

# Algorithmique

5. Les tableaux

#### Sommaire

- I. Tableaux statiques
- II. Tableaux dynamiques
- III. Tri dans un tableau
- IV. Recherche dans un tableau

#### Algorithme informatique

Suite d'instructions ordonnée qui décrit de façon exhaustive les différentes étapes à suivre processeur pour résoudre un problème donné en un temps fini

#### Pseudo-code algorithmique

**ALGORITHME** nom\_de\_l'algorithme

<partie des déclarations>

#### **DEBUT**

<partie des instructions>

//commentaire

#### FIN

- Un programme n'est pas purement séquentiel nécessité d'avoir des structures de contrôle
  - Les structures alternatives (tests)
  - 2. Les structures itératives (boucles)

Un programme n'est pas purement séquentiel nécessité d'avoir des structures de contrôle

- Les structures alternatives (tests)
- 2. Les structures itératives (boucles)

```
ALGORITHME nom_de_l'algorithme
```

<partie des déclarations>

#### **DEBUT**

séquence l

SI condition | ALORS

séquence2

**FINSI** 

séquence3

FIN

**ALGORITHME** nom\_de\_l'algorithme

<partie des déclarations>

#### **DEBUT**

séquence l

SI condition | ALORS

séquence2

#### **SINON**

séquence3

#### **FINSI**

séquence4

#### FIN

Un test imbriqué est exprimé comme suit

SI condition | ALORS

séquence l

**SINON** 

SI condition 2 ALORS

séquence2

**SINON** 

séquence3

**FINSI** 

**FINSI** 

Algorithmique ESI 2021-2022

Pour alléger l'écriture et améliorer la lisibilité, on peut fusionner SINON et SI en SINONSI → un seul bloc de test

SI condition | ALORS

séquence l

**SINONSI** condition2 **ALORS** 

séquence2

SINON

séquence3

**FINSI** 

Test « SUIVANT ... CAS »

#### **SUIVANT** variable **FAIRE**

**CAS** valeur\_I : sequence\_I

**CAS** valeur\_2 : sequence\_2

• • •

**CAS** valeur\_n : sequence\_n

**AUTRES CAS**: sequence\_autre

**FINSUIVANT** 

▶ Test « SELONQUE ... CAS ... »

#### **SELONQUE**

```
condition_l : sequence_l
```

condition\_2 : sequence\_2

condition\_n : sequence\_n

**SINON**: sequence sinon

**FINSELONQUE** 

- Un programme n'est pas purement séquentiel -> nécessité d'avoir des structures de contrôle
  - Les structures alternatives (tests)
  - Les structures itératives (boucles)

- Une boucle est une structure de contrôle de type itératif (ou répétitif)
  - Elle permet de répéter, plusieurs fois, une instruction ou un ensemble d'instructions
  - La répétition est soumise à une condition

- On utilise trois types de boucles
  - ► TANTQUE ... FAIRE
  - **POUR**
  - ▶ RÉPÉTER ... JUSQU'À

- Boucle « TANTQUE ... FAIRE »
  - Permet de répéter une instruction tant qu'une condition est vraie

**TANTQUE** condition **FAIRE** 

instructions

**FINTANTQUE** 

- Boucle « POUR »
  - Permet de répéter une instruction un nombre déterminé de fois
    - i.e. le nombre d'itérations est connu à l'avance
  - Utilise un compteur qui est incrémenté après chaque exécution du bloc d'instructions de la boucle

Boucle « POUR »

**POUR** compteur ← valeur\_initiale à valeur\_finale **pas** valeur\_pas instructions

compteur **SUIVANT** 

19 Algorithmique ESI 2021-2022

- ▶ Boucle « RÉPÉTER ... JUSQU'À »
  - Permet de répéter une instruction jusqu'à ce que la condition d'arrêt soit vraie

#### RÉPÉTER

instructions

**JUSQU'À** condition\_arrêt

20 Algorithmique ESI 2021-2022

#### Problématique

- Les boucles permettent à l'utilisateur de saisir n nombres - on déclare une seule variable mais on écrase sa valeur à chaque nouvelle saisie
- Si on veut garder les **n** nombres pour les utiliser par la suite 
  on déclare n variables différentes
  - Quand n est petit Lourd mais gérable
  - Quand n est grand?

### Problématique

- Les boucles permettent à l'utilisateur de saisir n nombres - on déclare une seule variable mais on écrase sa valeur à chaque nouvelle saisie
- Si on veut garder les **n** nombres pour les utiliser par la suite 
  on déclare n variables différentes
  - Idéalement, tout stocker dans une seule variable tableau

# Tableaux statiques

#### Définition

- Tableau statique
  - Séquence de données de même type, chacune référencée par un nombre appelé indice (ou index)
  - Désigné par
    - Son nom
    - Le type de ses éléments
    - Sa taille (i.e. le nombre de ses éléments)

# Déclaration de tableaux statiques

Syntaxe

#### **VAR** nomTableau[N] :Type

N: taille du tableau

Premier indice : 0

▶ Dernier indice : N-1

# Déclaration de tableaux statiques

Syntaxe

**VAR** nomTableau[N] :Type

Exemple :

**VAR** nombres[5] : entier

VAR lettres[26]: caractère

**VAR** mots[100] : chaîne

VAR absents[107] : booléen

Pour désigner un élément du tableau, on utilise son nom avec, entre parenthèses, l'indice de l'élément concerné

```
Exemple:
```

nombres[0]

nombres[1]

nombres[2]

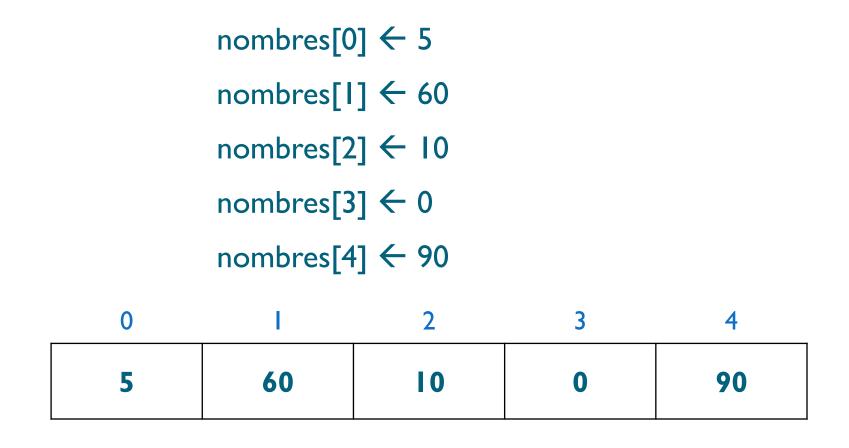
nombres[3]

nombres[4]

Pour affecter une valeur à une case du tableau, on utilise son nom avec, entre parenthèses, l'indice concerné puis le signe d'affectation et la valeur

#### **Exemple:**

```
nombres[0] \leftarrow 5
nombres[1] \leftarrow 60
nombres[2] \leftarrow 10
nombres[3] \leftarrow 0
nombres[4] \leftarrow 90
```



29

- L'indice peut être un nombre, une variable ou une expression calculée
  - Exemple

```
nombres[0]
nombres[i]
nombres[2*i+5]
```

 Exemple : demander à l'utilisateur de saisir 10 nombres réels

 Exemple : demander à l'utilisateur de saisir 10 nombres réels

```
ALGORITHME tableau_réels

VAR nombres[10] : réel

DEBUT

POUR i ← 0 à 10

Afficher(" Saisir le nombre numéro ", i+1)

Lire(nombres[i])

i SUIVANT

FIN
```

Que fait cet algorithme ?

```
ALGORITHME exemple_tableau
VAR tableau[10], i:entier
DEBUT
  POUR i \leftarrow 0 à 10
    tableau[i] ← i
 i SUIVANT
  POUR i ← 0 à 10
    Afficher(tableau[i])
 i SUIVANT
FIN
```

Algorithmique ESI 2021-2022

Que fait cet algorithme ?

```
ALGORITHME exemple_tableau
VAR tableau[10], i, j: entier
DEBUT
  tableau[0] \leftarrow 0
POUR i ← 1 à 10
     tableau[i] \leftarrow tableau[i - 1] + I
  i SUIVANT
  POUR i \leftarrow 0 à 10
     Afficher(tableau[i])
  i SUIVANT
FIN
```

34 Algorithmique ESI 2021-2022

Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 nombres et puis qui les affiche

```
ALGORITHME moyenne
VAR nombres[20]: réel
DEBUT
 somme ← 0
  POUR i \leftarrow 0 à 20
    Afficher ("Saisir le nombre numéro ", i+1)
     Lire(notes[i])
 i SUIVANT
  POUR i ← 0 à 20
    Afficher("Le ", i, "ème nombre est : ", nombres[i])
 i SUIVANT
FIN
```

36 Algorithmique ESI 2021-2022

• Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 nombres et puis qui les affiche à partir du dernier saisi

```
ALGORITHME moyenne
VAR nombres[20] : réel
DEBUT
  somme \leftarrow 0
  POUR i ← 0 à 20
     Afficher ("Saisir le nombre numéro ", i+1)
     Lire(notes[i])
  i SUIVANT
  POUR i \leftarrow 20 à - 1 pas - 1
    Afficher("Le ", i, "ème nombre est : ", nombres[i - 1])
 i SUIVANT
FIN
```

38 Algorithmique ESI 2021-2022

Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 notes et lui affiche leur moyenne

39 Algorithmique ESI 2021-2022

```
ALGORITHME moyenne
VAR notes[20], somme: réel
DEBUT
 somme ← 0
  POUR i ← 0 à 20
    Afficher(" Saisir la note numéro ", i)
    Lire(notes[i])
    somme ← somme + notes[i]
  i SUIVANT
  Afficher("La moyenne est : ", somme/20)
FIN
```

• Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale

```
ALGORITHME moyenne_min_max
VAR notes[20], somme, min, max : réel
DEBUT
 Afficher("Saisir la lère note")
  Lire(notes[0])
  somme, \max, \min \leftarrow notes[0]
  POUR i ← 1 à 20
     Afficher(" Saisir la note numéro ", i)
     Lire(notes[i])
     somme ← somme + notes[i]
     SI notes[i] < min ALORS
        min \leftarrow notes[i]
     SINONSI notes[i] > max ALORS
        max ← notes[i]
     FINSI
  i SUIVANT
  Afficher("Moyenne = ", somme/20, "Min = ", min, "Max = ", max)
FIN
```

- Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale
  - Le nombre de notes à saisir n'est pas connu à l'avance

- Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale
  - Le nombre de notes à saisir n'est pas connu à l'avance
  - **→** Tableau dynamique

# Tableaux dynamiques

#### Définition

- Tableau dynamique
  - Séquence de données de même type, chacune référencée par un nombre appelé indice (ou index), dont la taille est variable et peut changer lors de l'exécution

46 Algorithmique ESI 2021-2022

## Déclaration de tableaux dynamiques

Syntaxe

```
VAR nomTableau[]:Type
```

Exemple :

```
VAR nombres[]:entier
```

**VAR** lettres[]: caractère

**VAR** mots[]:chaîne

VAR absents[]:booléen

### Redimensionnement

- L'opération de redimensionnement permet de fixer la taille du tableau dynamique
- Elle intervient dans le corps de l'algorithme
- Elle est effectuée par l'instruction Redim

48

#### Redimensionnement

```
ALGORITHME tableau_dynamique
VAR notes[]:réel
VAR n : entier
DEBUT
  Afficher("Quelle est le nombre de notes à saisir ?")
  Lire(n)
  Redim notes[n]
  POUR i \leftarrow 0 à n
     Afficher(" Saisir la note numéro ", i + 1)
     Lire(notes[i])
  i SUIVANT
FIN
```

### Redimensionnement

- L'opération de redimensionnement permet de fixer la taille du tableau dynamique
- Elle intervient dans le corps de l'algorithme
- Elle est effectuée par l'instruction Redim
  - A tout moment, on peut ajouter / supprimer des cases

- Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale
  - Demander à l'utilisateur combien de notes il veut saisir

```
ALGORITHME moyenne
VAR notes[], somme, min, max : réel
VAR n : entier
DEBUT
  somme \leftarrow 0
 Afficher("Combien de notes voulez-vous saisir ?")
  Lire(n)
  Redim notes[n]
  Afficher("Saisir la 1<sup>ère</sup> note")
  Lire(notes[0])
  somme, max, min \leftarrow notes[0]
  POUR i ← 1 à n
     Afficher(" Saisir la note numéro ", i)
     Lire(notes[i])
     somme ← somme + notes[i]
     SI notes[i] < min ALORS
        min \leftarrow notes[i]
     SINONSI notes[i] > max ALORS
        max ← notes[i]
     FINSI
  i SUIVANT
  Afficher("Moyenne = ", somme/20, "Min = ", min, "Max = ", max)
FIN
```

- Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des nombres réels puis qui lui affiche le nombre des positifs, le nombre des négatifs, le nombre minimal et le nombre maximal
  - Demander à l'utilisateur combien de nombres il veut saisir

```
ALGORITHME exercice_tableau_dynamique
VAR nombres[], min, max : réel
VAR n, nbPositifs : entier
DEBUT
  nbPositifs \leftarrow 0
 Afficher("Combien de nombre voulez-vous saisir?")
  Lire(n)
  Redim nombres[n]
  POUR i ← 0 à n
     Afficher ("Saisir le nombre numéro ", i)
     Lire(nombres[i])
     SIi = 0 ALORS
       min ← nombres[i]
       max ← nombres[i]
     SINONSI nombres[i] < min ALORS
       min ← nombres[i]
     SINONSI nombres[i] > max ALORS
       max ← nombres[i]
     FINSI
     SI nombres[i] >= 0 ALORS
       nbPositifs \leftarrow nbPositifs + 1
     FINSI
  i SUIVANT
  Afficher("Min = ", min, "Max = ", max, "Nb + = ", nbPositifs, "Nb - ", n - nbPositifs)
FIN
```

Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de remplir deux tableaux (de même taille) puis qui affiche le tableau contenant le produit des éléments des deux

Demander à l'utilisateur la taille des tableaux

Tableau I	5	2	10	15	I
Tableau 2	5	60	10	0	90
Tableau 3	25	120	100	0	90

Algorithmique

ESI

2021-2022

```
ALGORITHME exercice_tableau_dynamique
VAR tab [ ], tab 2[ ], tab 3[ ] : réel
VAR n : entier
DEBUT
  Afficher("Combien de nombre voulez-vous saisir ?")
  Lire(n)
  Redim tab [n]
  Redim tab2[n]
  Redim tab3[n]
  Afficher("Remplissage du 1er tableau")
  POUR i \leftarrow 0 à n
     Afficher ("Saisir le nombre numéro ", i)
     Lire(tab | [i])
  i SUIVANT
  Afficher ("Remplissage du 2e tableau")
  POUR i \leftarrow 0 à n
     Afficher ("Saisir le nombre numéro ", i)
     Lire(tab2[i])
  i SUIVANT
  POUR i ← 0 à n
     tab3[i] \leftarrow tab1[i]*tab2[i]
     Afficher(tab | [i], "*", tab2[i], "=", tab3[i])
  i SUIVANT
FIN
```

- Besoin : pour une classe de 10 étudiants, nous voulons stocker, pour chaque étudiant, ses notes dans 2 matières
  - Un tableau de 10 éléments pour la note de la première matière;
     et un autre tableau pour la note de la deuxième

- Besoin : pour une classe de 10 étudiants, nous voulons stocker, pour chaque étudiant, ses notes dans 2 matières
  - Un tableau de 10 éléments pour la note de la première matière; et un autre tableau pour la note de la deuxième
  - Matrice de 10 x 2 avec, dans chaque ligne i, les deux notes de l'étudiant numéro i

- Besoin : pour une classe de 10 étudiants, nous voulons stocker, pour chaque étudiant, ses notes dans 2 matières
  - Un tableau de 10 éléments pour la note de la première matière; et un autre tableau pour la note de la deuxième
  - Matrice de 10 x 2 avec, dans chaque ligne i, les deux notes de l'étudiant numéro i 

    tableau multidimensionnel

### Tableaux multidimensionnels

### Définition

- ▶ Tableau à 2 dimensions
  - Séquence de données de même type, chacune référencée par deux indices
  - Désigné par
    - Son nom
    - Le type de ses éléments
    - ▶ Sa taille n x m
      - □ Peut être assimilé à une matrice de n lignes et m colonnes

### Déclaration de tableaux à 2 dimensions

### Syntaxe

**VAR** nomTableau[N][M] :Type

#### Exemple :

**VAR** nombres[5][5] : entier

VAR lettres[26][2]: caractère

**VAR** mots[1][10] : chaîne

VAR absents[107][30] : booléen

### Exemple de tableaux à 2 dimensions

```
ALGORITHME tableau_2d
VAR notes[20][2]:réel
DEBUT
  POUR i \leftarrow 0 à 20
     Afficher ("Saisir la lère note de l'étudiant N° ", i+ 1)
     Lire(notes[i][0])
     Afficher ("Saisir la 2<sup>e</sup> note de l'étudiant N° ", i+ 1)
     Lire(notes[i][1])
  i SUIVANT
FIN
```

Que font les algorithmes suivants ?

```
ALGORITHME exemple_tab
VAR tab[5][10]:entier
VAR i, j, k: entier
DEBUT
 k \leftarrow 1
  POUR i ← 0 à 5
    POUR j ← 0 à 10
     tab[i][j] \leftarrow k
      k \leftarrow k + 1
   SUIVANT
 i SUIVANT
FIN
```

```
ALGORITHME exemple_tab
VAR tab[5][10] : entier
VAR i, j : entier
DEBUT
 POUR i ← 0 à 5
   POUR j ← 0 à 10
     tab[i][j] \leftarrow i + j
   SUIVANT
 i SUIVANT
FIN
```

Ecrire un algorithme qui génère un tableau de booléens de 5 x 10 où toutes les cases contiennent la valeur VRAI

```
ALGORITHME tab_bool
VAR tab[5][10] : booléen
DEBUT
  POUR i ← 0 à 5
   POUR j ← 0 à 10
     tab[i][j] \leftarrow VRAI
   SUIVANT
 i SUIVANT
FIN
```

• Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de remplir une matrice de 10 x 10 et vérifie si elle est symétrique ou non

69 Algorithmique ESI 2021-2022

• Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de remplir une matrice de 10 x 10 et vérifie si elle est symétrique ou non

×	a	b	С
a	X	d	e
b	d	x	f
С	e	f	x

ESI

70 Algorithmique

```
ALGORITHME symétrie_matrice
VAR matrice[10][10] : réel
VAR sym: booléen
DEBUT
 sym ← VRAI
 POUR i ← 0 à 10
   POUR j ← 0 à 10
     Lire(matrice[i][j])
   SUIVANT
 i SUIVANT
```

```
i \leftarrow 0
i ← 0
TANTQUE sym ET i < 10
 TANTQUE | < 10
   SI j<>i et matrice[i][j] <> matrice[j][i] ALORS
       sym = FALSE
   FINSI
   j ← j + 1
  FINTANTQUE
  i \leftarrow i + 1
FINTANTQUE
SI sym ALORS
  Afficher("La matrice saisie est symétrique")
SINON
  Afficher("La matrice saisie n'est pas symétrique")
FINSI
```

• Écrire un algorithme qui cherche, dans un tableau d'entiers de 10 x 10, le nombre minimal et le nombre maximal

72 Algorithmique ESI 2021-2022

```
ALGORITHME tab bool
VAR tab[10][10], min, max : réel
VAR i, j : entier
DEBUT
  //instructions de remplissage du tableau omises
  min, max \leftarrow tab[0][0]
  POUR i \leftarrow 0 \text{ à } 10
    POUR j ← 0 à 10
      SI tab[i][j] < min ALORS
         min \leftarrow tab[i][j]
      SINONSI tab[i][j] > max ALORS
         max \leftarrow tab
      FINSI
    j SUIVANT
  i SUIVANT
  Afficher("Max = ", max, " et Min = ", min)
FIN
```

73 Algorithmique ESI 2021-2022

## Recherche dans un tableau

### Recherche dans un tableau

Proposition ?

- Vérifier si une valeur existe dans un tableau → utiliser un flag
  - Parcourir le tableau
    - Si élément courant = valeur → flag = VRAI
  - Vérifier le flag à la fin de l'exécution
    - Si flag = VRAI → l'élément existe

Pseudo-code

Recherche de la valeur val dans le tableau tab[N]

77 Algorithmique ESI 2021-2022

```
existe ← FAUX
POUR i \leftarrow 0 à N
  SI tab[i] = val ALORS
     existe ← VRAI
  FINSI
  SI existe ALORS
    Afficher("La valeur recherchée a été trouvée")
   SINON
    Afficher ("La valeur recherchée n'a pas été trouvée")
  FINSI
i SUIVANT
```

- Pseudo-code
  - Recherche de la valeur val dans le tableau tab[N]
  - Amélioration possible : ne pas continuer les comparaisons si l'élément a été trouvé
  - Encore mieux : recherche dichotomique

## Recherche dichotomique

### Principe

- Comparer la valeur à trouver avec l'élément au milieu du tableau
  - Si inférieure, refaire la même comparaison avec la première moitié du tableau
  - Si supérieure, refaire la même comparaison avec la deuxième moitié du tableau
- Nécessite que le tableau soit trié

## Recherche dichotomique

Pseudo-code

Recherche de la valeur val dans le tableau tab[N]

## Recherche dichotomique

```
existe ← FAUX
debut \leftarrow 0
fin \leftarrow N
TANTQUE existe = FAUX ET debut <= fin
  milieu \leftarrow (debut + fin) DIV 2
  SI tab[milieu] = val ALORS
     existe ← VRAI
  SINONSI tab[mileu] < val ALORS
     debut ← milieu + I
   SINON
     fin ← milieu – L
  FINSI
FINTANTQUE
```



# Algorithmique

5. Les tableaux