

数字电路与逻辑设计B

第三讲

南京邮电大学

电子与光学工程学院

臧裕斌

二、二—十进制（BCD）码 （Binary Coded Decimal Codes）

1. 引入BCD码的原因

习惯用十进制，而数字系统只能处理二进制。

2. 定义

用4位二进制串 $b_3b_2b_1b_0$ 来表示十进制数中的 0 ~ 9 十个数码，简称BCD码。有多种编码方式。

2. 分类

(1)有权码：有固定位权

8421BCD、**5421BCD**、**2421BCD**、**631-1BCD**

(2)无权码：无固定位权

余3BCD、**余3循环 BCD**、**格雷BCD**、**8421奇校BCD**

十进制数	8421码	余3码	循环码	余3循环码
------	-------	-----	-----	-------

0		0011		0010
1		0100		0110
2		0101		0111
3	0011	0110	0010	0101
4	0100	0111	0110	0100
5	0101	1000	0111	1100
6	0110	1001	0101	1101
7	0111	1010	0100	1111
8	1000	1011	1100	1110
9	1001	1100	1101	1010
	1010		1111	
	1011		1110	
	1100		1010	

3. 多位十进制数的表示

代码间应有间隔

例： $(380)_{10} = (?)_{8421\text{BCD}}$

解： $(380)_{10} = (0011\ 1000\ 0000)_{8421\text{BCD}}$

4. 数制与BCD码间的转换

例1： $(0110\ 0010\ 0000)_{8421\text{BCD}} = (620)_{10}$

例2： $(0001\ 0010)_{8421\text{BCD}} = (?)_2$

解： $(0001\ 0010)_{8421\text{BCD}} = (12)_{10} = (1100)_2$

5. 8421 BCD的加减法运算

(1)加法运算

例1: $(0010)_{8421\text{BCD}} + (0011)_{8421\text{BCD}} = (?)_{8421\text{BCD}}$

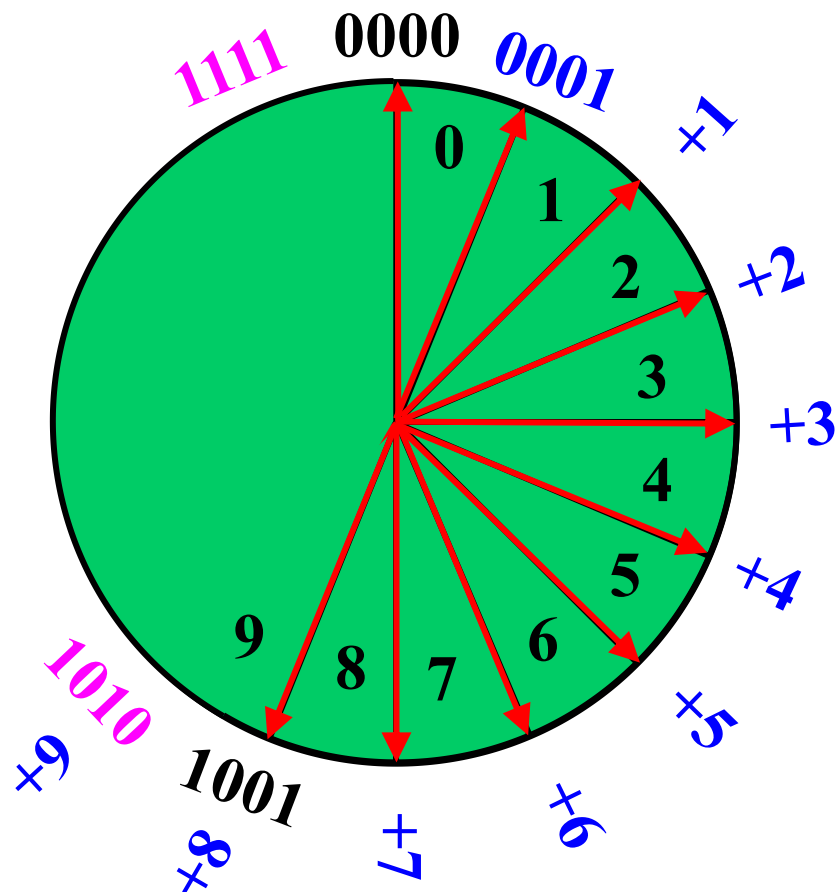
$$\begin{array}{r} 0010 \\ + 0011 \\ \hline 0101 \end{array}$$

解: $(0010)_{8421\text{BCD}} + (0011)_{8421\text{BCD}} = (0101)_{8421\text{BCD}}$

例2: $(0001)_{8421BCD} + (1001)_{8421BCD} = (?)_{8421BCD}$

$$\begin{array}{r}
 0001 \\
 + 1001 \\
 \hline
 1010 \quad \text{非法码} \\
 + 0110 \quad \text{加6修正} \\
 \hline
 0001 \quad 0000
 \end{array}$$

解:



$$(0001)_{8421BCD} + (1001)_{8421BCD} = (0001 \quad 0000)_{8421BCD}$$

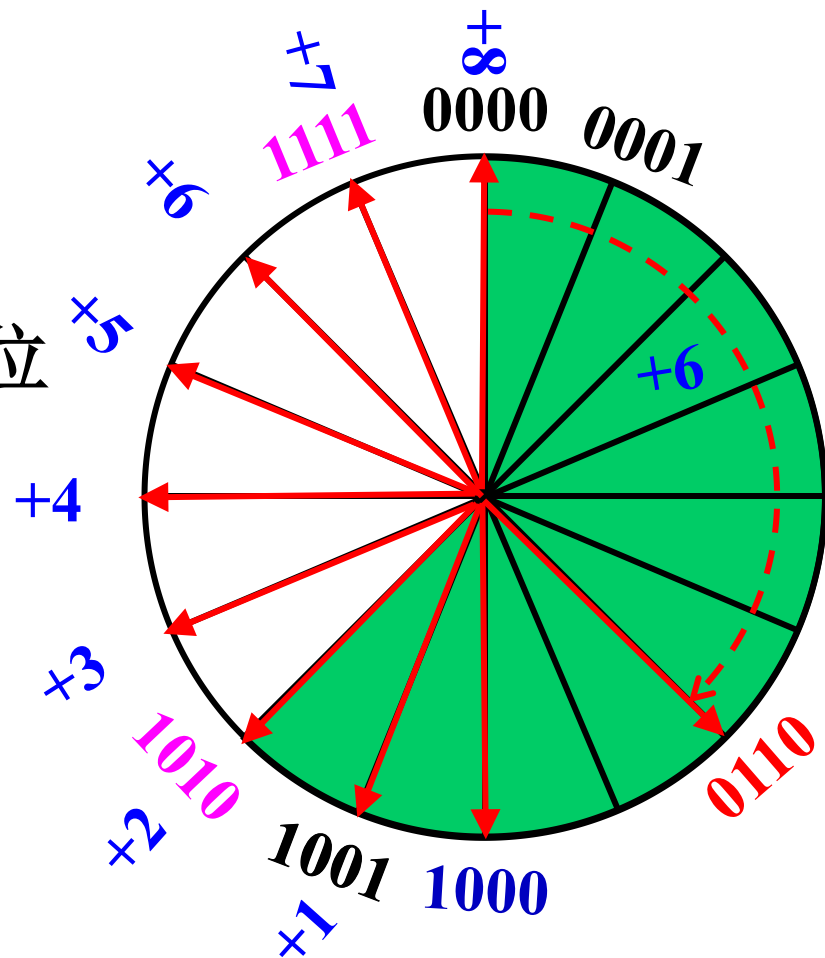
例3: $(1000)_{8421BCD} + (1000)_{8421BCD} = (?)_{8421BCD}$

$$\begin{array}{r}
 1000 \\
 + 1000 \\
 \hline
 1\ 0000 \\
 +\ 0110 \\
 \hline
 0001\ 0110
 \end{array}$$

个位产生进位
加6修正

解:

$$(1000)_{8421BCD} + (1000)_{8421BCD} = (0001\ 0110)_{8421BCD}$$



加法结论

两个8421BCD码相加，若相加结果中出现了8421BCD码的非法码或在相加过程中，在BCD数位上出现了向高位的进位，则应对非法码及产生进位的代码进行“加6(即二进制数0110)修正”。

注意：加6修正时，若产生进位，不需修正。

(2)减法运算

例1: $(0110)_{8421BCD} - (0001)_{8421BCD} = (?)_{8421BCD}$

$$\begin{array}{r} 0110 \\ - 0001 \\ \hline 0101 \end{array}$$

所以

$$(0110)_{8421BCD} - (0001)_{8421BCD} = (0101)_{8421BCD}$$

例2: $(0001\ 0000)_{8421BCD} - (0101)_{8421BCD} = (?)_{8421BCD}$

$$\begin{array}{r}
 0001\ 0000 \\
 - \quad \quad 0101 \\
 \hline
 0000\ 1011 \\
 - \quad \quad 0110 \\
 \hline
 0000\ 0101
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 \text{个位产生借位} \\
 \text{减6修正}
 \end{array}$$

$$(0001\ 0000)_{8421BCD} - (0101)_{8421BCD} = (0101)_{8421BCD}$$

减法结论

两个8421BCD码相减，若相减过程中，在BCD数位上出现了向高位的借位，则应对产生借位的代码进行“减6(即二进制数0110)修正”。

三、字符、数字代码

字符、数字代码用于传输数据信息（一般由字母、数字和符号组合而成），构成数据通信。

国际5号电报码（ASCII 码） 7单位代码。

Bin (二进制)	Oct (八进制)	Dec (十进制)	Hex (十六进制)	缩写/字符	解释
0011 0000	060	48	0x30	0	字符0
0011 0001	061	49	0x31	1	字符1
0011 0010	062	50	0x32	2	字符2

练习题

$$\begin{array}{ccccccc} & & \text{位权 } 10^0 & & & \text{位权 } 2^0 & \\ & & \uparrow & & & \uparrow & \\ 1. & (0001\ 0010)_{8421\text{BCD}} & = & (12)_{10} & = & (1\ 0010)_2 & \\ & \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & \\ & \text{位权 } 10^1 & & & & & \\ & & & (0001)_2 & & (0010)_2 & \end{array}$$

练习题

$$\begin{array}{c}
 \begin{array}{ccc}
 \text{位权 } 8^{-1} & & \text{位权 } 2^{-3} \\
 \uparrow & & \uparrow \\
 2. (\textcolor{blue}{43.5})_8 = (100 \ 011.101)_2 = (100 \ \textcolor{red}{011}.\textcolor{violet}{101})_2 \\
 \downarrow \quad \downarrow \quad \text{位权 } 8^0 & & \downarrow \quad \downarrow \\
 \text{位权 } 8^1 & & \text{位权 } 2^3 \quad \text{位权 } 2^0
 \end{array} \\
 \downarrow \\
 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 0 \times 2^3 = (\textcolor{red}{1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0}) \times 2^3 \\
 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (\textcolor{red}{0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0}) \times 2^0 \\
 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} = (\textcolor{red}{1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0}) \times 2^{-3}
 \end{array}$$

思考题

- 1.数制的三要素是指什么？
- 2.二进制数转换为十进制数采用什么方法？
- 3.十进制数转换为二进制数采用什么方法？
- 4.数字电路中的码元通常采用什么？
- 5.码长为 n 的二进制码可以编成多少个代码？
- 6.1位8421BCD码加法运算的规则是什么？

作业题

1.4

1.5

1.7

1.11 （抄题，补充在作业纸背面）