

#### УЧЕБНЫЙ ЦЕНТР ОБЩЕЙ ФИЗИКИ ФТФ

Группа М3102		К работе допущен	_
Студент <u>Лопатенко Геор</u>	огий Валентинович	Работа выполнена	_
Преподаватель Тим	лофеева Э.О.	Отчет принят	

# Рабочий протокол и отчет по лабораторной работе №1.02

Скольжение тележки по наклонной плоскости

## 1. Цель работы:

Изучить скольжение тележки по наклонной плоскости.

## 2. Задачи, решаемые при выполнении работы:

- 1. Получить данные измерений (построить экспериментальную выборку);
- 2. Экспериментально проверить равноускоренность движения тележки;
- 3. Определить величину ускорения свободного падения;
- 4. Сравнить полученную величину со значением константы.

#### 3. Объект исследования:

Тележка, скользящая по наклонной плоскости с воздушной подушкой.

#### 4. Метод экспериментального исследования:

Многократные совместные измерения времени прохода тележки через оптические ворота и проверка теории скользящего по наклонной поверхности тела.

## 5. Рабочие формулы и исходные данные:

Второй закон Ньютона, описывающий движение тележки:  $m\overline{a}=m\overline{g}+\overline{N}+\overline{F}_{_{\mathrm{TD}}}$ 

 $\begin{cases} 0y: & 0 = N - mg\cos\alpha \\ 0x: & mg\sin\alpha - \mu mg\cos\alpha \end{cases}$ 

Выражение для ускорения с учетом малых значений угла и коэффициента трения:  $a=g(\sin \alpha - \mu)$  Ускорение тележки по методу наим.квадратов и СКО:

$$a = \frac{\sum_{i=1}^{N} Z_{i} Y_{i}}{\sum_{i=1}^{N} Z_{i}^{2}}; \quad \sigma_{a} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} (Y_{i} - a Z_{i})^{2}}{(N-1) \sum_{i=1}^{N} Z_{i}^{2}}}$$

Абсолютная погрешность с учетом погрешности приборов:  $\Delta x = \sqrt{\left(\overline{\Delta x}\right)^2 + \left(\frac{2}{3}\Delta_{ux}\right)^2}$ 

Погрешность косвенного значения:  $\Delta z = \sqrt{\left(\frac{\partial z}{\partial x1}\Delta x1\right)^2 + \left(\frac{\partial z}{\partial x2}\Delta x2\right)^2}; \ z = f(x1, x2)$ 

 $\Delta_{_{UX}}$  – погрешность прибора,  $\overline{\Delta x}$  – случайная погрешность (доверительный интервал)

Относительная погрешность:  $\varepsilon_x = \frac{\Delta x}{\overline{x}} \cdot 100\%$ 

Значение угла наклона рельса к горизонту: 
$$\sin \alpha = \frac{(h_0 - h) - (h_0' - h')}{x' - x}$$
 Значение ускорения и его погрешность:  $\overline{a} = \frac{2(x_2 - x_1)}{(\overline{t_2})^2 - (\overline{t_1})^2}$ 

$$\Delta a = \overline{a} \cdot \sqrt{\frac{(\Delta x_{u2})^2 + (\Delta x_{u1})^2}{(x_2 - x_1)^2}} + 4 \cdot \frac{(\overline{t_2} \Delta t_2)^2 + (\overline{t_1} \Delta t_1)^2}{((\overline{t_2})^2 - (\overline{t_1})^2)^2}$$
 Коэффициенты  $B \equiv g = \frac{\sum\limits_{i=1}^N a_i sin\alpha_i - \frac{1}{N} \sum\limits_{i=1}^N a_i \sum\limits_{i=1}^N sin\alpha_i}{\sum\limits_{i=1}^N sin\alpha_i^2 - \frac{1}{N} (\sum\limits_{i=1}^N sin\alpha_i)}; \quad A = \frac{1}{N} (\sum\limits_{i=1}^N a_i - B\sum\limits_{i=1}^N sin\alpha_i)$ 

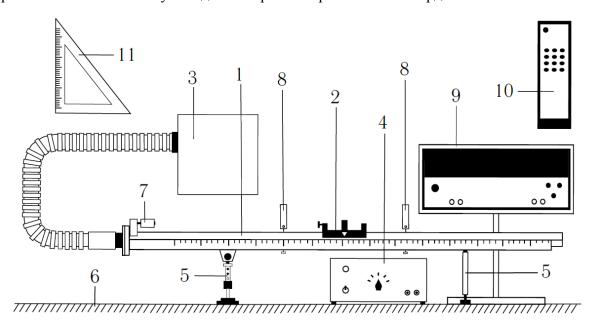
СКО для ускорения свободного падения: 
$$\sigma_g = \sqrt{\frac{\sum\limits_{i=1}^N d_i^2}{D(N-2)}} \text{ , где } d_i = a_i - (A + Bsina_i)$$
 
$$D = \sum\limits_{i=1}^N sin\alpha_i^2 - \frac{1}{N}(\sum\limits_{i=1}^N sin\alpha_i)$$

6. Измерительные приборы:

No	Наименование	Предел измерения	Цена деления	Класс точности	$\Delta_{_{ m H}}$
1	Линейка на рельсе	1.3 м	1 см/дел	-	0.005 м
2	Линейка на угольнике	0.4 м	1 мм/дел	-	0.0005 м
3	ПКЦ-3 (секундомер)	100 c	0.1 c	-	0.1 c

## 7. Схема установки:

По рельсу на винтовых ножках "1" скользит тележка "2". Для уменьшения трения между поверхностями рельса и тележки создается воздушная подушка с помощью воздушного насоса "3". Тележка снабжена флажком с черными вертикальными рисками, которые фиксирует цифровой измерительный прибор, когда тележка проходит через оптические ворота. Угольник используется для измерения вертикальных координат точек.



## 8. Результаты прямых измерений и их обработки:

Таблица 2

х, м	x³, M	h0, м	h0', м
0.22	1	0.204	0.206

Таблица 3

Nº	Измеренные величины				Рассчитан	ные величины
	х1, м	х2, м	t1, c	t2, c	х2-х1, м	(t2^2-t1^2)/2, c^2
1	0.15	0.40	1.2	2.3	0.2500 ± 0.0047	1.9250 ± 0.1729
2	0.15	0.50	1.2	2.5	0.3500 ± 0.0047	2.4050 ± 0.1849
3	0.15	0.70	1.3	3.1	0.5500 ± 0.0047	3.9600 ± 0.2241
4	0.15	0.90	1.2	3.4	0.7500 ± 0.0047	5.0600 ± 0.2404
5	0.15	1.10	1.3	4.0	0.9500 ± 0.0047	7.1550 ± 0,2804

Тогда ускорение посчитаем по МНК:  $a=0.138211\approx 0.1382\frac{\text{м}}{\text{c}^2}$  и СКО:  $\sigma_a=0.00337781\approx 0.0034$ 

Таблица 4

Nпл	<i>h</i> , м	<i>h</i> ', м	No	t <sub>1</sub> , c	t <sub>2</sub> , c
			1	1.3	4.0
			2	1.4	4.1
1	0.194	0.205	3	1.3	4.0
			4	1.5	4.2
			5	1.4	4.2
			1	1.2	3.2
			2	1.1	3.1
2	0.184	0.205	3	1.1	3.1
			4	1.1	3.1
			5	1.0	3.0
			1	0.9	2.6
			2	0.9	2.6
3	0.175	0.205	3	0.9	2.6
			4	0.8	2.4
			5	0.9	2.6
			1	0.9	2.3
4	0.165	0.204	2	0.9	2.3
т	3.103	0.20-	3	0.8	2.2

			4	0.7	2.2
			5	0.6	2.0
			1	0.6	1.9
			2	0.6	2.0
5	0.155	0.204	3	0.6	2.0
			4	0.6	2.0
			5	0.6	2.0

*N*пл - количество пластин;

h - высота на координате x = 0.22 м;

h' - высота на координате x' = 1.00 м.

Таблииа 5

Tuonuu	-			
Nпл	sin α	$\langle t_1 \rangle \pm \Delta t_1$ , c	$< t_2 > \pm \Delta t_2$ , c	$< a > \pm \Delta a, \frac{M}{c^2}$
1	0.0115	1.3800±0.1234	4.1000±0.1409	0.1275±0.0103
2	0.0244	1.1000±0.1102	3.1000±0.1102	0.2262 <u>+</u> 0.0196
3	0.0359	0.8800±0.0868	2.5600±0.1295	0.3286 <u>+</u> 0.0388
4	0.0474	0.7800±0.1751	2.2000±0.1661	0.4490±0.0829
5	0.0603	0.6000±0.0667	1.9800±0.0868	0.5336±0.0530

*N*пл - количество пластин;

$$< t_{1,2} > = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} t_{1_i, 2_i};$$

$$B \equiv g = \frac{\sum_{i=1}^{N} a_{i} sin\alpha_{i} - \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} a_{i} \sum_{i=1}^{N} sin\alpha_{i}}{\sum_{i=1}^{N} sin\alpha_{i}^{2} - \frac{1}{N} (\sum_{i=1}^{N} sin\alpha_{i})} = 8.56$$

$$A = \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^{N} a_i - B \sum_{i=1}^{N} \sin \alpha_i \right) = 0.025; \quad D = \sum_{i=1}^{N} \sin \alpha_i^2 - \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^{N} \sin \alpha_i \right)^2 = 0.0014552$$

СКО для ускорения свободного падения:  $\sigma_{_{g}}=0.331411$ 

## 10. Расчет погрешностей измерений:

Для задания 1:

Доверительная вероятность  $\alpha=0.95$ , коэффициент Стьюдента  $t_{\alpha,n}=2.7764$ 

$$\begin{split} &\Delta(x_{2}-x_{1}) \,=\, \sqrt{\left(\frac{\partial d}{\partial x_{1}}\Delta_{x_{1}}\right)^{2}+\left(\frac{\partial d}{\partial x_{2}}\Delta_{x_{2}}\right)^{2}}\left(\Delta x_{i} \,\,=\,\, \frac{2}{3}\Delta_{_{\mathrm{H}}}\right) \to \Delta(x_{2}-x_{_{1}}) \,=\, \frac{\sqrt{2}}{300} = 0.0047 \;\mathrm{m} \\ &\Delta(\frac{t_{2}^{2}-t_{1}^{2}}{2}) \,=\, \sqrt{\left(t_{2}\Delta_{_{t}}\right)^{2}+\left(t_{1}\Delta_{_{t}}\right)^{2}}\left(\Delta_{_{t}} \,\,=\,\, \frac{2}{3}\Delta_{_{\mathrm{H}}}\right) \end{split}$$

Абсолютная погрешность коэффициента a для доверительной вероятности  $\alpha = 0.9$ :

$$\Delta_a = 2\sigma_a = 0.0068$$

Относительная погрешность ускорения:  $\varepsilon_a = \frac{\Delta_a}{a} \cdot 100\% = 4.89\%$ 

Для задания 2:

Доверительная вероятность  $\alpha=0.95$ , коэффициент Стьюдента  $t_{\alpha,n}=2.7764$ 

		для $t_1^{}$ , с		для $t_2^{}$ , с
Nпл	$S_{\bar{t}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (t_i - \langle t \rangle)^2}{n(n-1)}}$	$\Delta_{t_1} = \sqrt{(t_{\alpha, n} S_{\bar{t}})^2 + (\frac{2}{3} \Delta_{\mu})^2}$	$S_{\bar{t}} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (t_i - \langle t \rangle)^2}{n(n-1)}}$	$\Delta_{t_2} = \sqrt{\left(t_{\alpha,n} S_{\bar{t}}\right)^2 + \left(\frac{2}{3} \Delta_{\mu}\right)^2}$
1	0.0374	0.1234	0.0447	0.1409
2	0.0316	0.1102	0.0316	0.1102
3	0.0200	0.0868	0.0400	0.1295
4	0.0583	0.1751	0.0548	0.1661
5	0.0000	0.0667	0.0200	0.0868

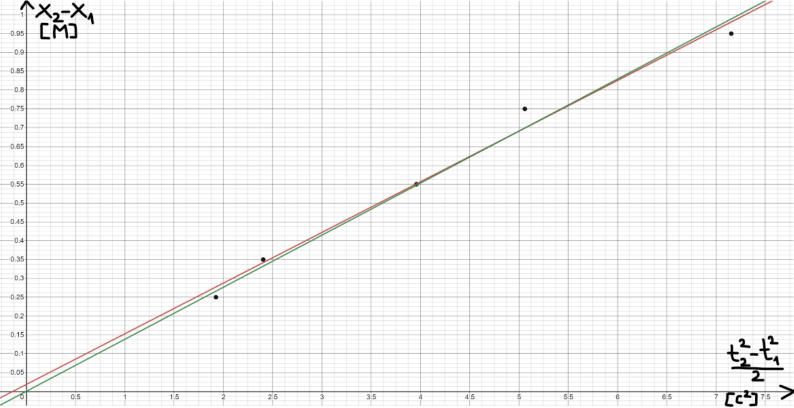
Абсолютная погрешность коэффициента g для доверительной вероятности  $\alpha = 0.9$ :

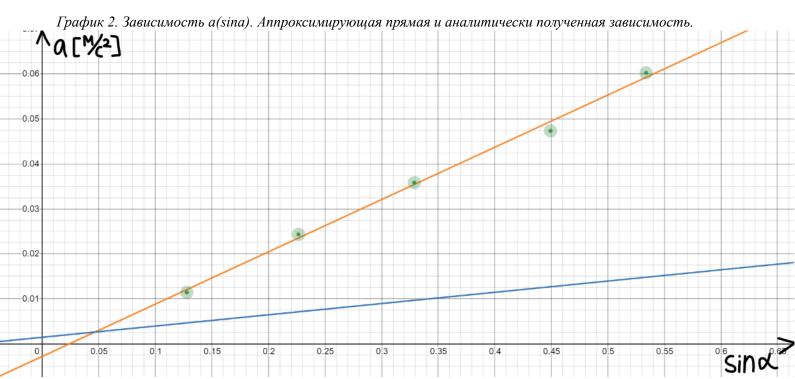
$$\Delta_g = 2\sigma_g = 0.6628$$

Относительная погрешность g:  $\varepsilon_g = \frac{\Delta_g}{g} \cdot 100\% = 7.74\%$ Абсолютное отклонение значения g:  $\left|g_{_{9\text{КСП}}} - g_{_{\text{Табл}}}\right| = 9.82 - 8.56 = 1.26 \frac{\text{M}}{\text{c}^2}$ 

## 11. Графики:

 $\Gamma$ рафик 1. Зависимость Y(Z)=aZ. Аппроксимирующая прямая и аналитически полученная зависимость.





### 12. Окончательные результаты:

Доверительный интервал для значения ускорения при одной пластине:

$$a = (0, 1382 \pm 0.0068) \frac{M}{c^2}$$
  $\epsilon_a = 4.89\%$   $\alpha = 0.9$ 

Доверительный интервал значения ускорения свободного падения:

$$g = (8.56 \pm 0.066) \frac{M}{c^2}$$
  $\epsilon_g = 7.74\%$   $\alpha = 0.9$ 

#### 13. Выводы и анализ результатов работы:

По собранным данным ( с одной пластиной) была построена аппроксимирующая прямая. Угловой коэффициент был получен по методу наименьших квадратов и с погрешностью составляет  $a=(0,1382~\pm~0.0068)\frac{M}{c^2}$ . При построении зависимости с таким угловым коэффициентом отмечалось сходство экспериментально и аналитически построенных графиков соответственно, таким образом гипотеза о равноускоренности движения тележки подтверждается в рамках эксперимента. Относительная погрешность полученного значения составляет 4.89%, что является показателем в пределах нормы.

Экспериментально полученные данные позволили рассчитать значения ускорения свободного падения  $g=(8.56 \pm 0.066) \frac{M}{c^2}$ .

В ходе подсчета было замечено, что абсолютное отклонения для g почти в два раза превышает значение среднего квадратичного отклонения: это объясняется тем, что в экспериментальной установке не работал электромагнит, фиксирующий тележку и запуск времени совершался вручную.

## Измерения:

Центр Физики ФТФ ИТМО

Лопатенко Георгий M3102 Ермолаева Анастасия M3102 Практик: Тимофеева Э.О. Дата: 24 Февраля 2022г.

# Измерения по лабораторной работе №1.02 Приложение

Таблица 3: Результаты прямых измерений (Задание 1)

	Измере	нные вел	ПИЧИНЫ	Рассчитанные величины		
N₂	$x_1$ , M	$x_2$ , $M$	$t_1, c$	$t_2, c$	$x_2-x_1$ , M	$\frac{t_2^2 - t_1^2}{2}, c^2$
1	0,15±0,05	0,40 ±0,05	1, 2± 0,1c	2,3± 0,1c	0,25± 0,05	1,925
2	0,1510,05	0,50± 0,05	1,2±	2,5± 0,1c	0,35	2,405
3	0,15±	0,70±	1,3t	3,15	0,55	3,960
4	0,15±	0,005	1,2±	3,4±	0,75	5,060
5	0,15 ±	1,10± 0,05	1,3± 0,1	4,0± 0,1	0,95	7,155

## Таблица 2

x, M	x', M	$h_0, \widehat{\mathfrak{M}}$	$h'_0$ , мм
0,22±9,055	1	0,2 <b>04</b> ±0,005	0,208±0,005

Таблица 4: Результаты прямых измерений (Задание 2)

$N_{\Pi \Pi}$	h, мм	h', мм	$\mathcal{N}_{2}$	$t_1, c$	$t_2$ , $c$
	0,194±	0,205±	1	1,3±0,1	4,0±0,1
	XXXX 0,005	0,005	2	1,4±0,1	4,1±0,1
1	VC1(1)		3	1,3±0,1	4,0±0,1
			4	1,5±0,1	4,2±0,1
	myren og	HIEROTE CON	5	1,4±0,1	4,2±0,1
	0 10111		1	1,2±0,1	3,2±0,1
	0,184±	0,205±	2	1,1±0,1	3,1±0,1
2		0,003	3	1,1±0,1	3,1±0,1
	788,4	37.400	4	1,1±0,1	3,1±0,1
			5	1,0±0,1	3,0±0,1
	0,175±		1 5	0,9±0,1	2,6±0,1
	0,005	0,205 ±	2	0,9 ±0,1	2,6±0,1
3	945		3	0,9±0,1	2,6±0,1
			4	0,8±0,1	2,4±0,1
	090/5/	7 = 0	5	0,9±0,1	2,6±0,1
	0,165±		1	0,9±0,1	2,3±0,1
	0,005	0,204± 0,005	2	0,9±0,1	2,3±0,1
4			3	0,8±0,1	2,2±0,1
			4	0,7±0,1	2,2±0,1
			5	0,6±0,1	2,0±0,1
	0,155±		1	0,6±0,1	1,9±0,1
5	0,005	0,204±	2	0,6±0,1	2,0±0,1
		0,005	3	0,6±0,1	2,0±0,1
			4	0,6±0,1	2,0±0,1
			5	0,6 ± 0,1	2,0±0,1

 $N_{\Pi \Pi}$  - количество пластин

h - высота на координате x=0,22 м

h' - высота на координате  $x'=1{,}00$  м

Mor. 22 Mercu