Generalized Algebraic Data Types

in OCaml

Die Sprache L-If

```
Atom ::= true \mid false \mid 0..9^+ \ Expr ::= Atom \mid 	ext{if } Expr 	ext{ then } Expr 	ext{ else } Expr
```

Gültige Programme

Ungültige Programme

true

if true then 42 else 0

if true then
if true then 42 else 0
else

if 0 then true else false

if true then 0 else false

if true then
 if true then 42 else 0
 else
 false

In einer Welt ohne GADTs: L-ADT-If

```
type atom =
    | Bool of bool
    | Int of int

type expr =
    | Atom of atom
    | If of expr * expr * expr
```

Evaluationsfunktion für L-ADT-If

Probleme von L-ADT-If

```
eval (If
    (Atom (Bool true),
    (Atom (Int 42)),
    (Atom (Int 0))))

- : atom = Atom (Int 42)

Exception: Failure "need bool!"
```

Beispiele in L-ADT-If

- Ungültige Programmdefinition möglich
- Laufzeitfehler im Interpreter
- Zweige können verschiedene Typen haben

In einer Welt mit GADTs: L-GADT-If

```
type _ atom =
    | Bool : bool → bool atom
    | Int : int → int atom

type _ expr =
    | Atom : 'a atom → 'a expr
    | If : bool expr * 'a expr * 'a expr → 'a expr
```

Syntaxbaum für L-GADT-If

ADTs vs GADTs

Konstrukturen eines GADTs können verschiedene Typen annehmen, während bei ADTs alle Konstruktoren den selben Typhaben.

```
let rec eval : .. = function 
 | Atom (Bool b) \rightarrow b 
 | Atom (Int i) \rightarrow i 
 | If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

Evaluationsfunktion für L-GADT-If

Die Vorteile von L-GADT-If

```
eval (If
(Atom (Int 42),
(Atom (Bool false)),
(Atom (Int 0))))
```

```
- : int = 42
```

```
Beispiele in L-GADT-If
```

- Keine ungültigen Programmdefinitionen
- Keine Laufzeitfehler im Interpreter
- Exhaustive Patternmatching

Local Abstrakte Typen

```
let rec eval (type a) (e : a expr) : a = match e with \mid Atom (Bool b) \rightarrow b \mid Atom (Int i) \rightarrow i \mid If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

Evaluationsfunktion mit Lokal Abstrakten Typen für L-GADT-If

Polymorphe Rekursion

Evaluationsfunktion mit L.A.T. und polymorpher Rekursion für L-GADT-If

```
let rec eval : type a. a expr \rightarrow a = function | Atom (Bool b) \rightarrow b | Atom (Int i) \rightarrow i | If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

Evaluationsfunktion für L-GADT-If

Unterschiedliche Rückgabewerte

```
type (_, _) mode =
    | Unsafe : ('a, 'a) mode
    | Option : ('a, 'a option) mode
```

Existenzielle Typen

```
type stringable =
  Stringable : {
    item: 'a;
    to_string: 'a → string
  } → stringable
```

```
let print (Stringable s) =
  print_endline (s.to_string s.item)
```

In einer Nussschale

- GADTs sind eine Erweiterung von ADTs, die es erlaubt, dass Variants verschiedene Typen, basierend auf jeweils eigenen Typvariablen, annehmen können
- Beim Patternmatching extrahiert der Compiler über GADTs mehr Informationen und kann somit mehr Fälle eliminieren
- Mit GADTs lassen sich einige interessante Konzepte realisieren, wie Existenzielle Typen, Funktionen mit verschiedenen Rückgabewerten und im generellen ausdrucksstärkere Typdefinitionen
- Allerdings wird mit GADTs die Typinferenz unentscheidbar, weshalb Typannotationen benötigt werden, zudem benötigt es neue Konzepte um rekursive Funktionen zu realisieren

Folien

https://mari-w.github.io/ocaml-gadts/

Literatur

- Real World OCaml: GADTs
 Yaron Minsky, Anil Madhavapeddy 2021
- Detecting use-cases for GADTs in OCaml
 Mads Hartmann 2015
- Stanford CS242: Programming Languages
 Will Crichton 2019