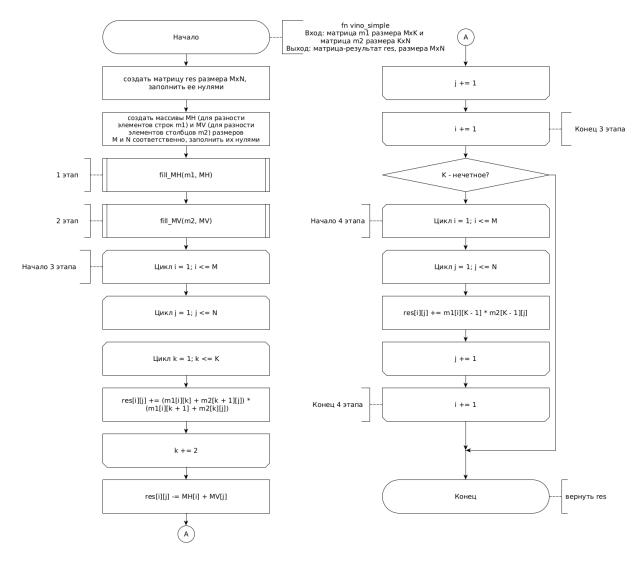


Рис. 2.1: Схема однопоточного алгоритма Винограда

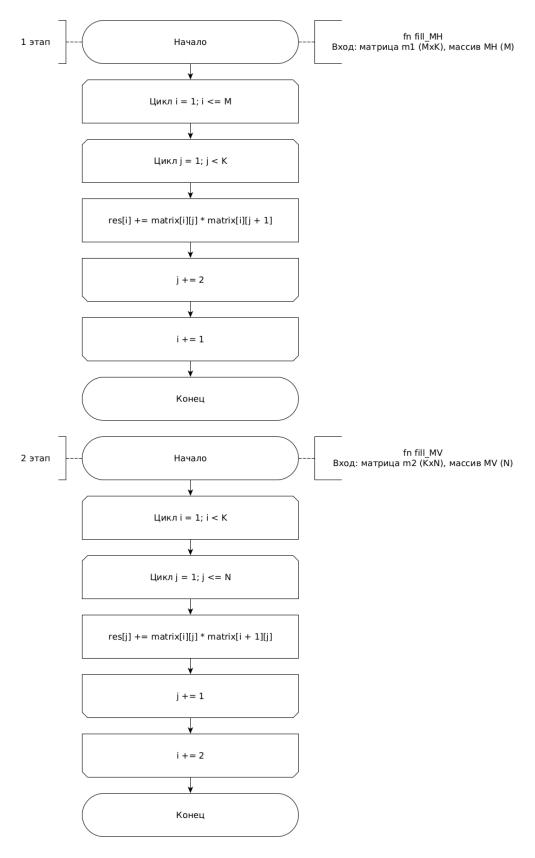


Рис. 2.2: Схема предварительного расчета для строк первой матрицы и столбцов второй

## 2.1.2 Параллельная реализация алгоритма Винограда

Пусть размеры перемножаемых матриц непосредственно равны  $M \times K$  и  $K \times N$ .

Рассмотрим необходимые для распараллеливания замечания:

- каждый из выделенных этапов может быть выполнен независимо от других;
- в следствие независимости этапов, каждый их них может быть выполнен в любой момент, в том числе и параллельно с другими;
- каждый из выделенных этапов содержит цикл в некотором промежутке, который может быть разбит на некоторое множество меньших промежутков, в сумме составляющих исходный;
- трудоёмкости первого и второго этапов величины одного порядка и относятся M/N;
- $\bullet$  трудоёмкость третьего этапа в N раз больше трудоёмкости первого этапа и в M раз больше трудоёмкости второго этапа, что, не позволяет распараллелить третий этап с первым и (или) вторым;
- четвертый этап требует обращения к матрице на каждой итерации цикла, что при распараллеливании приведёт к большому числу блокирований разделяемой памяти, и, в купе с затратами на порождение потоков, будет неэффективно.

На рисунке 2.3 представлена схема алгоритма функции, запускающая в требуемом количестве потоков функцию-аргумент, передавая ей равные по размеру промежутки из разбиения исходного. С помощью этой функции распараллеливаются этапы, описанные в рисунке 2.1.

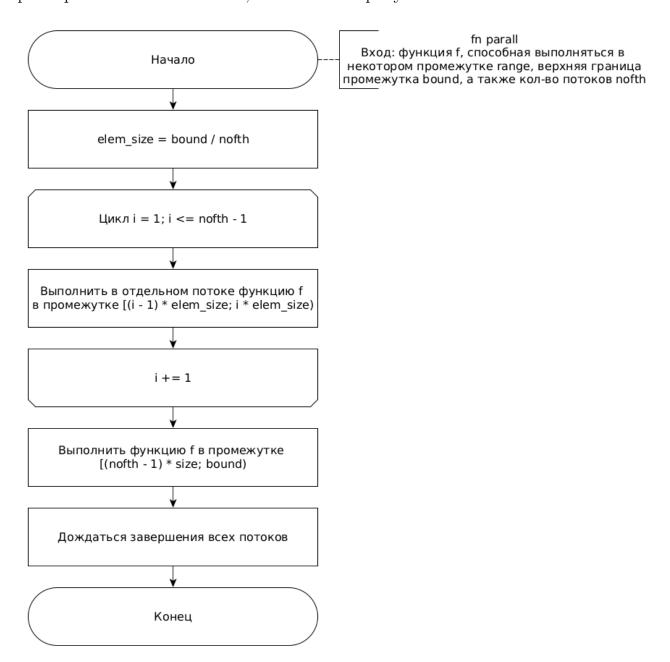


Рис. 2.3: Схема распараллеливания произвольной функции, способной выполняться в некоторых независимых промежутках

Исходя из всего, описанного выше, можно сделать вывод, что третий этап следует параллелить независимо от других, в то время как первый и второй этапы можно сделать как параллельно (где каждому из этапов достается половина от общего числа потоков), так и последовательно (где каждому из этапов достается общее число потоков). Так же очевидно, что

не следует параллелить четвертый этап.

На рисунке 2.4 представлена схема с параллельным выполнением первого и второго этапов, а на рисунке 2.5 представлена схема с последовательным выполнением первого и второго этапов.

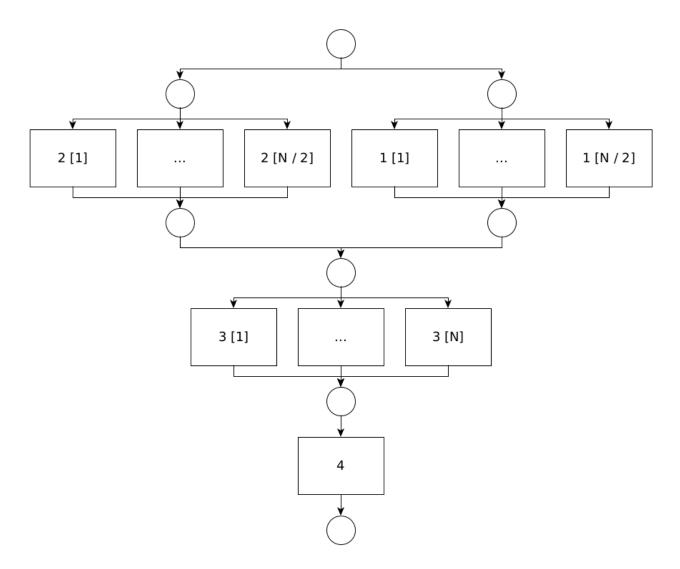


Рис. 2.4: Схема с параллельным выполнением первого и второго этапов

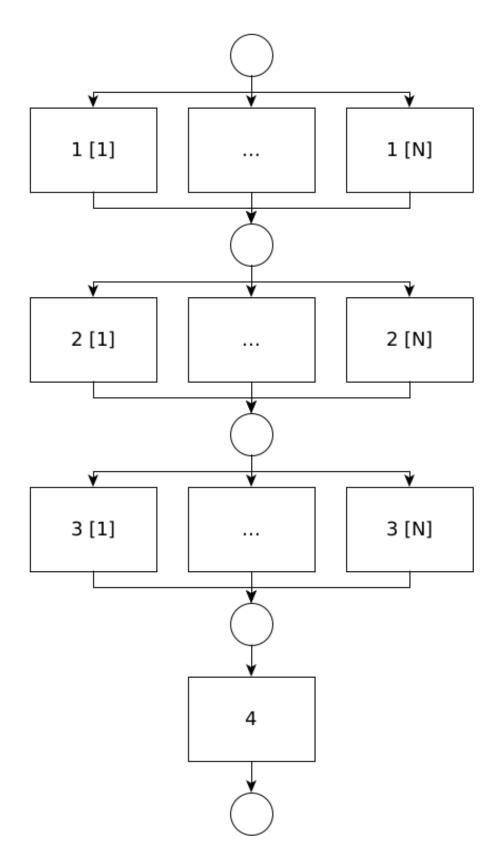


Рис. 2.5: Схема с последовательным выполнением первого и второго этапов

## Вывод

На основе теоретических данных, полученных из аналитического раздела, была построена схема алгоритма Винограда, а так же после разделения алгоритма на этапы были предложены 2 схемы параллельного выполнения данных этапов.

## 3 Технологическая часть

В данном разделе приведены средства программной реализации и листинг кода.

#### 3.1 Требования к ПО

К программе предъявляется ряд требований:

- на вход подаются размеры 2 матриц, а также их элементы;
- на выходе матрица, которая является результатом умножения входных матриц.

## 3.2 Средства реализации

В качестве языка программирования для реализации данной лабораторной работы был выбран современный компилируемый ЯП Rust [5]. Данный выбор обусловлен популярностью языка и скоростью его выполнения, а также тем, что данный язык предоставляет широкие возможности для написания тестов [6].

#### 3.3 Листинг кода

В листинге 3.1 приведена реализация простого алгоритма Винограда. В листингах 3.2 и 3.3 приведены реализации параллельных алгоритмов Винограда. В листингах 3.4 и 3.5 приведены вспомогательные однопоточные и многопоточные функции соответственно.

```
fn precompute_rows(matrix: &[Vec<MatInner>]) -> Vec<MatInner> {
    let mut res = vec![0; matrix.len()];

    for i in 0..matrix.len() {
        for j in (0..(matrix[0].len() - 1)).step_by(2) {
            res[i] -= matrix[i][j] * matrix[i][j + 1];
        }
}
```

```
}
10
      res
  }
11
12
  fn precompute_cols(matrix: &[Vec<MatInner>]) -> Vec<MatInner> {
      let mut res = vec![0; matrix[0].len()];
14
15
      for i in (0..(matrix.len() - 1)).step_by(2) {
16
          for j in 0..matrix[0].len() {
17
              res[j] -= matrix[i][j] * matrix[i + 1][j];
18
          }
19
      }
20
21
23
  }
24
fn precompute_values(m1: &[Vec<MatInner>], m2: &[Vec<MatInner>]) -> (Vec<MatInner>,
      Vec<MatInner>) {
      (precompute_rows(m1), precompute_cols(m2))
26
27
  }
28
29
30 pub fn vinograd_simple(m1: &[Vec<MatInner>], m2: &[Vec<MatInner>]) -> Vec<Vec<MatInner>>
      let mut matrix = get_result_matrix(m1, m2);
31
      let precomputed = precompute_values(m1, m2);
32
33
      let m = matrix.len();
34
      let n = matrix[0].len();
35
      let k_iteration = m2.len();
36
37
      for i in 0..m {
38
          for j in 0..n {
39
40
              matrix[i][j] = precomputed.0[i] + precomputed.1[j];
41
              for k in (0..(k_iteration - 1)).step_by(2) {
42
                  matrix[i][j] += (m1[i][k] + m2[k + 1][j]) * (m1[i][k + 1] + m2[k][j]);
43
              }
44
45
          }
46
      }
47
48
      if m2.len() & 1 != 0 {
49
          let max_k = m2.len() - 1;
50
          for i in 0..matrix.len() {
52
              for j in 0..matrix[0].len() {
53
```

Листинг 3.1: Последовательный алгоритм Винограда

Листинг 3.2: Параллельный алгоритм Винограда 1

Листинг 3.3: Параллельный алгоритм Винограда 2

```
} else {
          vec![vec![0; m2[0].len()]; m1.len()]
      }
  }
9
10
  fn generate_row(size: usize) -> Vec<MatInner> {
      let mut rng = rand::thread_rng();
12
      (0..size).map(|_| rng.gen::<MatInner>() % MODULAR).collect()
13
  }
15
  pub fn generate_matrix(rows: usize, cols: usize) -> Vec<Vec<MatInner>> {
16
      (0..rows).map(|_| generate_row(cols)).collect()
  }
18
19
  pub fn odd_mult_sync(mut matrix: Vec<Vec<MatInner>>, m1: &[Vec<MatInner>],
      m2: &[Vec<MatInner>]) -> Vec<Vec<MatInner>> {
21
      let max_k = m2.len() - 1;
22
23
      for i in 0..m1.len() {
24
          for j in 0..m2[0].len() {
25
             matrix[i][j] += m1[i][max_k] * m2[max_k][j];
26
27
      }
28
29
      matrix
30
31 }
```

Листинг 3.4: Вспомогательные однопоточные функции

```
use crossbeam::thread as cthread;
2 use std::sync::{ Arc, Mutex };
  use super::*;
  fn precompute_rows_elementary(matrix_slice: &[Vec<MatInner>], res_slice:
      Arc<Mutex<Vec<MatInner>>>,
      range: std::ops::Range<usize>) {
      let mut buf = vec![0; matrix_slice.len()];
      for (ind, row) in matrix_slice.iter().enumerate() {
         for i in (1..row.len()).step_by(2) {
             buf[ind] += row[i - 1] * row[i];
10
         }
11
      }
12
13
      let offset = range.start;
14
      let mut res = res_slice.lock().unwrap();
15
      for i in range {
         res[i] = buf[i - offset];
17
      }
18
19 }
```

```
20
  pub fn precompute_rows_parallel(matrix: &[Vec<MatInner>], nofth: usize) -> Vec<MatInner>
21
      {
      if matrix.len() == 0 {
22
          return Vec::new();
23
      }
25
      cthread::scope(|s| {
26
          let res = Arc::new(Mutex::new(vec![0; matrix.len()]));
          let mut threads = Vec::with_capacity(nofth);
28
          let size = matrix.len() / (nofth + 1);
29
30
          for i in 0..nofth {
31
              let range = (i * size)..((i + 1) * size);
32
              let res_cpy = res.clone();
              threads.push(
34
                  s.spawn(move | | precompute_rows_elementary(&matrix[range.clone()],
35
                      res_cpy, range)));
          }
36
37
          let range = (size * nofth)..matrix.len();
          let res_cpy = res.clone();
39
          threads.push(
40
              s.spawn(|_| precompute_rows_elementary(&matrix[range.clone()], res_cpy,
41
                  range))
          );
42
43
          for th in threads {
44
              th.join().unwrap();
45
          }
46
          Arc::try_unwrap(res).unwrap().into_inner().unwrap()
48
      }).unwrap()
49
  }
50
51
  fn precompute_cols_elementary(matrix_slice: &[Vec<MatInner>], res_slice:
      Arc<Mutex<Vec<MatInner>>>,
      range: std::ops::Range<usize>) {
53
      let mut buf = vec![0; range.end - range.start];
54
55
      for (ind, j) in range.clone().enumerate() {
56
          for i in (1..matrix_slice.len()).step_by(2) {
57
              buf[ind] += matrix_slice[i][j] * matrix_slice[i - 1][j];
58
          }
59
      }
60
61
      let mut res = res_slice.lock().unwrap();
62
      let offset = range.start;
63
```

```
for i in range {
64
          res[i] = buf[i - offset];
65
      }
66
  }
67
68
  pub fn precompute_cols_parallel(matrix: &[Vec<MatInner>], nofth: usize) -> Vec<MatInner>
      if matrix.len() == 0 {
70
          return Vec::new();
71
72
73
      cthread::scope(|s| {
74
          let res = Arc::new(Mutex::new(vec![0; matrix[0].len()]));
75
          let mut threads = Vec::with_capacity(nofth);
76
          let size = matrix[0].len() / (nofth + 1);
77
78
79
          for i in 0..nofth {
80
              let range = (i * size)..((i + 1) * size);
81
              let res_cpy = res.clone();
82
              threads.push(s.spawn(move | | | precompute_cols_elementary(&matrix, res_cpy,
                  range)));
          }
84
85
          let range = (size * nofth)..matrix[0].len();
86
          precompute_cols_elementary(&matrix, res.clone(), range);
87
          for th in threads {
89
              th.join().unwrap();
90
          }
91
92
          Arc::try_unwrap(res).unwrap().into_inner().unwrap()
93
      }).unwrap()
94
95
  }
96
  pub fn mult_parallel(matrix: Vec<Vec<MatInner>>, m1: &[Vec<MatInner>], m2:
       &[Vec<MatInner>], precomputed: &(Vec<MatInner>, Vec<MatInner>), nofth: usize) ->
       Vec<Vec<MatInner>> {
      cthread::scope(|s| {
98
          let mut threads = Vec::with_capacity(nofth);
99
100
          let size = matrix.len() / (nofth + 1);
101
          let matrix_guard = Arc::new(Mutex::new(matrix));
102
103
          for i in 0..nofth {
104
              let range = (i * size)..((i + 1) * size);
105
              let guard_copy = matrix_guard.clone();
106
              let precopy = &precomputed;
107
```

```
threads.push(s.spawn(move | | multiplication_in_range(&precopy, guard_copy,
108
                  &m1, &m2, range)));
          }
109
110
          let range = (nofth * size)..m1.len();
111
          let guard_copy = matrix_guard.clone();
          multiplication_in_range(&precomputed, guard_copy, &m1, &m2, range);
113
          for th in threads {
114
              th.join().unwrap();
115
116
117
          let matrix = Arc::try_unwrap(matrix_guard).unwrap().into_inner().unwrap();
118
119
          matrix
120
      }).unwrap()
   }
122
123
   pub fn multiplication_in_range(precomputed: &(Vec<MatInner>, Vec<MatInner>),
      matrix_guard: Arc<Mutex<Vec<Vec<MatInner>>>>, m1: &[Vec<MatInner>],
125
      m2: &[Vec<MatInner>], range: std::ops::Range<usize>) {
126
      let k_iterations = m2.len();
      let n = m2[0].len();
128
120
      for i in range {
130
          for j in 0..n {
131
              let mut buffer = -precomputed.0[i] - precomputed.1[j];
132
              for k in (0..(k_iterations - 1)).step_by(2) {
133
                  buffer += (m1[i][k] + m2[k + 1][j]) * (m1[i][k + 1] + m2[k][j]);
134
135
              let mut matrix = matrix_guard.lock().unwrap();
136
              matrix[i][j] = buffer;
137
          }
138
139
      }
140
   }
141
   pub fn precompute_values_parallel(m1: &[Vec<MatInner>], m2: &[Vec<MatInner>]) ->
       (Vec<MatInner>, Vec<MatInner>) {
      cthread::scope(move |s| {
143
          let nofth = NUMBER_OF_THREADS1 - 2;
144
145
          let t1 = s.spawn(move | | precompute_rows_parallel(&m1, nofth / 2));
146
          let p2 = precompute_cols_parallel(&m2, nofth / 2 + nofth & 1);
147
148
          let p1 = t1.join().unwrap();
149
           (p1, p2)
150
      }).unwrap()
152 }
153
```

```
pub fn _odd_mult_parallel(matrix: Vec<Vec<MatInner>>, m1: &[Vec<MatInner>],
      m2: &[Vec<MatInner>], nofth: usize) -> Vec<Vec<MatInner>> {
155
      cthread::scope(move |s| {
156
          let mut threads = Vec::with_capacity(nofth);
157
158
          let size = matrix.len() / (nofth + 1);
159
          let matrix_guard = Arc::new(Mutex::new(matrix));
160
161
          for i in 0..nofth {
162
              let range = (i * size)..((i + 1) * size);
163
              let guard_copy = matrix_guard.clone();
164
              threads.push(s.spawn(move | | odd_mult_in_range(guard_copy, &m1, &m2,
165
                  range)));
          }
166
167
          let range = (nofth * size)..m1.len();
168
          let guard_copy = matrix_guard.clone();
169
          _odd_mult_in_range(guard_copy, &m1, &m2, range);
171
          for th in threads {
172
              th.join().unwrap();
174
175
          let matrix = Arc::try_unwrap(matrix_guard).unwrap().into_inner().unwrap();
176
          matrix
177
      }).unwrap()
178
179
  }
180
   fn _odd_mult_in_range(matrix_guard: Arc<Mutex<Vec<Vec<MatInner>>>>, m1: &[Vec<MatInner>],
181
      m2: &[Vec<MatInner>], range: std::ops::Range<usize>) {
182
      let max_k = m2.len() - 1;
183
184
      for i in range {
185
          for j in 0..m2[0].len() {
186
              let buf = m1[i][max_k] * m2[max_k][j];
187
              let mut matrix = matrix_guard.lock().unwrap();
              matrix[i][j] += buf;
189
          }
190
      }
191
  }
192
```

Листинг 3.5: Вспомогательные многопоточные функции

## 3.4 Тестирование функций

В таблице 3.1 приведены тесты для функций, реализующих однопоточный и многопоточный алгоритмы Винограда. Тесты пройдены успешно.

Матрица 1	Матрица 2	Ожидаемый результат
$ \begin{array}{cccc}  & 1 & 2 & 3 \\  & 1 & 2 & 3 \\  & 1 & 2 & 3 \end{array} $	$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$	$ \begin{pmatrix} 6 & 12 & 18 \\ 6 & 12 & 18 \\ 6 & 12 & 18 \end{pmatrix} $
$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$
(2)	(2)	(4)
$\begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 4 & 6 \\ 4 & 12 & 18 \\ 4 & 12 & 18 \end{pmatrix}$
$\begin{pmatrix} 1 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 2 \end{pmatrix}$	Не могут быть перемножены

Таблица 3.1: Тестирование функций

## Вывод

Правильный выбор инструментов разработки позволил эффективно реализовать алгоритмы, настроить модульное тестирование и выполнить исследовательский раздел лабораторной работы.

## 4 Исследовательская часть

#### 4.1 Технические характеристики

- Операционная система: Manjaro [7] Linux [8] x86\_64.
- Память: 8 ГБ.
- Процессор: Intel® Core™ i7-8550U[9].

Тестирование проводилось на ноутбуке, включенном в сеть электропитания. Во время тестирования ноутбук был нагружен только встроенными приложениями окружения, окружением, а также непосредственно системой тестирования.

## 4.2 Время выполнения алгоритмов

Результаты замеров приведены в таблицах 4.1 и 4.2. На рисунке 4.1 приведено сравнение простого алгоритма и параллельных алгоритмах при исполнении на 8 потоках, а на рисунке 4.2 приведен график зависимости времени работы 2 параллельных алгоритмов от кол-ва используемых потоков при перемножении матриц размера 500.

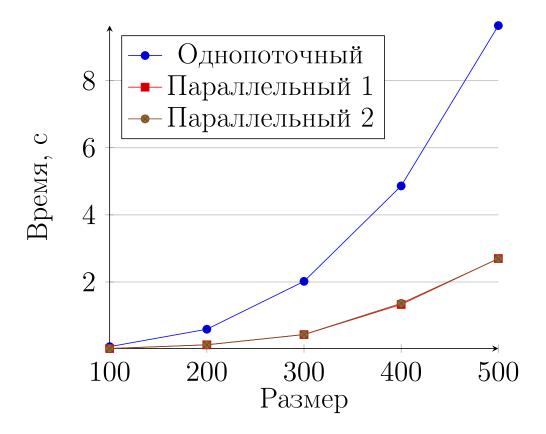


Рис. 4.1: Зависимость времени работы алгоритмов от размеров квадратной матрицы

	Сравнение времени работы алгоритмов, с					
Размер	Простой	Параллельный 1	Параллельный 2			
100	0.074706872	0.018282067	0.018363864			
200	0.592781543	0.129555696	0.129755026			
300	2.018969587	0.433536846	0.436197555			
400	4.861893087	1.330399187	1.363892051			
500	9.637673585	2.698750384	2.692891268			

Таблица 4.1: Время работы алгоритмов при различных размерах

	Время при кол-ве потоков, с			
Потоки	Параллельный 1	Параллельный 2		
2	3.947089585	4.520112435		
4	2.439386432	2.965838115		
8	2.294140352	2.697487545		
16	2.405290496	2.692021774		
32	2.376067741	2.876883444		

Таблица 4.2: Сравнение времени работы 2 параллельных алгоритмов при различном кол-ве потоков

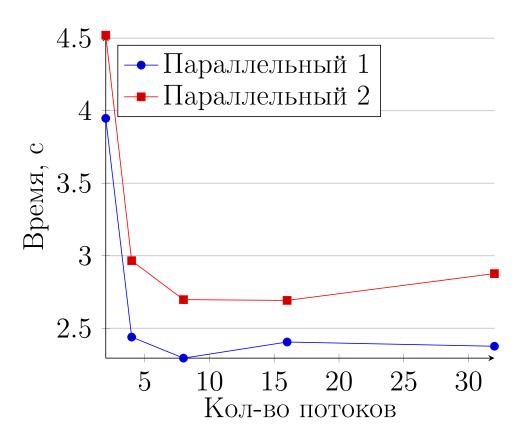


Рис. 4.2: Зависимость времени работы параллельных алгоритмов от кол-ва потоков на квадратных матрицах размера 500

Примечание: на одном потоке параллельные алгоритмы выполняются 7.379062295 секунд.

#### Вывод

Наилучшее время параллельные алгоритмы показали на 8 потоках (можно заметить, что минимум времени на графике 4.2 находится в точке 8), соответствующих количеству логических ядер ноутбука, на котором проводилось тестирование. На матрицах размеров 500 на 500 параллельные алгоритмы улучшают время однопоточной реализации примерно на 72%. Количество потоков, большее 8, в итоге немногим замедляет время необходимостью переключения между потоками, а так же большим количеством инициализаций.

## Заключение

В рамках выполнения работы были решены следующие задачи:

- было изучено понятие параллельных вычислений;
- были реализованы последовательный и 2 параллельных алгоритма Винограда;
- было произведено сравнение временных характеристик реализованных алгоритмов экспериментально;
- на основании проделанной работы был сделан отчет с выводами по проделанной работе.

Несмотря на более сложный код, параллельные алгоритмы значительно выигрывают по времени аналогичные однопоточные реализации. Наиболее эффективны данные алгортимы при количестве потоков, совпадающем с количеством логических ядер компьютера. Так, на матрицах 500 на 500 удалось улучшить время выполнения алгоритма на 72% (в сравнении с однопоточной реализацией).

## Литература

- [1] Mario Nemirovsky D. M. T. Multithreading Architecture // Morgan and Claypool Publishers. 2013.
- [2] Olukotun K. Chip Multiprocessor Architecture Techniques to Improve Throughput and Latency // Morgan and Claypool Publishers. 2007. p. 154.
- [3] Group-theoretic Algorithms for Matrix Multiplication / H. Cohn, R. Kleinberg, B. Szegedy et al. // Proceedings of the 46th Annual Symposium on Foundations of Computer Science. 2005. October. P. 379–388.
- [4] Погорелов Дмитрий. Оптимизация классического алгоритма Винограда для перемножения матриц // Журнал №1. 2019. Т. 49.
- [5] Rust Programming Language [Электронный ресурс]. URL: https://doc.rust-lang.org/std/index.html.
- [6] Документация по ЯП Rust: бенчмарки [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://doc.rust-lang.org/1.7.0/book/benchmark-tests. html (дата обращения: 10.10.2020).
- [7] Manjaro enjoy the simplicity [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://manjaro.org/ (дата обращения: 10.10.2020).
- [8] Русская информация об ОС Linux [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://www.linux.org.ru/ (дата обращения: 10.10.2020).
- [9] Процессор Intel® Core™ i7-8550U [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://ark.intel.com/content/www/ru/ru/ark/products/122589/intel-core-i7-8550u-processor-8m-cache-up-to-4-00-ghz.html (дата обращения: 10.10.2020).