Generalized Algebraic Data Types

in OCaml

Die Sprache L-If

```
\overline{Atom} ::= true \mid false \mid 0..9^+ \ Expr ::= Atom \mid \mathbf{if} \ Expr \, \mathbf{then} \ Expr \, \mathbf{else} \ Expr
```

```
if true then 42 else 0
```

```
if true then
if true then 42 else 0
else
0
```

</div> <div class="error">
 Ungültige Programme

if 0 then true else false

if true then 0 else false

In einer Welt ohne GADTs: L-ADT-If

```
type atom =
    | Bool of bool
    | Int of int

type expr =
    | Atom of atom
    | If of expr * expr * expr
```

```
(Atom (Bool true),
       (Atom (Int 42)),
       (Atom (Int 0))))
 - : atom = Atom (Int 42)
      </div><div>
 eval (If
       (Atom (Int 42),
       (Atom (Bool false)),
       (Atom (Int 0))))
Exception: Failure "need bool!"
```

</div> </div>
Beispiele in L-ADT-

In einer Welt mit GADTs: L-GADT-If

```
type _ atom =
    | Bool : bool → bool atom
    | Int : int → int atom

type _ expr =
    | Atom : 'a atom → 'a expr
    | If : bool expr * 'a expr * 'a expr → 'a expr
```

Syntaxbaum für L-GADTIf

```
<qiv class="columns"> <qiv>
           type atom =
            | Bool : bool → atom
| Int : int → atom
 L-ADT-If atom
             </div>
           type _ atom =
           Bool : bool 
ightarrow bool atom
            Int : int \rightarrow int atom
 L-GADT-If atom
             </div>
```

Konstrukturen eines GADTs können

```
let rec eval : .. = function 
  | Atom (Bool b) \rightarrow b 
  | Atom (Int i) \rightarrow i 
  | If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

```
Evaluationsfunktion
    für L-GADT-If
```

Local Abstrakte Typen

```
let rec eval (type a) (e : a expr) : a = match e with \mid Atom (Bool b) \rightarrow b \mid Atom (Int i) \rightarrow i \mid If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

Loramon hine kekon zaron

```
let rec eval : 'a. 'a expr \rightarrow 'a = fun (type a) (e : a expr) : a \rightarrow match e with | Atom (Bool b) \rightarrow b | Atom (Int i) \rightarrow i | If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

<->

```
let rec eval : type a. a expr \rightarrow a = function 
 | Atom (Bool b) \rightarrow b 
 | Atom (Int i) \rightarrow i 
 | If (c, i, e) \rightarrow if eval c then eval i else eval e
```

Evaluationsfunktion
mit L.A.T. und polymorpher Rekursion für

Die Vorteile von L-GADT-If

- Keine unglütigen Programmdefinitionen
- Keine Laufzeitfehler im Interpreter
- Exhaustive Patternmatching

ontenschieditche Kockgabewerte

```
type (_, _) mode =
 Unsafe: ('a, 'a) mode
Option: ('a, 'a option) mode
```

```
let first : type a r. a list \rightarrow (a, r) mode \rightarrow r =
  fun lst mode → match lst with
     \mid hd :: tl \rightarrow (match mode with
        \mid Unsafe \rightarrow hd
        | Option \rightarrow Some hd)
     | [] \rightarrow (match mode with)
        \mid Unsafe \rightarrow failwith "list is empty"
        | Option \rightarrow None)
```

Funktion first mit unterschiedlichen Rückgabewerten je nach 13

mada

Existenzielle Typen

```
type stringable =
  Stringable : {
    item: 'a;
    to_string: 'a → string
  } → stringable
```

```
let print (Stringable s) =
  print_endline (s.to_string s.item)
```

Existenzieller Typ
stringable mit print Funktion

In einer Nussschale

- GADTs sind eine Erweiterung von ADTs, die es erlaubt, dass Variants verschiedene Typen, basierend auf jeweils eigenen Typvariablen, annehmen können
- Beim Patternmatching extrahiert der Compiler über GADTs mehr Informationen und kann somit mehr Fälle eliminieren
- Mit GADTs lassen sich einige interessante Konzepte realisieren, wie Existenzielle Typen, Funktionen mit verschiedenen Rückgabewerten und im generellen ausdrucksstärkere Typdefinitionen
- Allerdings wird mit GADTs die Typinferenz unentscheidbar, weshalb Typannotationen benötigt werden, zudem benötigt es neue Konzepte um rekursive Funktionen zu realisieren

Material

https://mari-w.github.io/ocaml-gadts/

Literatur

- Real World OCaml: GADTs
 Yaron Minsky, Anil Madhavapeddy 2021
- Detecting use-cases for GADTs in OCaml
 Mads Hartmann 2015
- Stanford CS242: Programming Languages
 Will Crichton 2019