## Übungsblatt 12

Mit dem Blatt können Sie Integrationsmethoden üben. Es ist **nicht zur regulären Abgabe** gedacht. Falls Sie noch **nicht** 50% der möglichen Punkte erreicht haben (= 110), haben Sie hiermit noch eine Möglichkeit das eventuell zu ändern. Dann können Sie die Lösungen zu den folgenden GDGLs (mit Lösungsweg) abgeben (pro DGL 2 Punkte). Fragen Sie im Zweifel Ihren Tutor, ob das für Sie in Frage kommt.

Lösen Sie (hier ist y immer reell-wertig und u hat Werte in  $\mathbb{R}^2$ ):

1. 
$$y' = y(1-y)$$

2. 
$$y' + \frac{y}{x^2} = 0$$
 mit  $y(1) = 1$ 

3. 
$$y' - 7y = 4x \text{ mit } y(1) = 0$$

4. 
$$y' + \sin(x)y = \sin(x)\cos(x)$$

5. 
$$y''' + 3y'' + 3y' + y = 0$$

6. 
$$y'' + 3y' + 4y = 0$$
 mit  $y(0) = 1$  und  $y'(0) = 0$ 

7. 
$$x^2 + y^2 + (2 + 2xy)y' = 0$$

8. 
$$u' = Au$$
 mit  $A = \begin{pmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 7 \end{pmatrix}$  und  $u(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ 

9. 
$$u' = Au$$
 mit  $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$  und  $u(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \end{pmatrix}$ 

10. 
$$u' = Au$$
 mit  $A = \begin{pmatrix} 2x & 7x^2 \\ 0 & x \end{pmatrix}$