人工智能 - PRP 笔记

林楠

Shanghai Jiao Tong University

更新: 2022 年7月1日

目录

1	神经	网络基础知识	3
	1.1	MP 神经元	3
	1.2	神经网络	4
	13	激活函数	5

1 神经网络基础知识

1.1 MP 神经元

一个神经元会同时接受多个信号,然后将这些信号乘以一定权重求和,再用函数处理再输 出新的信号。对神经元的输入进行处理,以获得输出的函数称为激活函数。

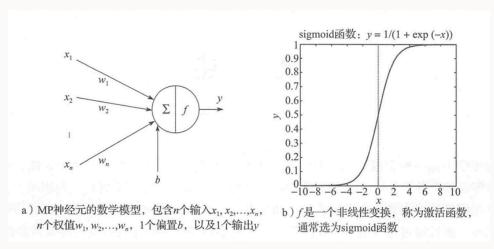


图 1: MP 神经元

定义:

- 1. 外部因素 $\langle x_1, x_2, \ldots, x_n \rangle = x$
- 2. 权重 $(w_1, w_2, \ldots, w_n) = w$
- 3. $w \cdot x = \sum_{j} w_j x_j$
- 4. b = -threshold
- 5. 激活函数 σ

运作过程:

- 1. 确定输入和输出
- 2. 找到一种或多种算法,可以从输入得到输出
- 3. 找到一组已知答案的数据集,用来训练模型,估算w和b
- 4. 一旦新的数据产生,输入模型,就可以得到结果,同时对w和b进行校正

计算函数:

$$z = wx + b$$
, and then calculate $a = \sigma(z)$

输入 (x_1, x_2, \ldots, x_n) 对应的权重分别是 (w_1, w_2, \ldots, w_n) , 阀值为 threshold, 我们有:

output =
$$\begin{cases} 0, & \text{if } \sum_{j} w_{j} x_{j} \leq \text{threshold} \\ 1, & \text{if } \sum_{j} w_{j} x_{j} \geq \text{threshold} \end{cases}$$

1.2 神经网络

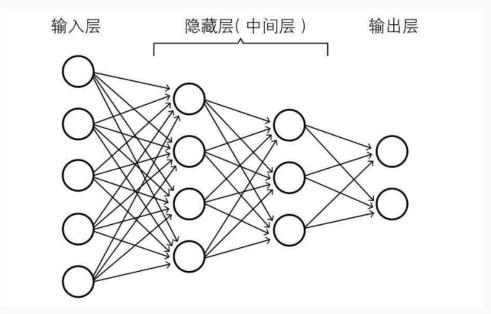


图 2: 输入层、隐藏层、输出层

定义:

- 1. $a^{[0]} = X = (x_1, x_2, x_3, \dots, x_n)$
- 2. 层数指的是隐藏层的层数,输入层不算在其中(或是第0层)

3.

 $\boldsymbol{a}_i^{[l]}:i$ is the node index in the layer, l is the layer index

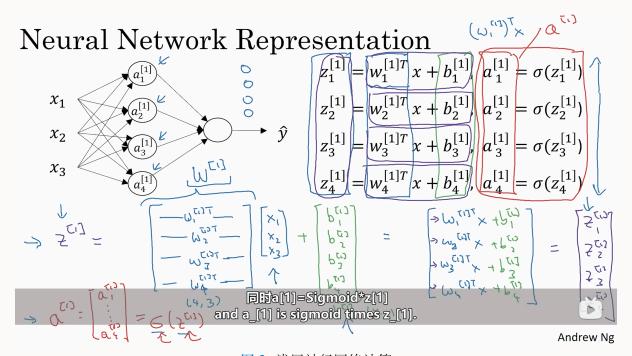


图 3: 浅层神经网络计算

Given input $x=a^{[0]}$, 这里我们有四个节点三个输入, $W=w^T$, 纬度是 (4,3), 且 $a^{[0]}$ 纬度是 (3,1)

$$z^{[1]} = W^{[1]}a^{[0]} + b^{[1]}$$
, and then $a^{[1]} = \sigma(z^{[1]})$

我们这样标记第 i 个数据:

$$a^{[1](i)} = \sigma(z^{[1](i)}) = \sigma(w^{[1]}a^{[0](i)} + b^{[1]})$$

1.3 激活函数

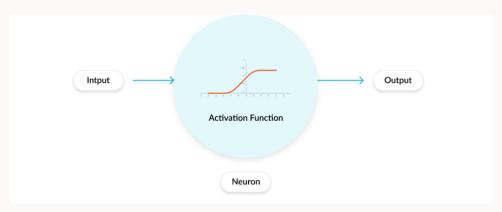


图 4: 激活函数

1. 非线性 sigmoid 函数

$$\operatorname{sigmoid}(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

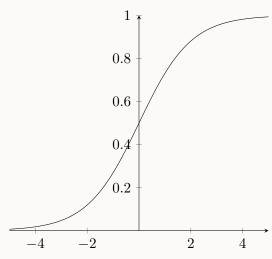


图 5: sigmoid 函数

2. 双曲正切 tanh 函数

$$\tanh(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

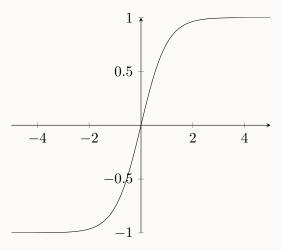


图 6: tanh 函数

3. 校正线性单元 ReLU 函数

$$ReLU(x) = max(0, x)$$

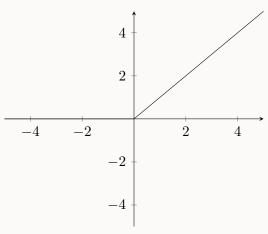


图 7: ReLU 函数

4. 渗漏校正线性单元 LReLU 和参数校正线性单元 PReLU 函数

$$LReLU(\mathbf{x}) = PReLU(\mathbf{x}) = \begin{cases} 1, x \ge 0 \\ ax, x < 0 \end{cases}$$

LReLU 中 $a \in (0,1)$ 是个固定值,而 PReLU 中 $a \le 1$ 是个通过学习得到的参数。

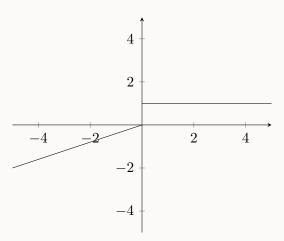


图 8: LReLU 和 PReLU 函数

5. 指数线性单元 ELU 函数

$$\mathrm{ELU}(x) = \begin{cases} 1, x \ge 0 \\ a(e^x - 1), x < 0 \end{cases}$$

 $a \ge 0$ 是一个可调参数。

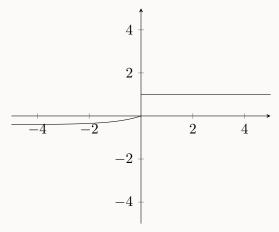


图 9: ELU 函数

6. 软加函数 softplus 函数

$$f(x) = \ln(1 + e^x)$$

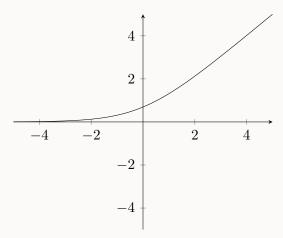


图 10: softplus 函数